

## ایٹم کی ساخت

### (Structure of Atom)

مختلف عناصر کے ایٹموں کے بہت زیادہ متنوع کیمیائی طرز عمل کی اصل وجہ ان کی اندرونی ساخت میں پایا جانے والا فرق ہے۔

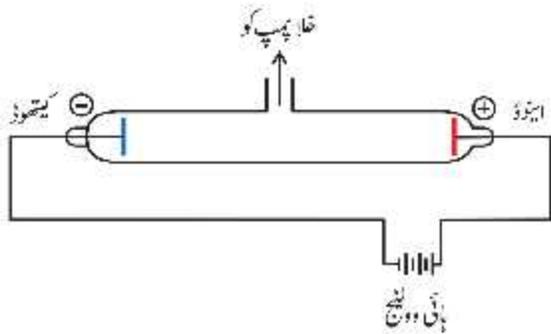
قدیم ہندوستانی اور یونانی فلسفیوں (400 ق۔م) کے زمانے سے ہی ایٹم کی موجودگی تجویز کی جاتی رہی ہے۔ ان فلسفیوں کا خیال تھا کہ ایٹم مادے کے بنیادی بلڈنگ بلاک ہیں۔ ان کے مطابق، مادے کی مسلسل تقسیم کے نتیجے میں ہمیں بالآخر ایٹم حاصل ہوں گے، جو مزید قابل تقسیم نہیں ہوں گے۔ لفظ ایٹم یونانی لفظ ہے۔ نومبو (a-tomio) سے اخذ کیا گیا ہے، جس کے معنی ہیں ناقابل تراش [un-cuttable] یا ناقابل تقسیم (un-devisible)۔ یہ قدیم تصورات صرف خیالات پر مبنی تھے اور ان کو پرکھنے کا کوئی تجرباتی طریقہ نہیں تھا۔ بہت لمبے عرصے تک یہ تصورات خوابیدہ رہے اور انیسویں صدی میں سائنس دانوں نے انہیں دوبارہ متحرک کیا۔

مضبوط سائنسی بنیادوں پر، ایٹمی نظریہ، سب سے پہلے 1808 میں، ایک برطانوی اسکول کے استاد، جان ڈالٹن نے پیش کیا۔ ان کے نظریہ جو کہ ڈالٹن کا ایٹمی نظریہ کہلاتا ہے، کے مطابق ایٹم کو مادے کا حتمی ذرہ مانا جاتا ہے۔ (اکائی 1)

اس اکائی میں ہم ان تجرباتی مشاہدات سے شروعات کریں گے جو سائنس دانوں نے انیسویں صدی کے اواخر اور بیسویں صدی کے اوائل میں کیے تھے۔ ان تجربات سے یہ ثابت ہو گیا کہ ایٹم کو ذیلی ایٹمی ذرات (Sub Atomic Particles) یعنی کہ الیکٹران، پروٹان، اور نیوٹران، میں مزید تقسیم کیا جاسکتا ہے۔ یہ تصور ڈالٹن کے نظریہ سے بالکل مختلف ہے۔ اس وقت سائنس دانوں کے سامنے اہم مسائل تھے:

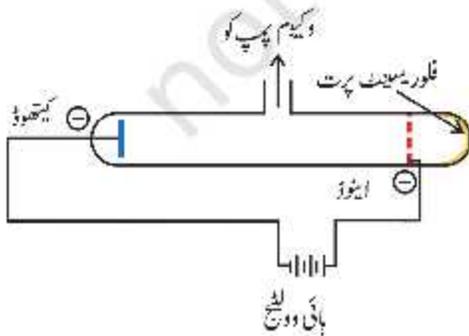
#### مقاصد

- اس سبق کو پڑھنے کے بعد آپ اس الٹن ہو جائیں گے کہ:
- الیکٹران، پروٹان اور نیوٹران کی دریافت اور ان کی خصوصیات کے بارے میں جان سکیں۔
- تھامسن، رورفورڈ اور بوہر کے ایٹمی ماڈلوں کو بیان کر سکیں۔
- ایٹم کے کوانٹم میکانیکل ماڈل کے اہم نکات سمجھ سکیں۔
- برقی حتمی اشعاع اور پلانک کے کوانٹم نظریہ کی وضاحت کر سکیں۔
- خیا رقی اثر کی وضاحت کر سکیں اور ایٹمی الیکٹران کے نکات بیان کر سکیں۔
- ڈی۔ براگلی رشتہ اور ہائزبرگ عدم یقینی اصول بیان کر سکیں۔
- کوانٹم نمبر کی شکل میں ایٹمی ارتعاش کی تعریف کر سکیں۔
- اوف باؤ اصول، پالی کا اصول اشتقاق اور از حد تضاد کا ہڈ کا قاعدہ بتا سکیں۔
- ایٹموں کا الیکٹرانکی شکل لکھ سکیں۔



شکل 2.1(a) ایٹم کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب

1850 میں صدی کی پانچویں دہائی کے وسط میں کئی سائنسدانوں، خاص طور پر فیراڈے، نے جزوی طور پر وکیوم شدہ ٹیوب میں جو کہ کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب (Cathode Ray Discharge Tubes) کہلاتی ہیں، برقی ڈسچارج کا مطالعہ کرنا شروع کیا۔ ایسی ایک ٹیوب شکل 2.1 میں دکھائی گئی ہے۔ ایک کیتھوڈ رے ٹیوب کا کچھ کی بنی ہوتی ہے، جس میں دو دھات کے پتلے ٹکڑے میل کیے ہوئے رکھے ہوتے ہیں، جو کہ الیکٹروڈ (Electrodes) کہلاتے ہیں۔ گیسوں میں برقی ڈسچارج کا مشاہدہ صرف بہت کم دباؤ اور بہت زیادہ وولٹیج (Voltage) پر ہی کیا جاسکتا ہے۔ مختلف گیسوں کے دباؤ کو خلا کاری (Evacuation) کے ذریعے مرتب کیا جاسکتا ہے۔ جب الیکٹروڈ (Electrodes) پر ضرورت کے مطابق بہت زیادہ وولٹیج لگایا جاتا ہے تو ذرات کی لہر میں سے کرنٹ بہنے لگتا ہے، جو کہ ٹیوب میں کیتھوڈ (Cathode) سے اینوڈ (Anode) کی طرف حرکت کرتے ہیں۔ انہیں کیتھوڈ شعاعیں (Cathode Rays) یا کیتھوڈ شعاع ذرات (Cathode Ray Particles) کا نام دیا گیا۔ کیتھوڈ سے اینوڈ کی سمت میں برقی رو کے



شکل 2.1(b) سوراخ دار اینوڈ والی کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب

- ذیلی ایٹمی ذرات کی دریافت کے بعد ایٹم کے استحکام (stability) کا احاطہ کرنا۔
- طبعی اور کیمیائی، دونوں قسم کی خاصیتوں کی شکل میں ایک عنصر کے طرز عمل کا دوسرے عنصر کے طرز عمل سے مقابلہ کرنا۔
- مختلف ایٹموں کے اتحاد سے مختلف قسم کے سالمات کی تشکیل کی وضاحت کرنا اور
- ایٹموں کے ذریعے خارج یا جذب کیے جانے والے مقناطیسی اشعاع کے مبدا (Origin) اور خصوصیات کی طبع کو سمجھنا۔

## 2.1 ذیلی ایٹمی ذرات (Sub-Atomic Particles)

ڈالٹن کا ایٹمی نظریہ (Dalton's Atomic Theory) کمیت کی بقا کے قانون، مستقل تناسب کے قانون اور صنفی تناسب کے قانون کی بہ خوبی وضاحت کرنے میں کامیاب رہا۔ لیکن یہ نظریہ کئی تجربات کے نتائج کی وضاحت نہیں کر سکا۔ مثال کے طور پر، یہ معلوم تھا کہ کچھ اور آئنوس جیسی اشیا کو جب سلک یا فر سے رگڑا جاتا ہے تو بھی پیدا ہوتی ہے۔ بیسویں صدی میں ذیلی ایٹمی ذرات کی بہت سی مختلف قسموں کی دریافت ہوئی لیکن اس حصہ میں ہم صرف دو ذرات، الیکٹران اور پروٹون، کی بات کریں گے۔

### 2.1.1 الیکٹران کی دریافت (Discovery of Electron)

1830 میں مائیکل فیراڈے نے تجربہ کر کے دکھایا کہ جب ایک الیکٹرولائٹ (Electrolyte) کے محلول سے برقی رو گزارنی جاتی ہے تو الیکٹروڈ پر کیمیائی تعامل ہوتا ہے جس کے نتیجے میں مادہ خارج ہوتا ہے اور الیکٹروڈ پر جمع (Deposit) ہو جاتا ہے انہوں نے کچھ قوانین بھی ضابطہ کی شکل میں پیش کیے، جن کا مطالعہ آپ جماعت XII میں کریں گے۔ ان نتائج نے برقی ذراتی فطرت (Particulate Nature) تجویز کی۔ ایٹم کی ساخت کے بارے میں کچھ بصیرت ان تجزیوں سے حاصل ہوئی جو گیسوں کے اندر سے برقی ڈسچارج گزار کر کیے گئے تھے۔ اس سے پہلے کہ ہم ان نتائج سے بحث کریں، چارج شدہ ذرات کے طرز عمل سے متعلق ایک بنیادی قاعدہ اپنے ذہن میں رکھنا ہوگا: یکساں چارج ایک دوسرے کو دفع کرتے ہیں اور غیر یکساں چارج ایک دوسرے کے تئیں کشش کا اظہار کرتے ہیں۔“

ہے، اس طرح یہ نتیجہ نکالا جاسکتا ہے کہ کیتھوڈ شعاعیں منفی چارج شدہ ذرات پر مشتمل ہیں، جو الیکٹران کہلاتے ہیں۔

(v) کیتھوڈ شعاعیوں (الیکٹران) کی خاصیتیں الیکٹروڈ (Electrodes) کے مادے اور کیتھوڈ رے ٹیوب (Cathode Ray Tube) میں موجود گیس کی طبع پر منحصر نہیں ہیں۔

اس لیے، ہم یہ نتیجہ اخذ کر سکتے ہیں کہ الیکٹران تمام ایٹموں کے بنیادی اجزائے ترکیبی ہیں۔

### 2.1.2 الیکٹران کے چارج کی دیکھت سے نسبت

#### (Charge to Mass Ratio of Electron)

1897 میں برطانوی طبیعیات داں، جے۔ جے۔ تھامسن نے برقی چارج (Electrical Charge) (c) کی الیکٹران کی کیت (Mus of electrons) سے نسبت کی پیمائش کی۔ اس کے لیے انھوں نے کیتھوڈ رے ٹیوب (Cathode Ray Tube) کا استعمال کیا اور برقی اور مقناطیسی میدان اس طرح لگایا کہ دونوں میدان ایک دوسرے کے عمودی ہوں اور ساتھ ہی ساتھ الیکٹران کے راستے کے بھی عمودی (Perpendicular) ہوں (شکل 2.2)۔ تھامسن نے توجیہ پیش کی کہ برقی و مقناطیسی میدان کی موجودگی میں، ذرات کا اپنے راستے سے انحراف مندرجہ ذیل پر منحصر ہے:

(i) ذرے کے منفی چارج کی عددی قدر پر، ذرے پر منفی چارج کی عددی قدر جتنی زیادہ ہوگی، برقی یا مقناطیسی میدان سے اس کا باہمی

بہاؤ کی مزید جانچ کرنے کے لیے اینوڈ میں ایک سوراخ کر دیا گیا اینوڈ کے پیچھے ٹیوب پر فاسفورس دیک والے مادے (Phosphorescent material) زنگ سفائڈ کی پرت چڑھائی گئی۔ جب یہ شعاعیں اینوڈ سے گزرنے کے بعد زنگ سفائڈ کی پرت پر پڑتی ہیں، تو پرت پر ایک چمکدار دھندہ پیدا ہوتا ہے (یہی چیز ٹیلی ویژن سیٹ میں بھی دیکھنے میں آتی ہے) (شکل 2.1(b))۔

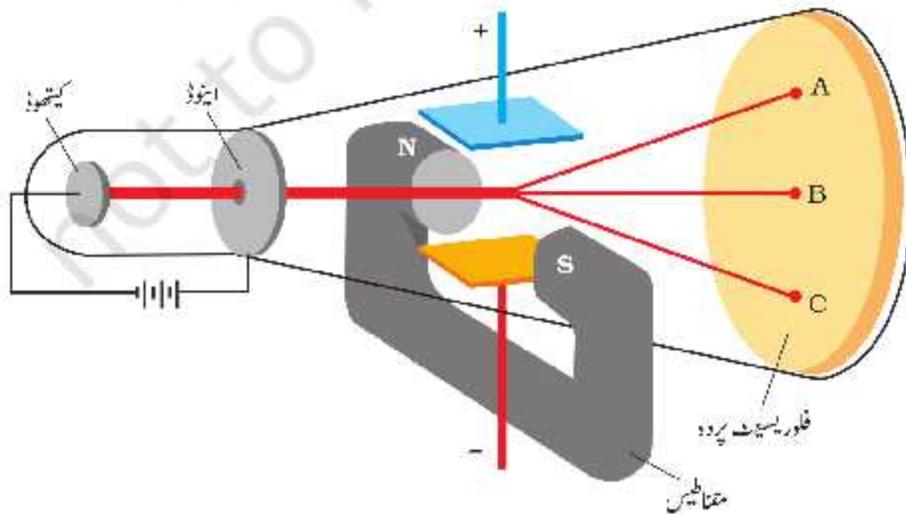
ان تجربات کا خلاصہ ذیل میں پیش کیا جا رہا ہے:

(i) کیتھوڈ شعاعیں، کیتھوڈ سے نکلتی ہیں اور اینوڈ کی سمت میں حرکت کرتی ہیں۔

(ii) یہ شعاعیں بذات خود نظر نہیں آتیں، لیکن ان کے طرز عمل کا مشاہدہ خاص قسم کے مادوں کی مدد سے کیا جاسکتا ہے (فلوروسینٹ یا فاسفوروسینٹ) جو ان شعاعوں کے ٹکرانے سے چمکنے لگتے ہیں۔ ٹیلی ویژن کی کچھ ٹیوب، بھی کیتھوڈ رے ٹیوب ہیں اور ٹیلی ویژن پر تصویریں، اس کے اسکرین (پروڈ) پر خاص قسم کے فلوروسینٹ مادوں کی پرت کی وجہ سے بنتی ہیں۔

(iii) برقی یا مقناطیسی میدان کی غیر موجودگی میں یہ شعاعیں نقطہ مستقیم میں سفر کرتی ہیں (شکل 2.2)۔

(iv) برقی یا مقناطیسی میدان کی موجودگی میں، کیتھوڈ شعاعوں کا طرز عمل بالکل اس طرح ہی ہوتا ہے، جیسا کہ منفی چارج شدہ ذرات (Negatively Charged Particles) سے توقع کی جاتی



شکل 2.2. الیکٹران کے برقی چارج و کمیت کی نسبت معلوم کرنے کے لیے آلات

کیا

$$m_e = \frac{e}{e/m_e} = \frac{1.6022 \times 10^{-19} \text{ C}}{1.758820 \times 10^{11} \text{ C kg}^{-1}}$$

$$(2.2) \quad = 9.1094 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

### 2.1.4 پروٹان اور نیوٹران کی دریافت (Discovery of Protons and Neutrons)

اصلاح شدہ کیتھوڈ رے ٹیوب میں کیے گئے برقی ڈسچارج نے مثبت چارج شدہ ذرات کی دریافت کی راہ دکھائی، جو کینال شعاعیں (Canal Rays) بھی کہلاتی ہیں۔ ان مثبت چارج شدہ ذرات کی خاصیتوں کی فہرست نیچے دی گئی ہے:

- (i) کیتھوڈ شعاعوں کے برخلاف، مثبت چارج شدہ ذرات، کیتھوڈ رے ٹیوب میں موجود گیس کی فطرت پر منحصر ہیں۔ پر یہ صرف مثبت چارج شدہ ہی آئین ہیں۔
- (ii) ذرات کے برقی چارج کی ان کی کمیت سے نسبت اس گیس پر منحصر ہے، جس سے وہ نکلتے ہیں۔
- (iii) کچھ مثبت چارج شدہ ذرات پر برقی چارج، برقی چارج کی بنیادی اکائی کے اضعاف (Multiples) ہوتے ہیں۔

(iv) مقناطیسی یا برقی میدان میں ان ذرات کا طرز عمل، الیکٹران یا کیتھوڈ شعاعوں کے مشابہہ کیے گئے طرز عمل کے برعکس ہوتا ہے۔

سب سے چھوٹا اور سب سے ہلکا مثبت آئین، ہائیڈروجن سے حاصل کیا گیا اور اسے پروٹان (Proton) کا نام دیا گیا۔ اس مثبت چارج شدہ ذرے کی خاصیتیں 1919 میں معلوم ہوئیں۔ بعد میں، یہ ضرورت محسوس ہوئی کہ ایٹم کے بنیادی اجزائے ترکیبی کے طور پر ایک برقی تعدیلی (Electrically Neutral) ذرہ بھی پایا جانا چاہیے۔ یہ ذرات چادوک (Chadwick) (1932) نے دریافت کیے۔ انھوں نے اس دریافت کے لیے بیئرلیم (Beryllium) کی ایک تکی چادر پر یہ ذرات کی بوچھاڑ کی۔ جب برقی طور پر تعدیلی ذرات، جن کی کمیت پروٹان کی کمیت سے معمولی سی زیادہ تھی خارج ہوئے تو انہوں نے ان ذرات کو نیوٹران (Neutron) کا نام دیا۔ ان بنیادی ذرات کی اہم خاصیتیں جدول 2.1 میں دی گئی ہیں۔

عمل (Interaction) بھی اتنا ہی زیادہ ہوگا اور اس لیے انحراف (Deflection) بھی زیادہ ہوگا۔

- (ii) ذرے کی کمیت پر— ذرہ جتنا ہلکا ہوگا، انحراف اتنا ہی زیادہ ہوگا۔
- (iii) برقی یا مقناطیسی میدان کی قوت (Strength) پر— الیکٹرانوں کا اپنے اصل راستے سے انحراف، الیکٹروڈ کے درمیان لگائی گئی برقی قوت یا مقناطیسی میدان کی قوت میں اضافہ کے ساتھ بڑھ جاتا ہے۔

جب صرف برقی میدان لگایا جاتا ہے تو الیکٹران اپنے راستے سے انحراف کرتے ہیں اور کیتھوڈ رے ٹیوب سے نقطہ A پر ٹکراتے ہیں۔ اسی طرح جب صرف مقناطیسی میدان لگایا جاتا ہے، تو الیکٹران، کیتھوڈ رے ٹیوب سے نقطہ C پر ٹکراتے ہیں۔ ہوشیاری سے برقی اور مقناطیسی میدانوں کی قوتوں کو متوازن کرنے سے یہ ممکن ہے کہ الیکٹرانوں کو اسی راستے پر واپس لایا جاسکے جو وہ برقی یا مقناطیسی میدان کی غیر موجودگی میں اختیار کرتے ہیں۔ الیکٹرانوں کے راستے میں آئے ہوئے انحراف کی مقدار کی اور اس انحراف کو پیدا کرنے والے برقی و مقناطیسی میدانوں کی قوتوں کی درستگی کے ساتھ پیمائش کر کے، تھامسن نے  $e/m_e$  کی قدر معلوم کی:

$$(2.1) \quad \frac{e}{m_e} = 1.758820 \times 10^{11} \text{ C kg}^{-1}$$

جہاں  $m_e$  کو گرام میں الیکٹران کی کمیت ہے اور  $e$  کولمب (C) میں الیکٹران کے برقی چارج کی عددی قدر ہے۔ کیونکہ الیکٹران منفی چارج شدہ ہوتے ہیں، اس لیے الیکٹران پر برقی چارج  $-e$  ہے۔

### 2.1.3 الیکٹران پر برقی چارج

#### (Charge on the Electron)

آر۔ اے۔ ملیکن (R.A. Milikan) نے (1906-1914) الیکٹران کے برقی چارج کو معلوم کرنے کا ایک طریقہ نکالا جو تیس بوند تجربہ (Oil Drop Experiment) کہلاتا ہے۔ انھوں نے معلوم کیا کہ الیکٹران کا برقی چارج (C)  $-1.6 \times 10^{-19}$  ہے۔ برقی چارج کی موجودہ منظور شدہ قدر  $1.6022 \times 10^{-19} \text{ C}$  ہے۔ الیکٹران کی کمیت  $m_e$ ، ان نتائج کو تھامسن کے ذریعہ معلوم کی گئی  $e/m_e$  نسبت کے ساتھ ملانے پر معلوم کی گئی:

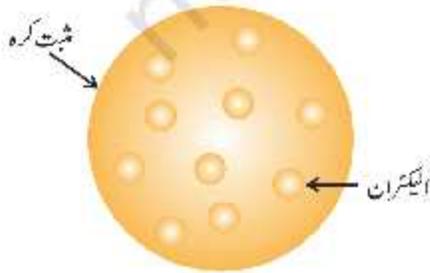
## 2.2 ایٹمی ماڈل (Atomic Models)

پچھلے سیشن میں بیان کیے گئے تجربات سے حاصل ہونے والے مشاہدات سے یہ نتیجہ اخذ کیا گیا کہ ذرات کا ناقابل تقسیم ایٹم، ذیلی ایٹمی ذرات (Sub Atomic Particles) سے مل کر بنا ہے، جن پر منفی اور مثبت برقی چارج ہوتا ہے۔ ایک ایٹم میں ان برقی چارج شدہ ذرات کی تقسیم (Distribution) کی وضاحت کرنے کے لیے مختلف ایٹمی ماڈل تجویز کیے گئے۔ حالانکہ ان میں سے کچھ ماڈل ایٹم کے استحکام (Stability) کی وضاحت نہیں کر سکتے، ہم ذیل میں، ان میں سے جو ہے۔ ہے۔ تجاکن اور اریسٹ روڈ فورڈ کے تجویز کردہ دو ماڈلوں سے بحث کر رہے ہیں۔

### 2.2.1 ایٹم کا تھامسن ماڈل (Thomson Model of Atom)

#### Atom

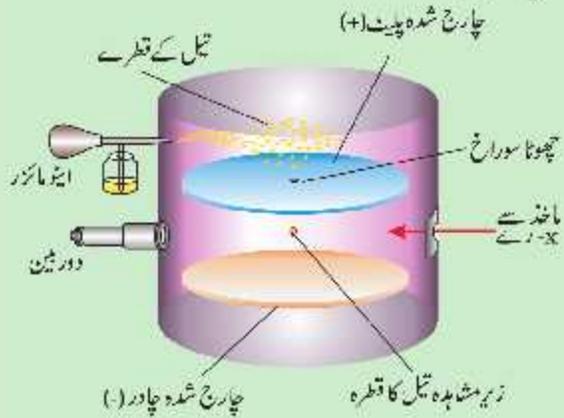
ہے۔ ہے۔ تھامسن نے 1898 میں تجویز کیا کہ ایک ایٹم کی شکل کروئی (Spherical) ہوتی ہے۔ (نصف قطر، تقریباً،  $10^{-10}$  m) جس میں مثبت چارج یکساں طور پر تقسیم ہوتا ہے۔ الیکٹران اس میں اس طرح پھرتے ہوتے ہیں کہ زیادہ سے زیادہ مستحکم برقی سکونی ترتیب حاصل ہو سکے (شکل 2.4)۔ اس ماڈل کو کئی مختلف نام دیے گئے ہیں، مثال کے طور پر آلوویہ پڈنگ (Plum Pudding)، ریزن پڈنگ (Raisin Pudding) یا تربوز (Watermill) ماڈل۔ اس ماڈل کو ہم مثبت چارج کی پڈنگ یا مثبت چارج کا تربوز تصور کر سکتے ہیں، جس میں آلوویہ یا بیج (الیکٹران) پیوست ہوتے ہیں۔ اس ماڈل کی اہم خاصیت یہ ہے کہ اس ماڈل کے مطابق ایٹم کسی کمیت پورے ایٹم میں یکساں طور پر تقسیم ہوئی ہے۔ حالانکہ یہ ماڈل ایٹم کی مجموعی تعدد ملی



شکل 2.4 ایٹم کا تھامسن ماڈل

### ملیکن کا تیل بوند طریقہ (Milikan's Oil Drop Method)

اس طریقہ میں تیل کے چھوٹے چھوٹے قطرے کو کبر (Mist) کی شکل میں، جو کہ ایٹو مائزر (Atomiser) کے ذریعے پیدا کیے گئے تھے، برقی کنڈنسر (Electrical Condenser) کی اوپری پلیٹ میں ایک چھوٹے سے سوراخ کے ذریعے، داخل ہونے دیا گیا۔ ان قطرے کے طریقے نیچے کی سمت میں کی گئی حرکت کا مشاہدہ ایک دوربین کے ذریعے کیا گیا جس میں ایک مائیکرو میٹر چشمیہ (Micrometer Eyc Piece) لگا ہوا تھا۔ ان قطرے کی نیچے گرنے کی شرح کی پیمائش کے ذریعے ملیکن ان قطرے کی کیت معلوم کر سکے۔ جیمبر (Chamber) کے اندر کی ہوا میں سے X- شعاعوں کو گزار کر، آئین سازی کر دی گئی۔ ان تیل کے قطرے نے ایسی آئینوں سے تصادم (Collision) کے ذریعے برقی چارج حاصل کر لیا۔ ان چارج شدہ تیل کے قطرے کی نیچے گرنے کی رفتار میں ابطا (Retardation) یا اسراع پیدا کیا جاسکتا ہے اور انہیں حالت سکون میں بھی لایا جاسکتا ہے۔ ایسا کر سکتا اس پر منحصر ہے کہ قطرے پر چارج کتنا ہے، اور پلٹ پر لگانے گئے دو لوج کی قطبیت (Polarity) اور قدر کیا ہے ہوشیاری کے ساتھ قطرے کی حرکت پر برقی میدان کی قوت کے تیل کے اثر کی پیمائش کے ذریعے، ملیکن نے یہ نتیجہ اخذ کیا کہ قطرے پر برقی چارج کی عددی قدر  $Q$  ہمیشہ برقی چارج کا صحیح عددی ضعف (Integral multiple) ہوتی ہے۔ یعنی کہ:



شکل 2.3 چارج 'ت' ایٹمی پیمائش کے لیے ملیکن تیل بوند تہ۔ جیمبر میں تیل کے قطرے پر کام کر رہی فونٹیں ہیں: کشش تغلی، برقی میدان کی وجہ سے برقی سکونی، اور ایک مزوجی کشید قوت (Viscous Drag Force) جو تیل کے قطرے کے حرکت کرنے کے دوران لگتی ہیں۔

## جدول 2.1 بنیادی ذرات کی خاصیتیں

نام	علامت	مطلق برقی چارج (C)	نسبتی برقی چارج	کمیت (کلوگرام)	کمیت (u)	تقریبی کمیت (u)
الیکٹران	e	$-1.6022 \times 10^{-19}$	-1	$9.10939 \times 10^{-31}$	0.00054	0
پروٹون	p	$-1.6022 \times 10^{-19}$	+1	$1.67262 \times 10^{-27}$	1.00727	1
نیوٹران	n	0	0	$1.67493 \times 10^{-27}$	1.00867	1

ہیں۔ یہ دکھایا گیا کہ تین قسم کی شعاعیں خارج ہوتی ہیں، یعنی کہ  $\alpha$ ،  $\beta$  اور  $\gamma$  شعاعیں خارج ہوتی ہیں۔ رورفورڈ (Rutherford) نے معلوم کیا کہ  $\alpha$ -شعاعیں بہت زیادہ توانائی کے ذرات پر مشتمل ہیں جن پر 2 اکائی مثبت برقی چارج ہوتا ہے اور جن کی کمیت 4 ایٹمی کمیت اکائی (a.m.u.) ہوتی ہے۔ انہوں نے نتیجہ اخذ کیا کہ  $\alpha$ -ذرات ہیلیم (Helium) کے نیوکلیس ہیں کیونکہ یہ  $\alpha$ -ذرات، 2 الیکٹرانوں کے ساتھ مل کر ہیلیم گیس بناتے ہیں۔  $\beta$ -شعاعیں، منفی چارج شدہ ذرات ہیں جو الیکٹرانوں جیسی ہی ہیں۔  $\gamma$ -شعاعیں  $x$ -شعاعوں کی طرح اعلیٰ توانائی والے اشعاع ہیں۔ یہ تعدیلی (Neutral) ہیں اور ذرات پر مشتمل نہیں ہوتیں۔ جہاں تک دخولی پاور (Penetrating Power) کا تعلق ہے،  $\alpha$ -ذرات کی دخولی پاور سب سے کم ہوتی ہے، اس کے بعد  $\beta$ -شعاعیں آتی ہیں، ( $\gamma$ -ذرات کی دخولی قوت کی 100 گنا) اور پھر  $\gamma$ -شعاعیں ( $\alpha$ -ذرات کی 1000 گنا)

(Neutrality) کی وضاحت تو کر رہے لیکن بعد میں کیے گئے تجربات کے نتائج سے ہم آہنگ (Consistent) نہیں تھا۔ 1906 میں تھامسن کو گیسوں میں برقی ایصال کی نظریاتی اور تجرباتی تحقیقات کے لیے نوبل انعام سے نوازا گیا۔

انیسویں صدی کے نصف آخر میں مختلف قسم کی شعاعیں (Rays) دریافت ہوئیں، جو ان کے علاوہ ہیں جن کا ذکر اوپر کیا جا چکا ہے۔ ولیم روٹجن (Wilhelm Roentgen) (1845-1923) نے 1895 میں دکھایا کہ جب الیکٹران، کیتھوڈ رے ٹیوب (Cathode Ray Tube) میں مادے سے ٹکراتے ہیں تو ایسی شعاعیں پیدا ہوتی ہیں جو کہ کیتھوڈ رے ٹیوب کے باہر رکھے ہوئے فوسفرینٹ مادے (Fluorescent) میں فوسفرینس (Fluorescence) پیدا کر سکتی ہے۔ کیونکہ روٹجن کو اشعاع (Radiations) کی فطرت کے بارے میں معلوم نہیں تھا، اس نے انہیں  $x$ -شعاع کا نام دیا اور یہ نام ابھی بھی رائج ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ  $x$ -شعاعیں موثر طور پر اس وقت پیدا ہوتی ہیں، جب الیکٹران کثیف دھاتی اینوڈ (Dense Metal) (Anode) جو ہدف (Targets) کہلاتے ہیں، سے ٹکراتے ہیں۔ یہ شعاعیں برقی اور مقناطیسی میدانوں سے منحرف نہیں ہوتیں اور ان میں مادے سے گزر سکتے کی بہت زیادہ دخولی طاقت (Penetrating Power) ہوتی ہے اور یہی وجہ ہے کہ ان شعاعوں کا استعمال اشیا کے اندرون کا مطالعہ کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔ یہ شعاعیں بہت کم طول موج (Wave Length) کی ہوتی ہیں۔ ( $\approx 0.1 \text{nm}$ ) اور ان کی برقی-مقناطیسی (Electromagnetic) خاصیت ہوتی ہے (یکیشن 2.3.1)۔

## 2.2.2 رورفورڈ کا ایٹم کا نیوکلیائی ماڈل (Rutherford's Nuclear Model of Atom)

رورفورڈ (Rutherford) اور ان کے شاگردوں ہینس گیگر اور ارنیسٹ مارسڈن (Hans Geiger and Ernest Morsden) نے سونے کے بہت پتلے ورق پر  $\alpha$ -ذرات کی بوجھار کی۔ رورفورڈ کا مشہور  $\alpha$ -ذرات انتشار تجربہ ( $\alpha$ -Particles Scattering Experiment) شکل 2.5 میں دکھایا گیا ہے۔

ایک تابکر ماخذ سے نکلنے والے بہت زیادہ توانائی کے  $\alpha$ -ذرات کے ایک دھارے کو سونے (دھات) کے ایک پتلے ورق (موٹائی  $\approx 100 \text{m}$ ) پر ڈالا جاتا ہے۔ سونے کے پتلے ورق کے ارد گرد ایک دائری فوسفرینٹ زیک سلفائڈ پردہ لگا ہوتا ہے۔ جب بھی کوئی  $\alpha$ -ذره پردے سے ٹکراتا ہے تو اس نقطہ پر روشنی کی ایک معمولی سی چمک پیدا ہوتی ہے۔

ہیری بیکورل (Henri Becquerel) (1852-1908) نے مشاہدہ کیا کہ ایسے عناصر (Elements) ہیں جو اپنے آپ اشعاع کا اخراج کرتے ہیں اور اس مظہر (Phenomenon) کو تابکاری (Radioactivity) کا نام دیا اور یہ عناصر "تابکار عناصر" کہلاتے

(iii) چند ذرات ہی (20,000 میں سے 1) ٹکرا کر اسی سمت میں واپس لوٹ آئے، یعنی کہ ان میں تقریباً  $180^\circ$  کا انحراف (Deflection) ہوا۔

ان مشاہدات کی بنیاد پر رورفورڈ نے ایٹم کی ساخت کے بارے میں مندرجہ ذیل نتائج اخذ کیے:

(i) ایٹم میں زیادہ تر جگہ خالی ہے، کیونکہ بیشتر  $\alpha$ -ذرات ورق سے بنا منفرج ہوئے گزر گئے۔

(ii) چند مثبت چارج شدہ  $\alpha$ -ذرات ہی منفرج ہوئے۔ یہ انحراف یقیناً ایک بڑی دافع قوت (Repulsive force) کی وجہ سے ہوا ہوگا، جس سے ظاہر ہوتا ہے کہ ایٹم کا مثبت برقی چارج پورے ایٹم میں یکساں طور پر پھیلا ہوا نہیں تھا، جیسا کہ تھامسن نے مانا تھا۔ یہ مثبت برقی چارج لازمی طور پر ایک بہت چھوٹے حجم میں مرکوز ہونا چاہیے، تنہی وہ مثبت چارج شدہ  $\alpha$ -ذرات کو دفع اور منفرج کر سکتا ہے۔

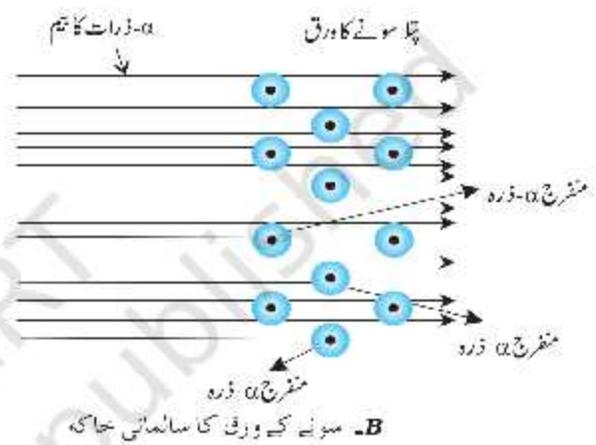
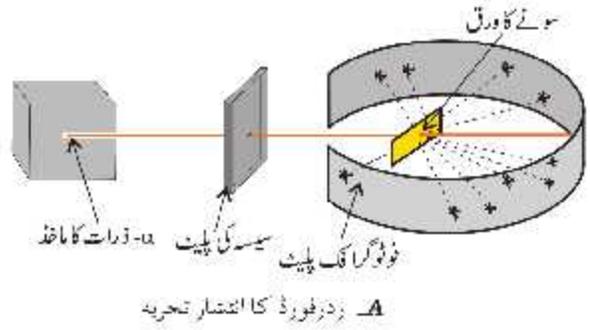
(iii) رورفورڈ کے ذریعے کی گئی تحسیبات سے ظاہر ہوا کہ نیوکلیس کے ذریعے گھیرا گیا حجم، ایٹم کے کل حجم کے مقابلے میں قابل نظر انداز حد تک کم ہوتا ہے۔

ایٹم کا نصف قطر تقریباً  $10^{-10}m$  ہے، جبکہ نیوکلیس کا نصف قطر  $10^{-13}m$  ہے۔ ایٹم اور نیوکلیس کے سائز میں اس فرق کو ہم مندرجہ ذیل مثال کے ذریعے بہتر طور پر محسوس کر سکتے ہیں۔ اگر ایک کرکٹ کی گیند نیوکلیس کو ظاہر کرتی ہے تو ایٹم کا نصف قطر تقریباً 5km ہوگا۔

مندرجہ بالا مشاہدات اور نتائج کی بنیاد پر، رورفورڈ نے ایٹم کا نیوکلیائی ماڈل تجویز کیا (پروٹانوں کی دریافت کے بعد)۔ اس ماڈل کے مطابق:

(i) مثبت چارج اور ایٹم کی بیشتر کمیت بہت ہی چھوٹے خطے میں کثیف طور پر مرکوز ہوتی ہے۔ ایٹم کے اس بہت ہی چھوٹے حصے کو رورفورڈ نے نیوکلیس (Nucleus) کا نام دیا۔

(ii) نیوکلیس ایکٹرانوں سے گھرا ہوتا ہے جو نیوکلیس کے ارد گرد بہت تیز رفتار سے دائری راستوں پر، جنہیں مدار (Orbit) کہتے ہیں، حرکت کرتے ہیں۔ اس طرح، رورفورڈ کا ماڈل شمسی نظام سے مشابہت رکھتا ہے، جس میں نیوکلیس سورج کا کردار ادا کرتا ہے اور ایکٹران چکر لگا رہے سیاروں کے رول ادا کرتے ہیں۔



شکل 2.5 رورفورڈ کے انحراف تجربہ کا خاکہ۔ جب  $\alpha$ -ذرات کا ایک بیم ایک پتے، سونے کے ورق پر ڈالا جاتا ہے تو بیشتر  $\alpha$ -ذرات سونے کے ورق سے متاثر ہونے بغیر ورق سے گذر جاتے ہیں۔ لیکن کچھ منفرج ہو جاتے ہیں۔

انتشار تجربہ کے نتائج امید کے بہت برخلاف تھے۔ تھامسن کے ایٹم کے ماڈل کے مطابق، ورق میں سونے کے ہر ایک ایٹم کی کیت، پورے ایٹم میں یکساں طور پر پھیلی ہوئی چاہیے تھی اور  $\alpha$ -ذرات میں اتنی توانائی تھی جو کیت کی ایسی یکساں تقسیم سے سیدھے گزر سکنے کے لیے کافی ہوتی۔ امید یہ تھی کہ ورق سے گزرتے ہوئے، ذرات کی چال آہستہ ہو جائے گی اور ان کی سمت میں تبدیلی صرف چھوٹے زاویوں سے ہی ہوگی۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ

(i) زیادہ تر  $\alpha$ -ذرات سونے کے ورق سے بغیر کسی انحراف کے گزر گئے۔

(ii)  $\alpha$ -ذرات کی ایک چھوٹی کسر، چھوٹے زاویوں سے منفرج ہوئی۔

آئسو باروہ ایٹم میں، جن کا کمیتی عدد یکساں ہوتا ہے لیکن ایٹمی عدد مختلف ہوتا ہے، مثال کے طور پر  $^{14}_6\text{C}$  اور  $^{14}_7\text{N}$ ۔ دوسری طرف ایسے ایٹم، جن کے ایٹمی عدد یکساں ہوتے ہیں اور کمیتی عدد مختلف ہوتے ہیں، آئسوٹوپ (Isotopes) کہلاتے ہیں۔ دوسرے لفظوں میں (مساوات) 2.4 کے مطابق، یہ ظاہر ہے کہ آئسوٹوپ میں فرق، ان کے نیوکلیس میں موجود نیوٹرونوں کی مختلف تعداد کی وجہ سے ہے۔ مثال کے طور پر، اگر ہم ہائیڈروجن ایٹم پر ہی دوبارہ غور کریں تو ہائیڈروجن کے 99.985% ایٹموں میں صرف ایک پروٹون ہوتا ہے۔ یہ آئسوٹوپ پروٹیم ( $^1_1\text{H}$ ) کہلاتا ہے۔ ہائیڈروجن ایٹم کی باقی بچی فیصد میں دوسرے آئسوٹوپ ہوتے ہیں۔ ایک وہ جس میں ایک پروٹون اور ایک نیوٹرون ہوتا ہے اور جسے ڈیوٹیریم (Deuterium) ( $^2_1\text{D}$ , 0.015%) اور دوسرا وہ جس میں ایک پروٹون اور 2 نیوٹرون ہوتے ہیں اور جسے ٹریٹیم (Tritium) کہتے ہیں۔ آخر الذکر آئسوٹوپ زمین پر بہت کم مقدار میں پایا جاتا ہے۔ عام طور سے پائے جانے والے کچھ اور آئسوٹوپ کی مثالیں ہیں: کاربن کے ایٹم، جن میں 6 پروٹونوں کے ساتھ ساتھ 6 یا 7 یا 8 نیوٹرون پائے جاتے ہیں۔ ( $^{12}_6\text{C}$ ,  $^{13}_6\text{C}$ ,  $^{14}_6\text{C}$ )، کلورین کے ایٹم، جن میں 17 پروٹونوں کے ساتھ 18 اور 20 نیوٹرون پائے جاتے ہیں ( $^{35}_{17}\text{Cl}$ ,  $^{37}_{17}\text{Cl}$ )۔

