



عملی جیومیٹری

10.1 تعارف (Introduction)

آپ بہت سی اشکال کے بارے میں جانتے ہیں۔ پچھلی جماعتوں میں آپ نے ان میں سے کچھ کو بنانا بھی سیکھا ہے۔ مثال کے طور پر، آپ دی گئی لمبائی کی قطعہ خط بنا سکتے ہیں، دی گئی قطعہ خط پر عمودی خط بنا سکتے ہیں، ایک زاویہ، زاویہ کا ناصف، دائرہ وغیرہ بنا سکتے ہیں۔ اب، آپ متوازی خطوط اور کچھ رقبوں کے مثلث کو بنانا سیکھیں گے۔

10.2 دیے گئے خط کے متوازی ایک ایسا خط بنانا جو کہ ایک ایسے نقطے سے گزرے جو خط پر نہ ہو

آئیے ایک سرگرمی سے شروع کرتے ہیں۔ (شکل 10.1)

(i) ایک کاغذ لیجیے، اس کو موڑ کر ایک فولڈ بنائیے، یہ فولڈ خط 'l' کو ظاہر کر رہا ہے۔

(ii) کاغذ کو کھولیں، خط 'l' سے الگ ایک نقطہ A کا نشان لگائیے۔

(iii) اب کاغذ کو اس طرح موڑیے کہ فولڈ خط 'l' پر عمود بنائے اور یہ عمود نقطہ A سے گزرے۔ اس

عمود کا نام AN رکھیے۔

(iv) اب پھر سے کاغذ کو اس طرح موڑیے کہ فولڈ نقطہ A سے گزرنے والے عمود پر بنے۔

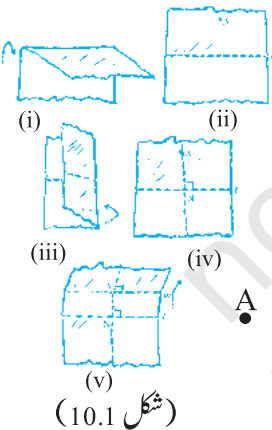
اس نئے عمودی خط کا نام 'm' رکھیے۔ کیا آپ اب $l \parallel m$ دیکھ رہے ہیں کیوں؟

متوازی خطوط کی کون سی خصوصیت یا خصوصیات آپ کی یہاں یہ دیکھنے میں مدد کر رہی ہیں کہ l

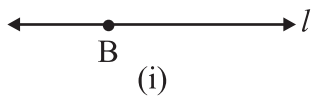
اور m متوازی ہیں۔

اس کو اسکیل اور پرکاری مدد سے بنانے کے لیے آپ متوازی خطوط اور قاطع کی خصوصیات

میں سے کوئی بھی ایک استعمال کر سکتے ہیں۔



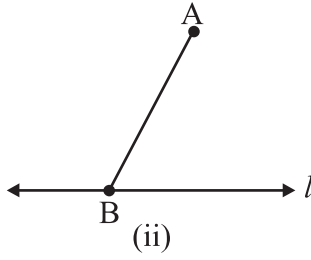
(شکل 10.1)



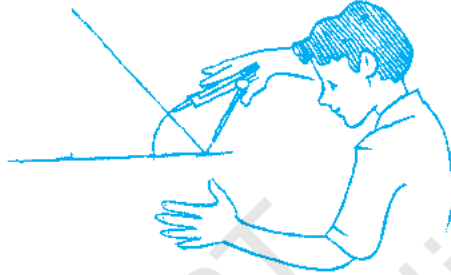
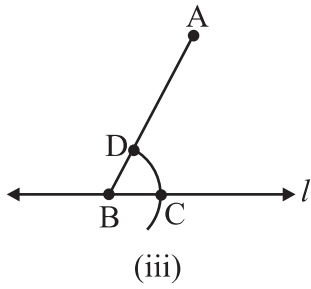
(i)

مرحلہ 1 ایک خط 'l' لیجیے اور 'l' کے باہر ایک نقطہ 'A' لیجیے۔ (شکل 10.2(i))

مرحلہ 2 'l' پر کوئی ایک نقطہ B لیجیے اور A کو A سے ملائیے۔ (شکل (10.2(ii))

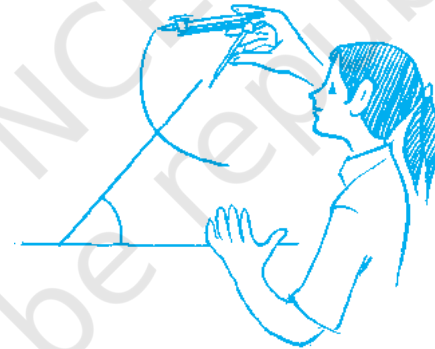
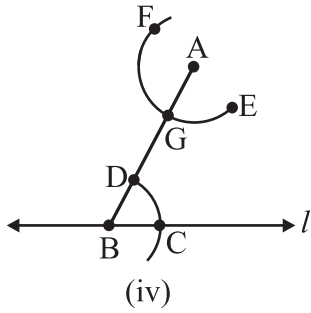


مرحلہ 3 B کو مرکز مان کر اور ایک آرام دہ نصف قطر سے l سے ایک قوس لگائیے جو l کو C اور BA کو D پر کاٹے۔ (شکل (10.2(iii))



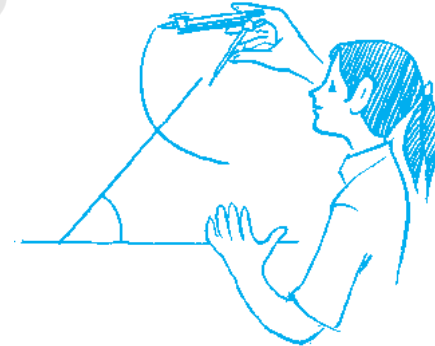
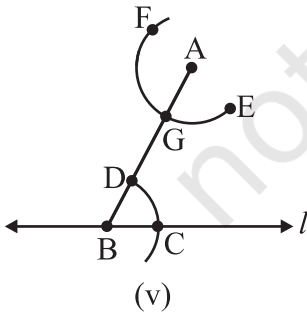
(10.2(iii))

