



Chapter 35

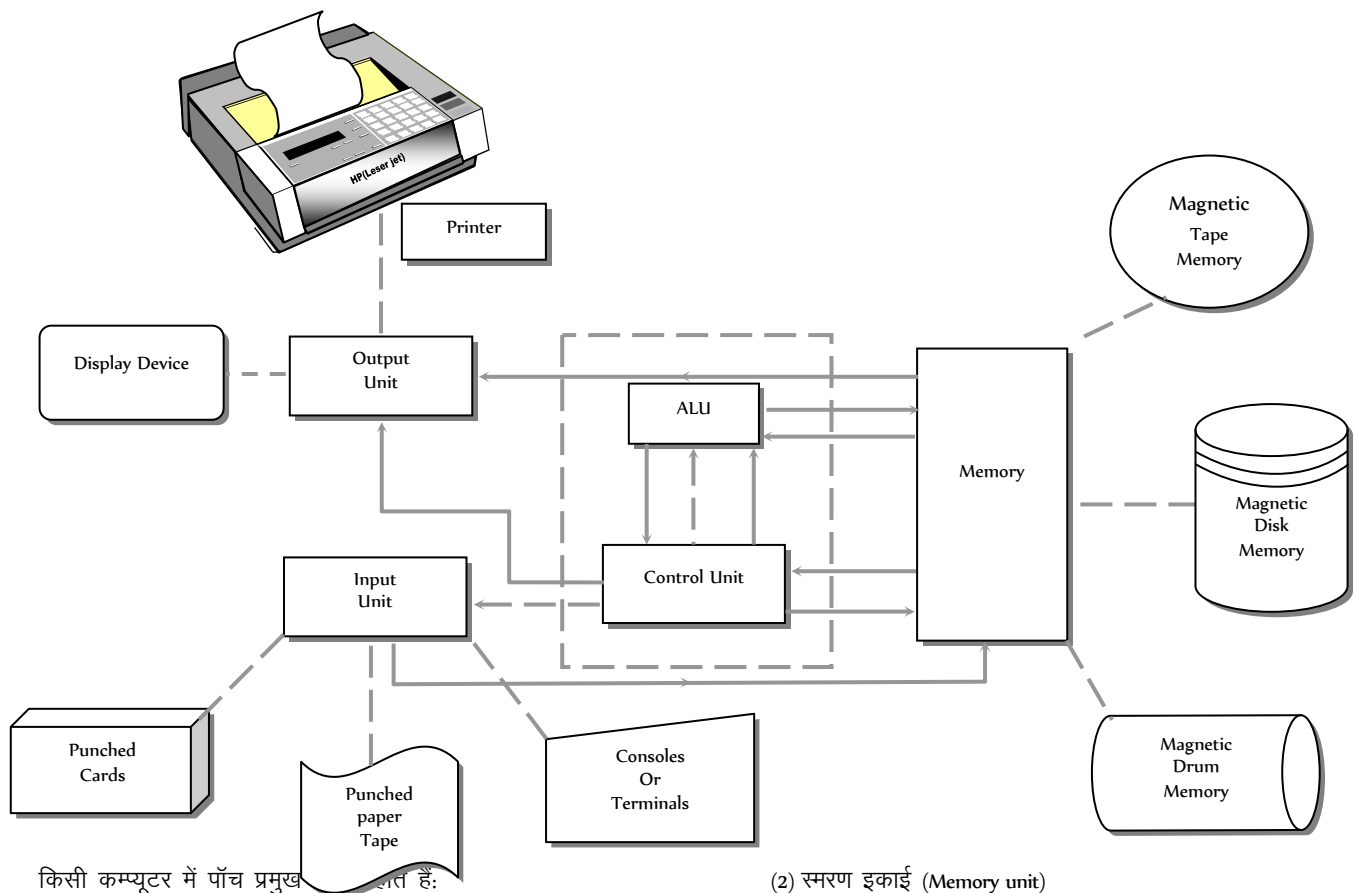
संगणना तथा द्विआधारी संक्रियायें

संगणना

एक कम्प्यूटर करोड़ों गणनाओं को कुछ ही समय में कर सकता है। यह अंकगणितीय, तार्किक संक्रियाओं तथा गणनाओं को आसानी से कर सकता है।

प्रस्तावना (Introduction)

कम्प्यूटर (संगणक) एक बहुउपयोगी इलेक्ट्रॉनिक मशीन है, जो बहुत तीव्र गति से बहुत सी सूचनाओं की प्रक्रिया (processing) कर सकती है।



किसी कम्प्यूटर में पाँच प्रमुख इकाईयाँ होती हैं:

(1) अन्तःनिवेश इकाई (Input unit)

(2) स्मरण इकाई (Memory unit)

(3) नियंत्रण इकाई (Control unit)

Block Diagram of a General Purpose Computer

(4) आंकिक तथा तार्किक इकाई (Arithmetic-logical unit)

(जहाँ m, n, r पूर्णांक है) पर विचार करते हैं। तब हम बीजगणितीय नियमों का उपयोग कर $x = (r - m) \div n, n \neq 0$ ज्ञात करते हैं। हम एक एलगोरिथम बनाते हैं, जो केवल कुछ पदों तक कार्य करें अर्थात् एक सेमी एलगोरिथम बनाते हैं।

Semi-algorithm (उपरोक्त समस्या के लिए) :

Step 1: m, r तथा n के मान प्राप्त करो।

Step 2: r में से m को घटाओ माना यह अंतर b है।

Step 3: b को n से भाग दो, यह परिणाम x के मान के रूप में Print होता है।

उदाहरणार्थ : माना $m = 9, n = 5$ तथा $r = 24$ इस स्थिति में $9 + 5x = 24$. दूसरे पद में $24 - 9 = b$ अर्थात् $b = 15$ तथा तीसरे पद में $\frac{b}{n} = \frac{15}{5} = 3$, अतः $x = 3$ होता है।

उपरोक्त पदों में दो दोष है। प्रथम, यदि $n = 0$ तब $m = r$ तथा x कोई भी पूर्णांक मान ग्रहण कर सकता है या $m \neq r$ तथा कोई हल संभव नहीं है अर्थात् कोई पूर्णांक x नहीं है जो दिये गये समीकरण को संतुष्ट करता है। द्वितीय, यदि b को n से विभाजित करने पर अशून्य शेषफल प्राप्त हो, तब x का कोई पूर्णांक मान दिये गये समीकरण को संतुष्ट नहीं करेगा। अतः एलगोरिथम इस प्रकार का होना चाहिए जो इस प्रकार की स्थितियों का निराकरण कर सके।

निम्नलिखित एलगोरिथम से सभी संभव स्थितियों का समाधान हो जाता है।

Step 1 : Get the values of m, n and r

Step 2 : **If** $n = 0$ and $m = r$

then go to step 7

else go to step 3

Step 3 : **If** $n = 0$ and $m \neq r$

then go to step 6

else go to step 4

Step 4 : **Subtract** m from r , call this difference b

(i.e., $b = r - m$)

Step 5: **Divide** b by n ,

If there is a remainder

then go to step 6

else print the value of $\frac{b}{n}$, which is the required value of x

Step 6: **Print** 'No integer satisfies this equation'. Stop

Algorithm to solve an equation of the form $m + nx = r$, where m, n, r, x are integers