آخر میں آئسوٹوپ سے متعلق ایک اہم نکتہ، جس کا ذکر کیا جانا چاہیے، یہ ہے کہ ایٹموں کی کیمیائی خاصیتیں الیکٹرونوں کی تعداد سے کنٹرول ہوتی ہیں، جو نیوکلیس میں پروٹونوں کی تعداد سے معلوم کیے جاسکتے ہیں۔ ایک نیوکلیس میں موجود نیوٹرونوں کی تعداد سے ایک عنصر کی کیمیائی خاصیتوں پر بہت کم اثر پڑتا ہے۔ اس لیے، ایک عنصر کے تمام آئسوٹوپ یکساں کیمیائی خصوصیات کا اظہار کرتے ہیں۔

### مسئلہ 2.1

$^{80}_{35}\text{Br}$  میں پروٹون اور الیکٹرونوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔

حل

اس صورت میں:

$$^{80}_{35}\text{Br}, Z = 35, A = 80$$

کیونکہ نوع تعدیلی ہے۔

$$Z = 35 = \text{الیکٹرونوں کی تعداد} = \text{پروٹونوں کی تعداد}$$

(iii) الیکٹران اور نیوکلیس ایک ساتھ برقی سکونی قوتوں کے ذریعے قائم رہتے ہیں۔

### 2.2.3 ایٹمی عدد اور کمیتی عدد

#### (Atomic Number and Mass Number)

نیوکلیس میں مثبت برقی چارج کی موجودگی، نیوکلیس میں پائے جانے والے پروٹونوں کی وجہ سے ہوتی ہے۔ جیسا کہ پہلے ثابت کیا جا چکا ہے، پروٹان کا برقی چارج الیکٹران کے برقی چارج کے مساوی اور مخالف ہوتا ہے۔ نیوکلیس میں موجود پروٹونوں کی تعداد ایٹمی عدد (Atomic Number) ( $Z$ ) کے مساوی ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر، ہائیڈروجن کے نیوکلیس میں پروٹونوں کی تعداد 1 ہے، سوڈیم ایٹم میں 11 ہے، اس لیے ان کے ایٹمی عدد، بالترتیب، 1 اور 11 ہیں۔ برقی معادلت کو برقرار رکھنے کے لیے، ایک ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد، پروٹونوں کی تعداد کے مساوی ہوتی ہے (ایٹمی عدد  $Z$ )۔ مثلاً ہائیڈروجن ایٹم اور سوڈیم ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد، بالترتیب، 1 اور 11 ہے۔

ایک ایٹم کے نیوکلیس میں پروٹونوں کی تعداد = ایٹمی عدد ( $Z$ )

ایک تعدیل ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد = (2.3)

جبکہ نیوکلیس کا مثبت برقی چارج پروٹونوں کی وجہ سے ہوتا ہے، نیوکلیس کی کیت پروٹونوں اور نیوٹرونوں کی وجہ سے ہوتی ہے۔ جیسا کہ پہلے بھی بتایا جا چکا ہے، نیوکلیس میں موجود پروٹونوں اور نیوٹرونوں کو مشرکہ طور پر نیوکلیان (Nucleons) کہتے ہیں۔ نیوکلیانوں کی کل تعداد کو ایٹم کا کمیتی عدد (Mass Number) کہتے ہیں۔

نیوٹرونوں کی تعداد ( $n$ ) + پروٹونوں کی تعداد ( $Z$ ) = کمیتی عدد ( $A$ )

(2.4)

### 2.2.4 آئسو بار اور آئسوٹوپ (Isobars and Isotopes)

کسی بھی ایٹم کی ترکیب (Composition) کو اس کے معیاری عنصر کی علامت ( $X$ ) کو استعمال کر کے ظاہر کیا جاتا ہے، جس کے اوپر کی جانب بائیں کونے پر ایٹمی کیت عدد ( $A$ ) اور نیچے کی جانب بائیں کونے پر ایٹمی عدد  $Z$  لکھ جاتا ہے (یعنی کہ  $^A_Z X$ )۔

ایلیکٹران متبادل بنانے والے سیاروں کی طرح ہیں۔ مزید ایلیکٹران اور نیوکلئیس کے درمیان کولمب قوت  $(kq_1q_2/r^2)$ ، جہاں  $q_1$  اور  $q_2$  برقی چارج ہیں،  $r$  برقی چارجوں کے درمیان کا فاصلہ ہے اور  $k$  تناسبیت کا مستقلہ ہے)۔

ریاضیاتی طور پر کشش قوت  $(G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2})$  کے مشابہ ہے، جہاں  $m_1$  اور  $m_2$  کمیتیں ہیں،  $r$  کمیتوں کے درمیان کا فاصلہ ہے اور  $G$  کشش قوت کا مستقلہ ہے۔ جب شمسی نظام پر \* کلاسیکی میکینکس کا اطلاق کیا جاتا ہے تو یہ ظاہر ہوتا ہے کہ سیارے، سورج کے گرد، بہ خوبی معرف مدار بناتے ہیں۔ اس نظریہ (Theory) سے سیاروں کے مدار اور تجرباتی پیمائشوں سے ان کے اتفاق کی درستی صحت کے ساتھ تصدیق کی جاسکتی ہے۔ شمسی نظام اور نیوکلئیائی ماڈل میں مشابہت یہ تجویز کرتی ہے کہ ایلیکٹرانوں کو بھی نیوکلئیس کے گرد بہ خوبی معرف مداروں میں حرکت کرنا چاہیے۔ لیکن، جب کوئی جسم ایک مدار میں گھومتا ہے، تو اس میں اسراع پیدا ہوتا ہے (اگر ایک مدار میں کوئی جسم مستقل چال سے بھی حرکت کر رہا ہو، تو سمت کی تبدیلی کی وجہ سے اس میں اسراع پیدا ہونا لازمی ہے)۔ اس کا مطلب ہے کہ نیوکلئیائی ماڈل کے مطابق ایک ایلیکٹران جو سیاروں کے جیسے مدار میں حرکت کر رہا ہے، اس پر اسراع کام کر رہا ہے۔ میکسویل (Maxwell) کے برق متناظری نظریہ (Electromagnetic Theory) کے مطابق چارج شدہ ذرات، جب اسراع پذیر ہوتے ہیں تو انھیں برق متناظری اشعاع خارج کرنا چاہیے (یہ خاصیت سیاروں میں نہیں پائی جاتی کیونکہ وہ چارج شدہ نہیں ہیں)۔ اس لیے ایک مدار میں حرکت کرتا ہوا ایک ایلیکٹران اشعاع خارج کرے گا، اور اشعاع کے ذریعے خارج ہوئی توانائی، ایلیکٹران کی حرکت سے حاصل ہوگی۔ اس سے مدار لگا تار سکڑتا رہے گا۔ تحسینات سے ظاہر ہوتا ہے کہ ایک ایلیکٹران صرف  $10^{-10}$  s میں چکر کھاتے کھاتے نیوکلئیس میں گر پڑے گا۔ لیکن ایسا نہیں ہوتا۔ اس لیے رورفورڈ ماڈل ایٹم کے استحکام (Stability) کی وضاحت نہیں کر سکتا۔ اگر ہم ایلیکٹران کی حرکت کو کلاسیکی میکینکس اور برق متناظری نظریہ کی بنیاد پر بیان کرتے ہیں تو آپ سوال کر سکتے ہیں کہ اگر ایلیکٹرانوں کی حرکت کی وجہ سے ایٹم غیر مستحکم ہو رہا ہے تو کیوں نہ نیوکلئیس کے گرد ایلیکٹرانوں کو ساکت (Stationary) مان لیا جائے۔ اگر ایلیکٹران ساکت ہوتے تو کثیف

$$45 = 80 - 35 = \text{نیوٹرانوں کی تعداد}$$

(مساوات 2.4)

## مسئلہ 2.2

ایک نوع (Species) میں ایلیکٹرانوں، پروٹانوں اور نیوٹرانوں کی تعداد بالترتیب 18، 16 اور 16 ہے۔ نوع کو مناسب علامت سے ظاہر کیجئے۔

## حل

ایٹمی عدد پروٹانوں کی تعداد کے برابر ہے یعنی 16۔ عنصر سلفر (S) ہے۔

نیوٹرانوں کی تعداد + پروٹانوں کی تعداد = ایٹمی کمیت عدد

$$= 16 + 16 = 32$$

نوع، تعدیلی نہیں ہے، کیونکہ پروٹانوں کی تعداد ایلیکٹرانوں کی تعداد کے مساوی نہیں ہے۔ یہ این آئن (منفی چارج شدہ) ہے، جس کا چارج اضافی ایلیکٹرانوں کے مساوی ہے،

$$\text{یعنی کہ: } 18 - 16 = 2$$

علامت ہے  $^{32}_{16}\text{S}^{2-}$

نوٹ: عدمت  $X$  استعمال کرنے سے پہلے، معلوم کیجئے کہ نوع معادل ایٹم ہے، ایک مثبت آئن ہے یا منفی آئن ہے۔ اگر یہ تعدیلی ایٹم ہے تو مساوات (2.3) درست ہے، یعنی کہ ایٹمی عدد = ایلیکٹرانوں کی تعداد = پروٹانوں کی تعداد، اگر نوع ایک آئن ہے تو معلوم کیجئے کہ آیا پروٹانوں کی تعداد ایلیکٹرانوں کی تعداد سے زیادہ ہے (مثبت آئن) یا کم (منفی آئن)۔ نیوٹرانوں کی تعداد ہمیشہ  $(A - Z)$  سے حاصل ہوگی، چاہے نوع تعدیلی ہو یا آئن ہو۔

## 2.2.5 رورفورڈ ماڈل کی خامیاں (Drawbacks of Rutherford Model)

### Rutherford Model)

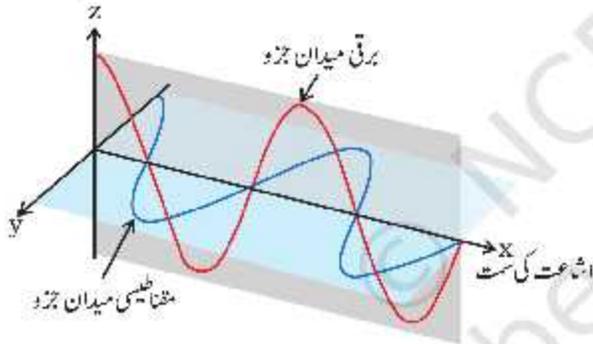
رورفورڈ کا نیوکلئیائی ماڈل برائے ایٹم ایک چھوٹے پیمانے کے شمسی نظام کی طرح ہے، جس میں نیوکلئیس، وزنی سورج کا کردار ادا کرتا ہے اور

\* کلاسیکی میکینکس ایک نظریاتی سائنس ہے جو نیوٹن کے حرکت کے قوانین پر مبنی ہے۔ یہ کلان اجسام (Macroscopic Bodies) کے حرکت کے

زمانہ قدیم سے یہ معلوم ہے کہ روشنی بھی اشعاع کی ایک شکل ہے اور اس کی طبع کے بارے میں قدیم زمانے سے ہی اندازے لگائے جاتے رہے ہیں۔ پہلے (نیوٹن) سمجھا جاتا تھا کہ روشنی ذرات (ذریچوں) (Corpuscles) سے مل کر بنتی ہے۔ انیسویں صدی میں ہی روشنی کی لہر فطرت (Wave Nature) تسلیم کی جاسکی۔

میکسویل ہی پھر وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے یہ دکھایا کہ روشنی کی لہریں، ابترازی برقی اور مقناطیسی کردار کی حامل ہیں (شکل 2.6)۔ حالانکہ برقی مقناطیسی لہر حرکت اپنی طبع کے لحاظ سے پیچیدہ ہے یہاں ہم کچھ سادہ خاصیتیں ہی ملاحظہ کریں گے۔

i) ابتراز کر رہے چارج شدہ ذرات سے پیدا ہونے والے ابترازی برقی و مقناطیسی میدان، ایک دوسرے پر عمودی ہوتے ہیں اور یہ دونوں موج کی اشاعت کی سمت پر عمودی ہوتے ہیں۔ برقی مقناطیسی لہر کی ایک سادہ تصویر شکل 2.6 میں دکھائی گئی ہے۔



شکل 2.6 ایک برقی مقناطیسی لہر کے برقی و مقناطیسی جزو۔ ان اجزا کی طول موج، سرعت، جال اور وسعت یکساں ہوتی ہے، لیکن یہ دو باہم عمودی مستویوں میں ارتعاش کرتے ہیں۔

(ii) آواز کی لہروں اور پانی کی لہروں کے برخلاف، برقی مقناطیسی لہروں کو میڈیم (Medium) کی ضرورت نہیں ہوتی اور یہ وکیوم (Vacuum) میں حرکت کر سکتی ہیں۔

(iii) یہ اب اچھی طرح ثابت ہو چکا ہے کہ برقی مقناطیسی اشعاع کی کئی قسمیں ہیں، جو ایک دوسرے سے طول موج یا سرعت میں مختلف ہوتی ہیں۔ یہ برقی مقناطیسی طیف (Electromagnetic Spectrum) تشکیل دیتی ہیں (شکل 2.7)۔ طیف کے مختلف

نیوکلئیس اور الیکٹرانوں کے مابین برقی سکونی کشش، الیکٹرانوں کو نیوکلئیس کی طرف کھینچ لے گی اور ہمیں تھامسن ماڈل کی ایک چھوٹی شکل ہی حاصل ہوگی۔ رورفورڈ ماڈل کی ایک اور بڑی خامی یہ ہے کہ یہ ایٹم کی الیکٹران بنیاد کے بارے میں کچھ نہیں بتاتا۔ یعنی کہ، نیوکلئیس کے گرد الیکٹرانوں کی تقسیم کس طرح ہے اور ان الیکٹرانوں کی توانائیاں کیا ہوتی ہیں۔

### 2.3 ایٹم کے بوہر ماڈل کی راہ دکھانے والے انکشافات (Developments Leading to the Bohr's Model of Atom)

تاریخی طور پر، اشعاع کے مادے کے ساتھ ہونے والے باہمی عملوں کے مطالعے سے حاصل کیے گئے نتائج نے سالمات اور ایٹموں کی ساخت کے بارے میں بہت معلومات مہیا کی ہے۔ نیلس بوہر (Niels Bohr) نے ان نتائج کو استعمال کر کے، رورفورڈ کے تجویز کردہ ماڈل کو بہتر بنایا۔ ایٹم کے بوہر ماڈل کی تشکیل میں دو انکشافات نے بڑا رول ادا کیا۔ یہ ہیں:

(i) برقی مقناطیسی اشعاع کا دہرا کردار (Dual Character)، جس کا مطلب ہے کہ اشعاع میں موج (Wave) اور ذرہ (Particle) جیسی دونوں خاصیتیں پائی جاتی ہیں۔

(ii) ایٹمی طیف (Atomic Spectra) سے متعلق تجرباتی نتائج، جن کی وضاحت، ایٹم میں صرف کوئی (سیکشن 2.4) الیکٹرانوں کی لیول (Quantised Electronic Energy Levels) فرض کر کے ہی کی جاسکتی ہے۔

### 2.3.1 برقی مقناطیسی اشعاع کی لہر فطرت (Wave Nature of Electromagnetic Radiation)

جیمس میکسویل (James Maxwell) (1870) وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے چارج شدہ اجسام کے مابین باہمی عمل اور برقی و مقناطیسی میدانوں کے طرز عمل کی میکرو و اسکوپک سطح پر تفصیلی وضاحت کی۔ انہوں نے تجویز کیا کہ جب برقی چارج شدہ ذرات، اسراع کے ساتھ حرکت کرتے ہیں تو متبادل (Alternating) برقی اور مقناطیسی میدان پیدا ہوتے ہیں اور ترسیل ہوتے ہیں۔ یہ میدان، لہروں کی شکل میں ترسیل ہوتے ہیں جو برقی مقناطیسی لہریں (Electromagnetic Waves) یا برقی مقناطیسی اشعاع (Electromagnetic Radiation) کہلاتی ہیں۔

طولی موج کی اکائی، لمبائی کی اکائی ہونا چاہیے اور جیسا کہ آپ جانتے ہیں لمبائی کی اکائی میٹر (m) ہے۔ کیونکہ برق مقناطیسی لہریں مختلف قسم کی لہروں پر مشتمل ہوتی ہیں، جن کی طولی موج میٹر سے بہت کم ہوتی ہے، اس لیے چھوٹی اکائیاں استعمال کی جاتی ہیں۔ شکل 2.7 میں برق مقناطیسی اشعاع کی مختلف قسمیں دکھائی گئی ہیں، جو ایک دوسرے سے طولی موج اور فریکوئنسی میں مختلف ہیں۔

دیکھیں کہ ہر قسم کی برق مقناطیسی لہریں، طولی موج سے قطع نظر، یکساں چال سے سفر کرتی ہیں، یعنی کہ  $3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$  (درجگی صحت کے ساتھ،  $2.997925 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$ ) یہ روشنی کی چال کہلاتی ہے اور اسے علامت 'c' دی گئی ہے۔ فریکوئنسی (v) طولی موج ( $\lambda$ ) اور روشنی کی رفتار (c)، مساوات 2.5 کے مطابق ایک دوسرے سے منسلک ہیں:

$$(2.5) \quad c = v \lambda$$

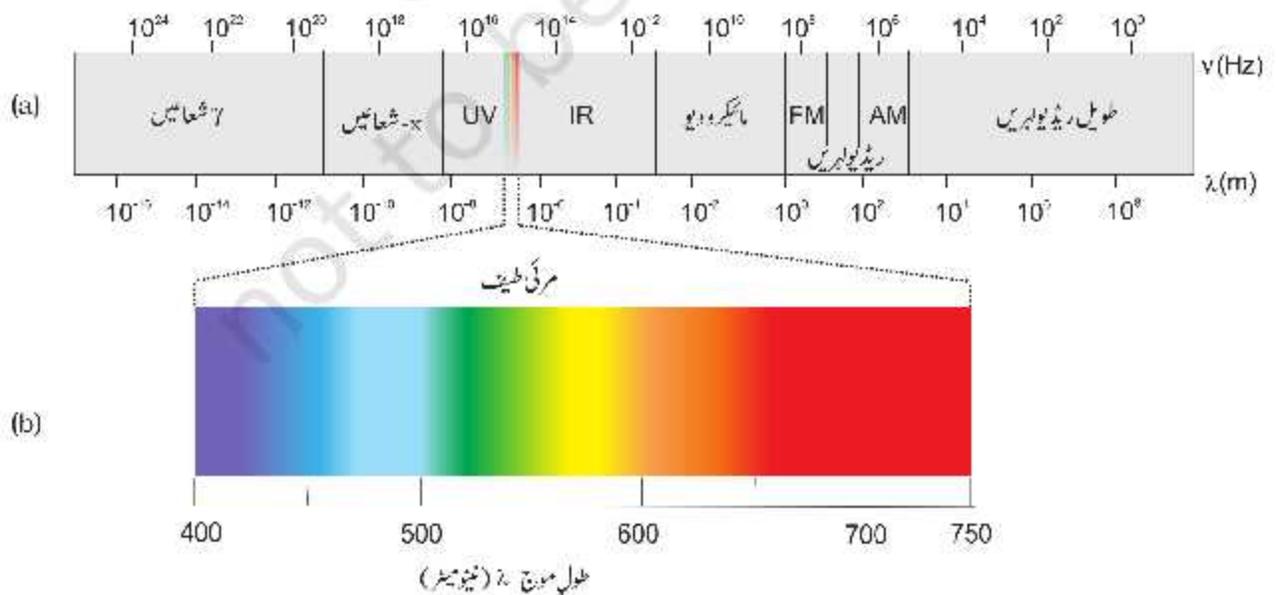
ایکٹرو اسکوپ (Spectroscopy) میں عام طور سے استعمال ہونے والی ایک اور مقدار ہے، لہر عدد (Wave Number) اس کئی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ لہر عدد طولی موج کی تعداد فی اکائی لمبائی ہے۔ اس کی اکائی طولی موج کی اکائی کا مقلوب (Reciprocal) ہے، یعنی کہ  $\text{m}^{-1}$ ۔ حالانکہ عام طور سے استعمال ہونے والی اکائی  $\text{cm}^{-1}$  ہے (جو SI اکائی نہیں ہے)۔

علاقے مختلف ناموں سے شناخت کیے جاتے ہیں۔ کچھ مثالیں ہیں: ریڈیو فریکوئنسی خطہ جو  $10^6 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور جس کا استعمال نشریات میں کیا جاتا ہے، مائیکرو ویو (Microwave) خطہ، جو  $10^9 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور راڈار (Radar) میں استعمال ہوتا ہے، انفراریڈ (Infrared) خطہ جو  $10^{15} \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور جس کا استعمال گرم کرنے میں ہوتا ہے، الٹرا وائلٹ (Ultraviolet) خطہ جو  $10^{16} \text{ Hz}$  کے آس پاس ہے اور سورج کی شعاعوں کا ایک جزو ہے۔  $10^{14} \text{ Hz}$  کے آس پاس ایک چھوٹا سا خطہ وہ ہے جو عام طور سے مرئی روشنی (Visible Region) کہلاتا ہے۔ صرف یہی وہ حصہ ہے جسے ہماری آنکھیں دیکھ سکتی ہیں (یا شناس کر سکتی ہیں)۔ غیر مرئی اشعاع کی شناس کے لیے خاص آلات درکار ہوتے ہیں۔