مرحلہ 4: اب A کو مرکز مان کر اور مرحلہ # میں دیے گئے نصف قطر سے ایک قوس EF بنائیے جو AB کو G پر کاٹے۔ (شکل (10.2(iv))



(10.2(iv))

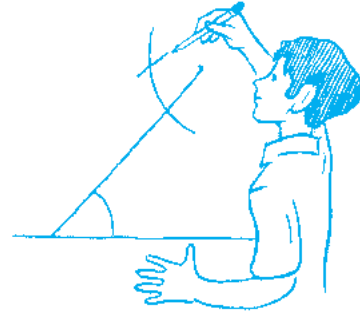
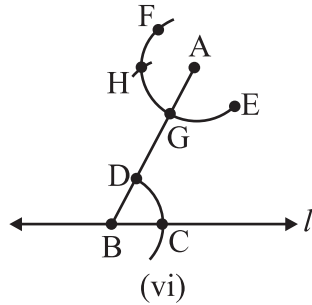
مرحلہ 5 پرکار کی نوک C پر رکھیے اور پرکار کو اتنا کھولیے کہ پنسل کی نوک D پر آ جائے۔ (شکل (10.2(v))



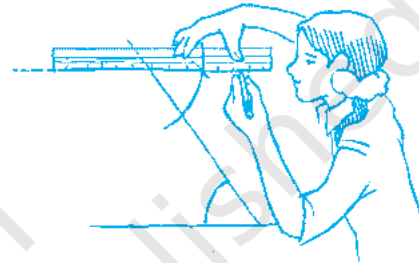
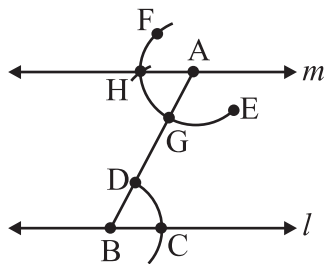
(v)

مرحلہ 6 مرحلہ 5 میں کھولے گئے پرکار کے فاصلہ سے G کو مرکز مان کر ایک قوس لگائیے جو قوس EF کو H پر کاٹے۔ (شکل (10.2(vi))

(10.2(vi))



مرحلہ 7 اب خط 'm' بنانے کے لیے AH کو ملائیے۔ (شکل 10.2(vii))



(10.2(i) شکل) (vii)

نوٹ کیجیے کہ $\angle ABC$ اور $\angle BAH$ متبادل داخلی زاویے ہیں۔ اس لیے $m \parallel l$

سوچے، بحث کیجیے اور لکھئے



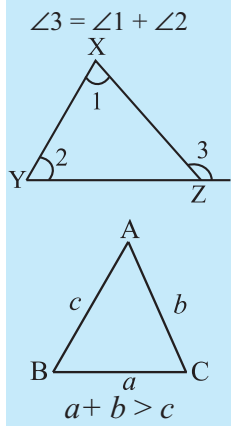
- 1- اوپردی گئی تشکیل میں، کیا آپ A سے گزرتا ہوا کوئی اور خط بنا سکتے ہیں جو خط I کے متوازی ہو؟
- 2- کیا آپ اوپردی گئی تشکیل میں برابر متبادل داخلی زاویوں کی جگہ برابر نظیری زاویوں کا تصور استعمال کرنے کے لیے کچھ تبدیلی کر سکتے ہیں؟

10.1 مشتق



- 1- ایک خط بنائیے، جیسے AB، اس کے باہر ایک نقطہ C لیجیے۔ اسکیل اور پرکار کا استعمال کر کے C سے AB کے متوازی ایک خط بنائیے۔
- 2- ایک خط l بنائیے۔ l کے کسی بھی نقطے پر ایک عمود بنائیے۔ اس عمود پر l سے 4 سنی میٹر کی دوری پر ایک نقطہ X لیجیے۔ X سے ایک خط m لیجیے جو l کے متوازی ہو۔
- 3- مان لیجیے l ایک خط ہے اور p ایک نقطہ ہے جو l پر نہیں ہے۔ p سے l کے متوازی ایک خط m بنائیے۔ اب p کو l کے کسی بھی نقطہ Q سے ملائیے۔ m پر کوئی دوسرا نقطہ R لیجیے۔ R سے PQ کے متوازی ایک خط بنائیے۔ مان لیجیے یہ l سے S پر ملے گا۔ متوازی خطوط کے یہ دونوں جوڑوں کے درمیان کون سی شکل بن رہی ہے۔

10.3 مثلثوں کی تشکیل



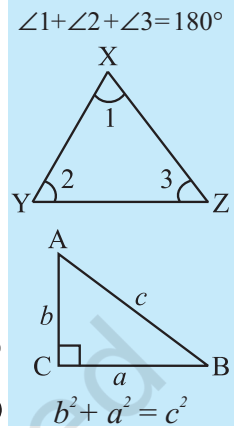
آپ کے لیے یہ بہتر ہوگا کہ آپ اس حصہ میں جانے سے پہلے مثلثوں کے تصورات کو دہرائیں، خاص طور پر مثلث کی خصوصیات اور مثلث کی مماثلت، کو دہرائیں۔

آپ جانتے ہیں کہ مثلثوں کی درجہ بندی اضلاع یا زاویوں کے اعتبار سے کیسے کی جاتی ہے اور مثلثوں کی مندرجہ ذیل اہم خصوصیات:

(i) ایک مثلث کا بیرونی زاویہ اس کے متقابل داخلی زاویوں کے جوڑ کے برابر ہوتا ہے۔

(ii) ایک مثلث کے تینوں زاویوں کی کل پیمائش 180° ہوتی ہے۔

(iii) کسی مثلث کے دو اضلاع کی لمبائیوں کا جوڑ تیسرے ضلع کی لمبائی سے زیادہ ہوتا ہے۔



(iv) کسی بھی قائمہ زاوی مثلث میں وتر کی لمبائی کا مربع باقی دونوں ضلعوں کی لمبائیوں کے مربعوں کے جوڑ کے برابر ہوتا ہے۔

مثلثوں کے مماثلت کے باب میں ہم نے دیکھا تھا کہ ایک مثلث کو بنایا جاسکتا ہے اگر مندرجہ ذیل چیزوں کی پیمائش دی جائے:

(i) تین اضلاع۔

(ii) دو اضلاع اور ان کے درمیان کا زاویہ۔

(iii) دو زاویے اور ان کے درمیان کا ضلع۔

(iv) قائمہ زاوی مثلث کے معاملے میں وتر اور ایک بازو کی لمبائی۔

اب ہم ان تصورات کا استعمال مثلثوں کی تشکیل میں کریں گے۔

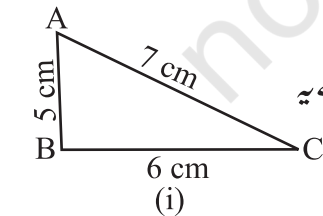
10.4 ایک ایسے مثلث کی تشکیل جس کے تینوں اضلاع کی لمبائیاں معلوم ہوں (SSS معیار)

اس حصہ میں ہم ایسے مثلث کی تشکیل کریں گے جس کے تینوں اضلاع کی لمبائیاں معلوم ہوں۔ پہلے ہم ایک ریف اسکیچ بنائیں گے تاکہ ہمیں یہ اندازہ ہو سکے کہ اضلاع کہاں ہیں اور پھر تینوں میں سے کوئی بھی ایک ضلع بنا کر مثلث بنانا شروع کریں گے۔ مندرجہ ذیل مثالوں کو دیکھیے:

مثال 1 مثلث ABC بنائیے جس میں $AB=5$ سنٹی میٹر، $BC=6$ سنٹی میٹر اور $AC=7$ سنٹی میٹر دیے گئے ہیں۔

حل

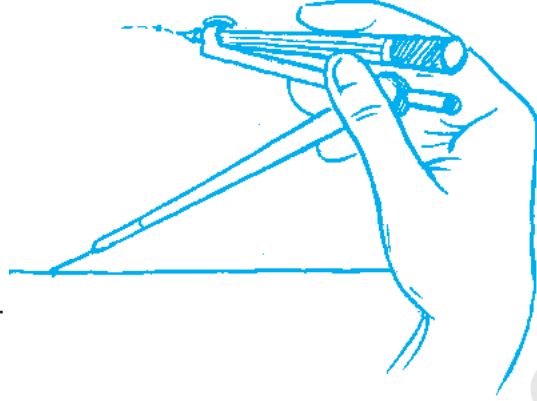
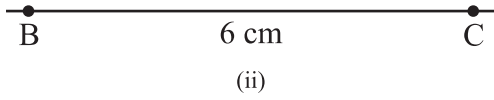
مرحلہ 1 پہلے ہم دی گئی پیمائش کی مدد سے ایک ریف اسکیچ بنائیں گے۔ (یہ ہماری مدد کرتا ہے یہ جاننے میں کہ ہم آگے کیسے بڑھیں)۔ (شکل 10.3(i))



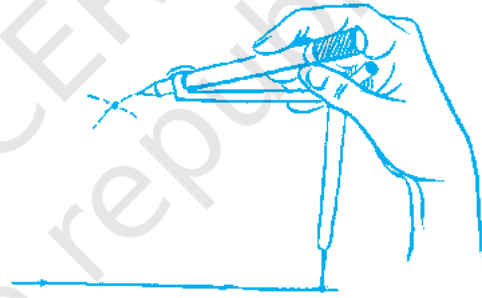
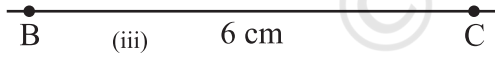
مرحلہ 2 6 سنٹی میٹر لمبی ایک قطعہ خط BC بنائیے۔

مرحلہ 3 B سے 5 سنٹی میٹر کی دوری پر نقطہ A ہے۔ اس لیے B کو مرکز (ii)

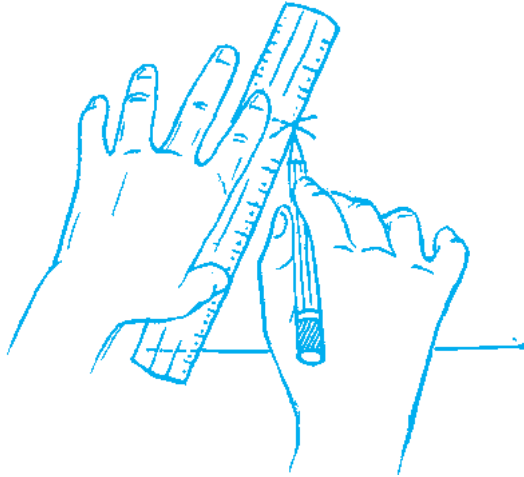
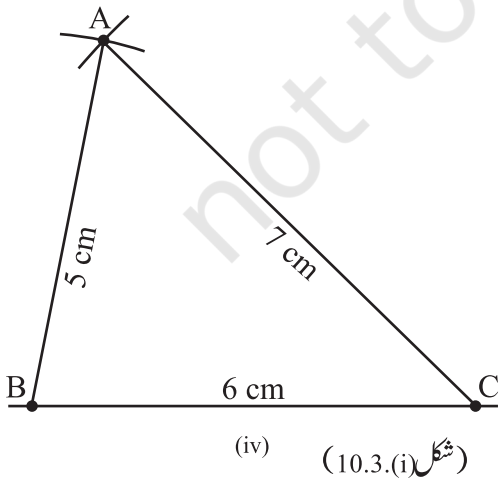
مان کر 5 سنٹی میٹر نصف قطر کی ایک قوس لگائیے۔ (اب اسی قوس پر کہیں A ہوگا۔ ہمارا کام یہ معلوم کرنا ہے کہ A دراصل ہے کہاں)۔ (شکل 10.3(iii))