उपरोक्त एलगोरिथम से हम आवश्यकता के अनुरूप पदों का चयन कर सकते हैं जो कि m, n तथा r (परिणामतः b का मान) के मानों पर निर्भर करता है।

एलगोरिथम की यही योग्यता चयन कहलाती है। चयन की क्षमता यह है, कि यह एलगोरिथम का क्रियान्वयन करने वाले को समस्या के अनुरूप विभिन्न पथों का अनुसरण करने की अनुमति देती है।

उपरोक्त एलगोरिथम में चयन को विशिष्ट शब्दों 'if', 'then', 'else' द्वारा व्यक्त करते हैं। यह ध्यान रखना चाहिए कि तीनों विशिष्ट शब्द (एक बार) मिलकर एक पद पूर्ण करते हैं। इन्हें लिखने का भी एक विशेष तरीका होता है, जब तक पद पूर्ण नहीं हो जाता, तब तक शब्द 'if' के नीचे कुछ नहीं लिखते हैं, इसे इन्डेंटेशन (indentation) कहते हैं। शब्द 'then' तथा 'else' शब्द 'if' के सापेक्ष एक ही इन्डेंटेशन (indentation) में आते हैं।

(3) **इटरेशन या पुनरावृत्ति** (Iteration or Repetition) : एलगोरिथम में समस्या को हल करते समय कुछ पदों की पुनरावृत्ति होती है। यह इटरेशन या पुनरावृत्ति कहलाती है।

अब हम एक समस्या पर विचार करते हैं, जिसमें हमें एक अभाज्य संख्या का मान ज्ञात करना है, जो दिये गये पूर्णांक से ठीक अधिक है। इस समस्या को हल करने के लिए निम्न एलगोरिथम का उपयोग करते हैं।

Consider the given integer

```

S {
  add 1 to it
  test new number for primeness
  if it is prime,
    then write it down and stop
  else add 1 to it
  test new number for primeness
  if it is prime,
    then write it down and stop
  else add 1 to it
  test new number for primeness
  if.....

```

Algorithm for finding a prime number greater than a given positive integer

उपरोक्त प्रक्रिया में हम निम्न पदों को देखते हैं।

"add 1 to it
test new number for primeness
if it is prime
then write it down and stop "

जिनकी पुनरावृत्ति तब तक होती है, जब तक कि हम अभाज्य संख्या प्राप्त कर उसे Print नहीं कर लेते। यदि इस अनुक्रम को (जिसमें परिणाम भी शामिल है) S से प्रदर्शित करते हैं, तब S की पुनरावृत्ति परिणाम के print होने तक होती रहती है। इसे तकनीकी रूप से इटरेशन या पुनरावृत्ति कहते हैं।

चूँकि हम यह नहीं जानते कि S की पुनरावृत्ति कितनी बार होगी, क्योंकि यह दिये गए धनात्मक पूर्णांक पर निर्भर करती है। इस समस्या के निराकरण के लिये एलगोरिथम में इटरेशन को एक नये प्रकार से लिखते हैं।

Consider the given number

repeat

add 1 to it

until the new number is prime

write the new number

Or

Consider the given number

add 1 to it

while the new number is not prime

do add 1 to it

write the new number

Two different ways of writing iteration occurring in fig.

आधारभूत संक्रिया तथा आरेख चित्र :

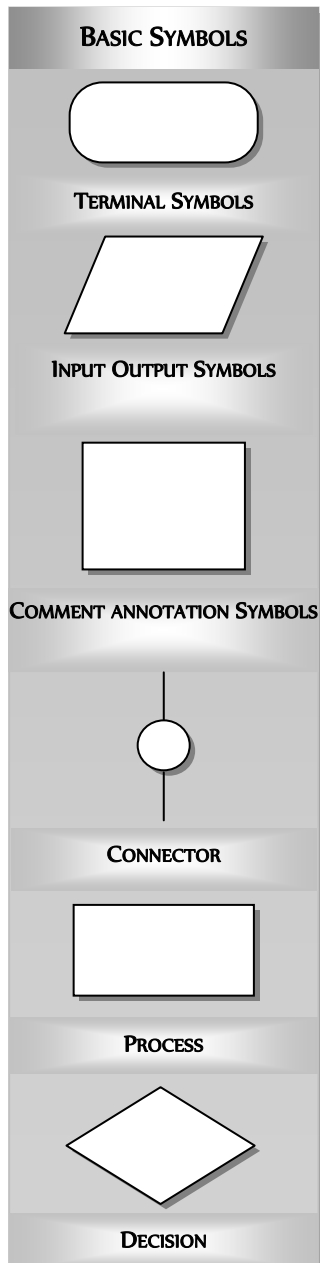
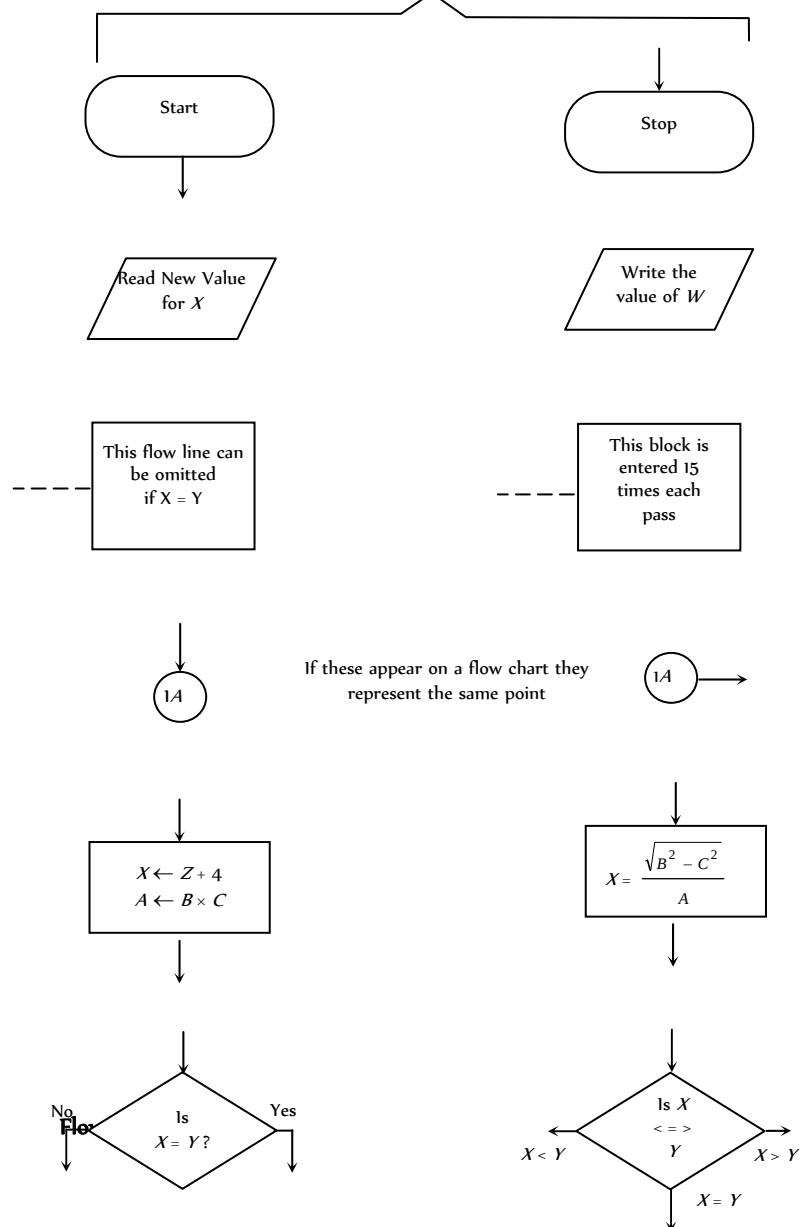
तीन आधारभूत संक्रियायें हैं:

- (i) अनुक्रम (Sequence) (ii) चयन (Selection)
- (iii) इटिरेशन (Iteration)

किसी इटिरेशन के संगत आरेख चित्र का चयन या Repeat-Until construct या While-Do construct एक लूप का निर्माण करता है। लूप दो प्रकार के होते हैं।

(i) जब किसी संक्रिया की नियत संख्या तक पुनरावृत्ति होती है, किंतु चरों का मान कुछ भी हो सकता है, तब आरेख चित्र का संगत भाग एक नियत लूप का निर्माण करता है।

(ii) जब इटिरेशन की संख्या, चरों के मानों पर निर्भर करती है, तब आरेख चित्र का संगत भाग एक चर लूप (Variable loop) का निर्माण करता है। इस लूप को पश्चगामी कूद (Backward jump) भी कहते हैं।

**Examples of Use**

संख्या पद्धति (Number system)

(1) **दशमिक पद्धति (Decimal system)** : इस संख्या पद्धति का हम दैनिक जीवन में उपयोग करते हैं। दशमिक पद्धति में हम अंकों 0, 1, 2, ..., 8, 9 का उपयोग करते हैं तथा इन 10 अंकों की सहायता से हम कोई भी परिमेय संख्या लिख सकते हैं। दशमिक पद्धति, स्थानीय मान पद्धति पर आधारित है अर्थात् किसी अंक द्वारा प्रदर्शित मान संख्या में उस अंक की स्थिति पर निर्भर करता है। दशमिक पद्धति में क्रमिक स्थानों पर दिये जाने वाले मान $10^4, 10^3, \dots, 10^0, 10^{-1}, 10^{-2}, \dots$ (बाँये से दाँये) होते हैं।

उदाहरणार्थ : संख्या 3864.342 को निम्न प्रकार से लिख सकते हैं।

$$3864.342 = 3 \times 10^3 + 8 \times 10^2 + 6 \times 10^1 + 4 \times 10^0 + 3 \times 10^{-1} + 4 \times 10^{-2} + 2 \times 10^{-3}$$

संख्याओं को प्रदर्शित करने के लिए 10 आधार संकेत उपयोग किये जाते हैं। 10 इस पद्धति का आधार है तथा इस पद्धति को दस-आधारीय पद्धति या दशमिक पद्धति कहते हैं।

(2) **द्विआधारी संख्या पद्धति (Binary number system)** : वह संख्या पद्धति जिसके लिए आधार 2 है, द्विआधारी पद्धति कहलाती है। इस पद्धति में, संख्याओं को दो आधार संकेतों 0 या 1 से प्रदर्शित करते हैं। इस पद्धति में क्रमिक स्थानों पर $2^4, 2^3, 2^2, 2^1, 2^0, 2^{-1}, 2^{-2}, \dots$ अंक दिये जाते हैं जहाँ 2^0 इकाई स्थान पर होता है। द्विआधारी अंकों तथा दशमिक अंकों को एक दूसरे में परिवर्तित कर सकते हैं।

(3) **अष्टिक संख्या पद्धति (Octal number system)** : जैसा कि नाम से स्पष्ट है, इस पद्धति में आधार $8(2^3)$ होता है। संख्याओं को आठ आधारभूत संकेतों 0, 1, 2, ..., 7 की सहायता से लिखा जाता है। क्रमिक स्थानों पर दिये जाने वाले मान $\dots, 8^3, 8^2, 8^1, 8^0, 8^{-1}, 8^{-2}, \dots$ है, जहाँ 8^0 इकाई स्थान है। दशमिक संख्या पद्धति को अष्टिक संख्या पद्धति में परिवर्तित कर सकते हैं।

(4) **षोडशिक संख्या पद्धति (Hexadecimal system)** : इस पद्धति में आधार 16 होता है। संख्याओं को 16 संकेतों 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F की सहायता से लिखते हैं। संकेत A, 10 को प्रदर्शित करता है (दशमिक पद्धति में)। इसी प्रकार B, C, D, E, F क्रमशः 11, 12, 13, 14 तथा 15 को प्रदर्शित करता है। इस पद्धति में क्रमिक स्थानों पर दिये जाने वाले मान $\dots, 16^2, 16^1, 16^0, 16^{-1}, \dots$ है, जहाँ 16^0 इकाई स्थान है।

द्विआधारी संक्रियायें

परिभाषा (Definition)

किसी अरिक्त समुच्चय A पर द्विआधारी संक्रिया एक फलन है, जो A के अवयवों के प्रत्येक क्रमित युग्म से संलग्न है जबकि एक अद्वितीय अवयव c इस प्रकार परिभाषित है कि $c \in A$, यह गुणित समूह $A \times A$ से A में एक फलन है। संकेत रूप में, एक फलन $A \times A \rightarrow A$, समुच्चय A पर द्विआधारी संक्रिया कहलाती है।

अवयव $(a, b) \in A \times A$ के प्रतिबिम्ब को $a * b$ से प्रदर्शित करते हैं। यदि समुच्चय A , किसी संयोजन के सापेक्ष बन्द है, तब हम कहते हैं, कि समुच्चय A पर द्विआधारी संक्रिया $*$ है।

माना, $a \in N, b \in N \Rightarrow a + b \in N \forall a, b \in N$

N के लिए गुणन भी एक द्विआधारी संक्रिया है, चूँकि $a \in N, b \in N \Rightarrow a \times b \in N \forall a, b \in N$

किन्तु N के लिए व्यवकलन (Subtract) एक द्विआधारी संक्रिया नहीं है, चूँकि $3 \in N, 5 \in N$ किन्तु $3 - 5 = -2 \notin N$

• यह स्पष्ट है, कि योग तथा गुणन Z (पूर्णांकों का), Q (परिमेय संख्या का), R (वास्तविक संख्या का) तथा C (सम्मिश्र संख्या का) समुच्चयों में से प्रत्येक के लिये द्विआधारी संक्रिया है।

• घटना Z, Q, R तथा C प्रत्येक समुच्चय के लिये द्विआधारी संक्रिया है, किन्तु यह N के लिए द्विआधारी संक्रिया नहीं है।

• विभाजन N, Z, Q, R तथा C में से किसी भी समुच्चय के लिये द्विआधारी संक्रिया नहीं है।

(Types of binary operation)

(i) **क्रमविनिमेयक द्विआधारी संक्रिया (Commutative binary operation)** : समुच्चय S पर एक द्विआधारी संक्रिया $*$ क्रमविनिमेय है, यदि $a * b = b * a \forall a, b \in S$

समुच्चय Z के लिये योग तथा गुणन क्रमविनिमेयक द्विआधारी संक्रियायें हैं, किन्तु व्यवकलन (Subtract) एक क्रमविनिमेयक द्विआधारी संक्रिया नहीं है, चूँकि $2 - 3 \neq 3 - 2$

(2) **साहचर्य द्विआधारी संक्रिया (Associative binary operation)** : माना समुच्चय S पर एक द्विआधारी संक्रिया $*$ साहचर्य है, यदि $(a * b) * c = a * (b * c) \forall a, b, c \in S$

