

## व्यतिकरण

समान आवृत्ति तथा नियत कलान्तर (कला सम्बद्ध) के तरंगों के अध्यारोपण से ऊर्जा पुनर्वितरण इस प्रकार होता है कि किन्हीं बिन्दुओं पर तीव्रता अधिकतम तथा किन्हीं बिन्दुओं पर न्यूनतम होती है, इस प्रभाव को व्यतिकरण कहते हैं।

## अध्यारोपण का सिद्धान्त

$$\text{दो तरंगें} \quad y = y_1 + y_2 + \dots + y_n$$

$$y_1 = a \sin \omega t$$

$$\text{तथा} \quad y_2 = b \sin (\omega t + \phi)$$

$$\text{परिणामी आयाम} \quad A = (a^2 + b^2 + 2ab \cos \phi)^{1/2}$$

$$\tan \theta = \frac{b \sin \phi}{a + b \cos \phi}$$

( $\theta \rightarrow y$  तथा  $y_1$  के मध्य कलान्तर)

$$\text{तीव्रता} \quad I \propto A^2$$

$$\therefore I = I_1 + I_2 + 2 \sqrt{I_1 I_2} \cos \phi$$

$$\text{यदि } a = b = a_0, \text{ तो} \quad I_1 = I_2 = I_0$$

$$\therefore A = 2a_0 \cos \left( \frac{\phi}{2} \right)$$

$$\text{और} \quad I = 4I_0 \cos^2 \left( \frac{\phi}{2} \right)$$

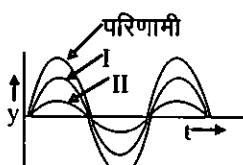
## संपोषी व्यतिकरण

$$(a) \text{ यदि कलान्तर} \quad \phi = 0, 2\pi, \dots, 2n\pi \\ \text{पथान्तर} \quad \Delta P = 0, \lambda, 2\lambda, \dots, n\lambda.$$

$$A = A_{\max} = (a + b),$$

$$I = I_{\max} = \left( \sqrt{I_1} + \sqrt{I_2} \right)^2$$

$$(b) \text{ यदि } a = b = a_0, \quad I_1 = I_2 = I_0 \\ A_{\max} = 2a_0 \quad \text{तथा} \quad I_{\max} = 4I_0.$$



## विनाशी व्यतिकरण

$$(a) \text{ यदि कलान्तर}$$

$$\phi = \pi, 3\pi, = (2n + 1)\pi$$

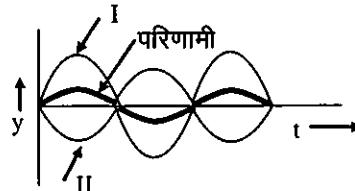
$$\Delta P = \frac{\lambda}{2}, \frac{3\lambda}{2}, \dots = (2n+1) \frac{\lambda}{2}$$

$$A = A_{\min} = (a - b)$$

$$I = I_{\min} = (\sqrt{I_1} - \sqrt{I_2})^2$$

(b) यदि  $a = b = a_0$ ,  $I_1 = I_2 = I_0$

$$A_{\min} = 0, I_{\min} = 0$$



### कला सम्बद्ध स्रोत

दो आदर्श एकसमान स्रोत जिनमें निम्न समानताएँ हों हैं :

- (a) समान आयाम.
- (b) समान आवृत्ति
- (c) नियत कलान्तर कला सम्बद्ध स्रोत कहलाते हैं।

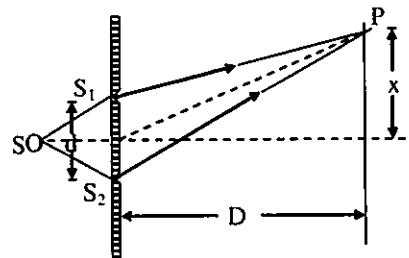
### कला सम्बद्ध स्रोत प्राप्त करने की विधियाँ

- (a) तरंगाग्र के विभाजन द्वारा।
- (b) आयाम के विभाजन द्वारा।

### स्थायी व्यतिकरण के लिये आवश्यक प्रतिबन्ध

- (a) कला सम्बद्ध तरंगे
- (b) उत्तम विपर्यास के लिये तरंगों के आयाम लगभग बराबर तथा
- (c) समान ध्रुवण प्रकृति

### फिन्जों की स्थिति तथा फिन्ज की चौड़ाई (यंग द्वित्रिक्रम रेखा प्रयोग)



- (a) फिन्ज चौड़ाई

$$\beta = \frac{\lambda D}{d} \text{ (चमकीली एवं काली फिन्जों के लिये समान)}$$

(b) पर्दे पर  $n$  वीं दीप्त फ्रिंज की स्थिति

$$x_n = n \frac{\lambda D}{d}$$

(c) पर्दे पर  $n$  वीं अदीप्त फ्रिंज की स्थिति

$$x_{n'} = (2n - 1) \frac{\lambda D}{d}$$

(d) फ्रिंज की चौड़ाई

$$\theta = \frac{\beta}{D} = \frac{\lambda}{d}$$

(e) फ्रिंज दृश्यता

$$Q = \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max} + I_{\min}} = \frac{2\sqrt{I_1 I_2}}{I_1 + I_2}$$