مرحلہ 4 سے 7 سنٹی میٹر کی دوری پر نقطہ A ہے۔ اس لیے C کو مرکز مان کر 7 سنٹی میٹر نصف قطر کی ایک قوس لگائیے۔ (اسی قوس پر کہیں نقطہ A ہوگا، ہم کو اس کو دکھانا ہے)۔ (شکل 10.3(iv))



مرحلہ 5 دونوں بنائی گئی قوسوں پر A ہونا چاہیے۔ اس لیے یہ ان دونوں قوسوں کا نقطہ تقاطع ہے۔ نقطہ تقاطع کی نشاندہی A سے کیجیے۔ AB اور AC کو ملائیے ΔABC اب تیار ہے۔ (شکل 10.3(v))



اسے کیجیے

اب ایک اور مثلث DEF بنائیے جس میں $DE = 5$ سینٹی میٹر، $EF = 6$ سینٹی میٹر اور $FD = 7$ سینٹی میٹر ہیں۔ $\triangle DEF$ کی ایک نقل کاٹ لیجیے اور اس کی مثلث $\triangle ABC$ پر رکھیے۔ آپ کا کیا مشاہدہ ہے؟

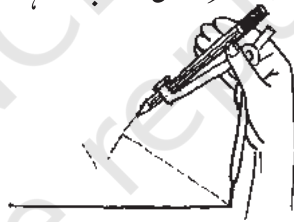
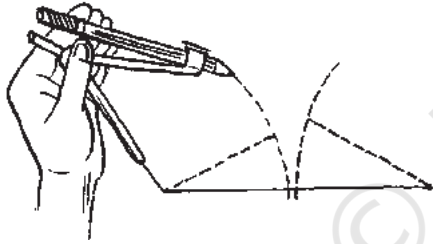
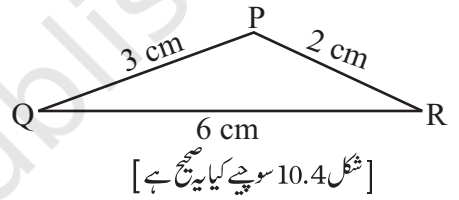


ہم نے مشاہدہ کیا کہ $\triangle DEF$ نے پوری طرح سے $\triangle ABC$ کو ڈھک لیا۔ (نوٹ کیجیے کہ اگر مثلث کے تینوں اضلاع دیے گئے ہوں تو اس کو بنایا جاسکتا ہے)۔ لہذا، اگر ایک مثلث کے تین اضلاع دوسرے مثلث کے متناظر تینوں ضلعوں کے برابر ہوں تو دونوں مثلث مماثل ہوتے ہیں۔ یہ مماثلت کا SSS اصول ہے جو ہم پچھلے باب میں پڑھ چکے ہیں۔

سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے

ایک طالب علم اس مثلث کو بنانے کی کوشش کر رہا تھا جس کی رف اسکیج دی گئی ہے۔ اس نے پہلے QR بنایا۔ پھر Q کو مرکز مان کر اس نے 3 سینٹی میٹر کے فاصلے سے ایک قوس بنایا اور پھر R کو مرکز مان کر 2 سینٹی میٹر فاصلہ کا ایک قوس لگایا لیکن اس کو P نہیں ملا۔ کیا وجہ ہے؟ اس مسئلہ سے متعلق آپ مثلث کی کون سی خصوصیت جانتے ہیں۔

کیا ایسا کوئی مثلث ہو سکتا ہے؟ (مثلث کی یہ خصوصیت یاد کیجیے کہ مثلث کے کوئی بھی دو اضلاع کا جوڑ ہمیشہ تیسرے ضلع سے لمبا ہوتا ہے!)۔



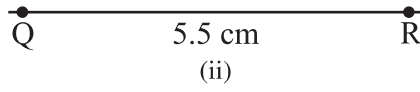
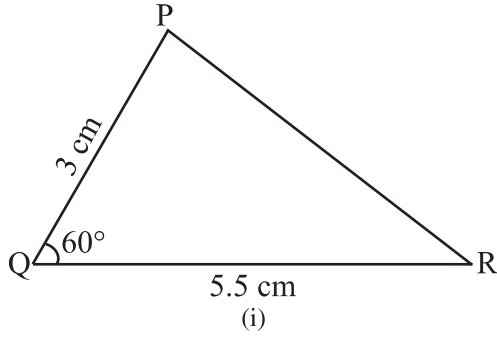
مشق 10.2

- 1- $\triangle XYZ$ بنائیے جس میں $XY = 4.5$ سینٹی میٹر، $YZ = 5$ سینٹی میٹر اور $ZX = 6$ سینٹی میٹر۔
- 2- ایک مساوی اضلاع مثلث بنائیے جس کے ایک ضلع کی لمبائی 5.5 سینٹی میٹر ہے۔
- 3- $\triangle PQR$ بنائیے جس میں $PQ = 4$ سینٹی میٹر، $QR = 3.5$ سینٹی میٹر اور $PR = 4$ سینٹی میٹر ہے۔ یہ کون سی رقم کا مثلث ہے۔
- 4- $\triangle ABC$ بنائیے جس میں $AB = 2.5$ سینٹی میٹر، $BC = 6$ سینٹی میٹر اور $AC = 6.5$ سینٹی میٹر دی گئی ہے۔ $\angle B$ کی پیمائش کیجیے۔