(iv) برق مقناطیسی اشعاع کو ظاہر کرنے کے لیے مختلف قسم کی اکائیاں استعمال ہوتی ہیں۔

ان اشعاع کی خاصیتیں ہیں: فریکوئنسی (v) اور طولی موج ( $\lambda$ ) فریکوئنسی کی SI اکائی ہرٹز ( $\text{Hz}$ ,  $\text{S}^{-1}$ ) ہے جو ہیزک ہرٹز کے نام پر رکھی گئی ہے۔

ایک ہرٹز کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ لہروں کی وہ تعداد ہے جو ایک دیے ہوئے نقطے سے ایک سیکنڈ میں گزرتی ہیں۔



شکل 2.7 (a) برقی مقناطیسی اشعاع کا طیف۔ (b) مرئی طیف۔ مرئی خطہ کل طیف کے صرف ایک چھوٹا حصہ ہے۔

$$v = \frac{c}{\lambda} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{750 \times 10^{-9} \text{ m}} = 4.00 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

فریکوئنسی اکائیوں کے اعتبار سے مرئی طیف کی رینج  $4.0 \times 10^{14}$  سے  $10^{14}$  Hz تک ہے۔

### مسئلہ 2.5

حساب لگائیے: (a) لہر عدد اور (b) فریکوئنسی کا، اس پہلی اشعاع کے لیے جس کا طول موج  $5800 \text{ \AA}$  ہے

حل

(a) لہر عدد ( $\bar{\nu}$ ) کی تحسیب:

$$\lambda = 5800 \text{ \AA} = 5800 \times 10^{-8} \text{ cm}$$

$$= 5800 \times 10^{-10} \text{ m}$$

$$\bar{\nu} = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{5800 \times 10^{-10} \text{ m}}$$

$$= 1.724 \times 10^6 \text{ m}^{-1}$$

$$= 1.724 \times 10^4 \text{ cm}^{-1}$$

(b) فریکوئنسی ( $\nu$ ) کی تحسیب:

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{5800 \times 10^{-10} \text{ m}} = 5.172 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

### 2.3.2 برق مقناطیسی اشعاع کی ذراتی فطرت: پلانک کا کوانٹم نظریہ

#### (Particle Nature of Electromagnetic Radiation: Planck's Quantum Theory)

کچھ تجرباتی مظاہر، جیسے انحراف\* (Diffraction) اور تداخل\*\* (Interference) وغیرہ کی، وضاحت برق مقناطیسی اشعاع کی لہر-فطرت کے ذریعے کی جاسکتی ہے۔ لیکن ذیل میں جو مشاہدات دیے جا رہے ہیں، وہ ان میں سے چند مشاہدات ہیں جن کی انیسویں صدی کی

### مسئلہ 2.3

آل انڈیا ریڈیو دہلی کا وودھ بھارتی اسٹیشن  $1.368 \text{ kHz}$  کی فریکوئنسی پر نشر ہوتا ہے۔ ٹرانسمیٹر سے خارج ہونے والے برق مقناطیسی اشعاع کی طول موج کا حساب لگائیے۔ یہ برق مقناطیسی طیف کے کس نکتے سے تعلق رکھتا ہے۔

حل

طول موج  $\lambda$   $c/\nu$  کے مساوی ہے جہاں  $c$  وکیوم میں برق مقناطیسی اشعاع کی رفتار ہے اور  $\nu$  فریکوئنسی ہے۔ دی ہوئی قیمتوں کو رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\lambda = \frac{c}{\nu}$$

$$= \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{1368 \text{ kHz}}$$

$$= \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{1368 \times 10^3 \text{ s}^{-1}}$$

$$= 219.3 \text{ m}$$

یہ ریڈیو لہر طول موج کی نمائندہ طول موج ہے۔

### مسئلہ 2.4

مرئی طیف کی طول موج کی رینج وائلٹ (Violet) ( $400 \text{ nm}$ ) سے سرخ (Red) ( $750 \text{ nm}$ ) تک ہے۔ ان طول موج کو فریکوئنسی (Hz) میں ظاہر کیجئے۔ ( $1 \text{ nm} = 10^{-9} \text{ m}$ )

حل

مساوات 2.5 استعمال کرتے ہوئے، وائلٹ روشنی کی فریکوئنسی

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{400 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

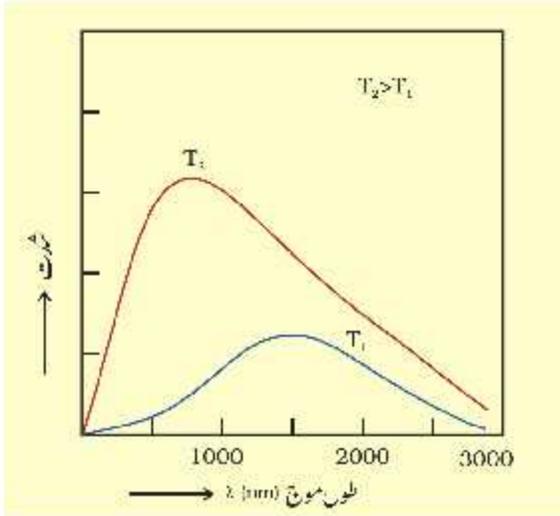
$$= 7.50 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

سرخ روشنی کی فریکوئنسی

\* انحراف، ایک رکاوٹ کے اردگرد موج کا موٹا ہے۔

\*\* تداخل، یکساں یا مختلف فریکوئنسی کی دو لہروں کا ایسا اتحاد (combination) ہے جو ایک ایسی موج دیتا ہے جس کا امپلیٹوڈ میں ہر ایک نقطے پر ہفتوں اس نقطے پر ہر ایک تداخلی موج کے ذریعہ پیدا ہونے والے عمل کا الجبری دو بکتر حاصل جمع ہوتا ہے۔

کی قدر بہت زیادہ (Maximum) ہوتی ہے اور پھر طول موج میں مزید کمی کے ساتھ یہ بھی کم ہونے لگتی ہے جیسے کہ شکل 2.8 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 2.8 طول موج - شدت رشتہ

مندرجہ بالا تجرباتی نتائج کی، روشنی کے لہر نظریہ کی بنیاد پر خاطر خواہ وضاحت نہیں کی جاسکتی۔ پلانک نے تجویز کیا کہ ایٹم اور سالمات صرف مجز و مقداروں (Discrete quantities) میں ہی توانائی خارج یا جذب کر سکتے ہیں اور ایک لگاتار سلسلے کی شکل میں نہیں، جیسا کہ اس وقت مقبول تصور تھا۔ پلانک نے توانائی کی اس کم ترین مقدار کو جو برق مقناطیسی اشعاع کی شکل میں خارج یا جذب ہو سکتی ہے، کو کوانٹم (Quantum) کا نام دیا۔ اشعاع کے ایک کوانٹم کی توانائی (E) اس کی فریکوئنسی (ν) کے متناسب ہے اور مساوات 2.6 سے ظاہر کی جاتی ہے:

$$E = h\nu \quad (2.6)$$

تناسبت مستقلہ 'h' پلانک مستقلہ (Planck's Constant)

$$6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}$$

اس نظریہ کے ذریعے پلانک، مختلف درجہ حرارت پر، سیاہ جسم سے خارج ہونے والے اشعاع کی شدت کی تقسیم کی فریکوئنسی یا طول موج کے تفاعل کے طور پر وضاحت کرنے میں کامیاب ہوئے۔

### ضیاء برقی اثر (Photoelectric Effect)

1887 میں، ایچ۔ ہرٹز (H-Hertz) نے ایک بہت دلچسپ تجربہ کیا۔ اس تجربہ میں، جب کچھ خاص دھاتوں (مثال کے طور پر پوٹاشیم، روبیڈیم،

ضمیمات (جو کلاسیکی طبیعیات کہلاتی ہے) کے برق مقناطیسی نظریہ کی مدد سے بھی وضاحت نہیں کی جاسکتی۔

(ii) گرم اجسام سے خارج ہونے والے اشعاع کی طبع (سیاہ جسم اشعاع)۔

(iii) دھاتی سطح سے اشعاع کے نکلنے پر، ایلیکٹرانوں کا خارج ہونا (ضیاء برقی اثر (Photo Electric Effect))۔

(iii) درجہ حرارت کے تغیر کے طور پر ششوں اشیا کی حرارتی گنجائش میں تغیر۔

(iv) ایٹموں کے خطی طیف (Line Spectra)، خاص طور سے ہائڈروجن کے حوالے سے۔

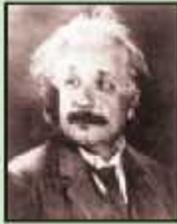
یہ بات قابل توجہ ہے کہ سیاہ جسم اشعاع کے مظہر کی تھوٹ وضاحت سب سے پہلے میکس پلانک (Max Planck) نے 1900 میں کی۔ یہ مظہر ذیل میں بیان کیا جا رہا ہے۔

جب تھوٹ اشیا کو گرم کیا جاتا ہے تو وہ اشعاع خارج کرتی ہیں، جس کی طول موج کی رینج بہت زیادہ ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر، جب ایک لوہے کی چمڑ کو ایک بھٹی میں گرم کیا جاتا ہے، تو پہلے اس کا رنگ ہلکا سرخ ہوتا ہے اور پھر جیسے جیسے درجہ حرارت میں اضافہ ہوتا ہے، سرخی بھی بتدریج بڑھتی جاتی ہے۔ پھر جب چمڑ کو مزید گرم کیا جاتا ہے، تو خارج ہونے والی شعاعیں سفید ہو جاتی ہیں۔ اور پھر درجہ حرارت بہت زیادہ ہو جاتا ہے تو نیلی ہو جاتی ہیں۔ فریکوئنسی (Frequency) کے لحاظ سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ اس کا مطلب ہے خارج ہونے والی شعاعوں کی فریکوئنسی بھی، درجہ حرارت میں اضافہ کے ساتھ، کم قدر سے زیادہ قدر کی طرف تبدیل ہوتی ہے۔ سرخ رنگ، برق مقناطیسی طیف کے کم فریکوئنسی نچلے میں آتا ہے۔

جبکہ نیلے رنگ کا تعلق مقابلاً زیادہ فریکوئنسی نچلے سے ہے۔ وہ "مثالی جسم" (Ideal body) جو تمام فریکوئنسی کو خارج کرتا ہے اور جذب کرتا ہے، سیاہ جسم کہلاتا ہے اور ایسے جسم کے ذریعے خارج کیا گیا اشعاع، سیاہ جسم اشعاع کہلاتا ہے۔ سیاہ جسم سے خارج ہوئے اشعاع کی بالکل صحیح فریکوئنسی تقسیم (یعنی اشعاع کی شدت بمقابلہ فریکوئنسی مٹھی) صرف اس کے درجہ حرارت پر منحصر ہے۔ ایک دیے ہوئے درجہ حرارت پر، خارج ہونے والے اشعاع کی شدت میں طول موج میں کمی کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے، پھر ایک دیے ہوئے طول موج پر اس

(iii) ہر دھات کے لیے ایک مخصوص کم سے کم فریکوئنسی (جسے دہلیز فریکوئنسی (Threshold Frequency) بھی کہتے ہیں)،  $\nu_0$  ہے جس سے کم فریکوئنسی پر ضیا برقی اثر نہیں دیکھا جاسکتا۔  $\nu > \nu_0$  پر خارج ہوئے الیکٹران کسی حرکتی توانائی کے ساتھ باہر آتے ہیں۔ ان الیکٹرانوں کی حرکتی توانائیوں میں استعمال کی جانے والی روشنی کی فریکوئنسی میں اضافہ کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔

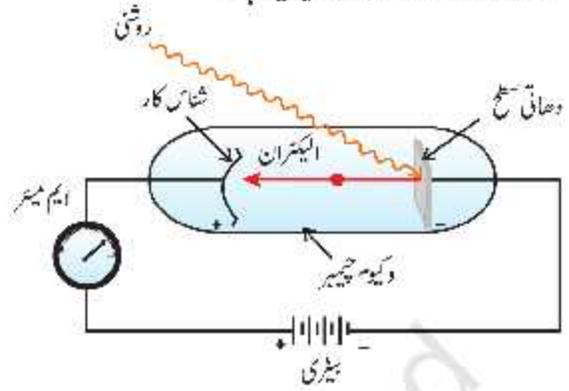
اوپر دیے ہوئے تمام نتائج کی، کلاسیکی طبیعیات کے قوانین کی بنیاد پر وضاحت نہیں کی جاسکتی۔ کلاسیکی طبیعیات کے مطابق روشنی کی شعاع کی توانائی روشنی کی چمک پر منحصر ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ حالانکہ خارج ہوئے الیکٹرانوں کی فریکوئنسی روشنی کی چمک پر منحصر ہے، لیکن خارج ہوئے الیکٹرانوں کی حرکتی توانائی چمک پر منحصر نہیں ہے۔ مثال کے طور پر سرخ روشنی  $\nu = (4.3 \text{ to } 4.6) \times 10^{14} \text{ Hz}$  چاہے کسی بھی چمک (شدت) کی ہو، اگر اسے پوناشیم دھات پر گھنٹوں بھی ڈالا جائے، تب بھی کوئی فوٹو الیکٹران خارج نہیں ہوتا، لیکن جیسے ہی بہت کمزور پیلے روشنی  $\nu = 5.1 \text{ to } 5.2 \times 10^{14} \text{ Hz}$  اسی پوناشیم چادر پر ڈالی جاتی ہے، ضیا برقی اثر دکھائی دینے لگتا ہے۔ پوناشیم دھات کے لیے دہلیز فریکوئنسی (Threshold Frequency)  $5.0 \times 10^{14} \text{ Hz}$  ہے۔



آلبرٹ آئنسٹائن، جو کہ جرمنی میں پیدا ہوئے امریکی طبیعیات دان تھے، بہت سے لوگ انہیں آج تک کے دو سب سے بڑے طبیعیات دانوں میں شمار کرتے ہیں (دوسرے اسحاق نیوٹن ہیں)۔ ان کے تین

تحقیقی مقالوں نے، [جو مخصوص اضافیت (Special Relativity)، براؤنن حرکت (Brownian Motions) اور ضیا برقی اثر، پر مبنی تھے] جنہیں انہوں نے 1905 میں شائع کیا، جیکہ وہ برن (Berne) میں سوئٹزرلینڈ آفس (Swiss Patent Office) میں بہ طور ٹیکنیکل اسسٹنٹ ملازم تھے، طبیعیات کی ارتقا پر گہرا اثر ڈالا۔ انہیں 1921 میں، ضیا برقی اثر کی وضاحت کرنے کے لیے نوبل انعام سے نوازا گیا۔

سبب (غیرہ) پر روشنی کا ایک ہم ڈالا گیا تو الیکٹران (یا برقی کرنٹ) خارج ہوئے، جیسا کہ شکل 2.9 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 2.9 ضیا برقی اثر کا مطالعہ کرنے کے لیے آلات۔ ایک مخصوص فریکوئنسی کی روشنی، وکیوم جیمبر میں رکھی ہوئی صاف دھاتی سطح سے ٹکراتی ہے، دھات سے الیکٹران خارج ہوتے ہیں اور ایک سٹانس کار کے ذریعے ان کو شمار کیا جاتا ہے جو ان کی حرکتی توانائی کی پیمائش کرتا ہے۔

### میکس پلانک (1858-1947)



میکس پلانک، ایک جرمن طبیعیات دان، نے 1879 میں میونخ یونیورسٹی (Munich University) سے نظریاتی طبیعیات میں ڈاکٹریٹ حاصل کی۔ 1888 میں انہیں برلن یونیورسٹی میں انسٹی ٹیوٹ آف تھیوریٹیکل فزکس کا ڈائریکٹر مقرر کیا گیا۔ پلانک کو 1918 میں ان کے کوانٹم نظریہ کے لیے طبیعیات کا نوبل انعام دیا گیا۔ پلانک نے تھرموڈائنمکس (Thermodynamics) اور طبیعیات کی دوسری شاخوں میں بھی اہم تعاون کیا۔

یہ مظہر ضیا برقی اثر کہلاتا ہے اس تجربے میں مشاہدہ کیے گئے نتائج ہیں:

- دھات کی سطح سے الیکٹران، روشنی کی شعاع کے سطح سے ٹکراتے ہی نکلنے لگتے ہیں، یعنی کہ، روشنی کی شعاع کے دھات کی سطح سے ٹکراتے اور سطح سے الیکٹرانوں کے خارج ہونے میں کوئی ورمیالی وقفہ نہیں ہوتا۔
- خارج ہونے والے الیکٹرانوں کی تعداد روشنی کی شدت یا چمک (Brightness) کے متناسب ہے۔

## جدول 2.2 کچھ دھاتوں کے لیے کام فلکشن (W) کی قدریں

دھات	Li	Na	K	Mg	Cu	Ag
$W_0/ev$	2.42	2.3	2.25	3.7	4.8	4.3

فطرت سے ہم آہنگ نہیں تھی، جو تداخل (Interference) اور انحراف (Diffraction) جیسے مظاہر کی وضاحت کر سکتی تھی۔ اس دوہری شکل کو حل کرنے کا واحد طریقہ یہ تھا کہ یہ تسلیم کر لیا جائے کہ روشنی، لہروں اور ذرات جیسی، دونوں طرح کی خاصیتیں رکھتی ہے، یعنی کہ روشنی کا دوہرا طرز عمل ہوتا ہے۔ تجربہ پر انحصار کرتے ہوئے، ہم پاتے ہیں کہ روشنی یا تو ایک لہر کی طرح طرز عمل کا اظہار کرتی ہے یا ایک ذرات کی شعاع کے طور پر طرز عمل کا اظہار کرتی ہے۔ جب بھی اشعاع مادہ سے باہمی عمل کرتا ہے تو یہ ذرات جیسی خاصیتوں کا اظہار کرتی ہے اور جب روشنی کی اشاعت (Propagation) ہوتی ہے تو یہ لہر جیسی خاصیتوں کا اظہار کرتی ہے (تداخل اور انحراف)۔ یہ تصور اس سے بالکل جدا تھا، جس طرح سائنس دان مادے اور اشعاع کے بارے میں سوچتے تھے، اور انھیں اس کی درنگی تسلیم کرنے میں لمبا عرصہ لگا۔ پھر یہ معلوم ہوا، جو آپ بعد میں پڑھیں گے، کہ کچھ خردبینی ذرات (Microscopic Particles)، جیسے الیکٹران بھی، اس لہر-ذراتی دوہرے طرز عمل کا اظہار کرتے ہیں۔

آکسفورڈ (1905) نے، پلانک کے، برقی و مقناطیسی اشعاع کے، کو اٹم نظریہ کو آغازی نکتہ مانتے ہوئے، ضیا برقی اثر کی وضاحت کرنے میں کامیابی حاصل کی۔

ایک دھات کی سطح پر روشنی کے بیم کے ڈالنے کو سمجھا جاسکتا ہے کہ ذرات کا ایک بیم ڈالا جا رہا ہے، جو کہ فونان (Photons) ہیں۔ جب ایک کافی توانائی کا فونان، دھات کے ایٹم کے ایک الیکٹران سے ٹکراتا ہے، تو وہ، فوری طور پر ٹکراؤ کے دوران، اپنی توانائی الیکٹران کو منتقل کر دیتا ہے اور الیکٹران فوراً، بغیر کسی درمیانی وقفہ کے، خارج ہو جاتا ہے۔ فونان کی توانائی جتنی زیادہ ہوگی، الیکٹران کو اتنی ہی زیادہ توانائی منتقل ہوگی اور خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی اتنی ہی زیادہ ہوگی۔ دوسرے لفظوں میں، خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی، برق مقناطیسی اشعاع کی فریکوئنسی کے متناسب ہے۔ کیونکہ ٹکرانے والے فونان کی توانائی  $h\nu$  کے مساوی ہے اور الیکٹران خارج کرنے کے لیے کم ترین درکار توانائی  $h\nu_0$  ہے (جسے ورک فلکشن،  $W_0$  (Work Function) بھی کہتے ہیں) (جدول 2.2)، تب توانائی کا فرق:  $(h\nu - h\nu_0)$  بطور فوٹو الیکٹران کی حرکی توانائی کے طور پر منتقل ہوتا ہے۔ توانائی کی بقا کے اصول کے مطابق خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی مساوات (2.7) سے دی جاتی ہے۔

$$h\nu - h\nu_0 + \frac{1}{2}m_e v^2$$

جہاں  $m_e$  الیکٹران کی کمیت ہے اور  $v$  خارج ہوئے الیکٹران کی رفتار ہے۔ آخر میں، روشنی کی ایک زیادہ شدت والی شعاع، فونانوں کی زیادہ تعداد پر مشتمل ہوتی ہے۔ اس لیے بمقابلہ اس تجربے کے جس میں کمزور شدت کی شعاع استعمال کی گئی ہو، زیادہ شدت والی شعاع سے الیکٹرانوں کی مقابلتاً زیادہ تعداد خارج ہوتی ہے۔