योग तथा गुणन N, Z, Q, R तथा C के लिये साहचर्य द्विआधारी संक्रियायें हैं, किन्तु व्यवकलन (Subtract) Z, Q, R तथा C के लिये साहचर्य द्विआधारी संक्रिया नहीं है।

(3) **वितरण द्विआधारी संक्रिया (Distributive binary operation)** : माना समुच्चय S पर दो द्विआधारी संक्रियायें $*$ तथा $\circ$ हैं, तब

(i) $\circ$ पर बाँया वितरण है, यदि $a * (b \circ c) = (a * b) \circ (a * c) \forall a, b, c \in S$

(ii) $\circ$ पर दाँया वितरण है, यदि $(b \circ c) * a = (b * a) \circ (c * a) \forall a, b, c \in S$

यदि $\circ$ पर बाँया तथा दाँया वितरण $*$ है, तब $*$ को $\circ$ पर वितरण कहते हैं।

उदाहरणार्थ : Z पर योग (+) के लिए, Z पर गुणन (.) वितरण नियम का पालन करता है, चूँकि $a(b + c) = ab + ac$ तथा $(b + c) \cdot a = b \cdot a + c \cdot a \forall a, b, c \in Z$

किन्तु गुणन के लिये योग वितरण नियम का पालन नहीं करता है।

तत्समक तथा प्रतिलोम अवयव (Identity and Inverse elements)

(i) **तत्समक अवयव (Identity element)** : माना $*$ समुच्चय S पर द्विआधारी संक्रिया है। किसी द्विआधारी संक्रिया $*$ के लिये एक अवयव $e \in S$ तत्समक होगा यदि $a * e = a = e * a \forall a \in S$

Z पर योग के लिए 0 एक तत्समक अवयव है, चूँकि

$$a + 0 = a = 0 + a \forall a \in Z$$

R पर गुणन के लिये 1 तत्समक अवयव है, चूँकि $1 \times a = a = a \times 1 \forall a \in R$

(2) **प्रतिलोम अवयव (Inversible element for a binary operation with identity)**: किसी द्विआधारी संक्रिया $*$ के लिए समुच्चय A का अवयव a प्रतिलोमिक है, यदि $\exists b \in A$ इस प्रकार है कि

$$a * b = e = b * a \text{ जहाँ } e \text{ तत्समक है।}$$

b को a का प्रतिलोम कहते हैं तथा इसे a से प्रदर्शित करते हैं। समुच्चय A में प्रतिलोमिक अवयव को यूनिट कहते हैं। तत्समक अवयव सदैव प्रतिलोमिक होते हैं तथा स्वयं के व्युत्क्रम होते हैं। चूँकि $e * e = e * e = e$, इस प्रकार $e = e$ है।

संयोजन तालिका (Composition table)

किसी परिमित समुच्चय पर द्विआधारी संक्रिया को एक तालिका द्वारा समझा सकते हैं, इस तालिका को संयोजन तालिका कहते हैं।

माना $S = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$ एक परिमित समुच्चय है तथा S पर द्विआधारी संक्रिया $*$ है, तब $*$ के लिये संयोजन तालिका को निम्नानुसार प्रदर्शित करते हैं।

हम समुच्चय S के अवयवों $a, a_1, \dots, a_n$ को ऊपरी क्षैतिज पंक्ति में लिखते हैं तथा इसी क्रम में अवयवों को बाँयी ओर के ऊर्ध्वाधर स्तम्भ में लिखते हैं।

सारणी : 35.1

*	a_1	a_2		a_i		a_j		a
a_1	$a_1 * a_1$	$a_1 * a_2$		$a_1 * a_i$		$a_1 * a_j$		$a_1 * a_n$
a_2	$a_2 * a_1$	$a_2 * a_2$		$a_2 * a_i$		$a_2 * a_j$		$a_2 * a_n$
$\vdots$								
a_i	$a_i * a_1$	$a_i * a_2$		$a_i * a_i$		$a_i * a_j$		$a_i * a_n$
$\vdots$								
a_j	$a_j * a_1$	$a_j * a_2$		$a_j * a_i$		$a_j * a_j$		$a_j * a_n$
$\vdots$								
a_n	$a_n * a_1$	$a_n * a_2$		$a_n * a_i$		$a_n * a_j$		$a_n * a_n$

संयोजन तालिका

संयोजन तालिका से हम निम्न परिणाम प्राप्त करते हैं।

(1) यदि तालिका के प्रत्येक अवयव समुच्चय S के अवयव हो तथा S का प्रत्येक अवयव, प्रत्येक पंक्ति या स्तम्भ में केवल एक बार प्रतीत हो, तब संक्रिया को द्विआधारी संक्रिया कहते हैं।

द्विआधारी संक्रिया को सुपरिभाषित कहते हैं जिसका तात्पर्य यह है, कि द्विआधारी संक्रिया $*$, S के प्रत्येक अवयव से S के अद्वितीय अवयव तक संलग्न है अर्थात् S , संक्रिया $*$ के अन्तर्गत परिबद्ध है।

(2) यदि तालिका के अवयव विकर्ण (जो ऊपरी बाँयें कोने से प्रारम्भ होकर नीचे दाँये कोने पर समाप्त होता है) के सापेक्ष सममित है, तब द्विआधारी संक्रिया, S पर क्रमविनिमेयक नियम का पालन करती है, अन्यथा यह S पर क्रमविनिमेय नहीं होता है।

(3) यदि a , अवयव वाली पंक्ति शीर्ष पंक्ति के सम्पाती है तथा a अवयव वाला स्तम्भ, सबसे बाँयी ओर के स्तम्भ के सम्पाती है, तब S पर द्विआधारी संक्रिया $*$ के लिये a तत्समक अवयव है।

(4) यदि प्रत्येक पंक्ति (सबसे ऊपरी पंक्ति के अतिरिक्त) या प्रत्येक स्तम्भ (सबसे बाँयी ओर के स्तम्भ के अतिरिक्त) में तत्समक अवयव है तब S का प्रत्येक अवयव $*$ के सापेक्ष व्युत्क्रमणीय होता है।

किसी अवयव (माना a) का प्रतिलोम ज्ञात करने के लिये a की पंक्ति (या स्तम्भ) पर विचार करते हैं, तब इस पंक्ति (या स्तम्भ) में तत्समक अवयव e की स्थिति ज्ञात करते हैं। यदि e , a के स्तम्भ (या पंक्ति) में प्रतीत होता है, तब a तथा a एक दूसरे के प्रतिलोम होते हैं।

यह ध्यान रखना चाहिये, कि संयोजन तालिका द्विआधारी संक्रियाओं की साहचर्यता ज्ञात करने में कोई सहायता नहीं करती है। यह प्रत्येक संभव प्रयासों द्वारा सत्यापित होना चाहिये।