10.5 ایک ایسے مثلث کی تشکیل جس کے کوئی دو اضلاع کی لمبائی اور ان کے درمیان کا زاویہ دیا گیا ہو۔

(SAS معیار)

یہاں ہمیں دو اضلاع اور ان کے درمیان کا ایک زاویہ دیا گیا ہے۔ ہم پہلے ایک رف اسکیج بنائیں گے۔ پھر دی گئی قطعہ خط میں سے ایک



بناتے ہیں۔ ذیل میں دوسرے مرحلے دیے گئے ہیں۔ مثال 2 دیکھیے۔

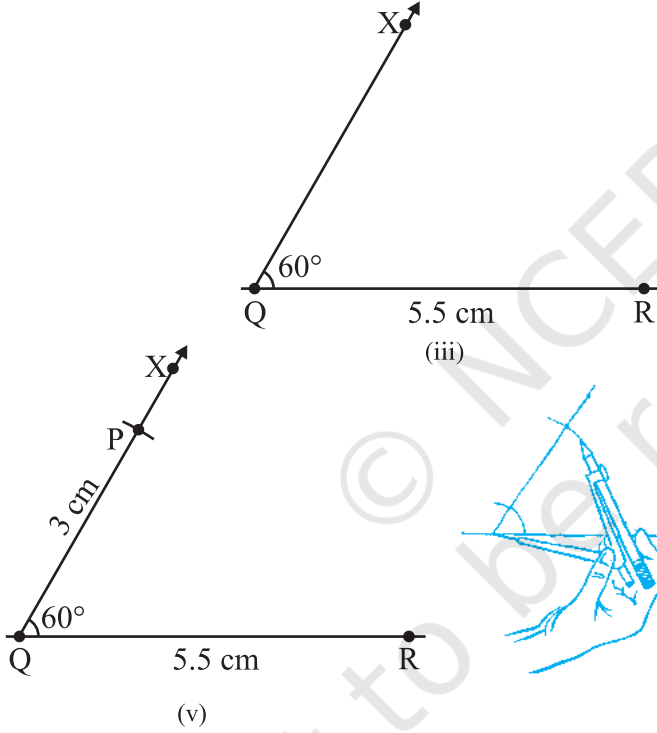
مثال 2 ایک مثلث PQR بنائیے، دیا گیا ہے کہ $PQ = 3$ سینٹی میٹر، $QR = 5.5$ سینٹی میٹر اور $\angle PQR = 60^\circ$

حل

مرحلہ 1 پہلے دی گئی پیمائش کی مدد سے ایک رف اسکیچ بنائیے (یہ تشکیل میں استعمال ہونے والے طریقہ میں مددگار ثابت ہوگا)۔ (شکل 10.5(iii))

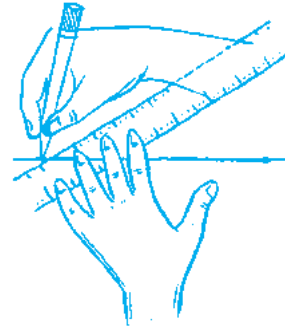
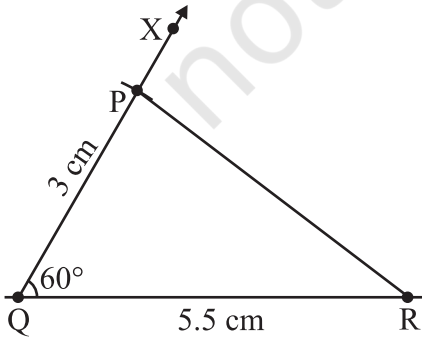
مرحلہ 2 5.5 سینٹی میٹر لمبی قطعہ خط QR بنائیے

مرحلہ 3 QR کے نقطہ Q پر 60° کا زاویہ بناتے ہوئے QX بنائیے۔ (یہ نقطہ P زاویہ کی اس شعاع پر ہی کہیں ہوگا)۔ (شکل 10.5(iii))



مرحلہ 4 (P کو فکس کرنے کے لیے فاصلہ QP دیا گیا ہے) Q کو مرکز مان کر، 3 سینٹی میٹر نصف قطر کی ایک قوس نکالیں۔ یہ QX کو نقطہ P پر کاٹتا ہے۔ (شکل 10.5(iv))

مرحلہ 5 PR کو ملائیے ΔPQR اب حاضر ہے۔ (شکل 10.5(v))



آئیے اب ایک اور مثلث ABC بنائیے جس میں $AB=3$ سینٹی میٹر، $BC=5.5$ سینٹی میٹر اور $\angle ABC=60^\circ$ دی گئی ہے۔ $\triangle ABC$ بنا کر کاٹ لیجیے اور اس کو $\triangle PQR$ پر رکھیے۔ آپ کا مشاہدہ کیا ہے؟ ہم نے مشاہدہ کیا کہ $\triangle ABC$ مکمل طور پر $\triangle PQR$ کو ڈھک لیتا ہے۔ اس طرح اگر کسی مثلث کے دواضلاع اور ان کے درمیان کا زاویہ دوسرے مثلث کے متناظر دواضلاع اور ان کے درمیان کے زاویہ کے برابر ہو تو وہ دونوں مثلث مماثل ہوں گے۔ یہ مماثلت کا SAS اصول ہے جو کہ ہم پچھلے سبق میں پڑھ چکے ہیں۔ (نوٹ کیجیے کہ مثلث کو بنایا جاسکتا ہے، اگر اس کے دواضلاع اور ان کے درمیان کا زاویہ دیا گیا ہو)