## برق-مقناطیسی اشعاع کا دوہرا طرز عمل

روشنی کی ذراتی فطرت نے سائنسدانوں کے لیے ایک دوہری شکل پیدا کر دی۔ ایک طرف، اس کے ذریعے-یہ جسم اشعاع اور ضیا برقی اثر کی قابل اطمینان وضاحت کی جاسکتی تھی تو دوسری طرف یہ روشنی کی معلوم لہر

## مسئلہ 2.6

اس اشعاع کے فونانوں کے ایک مول کی توانائی کا حساب لگائیے جس کی فریکوئنسی  $5 \times 10^{14}$  Hz ہے۔

حل

ایک فونان کی توانائی ( $E$ ) عبارت سے ظاہر کی جاتی ہے۔

$$E = h\nu$$

$$\nu = 5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1} \text{ (دیا ہوا ہے)}$$

$$h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}$$

$$E = (6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}) \times (5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= 3.313 \times 10^{-19} \text{ J}$$

فونانوں کے ایک مول کی توانائی

سوڈیم سے الیکٹرانوں کا ایک مول خارج کرنے کے لیے درکار کم ترین توانائی

$$= (3.99 - 1.68) \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

$$= 2.31 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

ایک الیکٹران کے لیے کم ترین توانائی۔

$$= \frac{2.31 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}}{6.022 \times 10^{23} \text{ electrons mol}^{-1}}$$

$$= 3.84 \times 10^{-19} \text{ J}$$

یہ مطابقت رکھتی ہے، طول موج  $\lambda$  سے:

$$\therefore \lambda = \frac{hc}{E}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{3.84 \times 10^{-19} \text{ J}}$$

(یہ جبری روشنی سے مطابقت رکھتی ہے)

### مسئلہ 2.9

ایک دھات کے لیے دہلیز فریکوئنسی  $\nu_0 = 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$  ہے۔ اس الیکٹران کی حرکی توانائی کا حساب لگائیے۔ جو  $\nu = 1.0 \times 10^{15} \text{ s}^{-1}$  فریکوئنسی کے اشعاع کے دھات پر پڑنے سے خارج ہوتا ہے۔

حل

آئنسٹائن مساوات کے مطابق:

$$\text{حرکی توانائی} = \frac{1}{2} m_e v^2 = h(\nu - \nu_0)$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) \times (1.0 \times 10^{15} \text{ s}^{-1} - 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) (10.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1} - 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) \times (3.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= 1.988 \times 10^{-19} \text{ J}$$

### 2.3.3 \* کوٹھی الیکٹران انرجی لیول کے لیے شہادتیں: ایشی طیف

(Evidence for the Quantized Electronic Energy Levels: Atomic Spectra)

روشنی کی رفتار اس میڈیم کی فطرت پر منحصر ہے، جس سے وہ گزرتی ہے۔ اس کے نتیجے میں، روشنی جب ایک میڈیم سے دوسرے میڈیم میں داخل

$$= (3.313 \times 10^{-19} \text{ J}) \times (6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1})$$

$$= 199.51 \text{ kJ mol}^{-1}$$

### مسئلہ 2.7

ایک 100 واٹ کا بلب، 400 nm طول موج کی ایک رنگ (monochromatic) روشنی خارج کرتا ہے۔ ایک سیکنڈ میں بلب سے خارج ہو رہے فوٹونوں کی تعداد معلوم کیجئے۔

حل

$$100 \text{ Watt} = 100 \text{ J s}^{-1}$$

$$\text{ایک فوٹون کی توانائی} = E = h\nu = \frac{hc}{\lambda}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{400 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

$$= 4.969 \times 10^{-19} \text{ J}$$

خارج ہونے والے فوٹونوں کی تعداد

$$\frac{100 \text{ J s}^{-1}}{4.969 \times 10^{-19} \text{ J}} = 2.012 \times 10^{20} \text{ s}^{-1}$$

### مسئلہ 2.8

جب 300 nm طول موج کا برقی مشنا طیفی اشعاع سوڈیم کی سطح پر پڑتا ہے۔ تو  $1.68 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$  کی حرکی توانائی کے ساتھ الیکٹران خارج ہوتے ہیں۔ سوڈیم سے ایک الیکٹران خارج کرنے کے لیے کم از کم کتنی توانائی درکار ہوگی؟ وہ زیادہ سے زیادہ طول موج کیا ہوگی جو ایک فوٹو الیکٹران کو خارج کر سکے۔

حل

$$\text{ایک 300 nm فوٹون کی توانائی (E)}$$

$$h\nu = \frac{hc}{\lambda}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{300 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

$$6.625 \times 10^{-19} \text{ J}$$

فوٹونوں کے ایک مول کی توانائی

$$= 6.626 \times 10^{-19} \text{ J} \times 6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$= 3.99 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

کرتا ہے تو خارج ہونے والے اشعاع کی طول موج (یا فریکوئنسی) کو ریکارڈ کر لیا جاتا ہے۔

ایک انجذابی طیف اخراجی طیف کے فوٹو گرافک ٹیکنیک کی طرح ہے۔ ایک نمونے سے اشعاع کا ایک سلسلہ (Continuum) گزارا جاتا ہے جو مخصوص طول موج کا اشعاع جذب کر لیتا ہے۔ غائب ہوئے طول موج، جو مادہ کے ذریعے جذب کیے گئے اشعاع سے مطابقت رکھتے ہیں، چمکدار مسلسل طیف میں سیاہ خالی جگہیں چھوڑ دیتے ہیں۔

اخراجی یا انجذابی طیف کا مطالعہ طیف بینی (Spectroscopy) کہلاتا ہے۔ مرئی روشنی کا طیف، جیسا کہ اوپر بیان کیا جا چکا ہے، مسلسل تھا، کیونکہ اس طیف میں مرئی روشنی کے تمام طول موج (سرخ سے وائلٹ تک) کی نمائندگی ہو رہی تھی۔ کسی حالت (Gas Phase) میں ایٹموں کے انجذابی طیف، اس کے برخلاف، سرخ سے وائلٹ تک تمام طول موج کا مسلسل پھیلاؤ نہیں ظاہر کرتا بلکہ یہ صرف مخصوص طول موج کی روشنیاں ہی خارج کرتے ہیں اور ان کے درمیان سیاہ خالی جگہیں ہوتی ہیں۔ ایسے طیف، خطی طیف (Line Spectra) یا ایٹمی طیف کہلاتے ہیں کیونکہ خارج ہوئے اشعاع کی شناخت طیف میں چمکدار خطوط کے ظاہر ہونے کے ذریعے کی جاتی ہے (شکل 2.10)۔

ایٹمی ساخت کے مطالعے میں خطی اخراجی طیف (Line Emission Spectra) بہت دلچسپی کے حامل ہیں۔ ہر عنصر کا اپنا (Unique) خطی اخراجی طیف ہوتا ہے۔ ایٹمی طیف میں مخصوص خطوط کیسے کیسے تجربیہ میں غیر معلوم عناصر کو شناخت کرنے کے لیے استعمال کیے جاسکتے ہیں۔ جس طرح انگلیوں کے نشانات کسی شخص کی شناخت کرنے میں استعمال ہوتے ہیں۔ ایک معلوم ایٹم کے اخراجی طیف کے خطوط کا ایک غیر معلوم نمونے کے خطوط سے درست مقابلہ کر کے آئرنالڈ کرکی شناخت کی جاسکتی ہے۔ روبرٹ ہنسن (Rober Bunsen) (1811-1899)، ایک جرمن کیمیا داں، وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے خطی طیف کو عناصر کی شناخت کے لیے استعمال کیا۔

روبیڈیم (Rubidium's Rb)، سیزیم (Caesium' Cs)، تھالیئم (Thallium'Tl) انڈیم (Indium' In) گلیسیم (Gallium' Ga) اور اسکینڈیم (Scandium' Sc) جیسے عناصر اس وقت دریافت ہوئے جب ان کی معدنیات (Minerals) کا اسپیکٹرو اسکوپک طریقوں

ہوتی یہ تو اپنے اصل راستے سے منحرف ہو جاتی ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا ہے کہ جب سفید روشنی کی ایک شعاع کسی پریزم (Prism) میں سے گزاری جاتی ہے، تو مقابلتہ کم طول موج کی لہر زیادہ طول موج والی لہر کے مقابلے میں زیادہ منحرف ہوتی ہے۔ کیونکہ عام سفید روشنی، مرئی رینج کی تمام طول موج پر مشتمل ہوتی ہے، اس لیے سفید روشنی کی ایک شعاع، پریزم میں سے گزرنے پر رینجین بلیوں (Coloured Bands) کے ایک سلسلے کی شکل میں پھیل جاتی ہے، جسے طیف (Spectrum) کہتے ہیں۔ سرخ رنگ کی روشنی، جس کا طول موج سب سے زیادہ ہے، سب سے کم منحرف ہوتی ہے، جبکہ وائلٹ (Violet) روشنی، جس کا طول موج سب سے کم ہے، سب سے زیادہ منحرف ہوتی ہے۔ سفید روشنی کے طیف کی رینج جسے ہم دیکھ سکتے ہیں، وائلٹ (Violet) سے (تعداد:  $7.50 \times 10^{14}$  Hz) سے سرخ (تعداد:  $4 \times 10^{14}$  Hz) تک ہوتی ہے۔ ایسے طیف کو مسلسل طیف (Continous Spectrum) کہتے ہیں۔ مسلسل اس لیے کہتے ہیں کیونکہ وائلٹ، نیلے میں ضم ہو جاتا ہے، نیلا، ہرے میں اور اسی طرح اور آگے بھی۔ اسی طرح کا ایک طیف اس وقت بھی بنتا ہے جب آسمان میں قوس و قزح بنتی ہے۔ یاد رکھیے کہ مرئی روشنی، برق مقناطیسی اشعاع کا ایک چھوٹا سا حصہ ہے (شکل 2.7)۔ جب برق مقناطیسی اشعاع، مادے سے باہمی دگر عمل کرتا ہے تو ایٹم اور سالمات توانائی جذب کر سکتے ہیں اور توانائی کی مقابلتہ اونچی حالت (High Energy State) پر پہنچ سکتے ہیں۔ مقابلتہ زیادہ توانائی کے ساتھ، یہ غیر مستحکم حالت میں ہوتے ہیں۔ اپنی عام حالت (مقابلتہ زیادہ مستحکم، مقابلتہ کم توانائی کی حالتیں) پر واپس آنے کے لیے، ایٹم اور سالمات، اشعاع خارج کرتے ہیں، جو برق مقناطیسی طیف کے مختلف خطوں سے تعلق رکھتا ہے۔

### اخراج اور انجذاب طیف (Emission and Absorption spectrum)

ایسی شے کے ذریعے خارج کیا گیا طیف جس نے توانائی جذب کی ہے، اخراج طیف (Emission Spectrum) کہلاتا ہے۔ ایٹم، سالمات اور آئین، جنہوں نے توانائی جذب کی ہوتی ہے، مشتعل (Excited) کہلاتے ہیں۔ ایک اخراج طیف پیدا کرنے کے لیے، ایک نمونے (Sample) کو گرم کر کے یا اشعاع ریزی (Irradiated) کر کے، توانائی مہیا کی جاتی ہے اور جب نمونہ جذب شدہ توانائی خارج

کے ناموں پر رکھے گئے ہیں۔ بالمر (Balmer) نے 1885 میں تجرباتی مشاہدات کی بنا پر دکھایا کہ اگر اسپیکٹرواسکوپک خطوط کو لہر عدد  $(n^2)$  کی شکل میں ظاہر کیا جائے، تو ہائیڈروجن طیف کے مرئی خطوط (Visible Line) مندرجہ ذیل فارمولے کے طابع ہوتے ہیں:

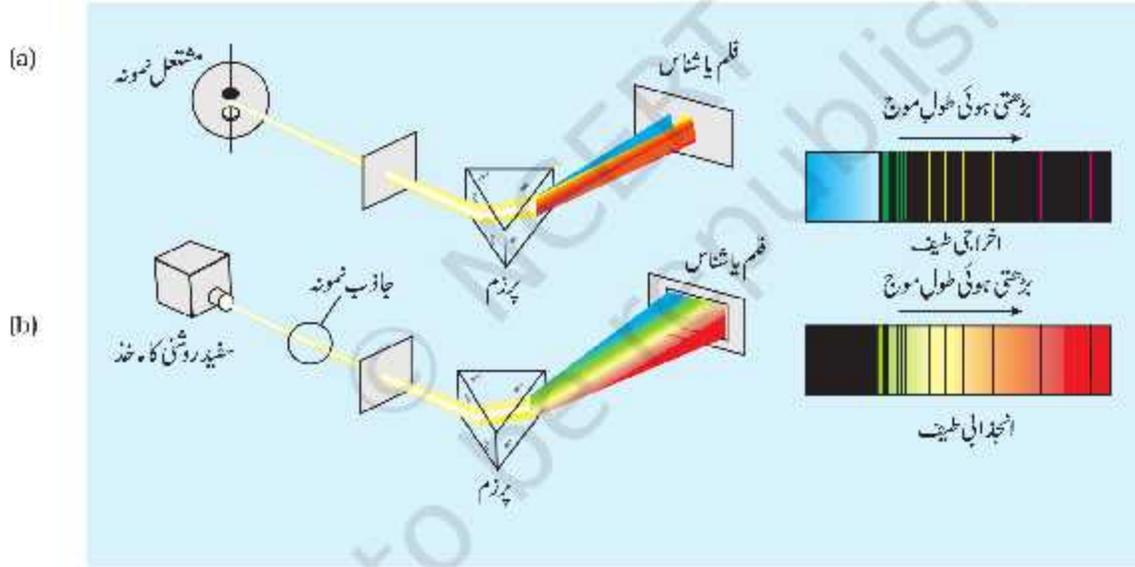
$$(2.8) \quad \bar{\nu} = 109,677 \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \text{ cm}^{-1}$$

جہاں  $n$  ایک صحیح عدد (Integer) ہے جو 3 کے مساوی یا اس سے بڑا ہو سکتا ہے۔ یعنی کم:  $n = 3, 4, 5, \dots$  اس فارمولہ سے بیان کیے جانے والے خطوط کا سلسلہ بالمر سلسلہ (Balmer Series) کہلاتا ہے۔ ہائیڈروجن کے طیف میں خطوط کا

(Spectroscopic Methods) سے تجزیہ کیا گیا۔ عنصر ہیلیم (Helium/He) کی سورج میں موجودگی کی دریافت بھی اسپیکٹرواسکوپک طریقوں سے ہوئی۔

### ہائیڈروجن کا خطی طیف (Line Spectrum of Hydrogen)

جب گیس ہائیڈروجن سے ایک برقی ڈسچارج گزارا جاتا ہے، تو  $H_2$  سالمہ کا افتراق (Dissociation) ہو جاتا ہے اور توانائی کے اعتبار سے مشتعل ہائیڈروجن ایٹم، مجرد فریکوئنسی (Discrete Frequencies) کا برق مقناطیسی اشعاع خارج کرتے ہیں۔ ہائیڈروجن طیف خطوط کے کئی سلسلوں پر مشتمل ہوتا ہے۔ جن کے نام انھیں دریافت کرنے والوں

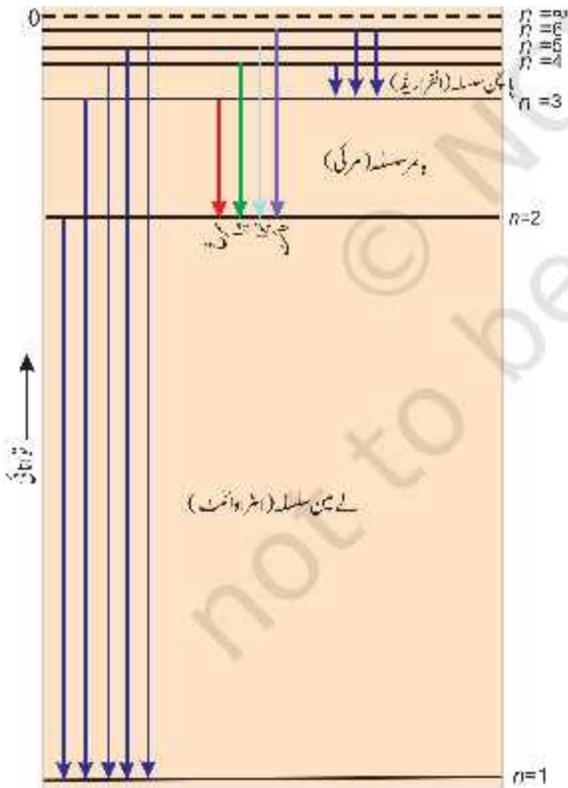


شکل 2.10 (a) ایٹمی اشعاع مشتعل ہائیڈروجن ایٹموں (یا کسی دوسرے عنصر) کے نمونے سے خارج ہونے والی روشنی کو ایک پریزم سے گزارا جاتا ہے اور مخصوص محدود طول موج میں علیحدہ کر لیا جاتا ہے۔ اس طرح ایک طیف، جو علیحدہ ہونے والی طول موج کی فوٹو گرافٹ ریکارڈنگ ہے، حاصل ہوتا ہے جو خطی طیف کہلاتا ہے۔ ایک مناسب سائز کے کسی بھی نمونے میں ایٹموں کی بہت بڑی تعداد ہوتی ہے۔ حالانکہ ایک واحد ایٹم کسی ایک خاص وقت پر صرف کسی ایک مشتعل حالت میں ہو سکتا ہے، ایٹموں کے مجموعہ میں تمام ممکنہ مشتعل حالتیں شامل ہوتی ہیں۔ ان ایٹموں کے مقابلہ کم توانائی حالتوں میں گرنے سے خارج ہونے والی روشنی طیف کے لیے ذمہ دار ہے۔ (b) ایٹمی اشعاع جب سفید روشنی غیر مشتعل ایٹمی ہائیڈروجن سے گذرتی ہے اور پھر ایک چھری (Slit) اور پریزم (Prism) سے گزرتی ہے تو ترسیل شدہ روشنی (Transmitted Light) کی شدت (Intensity)، انہیں طول موج پر جو (a) میں خارج ہونے والی تھیں، کے مقابلے میں کم ہوتی ہے۔ ریکارڈ کیا ہوا اشعاعی طیف بھی ایک خطی طیف ہوتا ہے اور اشعاعی طیف کا فوٹو گرافٹ نگینو ہوتا ہے۔

(i) ہائڈروجن ایٹم میں الیکٹران، نیوکلیس کے گرد ایک متعین (Fixed) نصف قطر اور توانائی کے دائری راستے پر حرکت کر سکتے ہیں۔ یہ راستے مدار (Orbits)، سکونی حالتیں (Stationary States) یا منظور شدہ توانائی حالتیں (Allowed Energy State) کہلاتے ہیں۔ یہ مدار نیوکلیس کے گرد ہم مرکز شکل (Concentrically) میں مرتب ہوتے ہیں۔

### جدول 2.3: ایٹمی ہائڈروجن کے لیے الیکٹرواسکوپک خطوط

سلسلہ	$n_1$	$n_2$	الیکٹرواسکوپک خطہ
لے مین	1	2,3, ...	الٹرا وائلٹ
بالمر	2	3,4, ...	مرئی
پاچن	3	4,5, ...	انفراریڈ
بریکٹ	4	5,6, ...	انفراریڈ
پی فنڈ	5	6,7, ...	انفراریڈ



شکل 2.11: ہائڈروجن ایٹم میں الیکٹران کا عبور (Transitions) (طائیکرام میں ٹرانزیشن کے لیے مین، بالمر اور پاسچن سلسلے دکھائے گئے ہیں)

بالمر سلسلہ ہی وہ واحد خطوط ہیں جو برقی مہنہ طیف کے مرئی خطے میں ظاہر ہوتے ہیں۔ سوڈن کے ہر طیف پیا جوہن رڈبرگ (Johannes Rydberg) نے بتایا کہ ہائڈروجن طیف کے تمام خطوط کے سلسلے مندرجہ ذیل عبارت سے بیان کیے جاسکتے ہیں:

$$(2.9) \quad \bar{\nu} = 109,677 \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \text{ cm}^{-1}$$

$$n_1 = 1, 2, \dots$$

$$n_2 = n_1 + 1, n_1 + 2, \dots$$

قدر  $109,677 \text{ cm}^{-1}$  ہائڈروجن کے لیے رڈبرگ مستقلہ کہلاتی ہے۔ خطوط کے پہلے پانچ سلسلے، جو  $n_1 = 1, 2, 3, 4, 5$  سے مطابقت رکھتے ہیں، بالترتیب لیمن (Lyman)، بالمر (Balmer)، پاچن (Paschen)، بریکٹ (Bracket) اور پی فنڈ (P fund) سلسلے کہلاتے ہیں۔ جدول 2.3 میں ہائڈروجن طیف کے لیے ترسیل کے یہ سلسلے دکھائے گئے ہیں۔