संगणना

- एक समस्या का हल चरों के किसी प्रतिबन्ध से सम्बन्धित नहीं है तथा न ही पुनरावृत्तिक प्रकृति का है तब आधारभूत नियंत्रण संक्रिया है
 - अनुक्रमणीय (Sequential)
 - चयन (Selection)
 - पुनरावृत्ति (Repetitive)
 - इनमें से कोई नहीं
- कम्प्यूटर क्रियान्वित कर सकता है
 - एक एल्गोरिथम (An algorithm)
 - एक आरेख चित्र (A flow-chart)
 - एक कार्यक्रम (A program)
 - इनमें से कोई नहीं
- एक आधारभूत नियंत्रण संरचना सदैव रखता है
 - एक प्रवेश तथा दो निर्गत बिन्दु
 - दो प्रवेश तथा एक निर्गत बिन्दु
 - एक प्रवेश तथा एक निर्गत बिन्दु
 - कितनी भी संख्या में प्रवेश तथा निर्गत बिन्दु
- कम्प्यूटर का हृदय तथा तंत्रिका तंत्र है
 - अंतः निवेश इकाई (Input unit)
 - निर्गत निवेश इकाई (Output unit)
 - केन्द्रीय प्रक्रिया इकाई (CPU)
 - स्मरण इकाई (Memory unit)
- एक एल्गोरिथम रखता है, कम से कम
 - एक इनपुट
 - एक आउटपुट
 - एक असाइनमेंट
 - इनमें से कोई नहीं
- किसी समस्या में अनेक प्रकार के निर्दिष्ट सिद्धान्तों का अध्ययन करते हैं, तब आवश्यक नियंत्रण संरचना (control structure) है
 - केवल अनुक्रमणीय (Only sequential)
 - केवल चयन (Only selection)
 - पुनरावृत्ति संरचना (Repetition structure)
 - इनमें से कोई नहीं
- नियंत्रण संरचना (control structure) IF-THEN-ELSE है
 - एकल चयन (Single selection)
 - बहुचयन (Multiple selection)
 - पुनरावृत्तिक संरचना (Repetition structure)
 - इनमें से कोई नहीं
- FOR-DO construct लूप को कम से कम कितनी बार क्रियान्वित करता है
 - एक बार
 - दो बार
 - तीन बार
 - इनमें से कोई नहीं
- नियंत्रण संरचना (CASE-OF) है
 - एकल चयन (Single selection)
 - बहुचयन (Multiple selection)
 - पुनरावृत्तिक संरचना (Repetition structure)
 - इनमें से कोई नहीं
- द्विआधारी संख्या 10101 का दशमिक तुल्य है [DCE 1999]
 - 20
 - 21
 - 22
 - 23
- (101001110), का अष्टिक तुल्य है [DCE 1994]
 - 116
 - 561
 - 615
 - 516
- अष्टिक संख्या 219 का दशमिक तुल्य है [DCE 1999]
 - 140
 - 145
 - 150
 - 155

11. $(101001110)_2$ का अष्टिक तुल्य है [DCE 1994]
 (a) 116 (b) 561
 (c) 615 (d) 516
12. अष्टिक संख्या 219 का दशमिक तुल्य है [DCE 1999]
 (a) 140 (b) 145
 (c) 150 (d) 155
13. द्विआधारी संख्या $(101101.10101)_2$ का दशमिक तुल्य है
 (a) $(45.625)_{10}$ (b) $(45.065)_{10}$
 (c) $(65.625)_{10}$ (d) $(45.65625)_{10}$
14. दशमिक संख्या $(0.65625)_{10}$ का द्विआधारी तुल्य है
 (a) $(0.10101)_2$ (b) $(0.110101)_2$
 (c) $(0.10011)_2$ (d) $(0.10110)_2$
15. नियंत्रण इकाई व आंकिक तथा तार्किक इकाई कहलाता है
 (a) आंकिक तथा तार्किक इकाई (ALU)
 (b) केन्द्रीय प्रक्रिया इकाई (CPU)
 (c) स्मरण इकाई
 (d) अंतः निवेश इकाई
16. संगणक की तीसरी पीढ़ी में, कौन सा इलेक्ट्रॉनिक उपकरण प्रयुक्त किया जाता था
 (a) निर्वात नलिका
 (b) ट्रांजिस्टर (Transistors)
 (c) समाकलित परिपथ (Integrated circuit)
 (d) उपरोक्त सभी
17. RAM का तात्पर्य है
 (a) रैंडम ऐक्सेस मेमोरी
 (b) राइट ऐक्सेस मेमोरी
 (c) रैंडम एक्सेस मेमोरी
 (d) उपरोक्त सभी
18. अष्टिक संख्या 473 का दशमिक तुल्य है [DCE 1996]
 (a) $(312)_{10}$ (b) $(308)_{10}$
 (c) $(315)_{10}$ (d) इनमें से कोई नहीं
19. अष्टिक संख्या $(5473.64)_8$ का द्विआधारी तुल्य है
 (a) $(1101001110.1110101)_2$
 (b) $(1011001110.1110100)_2$
 (c) $(1001001110.1110100)_2$
 (d) $(1011001111.01110100)_2$
20. दशमिक संख्या 0.3125 का द्विआधारी तुल्य है
 (a) .0101 (b) .1010
 (c) .0101 (d) .1101
21. अष्टिक संख्या 1217 का दशमिक तुल्य है [DCE 1999]
 (a) 640 (b) 620
 (c) 650 (d) 655
22. दशमिक संख्या $(0.225)_{10}$ का आष्टिक तुल्य है
 (a) $(0.163146)_8$ (b) $(0.164136)_8$
 (c) $(0.2641)_8$ (d) $(0.1646)_8$
23. द्विआधारी संख्या $(110011.11)_2$ का दशमिक तुल्य है
 (a) $(51.25)_{10}$ (b) $(51.50)_{10}$
 (c) $(51)_{10}$ (d) $(51.75)_{10}$
24. द्विआधारी संख्या $(0.10100110)_2$ का आष्टिक तुल्य है
 (a) $(0.510)_8$ (b) $(0.514)_8$
 (c) $(0.524)_8$ (d) $(0.534)_8$
25. द्विआधारी संख्या $(1101.011)_2$ का आष्टिक तुल्य है
 (a) $(25.4)_8$ (b) $(15.6)_8$
 (c) $(14.6)_8$ (d) $(15.3)_8$
26. द्विआधारी संख्या 101010 का दशमिक तुल्य है [DCE 1999]
 (a) 20 (b) 42
 (c) 22 (d) 23
27. अष्टिक संख्या $(2432)_8$ का षोडशिक तुल्य है
 (a) $(51B)_{16}$ (b) $(51A)_{16}$
 (c) $(25A)_{16}$ (d) $(25B)_{16}$
28. अष्टिक संख्या $(75.5)_8$ का दशमिक तुल्य है
 (a) $(61.0625)_{10}$ (b) $(61.065)_{10}$
 (c) $(61.625)_{10}$ (d) $(61.725)_{10}$
29. द्विआधारी संख्या $(1100.1011)_2$ का दशमिक तुल्य है
 (a) $(122.6875)_{10}$ (b) $(12.6875)_{10}$
 (c) $(12.4275)_{10}$ (d) $(12.6975)_{10}$
30. द्विआधारी संख्या $(1011.10101)_2$ का दशमिक तुल्य है
 (a) $(11.65625)_{10}$ (b) $(11.64625)_{10}$
 (c) $(11.66725)_{10}$ (d) $(12.54625)_{10}$
31. एक किलोबाइट (Kilobyte) में कितने बाइट (Byte) होते हैं
 (a) 512 (b) 1024
 (c) 2048 (d) 4096
32. एक बाइट (Byte) में कितने बिट्स (bits) होते हैं
 (a) 4 (b) 6
 (c) 8 (d) 12
33. एक एलगोरिथम समाप्त होना चाहिये [DCE 1997]
 (a) एक पुनरावृत्ति में
 (b) एक पद में
 (c) निश्चित पदों में
 (d) निश्चित पदों में किन्तु कभी कभी अनन्त पदों में