(f) फ्रिंजों की आकृति आकाश में अतिपरवलयक होती है तथा पर्दे पर इनके कटान सरल रेखीय फ्रिंजों के रूप में प्राप्त होते हैं।

(g) यदि सम्पूर्ण प्रयोग जल में किया जाये तो  $\beta$  घट जाता है।

**किसी एक तरंग के पथ में पारदर्शी पतली पट्टिका को रखने पर उत्पन्न प्रभाव**

पतली पट्टिका के रखने पर उत्पन्न अतिरिक्त पथान्तर  $= (\mu - 1) t$ .

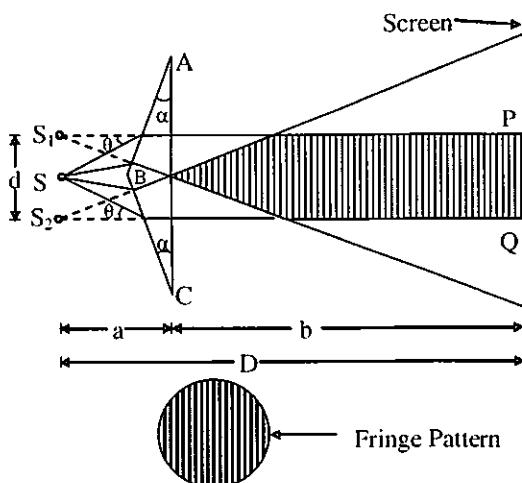
यदि केन्द्रीय फ्रिंज का विस्थापन  $n$  वीं दीप्त फ्रिंज के स्थान पर होता है, तो

$$(\mu - 1) t = n\lambda$$

यदि केन्द्रीय फ्रिंज का विस्थापन  $n$  वीं अदीप्त फ्रिंज के स्थान पर होता है, तो

$$(\mu - 1) t = (2n - 1) \frac{\lambda}{2}$$

### फ्रेनेल का द्विप्रिज्म



(a) प्रिज्म के दोनों भागों से अपवर्तन के कारण कला सम्बद्ध स्त्रोत उत्पन्न होते हैं।

$$(b) d = 2a(\mu - 1)\alpha$$

$D = (a + b)$ ,  $\mu$  प्रिज्म के पदार्थ का अपवर्तनांक तथा  $\alpha$  प्रिज्म कोण है।

(c)  $d = \sqrt{d_1 d_2}$ , जहाँ  $d_1$  तथा  $d_2$  लेंस की दो संयुगमी स्थितियों में कला सम्बद्ध स्त्रोतों के प्रतिविम्बों के बीच की दूरियाँ हैं।

$$(d) \beta = \frac{\lambda D}{d}, \lambda = \frac{\beta d}{D}$$

(e) यदि सम्पूर्ण उपकरण को  $\mu_m$  अपवर्तनांक के माध्यम में रखें तो  $d$  तथा  $\lambda$  दोनों परिवर्तन होते हैं –

$$\beta_m = \frac{\lambda_m D}{d_m}$$

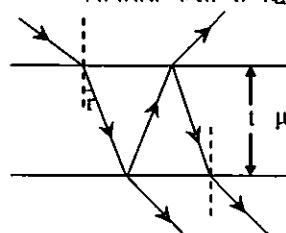
$$\lambda_m = \frac{\lambda_{air}}{a \mu_m}$$

$$d_m = 2a(\mu_m - 1)\alpha$$

(f) यदि सम्पूर्ण प्रयोग जल में किया जाये तो  $\beta$  बढ़ जाता है।

### पतली फिल्म में व्यतिकरण

परावर्तित कला सम्बद्ध किरणें



पारगमित कला सम्बद्ध किरणें

(a) फिल्म के ऊपरी तथा निचली सतह से परावर्तित तरंगों के अध्यारोपण से व्यतिकरण उत्पन्न होता है।

(b) परावर्तित तरंगों के मध्य उत्पन्न प्रभावी पथान्तर

$$\Delta P = 2\mu t \cos r + \frac{\lambda}{2} = n\lambda \quad (\text{अधिकतम तीव्रता के लिये})$$

$$= (2n - 1) \frac{\lambda}{2} \quad (\text{न्यूनतम तीव्रता के लिये})$$

$$\therefore 2\mu t \cos r = (2n - 1) \frac{\lambda}{2} \quad (\text{न्यूनतम तीव्रता के लिये}) \\ = n\lambda \quad (\text{न्यूनतम})$$

(c) यदि  $t \approx 0$ , अर्थात् फिल्म अत्यल्प मोटाई की हो तो,  $\Delta P \approx 0$ , अतः फिल्म परावर्तित प्रकाश में अदीप्त दिखाई देगी।