تمام عناصر میں ہائڈروجن ایٹم کا خطی طیف سب سے سادہ ہوتا ہے۔ بھاری ایٹموں کے لیے خطی طیف زیادہ سے زیادہ پیچیدہ ہوتا جاتا ہے۔ لیکن کچھ خاصیتیں ہیں جو تمام خطی طیف میں مشترک ہیں: (i) ہر عنصر کا خطی طیف یکتا ہوتا ہے۔ اور (ii) ہر عنصر کے خطی طیف میں آہٹ باقاعدگی (Regularity) پائی جاتی ہے۔ اب جو سوال پیدا ہوتے ہیں، وہ ہیں: ان مشترک خاصیتوں کی کیا وجوہات ہیں؟ کیا اس کا کچھ تعلق ایٹم کی الیکٹران ساخت سے ہے؟ یہ وہ سوال ہیں، جن کے جواب حاصل کرنے کی ضرورت ہے۔ ہم بعد میں معلوم کریں گے کہ ان سوالوں کے جواب ان عناصر کی الیکٹران ساخت کو سمجھنے کی گنجی فراہم کرتے ہیں۔

### 2.4 ہائڈروجن ایٹم کے لیے بوہر ماڈل

نیل بوہر (Niels Bohr) وہ پہلے شخص تھے، جنہوں نے ہائڈروجن ایٹم کی ساخت اور اس کے طیف کی مقداری شکل میں وضاحت کی۔ حالانکہ ان کا نظریہ، جدید کوانٹم میکینکس نہیں ہے، پھر بھی یہ ایٹم کی ساخت اور طیف کے کئی نکاتوں کو استدلالی بنانے کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم کے لیے بوہر ماڈل مندرجہ ذیل بنیادی مفروضات (Postulates) پر مبنی ہے:



**نیلس بوہر (Niels Bohr)**  
(1885-1962)

نیلس بوہر نے، ڈنمارک کے طبیعیات دان تھے، 1911 میں کوبن ہیگن یونیورسٹی (University of Copenhagen) سے ڈکٹریٹ حاصل کی۔ اس کے بعد انہوں نے ایت سال انگلینڈ میں جے۔جے۔تھامسن اور ارنیسٹ رذرفورڈ کے ساتھ گزارا۔ 1913 میں وہ کوبن ہیگن واپس آگئے اور پھر زندگی کا بقیہ حصہ وہیں گزارا۔ 1920 میں انہیں انسٹی ٹیوٹ آف تھیورٹیکل فزکس کا ڈائریکٹر نامزد کیا گیا۔ یہی عالمی جنگ کے بعد بوہر نے انہی توانائی کے پرامن استعمال کے لیے بڑی محنت سے کام کیا۔ 1957 میں انہیں پہلا "Atoms for Peace" (امن کے لیے ایٹم) انعام ملا۔ بوہر کو 1922 میں طبیعیات کا نوبل انعام دیا گیا۔

(Integral Multiple) ہو۔ اسی لیے صرف کچھ متعین مدار ہی منظور شدہ ہیں۔

سکوئی حالتوں کی توانائی کو وضع (Derive) کرنے کی، بوہر کے ذریعے استعمال کی گئی، تفصیلات کافی پیچیدہ ہیں اور ان سے عملی درجات میں بحث جائے گی۔ پھر بھی، بانڈروجن ایٹم کے بوہر کے نظریے کے مطابق:

(a) الیکٹران کی سکوائی حالتوں کو عدد دیے جاتے ہیں:  $n = 1, 2, 3, \dots$  یہ صحیح اعداد (Integral Numbers) پرنسپل کوئم نمبر (Principal Quantum Numbers) کہلاتے ہیں (سیکشن 2.6.2)۔

(b) سکوائی حالتوں کے نصف قطر مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

$$r_n = n^2 a_0$$

جہاں:  $a_0 = 52.9 \text{ pm}$  اس لیے پہلی سکوائی حالت کا نصف قطر بوہر نصف قطر کہلاتا ہے جو کہ  $52.9 \text{ pm}$  ہے۔ عام طور سے بانڈروجن ایٹم میں الیکٹران اس مدار میں پایا جاتا ہے (یعنی کہ  $n = 1$ )۔ جیسے جیسے  $n$  بڑھتا جاتا ہے  $r$  بھی بڑھتا جائے گا۔ دوسرے نظموں میں الیکٹران نیوکلیس سے دور پایا جائے گا۔

(c) الیکٹران سے منسلک سب سے اہم خاصیت، اس کی سکوائی حالت کی توانائی ہے۔ یہ مندرجہ ذیل عبارت سے ظاہر کی جاتی ہے:

(ii) ایک مدار میں الیکٹران کی توانائی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی۔ لیکن ایک الیکٹران، ایک ٹچلی سکوائی حالت سے اوپری سکوائی حالت میں حرکت کرے گا، جب وہ توانائی کی مطلوبہ مقدار جذب کرے گا یا جب الیکٹران اوپری سکوائی حالت سے ٹچلی سکوائی حالت میں حرکت کرتا ہے تو توانائی خارج ہوتی ہے (مساوات 2.6)۔ توانائی کی تبدیلی مسلسل طور پر نہیں ہوتی۔

### زاویائی معیار حرکت

جس طرح خطی حرکت (Linear Momentum) کیت 'm' اور خطی رفتار 'v' کا حاصل ضرب ہے، بالکل اسی طرح زاویائی حرکت، استمراری گردش (Moment of Inertia) اور زاویائی رفتار  $\omega$  (Angular Velocity) کا حاصل ضرب ہے۔ ایک  $m_e$  کیت کے الیکٹران کے لیے، جو نیوکلیس کے گرد،  $r$  نصف قطر کے دائری راستہ پر حرکت کر رہا ہے،

$$L = I \times \omega \quad \text{[Angular Momentum معیار حرکت]}$$

$$I = m_e r^2, \quad \omega = v/r \quad \text{(جہاں } v \text{ خطی رفتار ہے)}$$

$$L = m_e r^2 \times v/r = m_e v r \quad \text{زاویائی معیار حرکت}$$

(iii) "سکوائی حالتوں کے درمیان، جن کا توانائی کا فرق  $\Delta E$  ہے، جب ٹرانزیشن (Transition) ہوتا ہے تو جذب یا خارج ہونے والے اشعاع کی فریکوئنسی کو اس طرح ظاہر کیا جاتا ہے:

$$(2.10) \quad \nu = \frac{\Delta E}{h} = \frac{E_2 - E_1}{h}$$

جہاں  $E_1$  اور  $E_2$ ، ٹچلی اور اوپری منظور شدہ توانائی حالتوں کی توانائیاں ہیں۔ یہ عبارت عام طور سے بوہر کے فریکوئنسی کے قاعدے کے طور پر جانی جاتی ہے۔

(iv) ایک دی ہوئی سکوائی حالت میں ایک الیکٹران کا زاویائی معیار حرکت مساوات (2.11) کے ذریعے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔

$$(2.11) \quad m_e v r = n \frac{h}{2\pi} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

اس طرح ایک الیکٹران صرف انہیں مداروں میں حرکت کر سکتا ہے، جن کے لیے اس کا زاویائی معیار حرکت  $h/2\pi$  کا صحیح عددی ضعف

(d) بوہر نظریہ کا اطلاق ان آئیوں پر بھی ہو سکتا ہے، جن میں ہائیڈروجن ایٹم کی طرح صرف ایک الیکٹران ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر  $\text{He}^+$ ،  $\text{Li}^{2+}$ ،  $\text{Be}^{3+}$  اور اسی طرح اور اس قسم کے آئیوں سے منسلک (جو ہائیڈروجن جیسی انواع بھی کہلاتے ہیں) سکونی حالتوں کی توانیاں مندرجہ ذیل عبارت کے ذریعے ظاہر کی جاتی ہیں:

$$(2.14) \quad E_n = -2.18 \times 10^{-8} \left( \frac{Z^2}{n^2} \right) \text{J}$$

اور نصف قطر اس عبارت سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

$$(2.15) \quad r_n = \frac{52.9(n^2)}{Z} \text{ pm}$$

جہاں  $Z$  ایٹمی عدد ہے اور  $n$  پیمائش و لختیم ایٹموں کے لیے اس کی قدر، بالترتیب، 2 اور 3 ہے۔ مندرجہ بالا مساوات سے یہ ظاہر ہو جاتا ہے کہ  $Z$  میں اضافے کے ساتھ توانائی کی قدر اور زیادہ منفی ہو جاتی ہے اور نصف قطر کی قدر اور کم ہو جاتی ہے۔ جس کا مطلب ہے کہ الیکٹران نیوکلئیس کے ساتھ زیادہ مضبوطی سے بندھا ہوا ہوگا۔

(e) ان مداروں میں حرکت کر رہے الیکٹرانوں کی رفتاروں کا حساب لگانا بھی ممکن ہے۔ حالانکہ بالکل درست مساوات یہاں نہیں دی جارہی ہے، کیفیتاً طور پر، الیکٹران کی رفتار کی عددی قدر میں، نیوکلئیس پر مثبت برقی چارج میں اضافہ کے ساتھ، اضافہ ہوتا ہے اور پرنسپل کوآٹم نمبر میں اضافہ کے ساتھ، کمی ہوتی ہے۔

#### 2.4.1 ہائیڈروجن کے خطی طیف کی وضاحت

##### (Explanation of Line Spectrum of Hydrogen)

ہائیڈروجن ایٹم کے مشاہدہ کیے گئے خطی طیف کی (جسے سیکشن 2.3.3 میں بیان کیا گیا ہے) بوہر ماڈل استعمال کرتے ہوئے، مقداری شکل میں وضاحت کی جاسکتی ہے۔ مفروضہ 2 کے مطابق، اشعاع (توانائی) کا انجذاب ہوتا ہے اگر الیکٹران متبادل چھوٹے پرنسپل کوآٹم نمبر کے مدار سے بڑے پرنسپل کوآٹم نمبر کے مدار میں حرکت کرے، جبکہ اشعاع (توانائی) خارج ہوتی ہے اگر الیکٹران متبادل اونچے مدار سے نیچے مدار میں حرکت کرتا ہے۔ دونوں مداروں کے درمیان توانائی لفصل (Energy Gap) مساوات (2.16) سے ظاہر کیا جاتا ہے:

$$(2.13) \quad E_n = -R_{H1} \left( \frac{1}{n^2} \right) \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

جہاں  $R_{H1}$  ریڈبرگ مستقلہ کہلاتا ہے اور اس کی قدر  $2.18 \times 10^{-18} \text{ J}$  ہے۔ سب سے نیچے حالت، (جو کہ گراؤنڈ اسٹیٹ (Ground State) بھی کہلاتی ہے) کی توانائی ہے:

$$E_1 = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{1}{1^2} \right) = -2.18 \times 10^{-18} \text{ J}$$

نہ  $n=2$  کے لیے سکونی حالت کی توانائی ہوگی:

$$E_2 = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{1}{2^2} \right) = -0.545 \times 10^{-18} \text{ J}$$

شکل 2.11 میں ہائیڈروجن ایٹم کی مختلف سکونی حالتوں کی توانیاں یا انرجی لیول دکھائے گئے ہیں۔ یہ اظہار انرجی لیول ڈائیگرام کہلاتا ہے۔

ہائیڈروجن ایٹم کے لیے منفی الیکٹران کی توانائی ( $E_n$ ) کا کیا مطلب ہے؟

ہائیڈروجن ایٹم میں الیکٹران کی توانائی کی علامت تمام مدت مدار کے لیے منفی ہے (مساوات 2.13)۔ یہ منفی علامت کی ظاہر کرتی ہے؟ اس منفی علامت کا مطلب ہے کہ ایٹم میں الیکٹران کی توانائی، ایک حالت سکون (rest) میں آزاد الیکٹران کی توانائی کے مقابلے میں کم ہوتی ہے۔ حالت سکون میں ایک آزاد (free) الیکٹران، نیوکلئیس سے اتنا ہی فاصلے پر ہوتا ہے اور اس کے لیے توانائی کی قدر نصف مخصوص کی گئی ہے۔ ریاضیاتی طور پر، یہ مساوات (2.13) میں  $n = \infty$  رکھنے سے مطابقت رکھتا ہے، اس طرح کہ  $E_{\infty} = 0$  الیکٹران جیسے نیوکلئیس کے قریب تر ہوتا جاتا ہے (جیسے جیسے  $n$  کم ہوتا جاتا ہے)  $E_n$  اپنی مطلق قدر (Absolute Value) میں بڑھتی جاتی ہے اور مزید منفی ہوتی جاتی ہے۔ سب سے زیادہ منفی توانائی کی قدر  $n = 1$  سے دی جاتی ہے، جو سب سے زیادہ مستحکم مدار سے مطابقت رکھتی ہے۔ ہم اسے گراؤنڈ اسٹیٹ (Ground State) کہتے ہیں۔

جب الیکٹران نیوکلئیس کے اثر سے آزاد ہوتا ہے تو توانائی کو صفر لیا جاتا ہے۔ اس صورت میں الیکٹران سے،  $n = \infty$  پرنسپل کوآٹم نمبر کی سکونی حالت منسلک کی جاتی ہے۔ جب الیکٹران نیوکلئیس کے زیر کشش ہوتا ہے اور مدار  $n$  میں پایا جاتا ہے، تو توانائی خارج ہوتی ہے اور اس کی توانائی کم ہو جاتی ہے۔ مساوات (2.13) میں منفی علامت کی موجودگی کی یہی وجہ ہے اور یہ صفر توانائی کی حوالہ حالت اور  $n = \infty$  کی مناسبت سے اس کے استحکام (Stability) کو ظاہر کرتی ہے۔

بہت بڑی تعداد حاصل ہوتی ہے۔ اسپیکٹر واسکوپک خطوط کی چمک یا شدت، جذب ہونے یا خارج ہونے والے، یکساں طول موج یا فریکوئنسی کے فوٹونوں کی تعداد پر منحصر ہے۔

### مسئلہ 2.10

ہائڈروجن ایٹم میں  $n=5$  حالت سے  $n=2$  حالت میں ٹرانزیشن کے دوران خارج ہونے والے فوٹون کی طول موج اور فریکوئنسی کیا ہوں گے؟

حل

کیونکہ،  $n_1 = 5$  اور  $n_2 = 2$  اس لیے یہ ٹرانزیشن، باہر سلسلہ کے مرئی خطے میں اسپیکٹر واسکوپک خط دیتا ہے۔ مساوات (2.17) سے

$$\Delta E = 2.18 \times 10^{-18} \text{ J} \left[ \frac{1}{5^2} - \frac{1}{2^2} \right]$$

$$= -4.58 \times 10^{-19} \text{ J}$$

یہ ایک اخراجی توانائی ہے۔

فوٹون کی فریکوئنسی (توانائی کو اس کی عددی قدر کی شکل میں لیتے ہوئے) مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کی جاتی ہے۔

$$\nu = \frac{\Delta E}{h}$$

$$= \frac{4.58 \times 10^{-19} \text{ J}}{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}}$$

$$= 6.91 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

$$\lambda = \frac{c}{\nu} = \frac{3.0 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}}{6.91 \times 10^{14} \text{ Hz}} = 434 \text{ nm}$$

### مسئلہ 2.11

$\text{He}^+$  کے پہلے مدار سے منسلک توانائی کا حساب لگائیے۔ اس مدار کا نصف قطر کیا ہے؟

حل

$$E_n = -\frac{(2.18 \times 10^{-18} \text{ J}) Z^2}{n^2} \text{ atom}^{-1}$$

$\text{He}^+$  کے لیے:  $Z = 2$

$$E_1 = -\frac{(2.18 \times 10^{-18} \text{ J})(2^2)}{1^2} = -8.72 \times 10^{-18} \text{ J}$$

$$\Delta E = E_f - E_i \quad (2.16)$$

مساوات (2.13) اور (2.16) کو ملائے پر

$$\Delta E = \left( -\frac{R_H}{n_f^2} \right) - \left( -\frac{R_H}{n_i^2} \right)$$

(جہاں  $n_i$  اور  $n_f$  بالترتیب آغازی

(Initial) اور اختتامی (Final) مداروں کو ظاہر کرتے ہیں۔

$$\Delta E = R_H \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) = 2.18 \times 10^{-18} \text{ J} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

(2.17)

فوٹون کے انجذاب اور اخراج سے منسلک فریکوئنسی ( $\nu$ ) کو مساوات (2.18) کی مدد سے معلوم کیا جاسکتا ہے۔

$$\nu = \frac{\Delta E}{h} = \frac{R_H}{h} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$= \frac{2.18 \times 10^{-18} \text{ J}}{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$= 3.29 \times 10^{15} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) \text{ Hz} \quad (2.19)$$

اور لہر عدد ( $\bar{\nu}$ ) کی شکل میں:

$$\bar{\nu} = \frac{\nu}{c} = \frac{R_H}{hc} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$= \frac{3.29 \times 10^{15} \text{ s}^{-1}}{3 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$= 1.09677 \times 10^7 \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) \text{ m}^{-1} \quad (2.21)$$

انجذابی طیف کی صورت میں  $n_f > n_i$  اور توہین (Paranthesis)

میں دیا ہوا رکن (Term) مثبت ہے اور توانائی جذب ہو رہی ہے۔ دوسری طرف، اخراجی طیف کی صورت میں:  $n_f > n_i$ ، منفی ہے اور توانائی خارج ہو رہی ہے۔

عبارت (2.17) اس عبارت جیسی ہے جو ریڈبرگ نے اس وقت دستیاب کی تھی (مساوات 2.9)۔ مزید، ہر ایک اسپیکٹر واسکوپک خط، چاہے وہ انجذابی طیف میں ہو یا اخراجی طیف میں، ہائڈروجن ایٹم میں ہونے والے کسی مخصوص ٹرانزیشن (Transition) سے منسلک کیا جاسکتا ہے۔ اگر ہائڈروجن ایٹم کی بہت بڑی تعداد ہو تو مختلف ممکنہ ٹرانزیشن کا مشاہدہ کیا جاسکتا ہے اور اس لیے اسپیکٹر واسکوپک خطوط کی بھی

- 1- مادہ کا دہرا طرز عمل
- 2- ہائزبرگ کا عدم یقینی اصول

### 2.5.1 مادہ کا دہرا طرز عمل (Dual Behaviour of Matter)

1924 میں فرانسیسی طبیعیات دان، ڈی۔ براگلی (De Broglie) نے تجویز پیش کی کہ اشعاع کی طرح، مادے کو بھی دوہرے طرز عمل کا اظہار کرنا چاہیے، یعنی کہ ذرہ اور لہر جیسی، دونوں قسم کی خاصیتیں ظاہر کرنا چاہئیں۔ اس کا مطلب ہے کہ جیسے فونان کا معیار حرکت بھی ہوتا ہے اور طول موج بھی، اسی طرح الیکٹرانوں کا معیار حرکت بھی ہونا چاہیے اور طول موج بھی۔ اس مماثلت (Analogy) سے، ڈی۔ براگلی نے ایک مادی ذرہ کے طول موج ( $\lambda$ ) اور معیار حرکت ( $p$ ) کے درمیان مندرجہ ذیل رشتہ دیا:

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{p} \quad (2.22)$$

جہاں  $m$  ذرہ کی کمیت ہے،  $v$  اس کی رفتار ہے اور  $p$  اس کا معیار حرکت ہے۔ ڈی۔ براگلی کی پیشین گوئی تجربہ سے اس وقت ثابت ہوئی جب ایک الیکٹران بیم کے انحراف (Diffraction) کا مشاہدہ کیا گیا۔ اس معلومات کا استعمال الیکٹران مائیکروسکوپ بنانے میں کیا گیا، جو بالکل اسی طرح الیکٹران کی لہریاتی خصوصیت پر منحصر ہے، جس طرح کہ عام

#### لوئس ڈی براگلی (1892-1987)



لوئس ڈی براگلی (Louis de Broglie)، ایک فرانسیسی طبیعیات دان نے 1910 کے شروعاتی برسوں میں بی۔ اے کے طالب علم کی حیثیت سے تاریخ کا مطالعہ کیا۔ پہلی عالمی جنگ کے دوران جب ان کی تقرری ریڈیو

ترسیل میں ہوئی تو انھیں سائنس میں دلچسپی پیدا ہوئی۔ انھوں نے پیرس یونیورسٹی (Paris University) سے 1924 میں سائنس میں ڈاکٹریٹ کی ڈگری (Dr. Sc) حاصل کی۔ وہ 1932 سے ملازمت سے سبکدوش ہونے تک (1962)، پیرس یونیورسٹی میں نظریاتی طبیعیات کے پروفیسر رہے۔ انھیں 1929 میں طبیعیات کا نوبل تعام دیا گیا۔