द्विआधारी संक्रियायें

1. माना S एक परिमित समुच्चय है, जिसमें n अवयव हैं, तब S पर क्रमविनिमेय द्विआधारी संक्रियाओं की कुल संख्या है
 (a) $n^{\frac{n(n+1)}{2}}$ (b) $n^{\frac{n(n-1)}{2}}$
 (c) n^{n^2} (d) 2^{n^2}
2. यदि S एक परिमित समुच्चय है, जिसमें n अवयव हैं, तब S पर उन द्विआधारी संक्रियाओं की कुल संख्या जो क्रमविनिमेय नहीं हैं, होगी
 (a) $n^{\frac{n(n+1)}{2}}$ (b) $n^{n^2} - n^{\frac{n(n+1)}{2}}$
 (c) $n^{\frac{n^2 - n(n-1)}{2}}$ (d) $n^{\frac{n(n-1)}{2}}$
3. यदि किसी द्विआधारी संक्रिया $*$ के लिए S पर परिभाषित संयोजन तालिका मुख्य विकर्ण के परितः सममित है, तब
 (a) S पर $*$ साहचर्य है
 (b) S पर $*$ क्रमविनिमेय है
 (c) $S, *$ के लिए तत्समक अवयव रखता है
 (d) इनमें से कोई नहीं
4. पूर्णाकों का व्यवकलन एक संक्रिया है, जो है [CET 1994]
 (a) क्रमविनिमेय तथा साहचर्य

- (b) साहचर्य किन्तु क्रमविनिमेय नहीं
(c) न तो क्रमविनिमेय और न ही साहचर्य
(d) क्रमविनिमेय किन्तु साहचर्य नहीं
5. नियम $a + b = b + a$ कहलाता है
(a) संवरक नियम (b) साहचर्य नियम
(c) क्रमविनिमेय नियम (d) वितरण नियम
6. यदि समुच्चय S पर द्विआधारी संक्रिया $*$ के लिये संयोजन तालिका की कोई एक पंक्ति तालिका के सबसे ऊपर पंक्ति के सम्पाती है, तब
(a) $*$ के लिये S बाँया तत्समक रखता है
(b) $*$ के लिये S दाँया तत्समक रखता है
(c) $*$ के लिये S तत्समक रखता है
(d) $*$, S क्रमविनिमेय तथा साहचर्य है
7. यदि समुच्चय S पर द्विआधारी संक्रिया $*$ के लिये संयोजन तालिका का कोई एक स्तम्भ, तालिका के सबसे बाँयी ओर के स्तम्भ के सम्पाती है, तब
(a) $*$ के लिये S बाँया तत्समक रखता है
(b) $*$ के लिये S दाँया तत्समक रखता है
(c) $*$ के लिये S तत्समक रखता है
(d) $*$, S पर क्रमविनिमेय तथा साहचर्य है
8. निम्न में से कौन सी द्विआधारी संक्रिया क्रमविनिमेय है
(a) R पर $*$, जो $a * b = a^2 b$ द्वारा प्राप्त होता है
(b) R पर O जो $aob = a^b$ द्वारा प्राप्त होता है
(c) $I(S)$ पर Δ , समुच्चय S पर घात समुच्चय $\Delta \Delta B = (A - B) \cup (B - A)$ द्वारा प्राप्त होता है
(d) इनमें से कोई नहीं
9. माना S एक परिमित समुच्चय है, जिसमें n अवयव हैं, तब S पर कुल द्विआधारी संक्रियाओं की संख्या है [EAMCET 1992]
(a) n^n (b) 2^{n^2}
(c) n^{n^2} (d) n^2
10. वास्तविक संख्याओं के समुच्चय पर $a * b = 1 + ab$ द्वारा परिभाषित है, तब संक्रिया $*$ है [CET 1991]
(a) क्रमविनिमेय किन्तु साहचर्य नहीं
(b) साहचर्य किन्तु क्रमविनिमेय नहीं
(c) न तो क्रमविनिमेय और न ही साहचर्य
(d) क्रमविनिमेय व साहचर्य दोनों

Critical Thinking

Objective Questions

1. REPEAT-UNTIL नियंत्रण प्रक्रिया में लूप का क्रियान्वयन कम से कम होता है [DCE 1996]
(a) 3 बार (b) 2 बार
(c) 1 बार (d) इनमें से कोई नहीं
2. (1101101) का मान है [DCE 2001]
(a) 81 (b) 121
(c) 109 (d) 92
3. (264) का दाशमिक तुल्य है [DCE 1995]
(a) 180 (b) 170
(c) 166 (d) इनमें से कोई नहीं
4. दाशमिक संख्या 785 का षोडशिक तुल्य है [DCE 1994]
(a) 1A2 (b) 311
(c) AB5 (d) इनमें से कोई नहीं
5. माना z पूर्णांकों का समुच्चय है तथा z पर एक द्विआधारी संक्रिया o है जो $aob = a + b - ab \forall a, b \in z$ द्वारा परिभाषित है, तब $a(\neq 1) \in z$ का प्रतिलोम अवयव है

$$(a) \frac{a}{a-1}$$

$$(c) \frac{a-1}{a}$$

$$(b) \frac{a}{1-a}$$

$$(d) \text{ इनमें से कोई नहीं}$$

Answers

संगणना

1	a	2	c	3	c	4	c	5	b
6	b	7	a	8	a	9	b	10	b
11	d	12	b	13	d	14	a	15	b
16	c	17	c	18	c	19	b	20	c
21	d	22	a	23	d	24	b	25	d
26	b	27	b	28	c	29	b	30	a
31	b	32	c	33	c				

द्विआधारी संक्रियायें

1	a	2	b	3	b	4	c	5	c
6	a	7	b	8	c	9	c	10	a

Critical Thinking Questions

1	c	2	c	3	a	4	b	5	a
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Answers and Solutions

संगणना

1. (a) आधारभूत नियंत्रण संक्रिया अनुक्रमणीय होगी क्योंकि यहाँ चयन व पुनरावृत्ति की आवश्यकता नहीं है
2. (c) संगणक द्वारा कार्यक्रम (Program) का क्रियावर्णन होता है न कि एलगोरिथम व आरेख चित्र का
3. (c) आधारभूत नियंत्रण संक्रिया सदैव एक प्रवेश व एक निर्गत बिन्दु रखता है
4. (c) केन्द्रीय प्रक्रिया (CPU) संगणक का हृदय होता है
5. (b) एक एलगोरिथम में कम से कम एक अंतः निवेश होता है।
6. (b) यह स्पष्ट है।
7. (a) यह स्पष्ट है।
8. (a) यह स्पष्ट है।
9. (b) यह स्पष्ट है।
10. (b) $(10101)_2 = (\dots)_{10}$
 $= 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
 $= 16 + 0 + 4 + 0 + 1 = 21$
11. (d) $(10100110)_2 = (\dots)_{10}$
 आष्टिक पद्धति के लिये, बायें से तीन अंकों का समूह बनाते हैं

∴ दी गयी संख्या = $[(101)_2(001)_2(110)_2]_8 = (516)_8$.

12. (b) $(219)_8 = (\dots)_{10}$
 $= 2 \times 8^2 + 1 \times 8^1 + 9 \times 8^0 = 128 + 8 + 9 = 145$.