اوپر دی گئی تشکیل میں دو اضلاع اور ایک زاویہ کی پیمائش دی گئی تھی۔ اب مندرجہ ذیل مسئلہ کو پڑھیے:

D ABC میں اگر 3 سینٹی میٹر = AB، 5 سینٹی میٹر = AC، $\angle C = 30^\circ$ ہو۔ کیا ہم یہ مثلث بنا سکتے ہیں؟ ہم 5 سم = AC اور 30° پیمائش $\angle C$ ، $\angle CA$ ، $\angle C$ بازو یا ضلع ہے۔ نقطہ B، $\angle C$ کے دوسرے بازو پر ہونا چاہیے، لیکن مشاہدہ کیجیے کہ نقطہ B ایک ہی طرح سے نہیں دکھایا جا رہا ہے۔ اس کا مطلب ہے $\triangle ABC$ بنانے کے لیے اعداد و شمار کافی نہیں ہے۔

اب $\triangle ABC$ بنانے کی کوشش کیجیے اگر $AB=3$ سینٹی میٹر، $AC=5$ سینٹی میٹر اور $m\angle B=30^\circ$ ہو۔ آپ کا مشاہدہ کیا ہے؟ پھر سے $\triangle ABC$ بننا ممکن نہیں ہے۔ لہذا، ہم یہ نتیجہ اخذ کر سکتے ہیں کہ مثلث کی تشکیل اسی وقت ہو سکتی ہے جب کہ اس کے دو اضلاع اور لمبائیاں اور ان کے درمیان کا زاویہ دیا گیا ہو۔



1- D DEF بنائے جہاں 5 سینٹی میٹر = DE، 3 سینٹی میٹر = DF اور $m\angle DEF = 90^\circ$

2- ایک مساوی الساقین مثلث بنائیے جس میں برابر اضلاع کی لمبائی 6.5 سینٹی میٹر ہو اور ان کے درمیان کا زاویہ 110° ہو۔

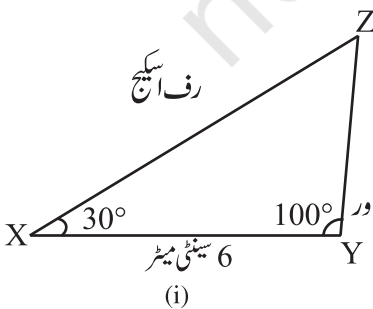
3۔ $\triangle ABC$ بنائیے جس میں $BC = 7.5$ سینٹی میٹر، $AC = 5$ سینٹی میٹر اور $\angle C = 60^\circ$ ہو۔

10.6 ایک ایسے مثلث کی تشکیل جس میں دوز اوپوں کی پیمائش اور ان کے درمیان کے ضلع کی لمبائی دی

گئی ہو۔ (مماثلت کا ASA اصول)

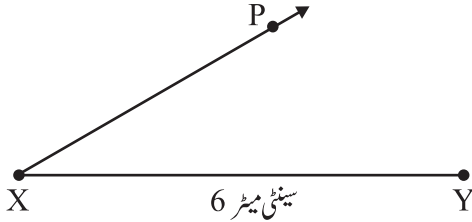
جیسا کہ پہلے بھی کیا ہے، ایک رُف اُسکی بنائیے۔ اب دیا گیا قطعہ خط بنائیے۔ دونوں سروں پر دونوں زاویے بنائیے۔ مثال 3 دیکھیے۔

مثال 3: $\triangle XYZ$ بنائیے، اگر یہ دیا گیا ہے کہ $XY = 6$ سینٹی میٹر، $m\angle ZXY = 30^\circ$ اور $m\angle XYZ = 100^\circ$

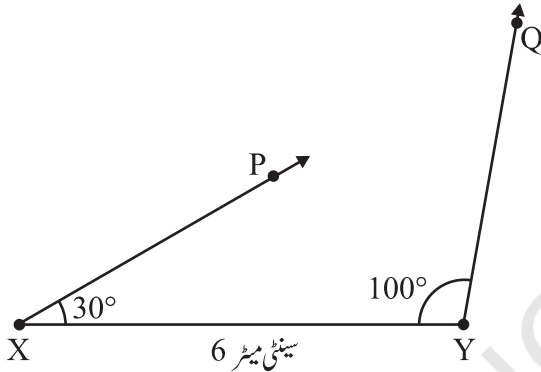




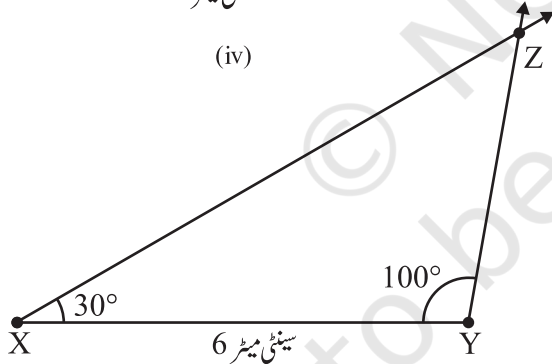
(ii)



(iii)



(iv)



(شکل 10.5.(i))

(v)

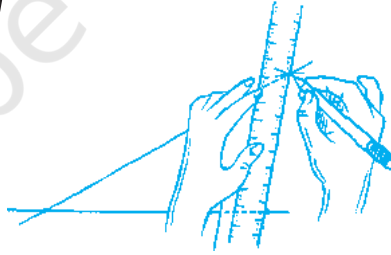
مرحلہ 1 اصل تشکیل سے پہلے ہم دی گئی پیمائشوں کی مدد سے ایک رف اسکیچ بنائیں گے (یہ صرف یہ دیکھنے کے لیے بناتے ہیں کہ ہم آگے کیسے بڑھیں)۔ (شکل 10.6(i))