مدار کا نصف قطر مساوات (2.15) سے دیا جاتا ہے:

$$r_n = \frac{(0.0529 \text{ nm})n^2}{Z}$$

کیونکہ:  $n = 1, Z = 2$

$$r_1 = \frac{(0.0529 \text{ nm})^2}{2} = 0.02645 \text{ nm}$$

#### 2.4.2 بوہر ماڈل کی حدود

##### (Limitations of Bohr's Model)

بوہر کا ہائڈروجن ایٹم کا ماڈل یقیناً رد فورڈ کے نیوکلیائی ماڈل سے بہتر تھا، کیونکہ یہ ایٹم کے استحکام اور ہائڈروجن ایٹم اور ہائڈروجن جیسے آئنوں کے خطی طیفوں کی وضاحت کرنے میں کامیاب تھا۔ لیکن بوہر ماڈل اتنا سادہ تھا کہ مندرجہ ذیل نکات کی وضاحت نہیں کر سکا:

- (i) یہ ہائڈروجن ایٹم طیف کی ان باریک تفصیلات کی وضاحت کرنے میں ناکام رہا ڈبلٹ (Doublet) یعنی کہ دو نزدیکی خطوط جو طیف پیمائی کی اور بہتر تکنیکوں کے استعمال سے سامنے آئیں۔ یہ ماڈل، ہائڈروجن کے علاوہ اور کسی عنصر کے طیف کی وضاحت کر سکنے میں کامیاب نہیں رہا، جیسے ہیلیم ایٹم، جس میں صرف 2 الیکٹران ہوتے ہیں۔ مزید، بوہر کا نظریہ، مقناطیسی میدان کی موجودگی میں (Zeeman Effect) یا برقی میدان (Stark Effect) کی موجودگی میں الیکٹرواسکوپک خطوط کی علیحدگی (Splitting) کی بھی وضاحت نہیں کر سکا۔
- (ii) یہ آئنوں کی کیمیائی بندشوں کے ذریعے، سالمات تشکیل دینے کی صلاحیتوں کی وضاحت نہیں کر سکا۔

دوسرے لفظوں میں، اوپر دیے ہوئے نکات کو سامنے رکھتے ہوئے، ہمیں ایک بہتر نظریہ کی ضرورت ہے جو پیچیدہ آئنوں کی ساخت کی اہم خاصیتوں کی وضاحت کر سکے۔

#### 2.5 ایٹم کے کوانٹم میکینکی ماڈل کی سمت

##### (Towards Quantum Mechanical Model of the Atom)

بوہر ماڈل کی خامیوں کے پیش نظر، آئنوں کے لیے ایک زیادہ مناسب اور عمومی ماڈل تیار کرنے کی کوششیں کی گئیں۔ دو اہم انکشافات، جنہوں نے ایسے ماڈل کی تشکیل میں اہم حصہ لیا وہ تھے:

$$= 812 \text{ ms}^{-1}$$

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg})(812 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 8967 \times 10^{-10} \text{ m} = 896.7 \text{ nm}$$

### مسئلہ 2.14

ایک فوٹون کی کمیت معلوم کیجیے، جس کا طول موج  $3.6 \text{ \AA}$  ہے

$$\text{حل: } \lambda = 3.6 \text{ \AA} = 3.6 \times 10^{-10} \text{ m}$$

روشنی کی رفتار = فوٹون کی رفتار

$$m = \frac{h}{\lambda v} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(3.6 \times 10^{-10} \text{ m})(3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 6.135 \times 10^{-29} \text{ kg}$$

### 2.5.2 ہائزنبرگ کا عدم یقینی اصول (Heisenberg's)

#### Uncertainty Principle

ایک جرمن طبیعیات داں، ورنر ہائزنبرگ (Werner Heisenberg) نے 1927 میں عدم یقینی اصول (Uncertainty Principle) بیان کیا، جو مادے اور اشعاع کی ذہری طبع کا نتیجہ ہے۔ اس کا بیان ہے کہ "ایک الیکٹران کا بالکل درست مقام اور بالکل درست معیار حرکت (یا رفتار)، ہمہ وقت (simultaneously) معلوم کرنا ناممکن ہے۔"

ریاضیاتی شکل میں اسے مساوات (2.23) کے ذریعے بیان کیا جاسکتا ہے۔

$$(2.23) \quad \Delta x \times \Delta p_x \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta x \times \Delta(mv_x) \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta x \times \Delta v_x \geq \frac{h}{4\pi m}$$

جہاں  $\Delta x$  ذرے کے مقام میں عدم یقینی ہے اور  $\Delta p_x$  (یا  $\Delta v_x$ ) ذرے کے معیار حرکت (یا رفتار) میں عدم یقینی ہے۔ اگر ایک الیکٹران کا مقام زیادہ درجہ کی درستگی صحت کے ساتھ معلوم ہے ( $\Delta x$  چھوٹا ہے) تو

مائیکروسکوپ (خوردین) میں روشنی کی لہر فطرت کا استعمال کیا جاتا ہے۔ ایک الیکٹران مائیکروسکوپ، جدید سائنسی تحقیق میں استعمال ہونے والا ایک موثر آلہ ہے کیونکہ اس کے ذریعے تقریباً  $15$  ملین گنا تکبیر (Magnification) حاصل کی جاسکتی ہے۔

یہ نوٹ کرنا بہت اہم ہے کہ ڈی۔ براگلی کے مطابق، حرکت کرتی ہوئی ہر ایک شے میں ہر خاصیت پائی جاتی ہے۔ عام اشیاء سے منسلک طول موج اتنے چھوٹے ہیں (ان کی زیادہ کمیت کی وجہ سے) کہ ان کی لہر خاصیت شناس نہیں کی جاسکتی۔ الیکٹران اور دوسرے ذیلی ایٹمی ذرات (جن کی کمیت بہت کم ہوتی ہے) سے منسلک طول موج کو تجربات کے ذریعے شناس کیا جاسکتا ہے۔ مندرجہ ذیل مسئلہ سے حاصل ہونے والے نتائج اس نظریہ کو کیفیتی طور سے ثابت کرتے ہیں۔

### مسئلہ 2.12

$0.1 \text{ kg}$  کمیت کی ایک گیند کی طول موج کیا ہوگی، جبکہ وہ  $10 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے حرکت کر رہی ہو۔

حل

ڈی براگلی مساوات (2.22) کے مطابق

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(0.1 \text{ kg})(10 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 6.626 \times 10^{-36} \text{ m} \quad (J = \text{kg m}^2 \text{ s}^{-2})$$

### مسئلہ 2.13

ایک الیکٹران کی کمیت  $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$  ہے۔ اگر اس کی حرکت توانائی  $3.0 \times 10^{-25} \text{ J}$  ہے تو اس کے طول موج کا حساب لگائیے۔

حل

کیونکہ

$$\text{K.E.} = \frac{1}{2} mv^2$$

$$v = \left( \frac{2 \text{K.E.}}{m} \right)^{1/2} = \left[ \frac{2 \times 3.0 \times 10^{-25} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2}}{(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg})} \right]^{1/2}$$

اور اگر ہمیں یہ بھی معلوم ہو کہ اس لمحہ وقت پر اس کی رفتار کیا ہے اور اس پر کون سی قوتیں کام کر رہی ہیں، تو ہم بتا سکتے ہیں کہ کچھ دیر بعد ایک دوسرے لمحہ وقت پر، وہ جسم کہاں ہوگا۔ اس لیے ہم یہ نتیجہ اخذ کرتے ہیں کہ ایک شے کا مقام اور اس کی رفتار، اس شے کا خط حرکت متعین کرتے ہیں۔ کیونکہ ایک ذیلی ایٹمی شے جیسے ایک الیکٹران، کے لیے یہ ممکن نہیں ہے، کہ کسی دیے ہوئے لمحہ وقت پر، اس کا مقام اور اس کی رفتار، ہمہ وقت (Simultaneously) ایک اختیاری (Arbitrary) درنگی صحت (Precision) کے ساتھ معلوم کی جاسکے، اس لیے ایک الیکٹران کے خط حرکت کی بات کرنا بھی ممکن نہیں ہے۔

ہائزبرگ کے عدم یقینی اصول کا اثر صرف خوردبینی اشیاء (Microscopic Objects) کے لیے ہی اہم ہے اور کلاں اشیاء (Macro Objects) کے لیے قابل نظر انداز ہے۔ اسے مندرجہ ذیل مثال سے سمجھا جاسکتا ہے۔

اگر عدم یقینی اصول کا اطلاق ایک ایسی شے پر کیا جائے، جس کی کمیت، مان لیجیے، ایک ملی گرام ( $10^{-6}$  kg) کے قریب ہے، تو

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{h}{4\pi m}$$

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.1416 \times 10^{-6} \text{ kg}} = 10^{-29} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

حاصل ہوئی  $\Delta v \Delta x$  کی قدر بہت زیادہ چھوٹی ہے لہذا غیر اہم ہے۔ اس لیے ہم کہہ سکتے ہیں کہ ملی گرام ٹاپ کی یا اس سے بھاری اشیاء کے ساتھ منسلک عدم یقینی حقیقی قابل لحاظ اثر نہیں ڈالتیں۔

دوسری طرف، ایک الیکٹران جیسے خوردبینی ذرہ کے لیے، حاصل ہونے والی  $\Delta v \cdot \Delta x$  کی قدر اس سے کہیں زیادہ ہے اور عدم یقینی حقیقت میں موثر ہیں۔ مثال کے طور پر، ایک الیکٹران، جس کی کمیت  $9.11 \times 10^{-31}$  kg ہے، کے لیے، ہائزبرگ عدم یقینی اصول کے مطابق:

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{h}{4\pi m}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.1416 \times 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}$$

$$= 10^{-4} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}$$

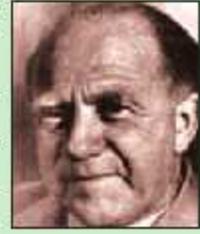
الیکٹران کی رفتار غیر یقینی ہوگی ( $\Delta(v_x)$  بڑا ہوگا)۔ دوسری طرف اگر الیکٹران کی رفتار درنگی صحت کے ساتھ معلوم ہے، ( $\Delta(v_x)$  چھوٹا ہے) تو الیکٹران کا مقام غیر یقینی ہوگا ( $\Delta x$  بڑا ہوگا)۔ اس لیے اگر ہم الیکٹران کا مقام اور اس کی رفتار معلوم کرنے کے لیے کوئی طبعی پیمائش کریں تو نتیجہ میں حاصل ہونے والی تصویر ہمیشہ دھندلی اور غیر واضح ہوگی۔

عدم یقینی اصول کو ایک مثال کے ذریعے سب سے اچھی طرح سمجھا جاسکتا ہے۔ فرض کیجیے کہ آپ کو ایک کاغذ کی مونائی ایسی میٹر چھڑ سے ناپنے کے لیے کہا گیا ہے، جس پر نشانات لگے ہوئے نہیں ہیں۔ ظاہر ہے کہ آپ جو نتائج حاصل کریں گے وہ بہت زیادہ غیر درست اور بے معنی ہوں گے۔ کچھ بھی درنگی صحت حاصل کرنے کے لیے، آپ کو چاہیے کہ آپ ایسا آلہ استعمال کریں، جس پر کاغذ کی مونائی سے چھوٹی اکائیوں کے نشانات لگے ہوں۔ اس مماثلت کے مطابق، ایک الیکٹران کا مقام معلوم کرنے کے لیے ہمیں ایسی میٹر چھڑ استعمال کرنا لازمی ہے جس میں لگے ہوئے نشانات کی اکائیاں، الیکٹران کے ابعاد (Dimension) سے چھوٹی ہوں۔ (یہ بات ذہن میں رکھیں کہ الیکٹران کو ایک نقطہ چارج مانا جاتا ہے اور اس لیے اس کا کوئی ابعاد نہیں ہیں)۔ ایک الیکٹران کا مشاہدہ کرنے کے لیے ہمیں اسے روشنی یا برقی مقناطیسی اشعاع سے منور کرنا پڑے گا۔ ضروری ہے کہ استعمار کی جانے والی روشنی کا طول موج الیکٹران کے ابعاد سے چھوٹا ہو۔ ایسی روشنی کے زیادہ معیار حرکت والے فونان  $|p = \frac{h}{\lambda}|$ ، الیکٹرانوں سے ٹکرا کر ان کی توانائی تبدیل کر دیں گے۔ اس عمل کے دوران، ہم بے شک، الیکٹران کے مقام کا حساب تو لگا سکتیں گے، لیکن تصادم کے بعد الیکٹران کی رفتار کے بارے میں بہت کم جان سکیں گے۔

### عدم یقینی کے اصول کی اہمیت (Significance of Uncertainty Principle)

ہائزبرگ کے عدم یقینی کے اصول کا ایک اہم نتیجہ یہ ہے کہ یہ الیکٹران اور اس جیسے دوسرے ذرات کے متعین راستوں اور خطوط حرکت (Trajectories) کی موجودگی کو خارج کرتا ہے۔ آئیے شے کا خط حرکت، مختلف لمحات پر، اس کے مقام اور اس کی رفتار کے ذریعے معلوم کیا جاتا ہے۔ اگر ہمیں یہ معلوم ہو کہ ایک خاص لمحہ وقت پر ایک جسم کہاں ہے

ورنر ہائزنبرگ (1901-1976) نے 1923 میں میونخ یونیورسٹی سے طبیعیات میں پی۔ ایچ۔ ڈی۔ کی سند حاصل کی۔ اس کے بعد انہوں نے ایٹم بوم گوتنجن (Göttingen) میں میکس بورن کے ساتھ اور تین برس کوپن ہیگن میں نیلس بوہر کے ساتھ کام کرتے ہوئے گزارے۔ وہ 1927 سے 1941 تک لیپزگ (Leipzig) یونیورسٹی میں طبیعیات کے پروفیسر رہے۔ عالمی جنگ II کے دوران ہائزنبرگ کی بنیم بم پر جرمن دہسرج کے نچراج رہے۔ جنگ کے بعد انہیں گوتنجن میں میکس پلانک انسٹی ٹیوٹ فار فزکس کا ڈائریکٹر نامزد کیا گیا۔ وہ ایٹم ماہر کوہ پیمانہ بھی تھے۔ ہائزنبرگ کو 1932 میں طبیعیات کا نوبل انعام دیا گیا۔



### مسئلہ 2.16

ایک گولف گیند کی کمیت 40g اور چال 45 m/s ہے۔ اگر چال 2% کی درستی صحت کے ساتھ ناپی جاسکتی ہے، تو اس کے مقام میں عدم یقینی کا حساب لگائیے۔

حل

چال میں عدم یقینی ہے، 2%، یعنی کہ

$$45 \times \frac{2}{100} = 0.9 \text{ m s}^{-1}$$

مساوات (2.2) استعمال کرتے ہوئے

$$\Delta x = \frac{h}{4\pi m \Delta v}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.14 \times 40 \text{ g} \times 10^{-3} \text{ kg g}^{-1} (0.9 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 1.46 \times 10^{-8} \text{ m}$$

یہ تقریباً ایک ایٹمی نیوکلیس کے قطر سے تقریباً  $10^{10}$  گنا چھوٹی ہے۔ جیسا کہ اوپر بیان کیا جا چکا ہے، بڑے ذرات کے لیے، عدم یقینی اصول، پیمائشوں کی درستی صحت کے لیے کوئی بامعنی حدود نہیں قائم کرتا۔

بوہر ماڈل کی ناکامی کے اسباب (Reasons for the

Failure of the Bohr Model)

اب ہم بوہر ماڈل کی ناکامی کے اسباب سمجھ سکتے ہیں۔ بوہر ماڈل میں ایک الیکٹران کو ایک چارج شدہ ذرہ مانا جاتا ہے۔ جو نیوکلیس کے گرد دائری مداروں میں حرکت کر رہا ہے۔ بوہر ماڈل میں الیکٹران کی لہر فطرت کا لحاظ نہیں رکھا جاتا۔ مزید یہ کہ مدار ایک بہ خوبی معرف راستہ ہے اور اس

اس کا مطلب ہے کہ اگر کوئی شخص الیکٹران کا مقام، صرف  $10^{-8} \text{ m}$  کی عدم یقینی کے ساتھ، معلوم کرنا چاہتا ہے، تو اس کی رفتار میں عدم یقینی  $\Delta v$  ہوگی:

$$\frac{10^{-4} \text{ m}^2 \text{ s}^{-1}}{10^{-8} \text{ m}} \approx 10^{+4} \text{ m s}^{-1}$$

جو اتنی زیادہ ہے کہ بوہر کے مداروں (متعین) میں گھومتے ہوئے الیکٹرانوں کی کلاسیکی تصویر درست نہیں ہو سکتی۔ اس کا مطلب ہے کہ الیکٹرانوں کے مقام اور ان کی رفتار کے بالکل درست بیانات کو، احتمال (Probability) کے ان بیانات سے تبدیل کرنا ہوگا۔ جو الیکٹران کے لیے دیے ہوئے مقام یا معیار حرکت کا ہے۔ ایٹم کے کوانٹم میکینکی ماڈل میں یہی ہوتا ہے۔

### مسئلہ 2.15

ایک ایٹم میں  $0.1 \text{ \AA}$  کے فاصلے کے اندر ایک الیکٹران کا مقام متعین کرنے کے لیے ایک خوردبین استعمال کیا جاتا ہے، جس میں مناسب فونان استعمال کیے جاتے ہیں۔ اس کی رفتار کی پیشکش میں کتنی عدم یقینی شامل ہوگی؟

حل

$$\Delta x \Delta p = \frac{h}{4\pi} \text{ or } \Delta x m \Delta v = \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta v = \frac{h}{4\pi \Delta x m}$$

$$\Delta v = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.14 \times 0.1 \times 10^{-10} \text{ m} \times 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}$$

$$= 0.579 \times 10^7 \text{ m s}^{-1} \text{ (1J = 1 kg m}^2 \text{ s}^{-2})$$

$$= 5.79 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}$$

ایٹم استنباطی طبیعیات دان، ارون شرودنگر (Erwin Schrodinger) نے 1910 میں نظریاتی طبیعیات میں وینا یونیورسٹی (University of Vienna) سے بی۔ایچ۔ڈی کی سند حاصل کی۔ 1927 میں شرودنگر نے برلن یونیورسٹی میں میکس پلانک (Max Planck) کی درخواست پر ان کی جگہ لی۔ 1933 میں شرودنگر



ارون شرودنگر  
(1857-1961)

نے برلن چھوڑ دیا کیونکہ وہ ہٹلر اور نازی پالیسیوں کے خلاف تھے۔ 1936 میں آسٹریا واپس لوٹ آئے۔ آسٹریا میں جرمنی کی فوجی حکومت کے بعد شرودنگر کو زبردستی پروفیسر سب سے ہٹا دیا گیا۔ وہ پھر ڈبلن، آئرلینڈ (Dublin-Ireland) چلے گئے اور وہاں 7 سال تک رہے۔ 1933 میں انہیں پی۔ایچ۔ایم۔ ڈراک (P.A.M. Dirac) کے ساتھ نوبل انعام سے نوازا گیا۔

کوانٹم میکینکس کی بنیادی مساوات شرودنگر نے دی اور اس کے لیے انہیں 1933 میں نوبل انعام سے نوازا گیا۔ یہ مساوات جس میں، جیسا کہ ڈی براگنی نے تجویز کیا تھا، مادے کی لہر ذرہ دوئی (Duality) شامل ہے، کافی پیچیدہ ہے اور اسے حل کرنے کے لیے اعلیٰ ریاضی کی معلومات درکار ہے۔ آپ مختلف نظاموں کے لیے اس کے حل اعلیٰ جماعتوں میں سیکھیں گے۔

ایک ایسے نظام کے لیے (جیسا کہ ایک ایٹم یا ایک سالمہ، جس کی توانائی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی)، شرودنگر مساوات اس طرح لکھی جاتی ہے:  $\hat{H}\psi = E\psi$  جہاں  $\hat{H}$  ایک ریاضیاتی آپریٹر (Operator) ہے جو ہمیلٹونین (Hamiltonian) کہلاتا ہے۔ شرودنگر نے اس آپریٹر کو نظام کی کل توانائی کی عبارت سے تشکیل دینے کی ایک ترکیب بتائی۔ نظام کی کل توانائی میں تمام ذیلی ذرات (الیکٹران، نیوکلین) کی حرکی توانائیاں، الیکٹرانوں اور نیوکلینوں کے درمیان کشش مضر (Attractive Potential) اور الیکٹرانوں نیز نیوکلینوں کے درمیان، علیحدہ علیحدہ، دافع مضر (Repulsive Potential) شامل ہیں۔ اس مساوات کا حل  $E$  اور  $\psi$  دیتا ہے۔