13. (d) $(101101.10101)_2 = 1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2$
 $+ 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2}$
 $+ 1 \times 2^{-3} + 0 \times 2^{-4} + 1 \times 2^{-5}$
 $= 32 + 0 + 8 + 4 + 0 + 1 + \frac{1}{2} + 0 + \frac{1}{8} + 0 + \frac{1}{32}$
 $= (45.65625)_{10}$.

14. (a) $(0.65625)_{10} = (?)_2$
 $0.65625 \times 2 = 1.31250$
 $0.31250 \times 2 = 0.62500$
 $0.62500 \times 2 = 1.25000$
 $0.25000 \times 2 = 0.50000$
 $0.50000 \times 2 = 1.00000$
 $0.00000 \times 2 = 0.00000$
 $(0.65625)_{10} = (0.10101)_2$

	Carry	
	1	(MSB)
	0	
	1	
	0	
	1	(LSB)

15. (b) केन्द्रीय प्रक्रिया इकाई (CPU).

16. (c) समाकलित परिपथ (integrated circuit)

17. (c) रैंडम एक्सेस मेमोरी

18. (c) $(473)_8 = (?)_{10} = 3 \times 8^0 + 7 \times 8^1 + 4 \times 8^2$
 $= 3 \times 1 + 56 + 256 = 59 + 256$
 $(473)_8 = (315)_{10}$.

19. (b) $(5473.64)_8 = (?)_2$
 $(5473.64)_8 =$

5	4	7	3	•	6	4
101	100	111	011	•	110	100

 $(5473.64)_8 = (1011001110.1110100)_2$.

20. (c) $(0.3125)_{10} = (?)_2$
 $0.3125 \times 2 = 0.6250$
 $0.6250 \times 2 = 1.2500$
 $0.2500 \times 2 = 0.5000$
 $0.5000 \times 2 = 1.0000$
 $0.0000 \times 2 = 0.0000$
 $(0.3125)_{10} = (0.0101)_2$.

	0	(MSB)
	1	
	0	
	1	(LSB)

21. (d) $(1217)_8 = (?)_{10}$
 $= 1 \times 8^3 + 2 \times 8^2 + 1 \times 8^1 + 7 \times 8^0$
 $= 512 + 128 + 8 + 7 = 655$.

22. (a) $(0.225)_{10} = (?)_8$
 $0.225 \times 8 = 1.80$
 $0.80 \times 8 = 6.40$
 $0.40 \times 8 = 3.20$
 $0.20 \times 8 = 1.60$
 $0.60 \times 8 = 4.80$
 $0.80 \times 8 = 6.40$
6 आंकिक स्थानों तक
 $(0.225)_{10} = (0.163146)_8$ 6 आंकिक स्थानों तक।

	1	(MSB)
	6	
	3	
	1	
	4	
	6	(LSB)

23. (d) $(110011.11)_2 = (?)_{10}$
 $= 1 \times 2^0 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^3 + 1 \times 2^4$
 $+ 1 \times 2^5 + 1 \times 2^{-1} + 1 \times 2^{-2}$
 $= 1 + 2 + 0 + 0 + 16 + 32 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4}$

$= 51 + 0.5 + 0.25 = (51.75)_{10}$.

24. (b) $(0.10100110)_2 = (?)_8$
 $= 0.$

101	001	100
↓	↓	↓
5	1	4

 $= (0.514)_8$

$(0.10100110)_2 = (0.514)_8$.

25. (d) $(1101.011)_2 = (?)_8$
 $= 1101.011$
 $= 001 \quad 101 \quad . \quad 011$

↓	↓		↓
1	5		3

 $(1101.011)_2 = (15.3)_8$.

26. (b) $(101010)_2 = (?)_{10}$
 $= 0 \times 2^0 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^5$
 $= 0 + 2 + 0 + 8 + 0 + 32 = 42$.

27. (b) $(2432)_8 = (?)_{16}$
 $= 010 \quad 100 \quad 011 \quad 010$
 $= (0101) \quad (0001) \quad (1010)$

↓	↓	↓
5	1	A

 $= (51A)_{16}$
 $(2432)_8 = (51A)_{16}$.

28. (c) $(75.5)_8 = (?)_{10}$
 $= 5 \times 8^0 + 7 \times 8^1 + 5 \times 8^{-1}$
 $= 5 \times 1 + 56 + \frac{5}{8} = 61 + 0.625 = (61.625)_{10}$
 $(75.5)_8 = (61.625)_{10}$.

29. (b) $(1100.1011)_2 = (?)_{10}$
 $= 0 \times 2^0 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2}$
 $+ 1 \times 2^{-3} + 1 \times 2^{-4}$
 $= 0 + 0 + 4 + 8 + \frac{1}{2} + 0 + \frac{1}{8} + \frac{1}{16}$
 $= 12 + 0.5 + 0.125 + 0.0625$
 $(1100.1011)_2 = (12.6875)_{10}$.

30. (a) $(1011.10101)_2 = (?)_{10}$
 $= 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 + 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2}$
 $+ 1 \times 2^{-3} + 0 \times 2^{-4} + 1 \times 2^{-5}$
 $= 8 + 0 + 2 + 1 + \frac{1}{2} + 0 + \frac{1}{8} + 0 + \frac{1}{32} = (11.65625)_{10}$.

31. (b) एक किलोबाइट में 1024 बाइट होते हैं

32. (c) एक बाइट में 8 बिट्स होते हैं

33. (c) यह स्पष्ट है।

द्विआधारी संक्रियायें

1. (a) माना $S = \{a_i\}$
 $i=1, 2, \dots, n$

क्रमविनिमेय संक्रियाओं के लिये $a_i * a_j = a_j * a_i$ (i)

$$\forall i, j = 1, 2, \dots, n$$

जहाँ * द्विआधारी संक्रिया को प्रदर्शित करता है

∴ $S \times S$ में विभिन्न अवयवों की संख्या अर्थात् $\{a_i\}_{i=1,2,\dots,n} \times \{a_j\}_{j=1,2,\dots,n}$ (i) के आधार पर

$$= n\{(a_1, a_1), (a_1, a_2), \dots, (a_1, a_n), (a_2, a_2), (a_2, a_3), \dots, (a_2, a_n), \dots, (a_{n-1}, a_{n-1}), (a_{n-1}, a_n), (a_n, a_n)\}$$

$$= n + (n-1) + (n-2) + \dots + 2 + 1 = \frac{n(n+1)}{2}$$

∴ क्रमविनिमेय द्विआधारी संक्रियाओं की संख्या

= (i) द्वारा फलन $f: S \times S \rightarrow S$ की संख्या

$$= n \cdot n \cdot n \dots \frac{n(n+1)}{2} \text{ बार} = n \cdot \frac{n(n+1)}{2}$$

2. (b) S पर कुल द्विआधारी संक्रियायें = फलन $f: S \times S \rightarrow S$ की संख्या

$$= n \cdot n \cdot n \dots \{(n \times n) \text{ बार}\} = n \cdot n \cdot n \dots (n^2 \text{ बार}) = n^{n^2}$$