مرحلہ 2 6 سینٹی میٹر لمبی XY بنائیے

مرحلہ 3 X پر ایک ایسی شعاع XP بنائیے جو XY کے ساتھ 30° کا زاویہ بنائے۔ دی گئی شرط کے مطابق Z کو XP پر ہی کہیں ہونا چاہیے۔

مرحلہ 4 Y پر ایک ایسی شعاع YQ بنائیے جو YX کے ساتھ 100° کا زاویہ بنائے۔ دی گئی شرط کے مطابق Z کو YQ پر ہی کہیں ہونا چاہیے۔

مرحلہ 5 Z کو دونوں شعاعوں XP اور YQ پر ہی کہیں ہونا چاہیے۔ اس لیے دونوں شعاعوں کا نقطہ تقاطع Z ہے۔ اب $\triangle XYZ$ پورا ہو گیا ہے۔



اسے کیجیے



اب ایک اور $\triangle LMN$ بنائیے۔ جہاں $m\angle NLM = 30^\circ$ ، $LM = 6$ سینٹی میٹر اور $m\angle NML = 100^\circ$ ہو۔ $\triangle LMN$ کو کاٹ لیجیے اور اس کو $\triangle XYZ$ پر رکھیے۔ ہم دیکھیں گے کہ $\triangle LMN$ پوری طرح $\triangle XYZ$ کو ڈھک لیتا ہے۔ لہذا، اگر دو زاویے اور ان کے درمیان کا ضلع دوسرے مثلث کے متناظر دوزاووں اور ان کے درمیان کے ضلع کے برابر ہوں تو دونوں مثلث مماثل ہوتے ہیں۔ یہ مماثلت کا ASA اصول ہے جو کہ آپ پچھلے باب میں پڑھ چکے ہیں۔ (نوٹ کیجیے کہ اگر کسی مثلث کے دو زاویے اور ان کے درمیان کا ضلع معلوم ہو تو مثلث کی تشکیل ہو سکتی ہے)

سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے

اوپر کی مثال میں ایک ضلع اور دو زاویوں کی پیمائش دی گئی ہے، اب مندرجہ ذیل مسئلہ کو دیکھیے:

1- $\triangle ABC$ میں اگر $AC=7$ سینٹی میٹر، $m\angle A=60^\circ$ اور $m\angle B=50^\circ$ ہیں تو کیا آپ یہ مثلث بنا سکتے ہیں۔ (مثلث کے زاویوں کے جوڑ کی خصوصیت آپ کی یہاں مدد کر سکتی ہے)۔



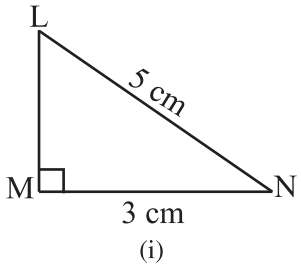
مشق 10.4

- 1- $\triangle ABC$ بنائیے، دیا گیا ہے $m\angle B=30^\circ$ ، $m\angle C=60^\circ$ اور $AB=5.8$ سینٹی میٹر
- 2- $\triangle PQR$ بنائیے، اگر $PQ=5$ سینٹی میٹر، $m\angle PQR=105^\circ$ اور $m\angle QRP=40^\circ$ ہو۔
- (اشارہ: مثلث کے زاویوں کے جوڑ کی خصوصیت کو یاد کیجیے)
- 3- جانچ کیجیے کہ کیا آپ $\triangle DEF$ بنا سکتے ہیں جہاں $EF=7.2$ سینٹی میٹر، $m\angle E=110^\circ$ اور $m\angle F=80^\circ$ ۔ اپنے جواب کی تصدیق کیجیے۔



10.7 قائمہ زاوی مثلث کی تشکیل جب اس کے ایک بازو (ضلع) اور وتر کی لمبائی دی گئی ہو۔ (مماثلت کا RHS اصول)

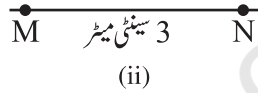
یہاں رف اسکیج بنانا آسان ہے۔ اب دی گئی لمبائی والا ضلع بنائیے۔ اس کے کسی ایک سرے والے نقطہ پر زاویہ قائمہ بنائیے۔ پرکار کی مدد سے مثلث کے ضلع اور وتر کی لمبائیوں کے نشانات لگائیے۔ مثلث کو پورا کیجیے۔ مندرجہ ذیل کو دیکھیے۔



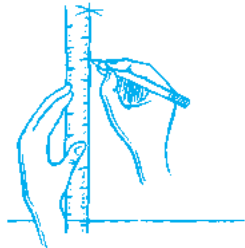
مثال 4 $\triangle LMN$ بنائیے، جس میں زاویہ قائمہ M پر ہو۔ دیا گیا ہے $LN=5$ سینٹی میٹر اور $MN=3$ سینٹی میٹر۔

حل

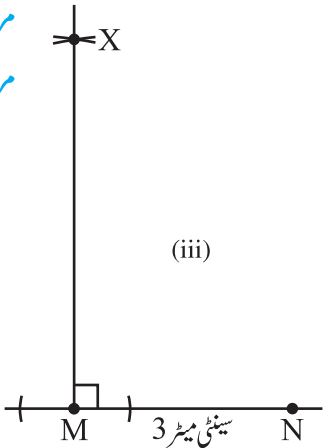
- مرحلہ 1 ایک رف اسکیج بنائیے اور پیمائش کو لکھیے۔ زاویہ قائمہ کا نشان لگانا یاد رکھیے۔ (شکل (10.7(i))
- مرحلہ 2 3 سینٹی میٹر لمبائی کا MN بنائیے۔ (شکل (10.7(ii))