∴ अद्विआधारी संक्रियाओं की संख्या

= (कुल द्विआधारी संक्रियाओं की संख्या) - (क्रमविनिमेय द्विआधारी संक्रियाओं की संख्या)

$$= n^{n^2} - n \cdot \frac{n(n+1)}{2}$$

3. (b) जब समुच्चय S पर द्विआधारी संक्रिया * के लिये संयोजन तालिका के अवयव विकर्ण (leading diagonal) (जो ऊपरी बायें कोने से प्रारम्भ होकर नीचे दायें कोने पर समाप्त होता है) के सापेक्ष सममित हो, तब $a_i * a_j = a_j * a_i \forall a_i, a_j \in S$

∴ S पर * क्रमविनिमेय है।

4. (c) माना संक्रिया $(-)$ के लिये $a_i, a_j, a_k \in S$,

$$a_i - a_j \neq a_j - a_i$$

∴ व्यवकलन (Subtraction) क्रमविनिमेय नहीं हैं

$$(a_i - a_j) - a_k \neq a_i - (a_j - a_k)$$

∴ व्यवकलन साहचर्य नहीं है

5. (c) $a + b = b + a$ क्रमविनिमेय नियम कहलाता है।

6. (a) जब समुच्चय S पर द्विआधारी संक्रिया * के लिये संयोजन तालिका की किसी भी पंक्ति, तालिका की सबसे ऊपरी पंक्ति के सम्पाती होती है।

$$\Rightarrow \alpha * a_i = a_i, \alpha * a_j = a_j, \alpha * a_k = a_k \forall \alpha, a_i, a_j, a_k \in S$$

$\Rightarrow$ * के लिये α बाँया तत्समक है।

* के लिये S बाँया तत्समक अवयव रखता है

7. (b) दिये गये प्रतिबंध के लिये,

$$a_i * \alpha = a_i, a_j * \alpha = a_j, a_k * \alpha = a_k \forall a_i, a_j, a_k, \alpha \in S$$

$\Rightarrow$ * के लिये α दाँया तत्समक है।

∴ * के लिये S दाँया तत्समक अवयव रखता है

8. (c) $a * b = a^2 b$

$$b * a = b^2 a \text{ व } a^2 b \neq b^2 a, \therefore a * b \neq b * a; a, b \in R.$$

∴ R पर * क्रमविनिमेय नहीं है

$$\text{अब, } a \circ b = a^b$$

$$b \circ a = b^a \neq a^b$$

$$\therefore b \circ a \neq a \circ b$$

∴ $\circ$ क्रमविनिमेय नहीं है

$$A \Delta B = (A - B) \cup (B - A) = (B - A) \cup (A - B) = B \Delta A$$

∴ अतः $P(S)$ पर Δ क्रमविनिमेय है

9. (c) चूँकि S पर द्विआधारी संक्रिया $S \times S$ से S पर फलन है अतः S पर कुल द्विआधारी संक्रियाओं की संख्या, $S \times S$ से S पर फलनों की संख्या के बराबर होगी, जो कि n^{n^2} है।

10. (a) चूँकि, $a * b = 1 + ab = 1 + ba = b * a$

R पर * क्रमविनिमेय है।

किसी $a, b, c \in R$, के लिये,

$$(a * b) * c = (1 + ab) * c = 1 + (1 + ba)c = 1 + c + abc$$

$$\text{व } a * (b * c) = a * (1 + bc) = 1 + a(1 + bc) = 1 + a + abc$$

$$\therefore (a * b) * c \neq a * (b * c)$$

∴ R पर * साहचर्य नहीं है।

Critical Thinking Questions

1. (c) यह स्पष्ट है।

2. (c) $(1101101)_2$

$$= 1 \times 2^6 + 1 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 \\ = 64 + 32 + 0 + 8 + 4 + 0 + 1 = 109.$$

3. (a) $(264)_7 = (\dots)_7 = 2 \times 8^2 + 6 \times 8^1 + 4 \times 8^0 \\ = 128 + 48 + 4 = 180.$

4. (b) $(785)_{10} = (\dots)_{16}$

16	785	
16	49	1
	3	1
		3

$$\therefore (785)_{10} = (311)_{16}.$$

5. (a) माना एक द्विआधारी संक्रिया $\circ$ जो z पर $a \circ b = a + b - ab$ द्वारा परिभाषित है, के लिये तत्समक अवयव e है।

$$\text{तब } a \circ e = a = e \circ a \quad \forall a \in z$$

$$\Rightarrow a + e - ae = a \quad \forall a \in z \Rightarrow e(1 - a) = 0 \quad \forall a \in z$$

$$\Rightarrow e = 0.$$

अतः द्विआधारी संक्रिया $\circ$ तथा z के लिये तत्समक अवयव 0 है।

माना $a \in z$ का प्रतिलोम x है, तब $a \circ x = x \circ a = 0$

$$\Rightarrow a + x - ax = 0 \Rightarrow x(1 - a) = -a$$

$$\Rightarrow x = \frac{a}{a-1} \quad (\because a \neq 1)$$

इस प्रकार, $a (\neq 1) \in z$ का प्रतिलोम $\frac{a}{a-1}$ है।

संगणना तथा द्विआधारी संक्रियायें

SET Self Evaluation Test -35

1. WHILE-DO नियंत्रण संरचना में लूप का क्रियान्वयन कम से कम होता है [DCE 1995]
 - (a) तीन बार
 - (b) दो बार
 - (c) एक बार
 - (d) इनमें से कोई नहीं
2. नियंत्रण संरचना IF-THEN है [DCE 1994]
 - (a) बहुचयन
 - (b) द्विचयन
 - (c) एकल चयन
 - (d) इनमें से कोई नहीं
3. द्विआधारी पद्धति में 74.1875 है [DCE 2001]
 - (a) 10010010.0011
 - (b) 1001010.0011
 - (c) 1001010.0101
 - (d) 1001100.0101
4. द्विआधारी संख्या 111001 का आष्टिक समतुल्य है [DCE 1999]
 - (a) 69
 - (b) 70
 - (c) 71
 - (d) 82
5. द्विआधारी संक्रिया * जो, $a * b = \frac{ab}{2}$, $a, b \in Q_0$ (अशून्य परिमेय संख्याओं का समुच्चय है) द्वारा परिभाषित है, के लिये तत्समक अवयव है
 - (a) 1
 - (b) 0
 - (c) 2
 - (d) इनमें से कोई नहीं

AS Answers and Solutions

(SET - 35)

1. (d) यह स्पष्ट है।
2. (c) यह स्पष्ट है।
3. (b) पूर्णांक भाग के लिये

2	74	—
2	37	0
2	18	1
2	9	0
2	4	1
2	2	0
	1	0
		1

= (1001010)₂

भिन्नात्मक भाग के लिये,

0.1875	= (0.0011) ₂
× 2	
0.3750	
× 2	
0.7500	
× 2	
1.5000	
× 2	
1.0000	

अतः 74.1875 का द्विआधारी (1001010.0011)₂ है।

$$\begin{array}{ccccccc}
 1 & 1 & 1 & & 0 & 0 & 1 \\
 & & & & & & \\
 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 & & 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 \\
 \downarrow & & \downarrow \\
 7 & & 1
 \end{array}$$

= (71)₁₀.

5. (c) माना Q_0 पर द्विआधारी संक्रिया * जो $a * b = \frac{ab}{2}$ के द्वारा परिभाषित है, के लिये तत्समक अवयव e है, तब $a * e = a = e * a$ सभी $a \in Q_0$ के लिये

$$\Rightarrow \frac{ae}{2} = a \quad \forall a \in Q_0$$

$$\Rightarrow e = 2.$$

* * *

4. (c) (111001)₂ =