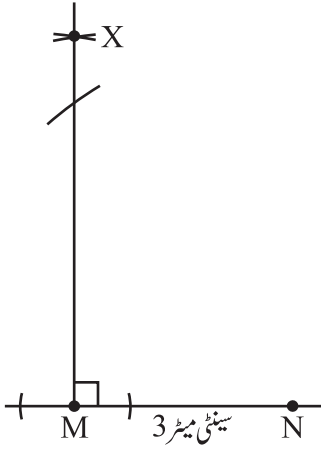


مرحلہ 3 M پر $MX \perp MN$ بنائیے۔ (عمود پر ہی کہیں L ہونا چاہیے۔ (شکل (10.7(iii))



مرحلہ 4 N کو مرکز مان کر 5 سینٹی میٹر نصف قطر کا ایک قوس لگائیے۔ (اس قوس پر L ہوگا، کیونکہ یہ N سے 5 سینٹی میٹر دوری پر ہے)۔ (شکل (10.7(iv))



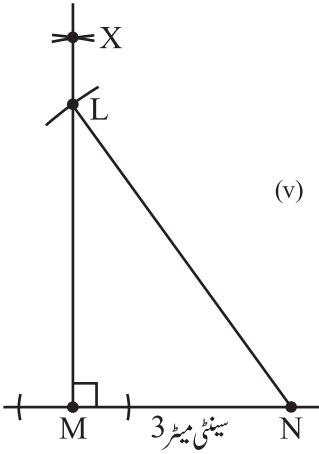


(iv)

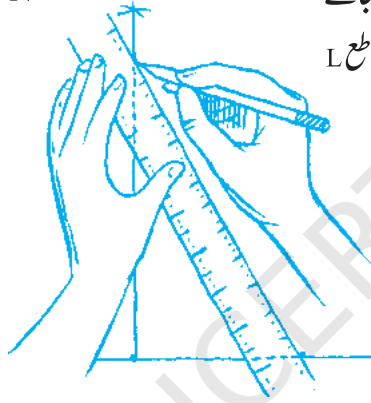


مرحلہ 5 عمودی خط MX پر L ہوگا اور ساتھ ہی N کو مرزماں لرتی جالے والی قوس پر بھی L ہوگا۔ اس لیے L مان دونوں کا نقطہ تقاطع L ہوگا۔

پ کوئل گیا $\triangle LMN$ ۔ (شکل (v) 10.7)



(v)



(شکل (i) 10.7)

مشق 10.5



- 1- قائمہ زاوی مثلث $\triangle PQR$ بنائیے جہاں $m\angle Q = 90^\circ$ ، $QR = 8$ سینٹی میٹر اور $PR = 10$ سینٹی میٹر۔
- 2- ایک قائمہ زاوی مثلث بنائیے جس کا وتر 6 سینٹی میٹر لمبا ہے اور اس کا ایک بازو (ضلع) 4 سینٹی میٹر ہے۔
- 3- ایک قائمہ زاوی مساوی الساقین مثلث ABC بنائیے جہاں $m\angle ACB = 90^\circ$ اور $AC = 6$ سینٹی میٹر ہو۔

دیگر سوالات

نیچے مختلف مثلثوں کے زاویے اور کچھ اضلاع کی پیمائشیں دی گئی ہیں۔ ان مثلثوں کو پہچانیے جو نہیں بنائے جاسکتے ہیں۔ اور نہ بننے کی وجہ بھی بتائیے۔ باقی مثلثوں کو بنائیے۔

مثلث	دی گئی پیمائش
1. $\triangle ABC$	$m\angle A = 85^\circ$; $m\angle B = 115^\circ$; $AB = 5$ cm.
2. $\triangle PQR$	$m\angle Q = 30^\circ$; $m\angle R = 60^\circ$; $QR = 4.7$ cm.
3. $\triangle ABC$	$m\angle A = 70^\circ$; $m\angle B = 50^\circ$; $AC = 3$ cm.

4. $\triangle LMN$ $m\angle L = 60^\circ$; $m\angle N = 120^\circ$; $LM = 5 \text{ cm}$.
 5. $\triangle ABC$ $BC = 2 \text{ cm}$; $AB = 4 \text{ cm}$; $AC = 2 \text{ cm}$.
 6. $\triangle PQR$ $PQ = 3.5 \text{ cm}$; $QR = 4 \text{ cm}$; $PR = 3.5 \text{ cm}$.
 7. $\triangle XYZ$ $XY = 3 \text{ cm}$; $yz = 4 \text{ cm}$; $xz = 5 \text{ cm}$
 8. $\triangle DEF$ $DE = 4.5 \text{ cm}$; $EF = 5.5 \text{ cm}$; $DF = 4 \text{ cm}$.

ہم نے کیا سیکھا؟

اس باب میں ہم نے اسکیل اور پرکاری مدد سے تشکیل کے کچھ طریقے دیکھے۔

1- ایک خط اور ایک ایسا نقطہ جو کہ خط پر نہیں یہ ہے، دیا گیا ہے۔ قاطع کی ڈائیکرام میں ہم برابر متبادل زاویوں کا استعمال I کے متوازی خط کھینچنے میں کرتے ہیں۔

اس تشکیل میں ہم برابر نظیری زاویوں کا استعمال بھی کر سکتے ہیں۔

2- ہم نے مثلث بنانے کے طریقوں کے بارے میں پڑھا، اس میں ہم نے منشوں کی مماثلت کے تصور کا بلا واسطہ استعمال دیکھا۔ مندرجہ ذیل طریقوں پر غور کیا:

(i) SSS: مثلث کے تینوں اضلاع کی لمبائی دی گئی تھی۔

(ii) SAS: مثلث کے دو اضلاع اور ان کے درمیان کے زاویہ کی پیمائش دی گئی تھی۔

(iii) ASA: مثلث کے دو زاویوں کی پیمائش اور ان کے درمیان کے ضلع کی لمبائی دی گئی تھی۔

(iv) RHS: قائمہ زاویہ مثلث کے وتر اور ایک بازو (ضلع) کی لمبائی دی گئی ہے۔