راست کی تھم طور پر تعریف صرف اسی وقت کی جا سکتی ہے، جبکہ بالکل ایک ہی وقت پر الیکٹران کا مقام اور اس کی رفتار دونوں معلوم ہوں۔ یہ ہائزنبرگ کے عدم یقینی اصول کے مطابق ممکن نہیں ہے۔ اس لیے ہائزنبرگ کا اہم کا بوجھ مائل نہ صرف مادے کے ذریعے طرز عمل کو نظر انداز کرتا ہے، بلکہ ہائزنبرگ کے عدم یقینی اصول کی تعین بھی کرتا ہے۔ بوجھ مائل کی ان بنیادی خاصیتوں کے پیش نظر، بوجھ مائل کی توسیع دوسرے عناصر کے لیے کرنے کی کوئی وجہ نہیں تھی۔ دراصل، ایٹم کی ساخت کے اس ادراک کی ضرورت تھی جو مادہ کے لہر ذرہ دہرے پن کو سمجھ سکے اور ہائزنبرگ کے عدم یقینی اصول سے ہم آہنگ ہو۔ یہ کوانٹم میکینکس (Quantum Mechanics) کے ظہور سے ممکن ہو سکا۔

## 2.6 ایٹم کا کوانٹم میکینکس ماڈل (Quantum Mechanical Model of Atom)

کلاسیکی مکینک، جو نیوٹن کے حرکت کے قوانین پر مبنی ہے، تمام کلاسیکی اشیاء جیسے گرتا ہوا پتھر، مدار میں پھر لگاتے ہوئے سیارے، وغیرہ کی حرکت کو کامیابی کے ساتھ بیان کرتی ہے، جن کا طرز عمل صرف ذرات کی طرح کا ہوتا ہے، جیسا کہ پچھلے باب میں بیان کیا گیا ہے۔ لیکن کلاسیکی میکینکس اس وقت ناکام ہو جاتی ہے، جب اس کا اطلاق خوردبینی اشیاء جیسے الیکٹران، ایٹم، سالمات وغیرہ پر کیا جاتا ہے۔ اس کی خاص وجہ یہ ہے کہ کلاسیکی مکینک، خاص طور پر ذیلی ایٹمی ذرات کے لیے مادہ کے دہرے طرز عمل اور عدم یقینی اصول کو نظر انداز کر دیتی ہے۔ سائنس کی وہ شاخ جو مادے کے اس دہرے طرز عمل کا لحاظ رکھتی ہے، کوانٹم میکینکس کہلاتی ہے۔

کوانٹم میکینکس ایک نظریاتی سائنس ہے، جس میں ان خوردبینی اشیاء کا، جو موج اور ذرہ دونوں طرح کی خاصیتوں کا اظہار کرتی ہیں، مطالعہ کیا جاتا ہے۔ یہ حرکت کے ان قوانین کو متعین کرتی ہے جو ان اشیاء پر لاگو ہوتے ہیں۔ جب کوانٹم کا اطلاق کلاسیکی اشیاء پر کیا جاتا ہے۔ (جن کے لیے لہریاتی خاصیتیں غیر اہم ہیں) تو وہی نتائج حاصل ہوتے ہیں جو کلاسیکی مکینک سے حاصل ہوتے ہیں۔

کوانٹم میکینکس کو 1926 میں ورنر ہائزنبرگ اور ارون شرودنگر نے، علیحدہ علیحدہ کام کرتے ہوئے فروغ دیا۔ لیکن یہاں ہم اس کوانٹم میکینکس سے بحث کریں گے جو موج حرکت کے تصورات پر مبنی ہے۔

نکیشن 2.6.3 اور 2.6.4 میں)، ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسی انواع کے برعکس، جن کی توانائیاں صرف کوآئی عدد  $n$  پر منحصر ہیں، کثیر الیکٹرانی ایٹموں کی توانائیاں کوآئی اعداد  $n$  اور  $l$  پر منحصر ہیں۔

## ہائڈروجن ایٹم اور شرودنگر مساوات (Hydrogen Atom and the Schrodinger Equation)

جب ہائڈروجن ایٹم کے لیے شرودنگر مساوات حل کی جاتی ہے، تو حل وہ تمام ممکنہ انرجی لیول میہ کرتا ہے جہاں الیکٹران پائے جاسکتے ہیں اور ہر انرجی لیول سے منسلک الیکٹران سے مطابقت رکھنے والا لہر-تفاعل (Wave Function) بھی حاصل ہوتا ہے۔ یہ کوآئی توانائی حالتیں اور ان کے نظیری لہر-تفاعل، جن کی خاصیتیں تین کوآئی اعداد کے ایک سیٹ سے بیان کی جاتی ہیں (پرنسپل کوآئی نمبر  $n$ ، سمت راسی (Azimuthal) کوآئی عدد  $l$  اور مقناطیسی کوآئی عدد  $m_l$ ) جو شرودنگر مساوات کے حل میں قدرتی نتائج کے طور پر حاصل ہوتے ہیں۔ جب ایک الیکٹران کسی بھی توانائی حالت میں ہوتا ہے، تو اس توانائی حالت کے نظیری لہر تفاعل الیکٹران کے بارے میں تمام معلومات رکھتا ہے۔ لہر تفاعل ایک ریاضیاتی تفاعل ہے، جس کی قدر ایٹم میں الیکٹران کے کوآرڈینیٹ (Coordinates) پر مبنی ہے اور اس کے کوئی طبعی معنی نہیں ہوتے۔ ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسی انواع (جن میں ایک الیکٹران ہوتا ہے) کے لہر تفاعل ایٹمی اربٹل (Atomic Orbitals) کہلاتے ہیں۔ ایسے موج-تفاعلات جو ایک الیکٹران نوع سے متعلق ہوتے ہیں، ایک الیکٹران نظام کہلاتے ہیں۔ ایک ایٹم کے اندر کسی ایک نقطے پر الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال، اس نقطے پر  $|\psi|^2$  کے متناسب ہوتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم کے کوآئی میکانیکی نتائج، کامیابی کے ساتھ، ہائڈروجن ایٹم طیف کے تمام پہلوؤں کی پیشین گوئی کرتے ہیں اور ساتھ ہی ان مظاہر کی وضاحت بھی کرتے ہیں جن کی وضاحت بوہر ماڈل نہیں کر سکتا تھا۔

کثیر-الیکٹرانی ایٹموں پر شرودنگر مساوات کے اطلاق میں ایک دشواری پیش آتی ہے: کثیر الیکٹرانی ایٹم کے لیے شرودنگر مساوات کو بالکل درستگی کے ساتھ حل نہیں کیا جاسکتا۔ اس مشکل پر تقریبی طریقوں (Approximate Methods) کو استعمال کر کے قابو پایا جاسکتا ہے۔ جدید کمپیوٹروں کی مدد سے کی گئی ایسی تحسیبات سے ظاہر ہوتا ہے کہ ہائڈروجن کے علاوہ دوسرے ایٹموں کے اربٹل، اوپر بیان کیے گئے ہائڈروجن اربٹل سے بنیادی طور پر مختلف نہیں ہوتے۔ خاص فرق نیوکیائی چارج میں اضافے کے نتائج کی وجہ سے ہوتا ہے۔ اس کی وجہ سے تمام اربٹل کچھ سکر جاتے ہیں۔ مزید، جیسا کہ آپ آگے دیکھیں گے (ذیلی

### ایٹم کے کوآئی میکانیکی ماڈل کی اہم خاصیتیں

- ایٹم کا کوآئی میکانیکی ماڈل، ایٹم کی ساخت کی وہ تصویر ہے۔ جو ایٹموں پر شرودنگر مساوات کے اطلاق سے ابھرتی ہے۔ ایٹم کے کوآئی میکانیکی ماڈل کی اہم خصوصیات مندرجہ ذیل ہیں:
- 1- ایٹموں میں الیکٹرانوں کی توانائی کوآئی ہوتی ہے (یعنی کہ اس کی صرف کچھ مخصوص قدریں ہو سکتی ہیں)، جبکہ ایٹم میں الیکٹران نیوکلیس سے بندھے ہوتے ہیں۔
- 2- کوآئی الیکٹران انرجی لیول کی موجودگی الیکٹرانوں کی لہر جیسی خاصیتوں کا براہ راست نتیجہ ہے اور یہ شرودنگر مساوات کے تسلیم شدہ حل (Allowed Solutions) ہیں۔
- 3- ایک ایٹم میں ایک الیکٹران کا قطعی مقام (Exact Position) اور اس کی قطعی رفتار، دونوں ہمہ وقت (Simultaneously) نہیں معلوم کیے جاسکتے (ہائزنبرگ عدم یقینی اصول)۔ اس لیے، ایٹم میں ایک الیکٹران کا راستہ بھی درستی صحت کے ساتھ نہیں معلوم کیا جاسکتا۔ اسی وجہ سے، جیسا کہ آپ آگے دیکھیں گے، ہم صرف ایک ایٹم میں، اس کے مختلف نقاط پر الیکٹران کے پائے جانے کے احتمال کی بات کرتے ہیں۔
- 4- ایک ایٹمی اربٹل، کسی ایٹم میں الیکٹران کے لیے لہر تفاعل  $\psi$  ہے۔ جب بھی کسی الیکٹران کو ایک لہر تفاعل کے ذریعے بیان کیا جاتا ہے، تو ہم کہتے ہیں کہ الیکٹران اس اربٹل کو گھیرے ہوئے یا اس اربٹل میں ہے۔ کیونکہ ایک الیکٹران کے لیے ایسے بہت سے لہر-تفاعلات ممکن ہیں، اس لیے ایک ایٹم میں کئی ایٹمی اربٹل ہوتے ہیں۔ یہ "ایک الیکٹران اربٹل لہر تفاعل" یا اربٹل ایٹموں کی الیکٹران ساخت کی بنیاد تشکیل دیتے ہیں۔ ہر اربٹل میں، الیکٹران کی ایک متعین توانائی ہوتی ہے۔ ایک اربٹل میں دو سے زیادہ الیکٹران نہیں ہو سکتے۔ ایک کثیر الیکٹران ایٹم میں الیکٹران مختلف اربٹل میں، توانائی کی برہتی ہوئی ترتیب میں، بھرے ہوتے ہیں۔ اس لیے ایک کثیر الیکٹران ایٹم کے ہر الیکٹران کے لیے ایک اربٹل لہر-تفاعل ہونا چاہیے جو اس اربٹل کی خاصیت ہو جس میں الیکٹران پایا

$$n = 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ \dots\dots\dots$$

$$\text{شیل} = K \ L \ M \ N \ \dots\dots\dots$$

$n$  میں اضافہ کے ساتھ ارنل کے سائز میں اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے لفظوں میں الیکٹران نیوکلئیس سے زیادہ فاصلے پر پایا جائے گا۔ کیونکہ منفی چارج شدہ الیکٹران کو مثبت چارج شدہ نیوکلئیس سے دور لے جانے میں توانائی درکار ہوگی، اس لیے  $n$  میں اضافہ کے ساتھ، ارنل کی توانائی میں، اضافہ ہوگا۔

سمت راس کوٹمی عدد 'l' (Azimuthal Quantum Number) ارنل زاویائی معیار حرکت (Orbital Angular Momentum) یا ذیلی کوٹمی عدد (Subsidiary Quantum Number) بھی کہلاتا ہے۔

یہ مدارچ کی سہ ابعادی شکل کو معرف کرتا ہے۔  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے،  $l$  کی  $n$  قدریں ہو سکتی ہیں، جن کی وسعت 0 سے  $(n-1)$  تک ہوتی ہے۔ یعنی کہ  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے  $l$  کی ممکنہ قدریں ہیں:  $l = 0, 1, 2, \dots, (n-1)$  مثال کے طور پر، اگر  $n = 1$  ہے تو  $l$  کی قدر صرف 0 ہے۔  $n=2$  کے لیے،  $l$  کی ممکنہ قدریں 0 اور 1 ہیں  $n=3$  کے لیے،  $l$  کی ممکنہ قدریں 0، 1 اور 2 ہیں۔

ہر ایک شیل ایک یا اس سے زیادہ ذیلی شیل یا سب لیول (Sub Level) پر مشتمل ہوتا ہے۔ ایک پرنسپل شیل (Principal Shell) میں ذیلی شیل کی تعداد  $n$  کے مساوی ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر پہلے شیل ( $n=1$ ) میں صرف ایک تحت شیل ہوتا ہے، جو  $l = 0$  سے مطابقت رکھتا ہے۔ دوسرے شیل ( $n = 2$ ) میں دو ذیلی شیل ( $l = 0, 1$ ) ہوتے ہیں، تیسرے شیل ( $n = 3$ ) میں 3 ذیلی شیل ( $l = 0, 1, 2$ ) ہوتے ہیں، اور اسی طرح ہر ذیلی شیل کو ایک راس سمت کوٹمی عدد ( $l$ ) دیا جاتا ہے۔  $l$  کی مختلف قدروں سے مطابقت رکھنے والے ذیلی شیل مندرجہ ذیل علامتوں سے ظاہر کیے جاتے ہیں۔

$$l : 0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ \dots$$

$$\text{ذیلی شیل کی علامت} \quad s \ p \ d \ f \ g \ h \ \dots$$

جدول 2.4 میں ایک دیے ہوئے پرنسپل کوٹمی نمبر کے لیے  $l$  کی مباح (Permissible) اقدار اور نظیری ذیلی شیل ترسیم دی گئی ہے۔

جائے۔ ایک ایٹم میں الیکٹران کے بارے میں تمام معلومات اس کے ارنل لہر تفاعل میں محفوظ ہوتی ہے اور کوٹمی میکانکس کی مدد سے اس معلومات کو اس سے حاصل کرنا ممکن ہو جاتا ہے۔

5- ایک ایٹم کے اندر کسی ایک نقطہ پر الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال، اس نقطہ پر ارنل موج تفاعل کے مربع کے راست تناسب ہے، یعنی کہ  $|A|^2$  کو بہ طور احتمال کثافت (Probability density) جانا جاتا ہے اور یہ ہمیشہ مثبت ہوتی ہے۔ ایک ایٹم میں مختلف نقاط پر  $2\pi h$  کی قدر کے ذریعے، نیوکلئیس کے اردگرد اس خطے کی پیشین گوئی کرنا ممکن ہے جہاں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال سب سے زیادہ ہے۔

### 2.6.1 ارنل اور کوٹمی نمبر (Orbitals and Quantum Numbers)

ایک ایٹم میں ارنل کی ایک بڑی تعداد ممکن ہے۔ کیفیتی طور پر (Qualitatively) ان ارنل میں امتیاز ان کے سائز، شکل اور تشریح (Orientation) کے ذریعے کیا جاسکتا ہے۔ ایک مقابلہ کم سائز کے ارنل کا مطلب ہے کہ الیکٹران کا نیوکلئیس کے نزدیک پائے جانے کا امکان زیادہ ہے۔ اسی طرح سے شکل اور تشریح کا مطلب ہے کہ الیکٹران کا کسی ایک سمت میں، دوسری سمتوں کے مقابلے میں، پائے جانے کا احتمال زیادہ ہے۔ ایٹمی ارنل میں امتیاز، کوٹمی اعداد کے ذریعے کیا جاتا ہے۔ ہر ارنل کو تین کوٹمی عدد دیے جاتے ہیں، جنہیں  $n$ ،  $l$  اور  $m_l$  نام دیے جاتے ہیں۔

پرنسپل کوٹمی نمبر  $n$ ، ایک مثبت صحیح عدد ہے اور اس کی قدریں ہو سکتی ہیں  $n = 1, 2, 3, \dots$  پرنسپل کوٹمی نمبر ارنل کا سائز اور بڑی حد تک اس کی توانائی کا تعین کرتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم اور ہائڈروجن جیسے انواع کے لیے ( $Li^{2+}$ ,  $He^+$ , وغیرہ) ارنل کی توانائی اور اس کا سائز صرف ' $n$ ' پر منحصر ہے۔

پرنسپل کوٹمی نمبر، شیل (Shell) کی بھی شناخت کرتا ہے۔  $n$  کی قدر میں اضافہ کے ساتھ، تسلیم شدہ ارنل کی تعداد میں اضافہ ہوتا ہے۔ اور یہ تعداد  $n^2$  سے ظاہر کی جاتی ہے۔  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے تمام ارنل ایٹم کا ایک واحد شیل تشکیل دیتے ہیں اور یہ مندرجہ ذیل حروف سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

اس لیے  $l = 0$  کے لیے  $m_l$  کی مباح قدر صرف  $m_l = 0$  ہے۔  
 $m_l = -2, -1, 0, +1$  کے لیے:  $2(0) + 1 = 2$  (ایک s اورٹیل) کے لیے:  $2(2+1) = 5$  (پانچ d اورٹیل) یہ نوٹ کرنا چاہیے کہ  $m_l$  کی قدریں  $l$  سے اخذ کی جاتی ہیں اور  $l$  کی قدر  $n$  سے اخذ کی جاتی ہے۔  
 اس لیے، ایٹم میں ہر اورٹیل  $l, m_l$  اور  $n$  کی قدروں کے ایک سیٹ کے ذریعے معرف کیا جاتا ہے۔ ایک اورٹیل جو:  $n = 2, l = 1, m_l = 0$  سے بیان کیا جاتا ہے وہ دوسرے ٹیل کے  $p$  ذیلی ٹیل میں ایک اورٹیل ہے۔ مندرجہ ذیل چارٹ ذیلی ٹیل اور اس سے منسلک اورٹیل کی تعداد کے درمیان رشتہ ظاہر کرتا ہے۔

l کے لیے قدر	0	1	2	3	4	5
ذیلی ٹیل ترتیب	s	p	d	f	g	h
اورٹیل کی تعداد	1	3	5	7	9	11

الیکٹران اسپن 's': ایک ایٹمی اورٹیل کو لیبل کرنے والے یہ تین کوآرڈینیٹ اعداد  $(n, l, m_l)$  اس کی توانائی، اور تشریح (Orientation) کی تعریف کرنے کے لیے بھی بہ خوبی استعمال کیے جاسکتے ہیں۔ لیکن یہ تینوں اعداد، کثیر الیکٹرونی نظاموں میں حاصل ہونے والے خطئی طیف کی وضاحت کرنے کے لیے کافی نہیں ہیں، کیونکہ کچھ خطوط دراصل ڈبلٹ (Doublet) (دو خطوط جو ایک دوسرے کے بہت قریب ہیں)، ٹریپلٹ

### جدول 2.4 ذیلی ٹیل علامتیں

ذیلی ٹیل ترتیب	l	n
1s	0	1
2s	0	2
2p	1	2
3s	0	3
3p	1	3
3d	2	3
4s	0	4
4p	1	4
4d	2	4
4f	3	4

مقناطیس اورٹیل کوآرڈینیٹ نمبر (Magnetic Orbital Quantum)  $m_l$  کوآرڈینیٹ محوروں کے معیاری سیٹ (Standard Set of Coordinate Axes) کے لحاظ سے اورٹیل کی مکانی تشریح (Spatial Orientation) کے بارے میں معلومات فراہم کرتا ہے۔ کسی بھی ذیلی ٹیل کے لیے (جو  $l$  قدر سے معرف کیا جاتا ہے)،  $m_l$  کی  $2l + 1$  قدریں ممکن ہیں اور یہ دی جاتی ہیں:

$$m_l = -l, -(l-1), -(l-2), \dots, 0, 1, \dots, (l-2), (l-1), l$$

### ارہٹ، اورٹیل اور اس کی اہمیت

ارہٹ اور اورٹیل ہم معنی نہیں ہیں۔ ایک ارہٹ، جیسا کہ بوہر نے تجویز کیا تھا نیوکلئیس کے گرد ایک دائری راستہ ہے، جس پر الیکٹران حرکت کرتا ہے۔ باؤنڈنگ کے عدم یقینی قانون کے مطابق الیکٹران کے اس راستہ کو بالکل درست طور پر بیان کرنا ناممکن ہے۔ بوہر کے ارہٹ کا، اس لیے کوئی اصل معنی نہیں ہے اور ان کی موجودگی کا کبھی بھی تجربے کے ذریعے مظاہرہ نہیں کیا جاسکتا۔ دوسری طرف، ایٹمی اورٹیل ایک کوآرڈینیٹ تصور ہے اور ایک ایٹم میں الیکٹران کے ہر تفاعل سے متعلق ہے۔ اس کی خاصیتیں تین کوآرڈینیٹ اعداد  $(n, l, m_l)$  سے ظاہر کی جاتی ہیں اور اس کی قدر الیکٹران کے کوآرڈینیٹ پر منحصر ہے۔ بذات خود  $\psi$  کے کوئی طبعی معنی نہیں ہوتے۔ یہ لہر تفاعل کا مربع، یعنی کہ  $|\psi|^2$  ہے، جس کے طبعی معنی ہیں۔ ایک ایٹم میں کسی بھی نقطے پر  $|\psi|^2$  اس نقطہ پر احتمال کثافت کی قدر ہے۔ احتمال کثافت  $|\psi|^2$  احتمال فی اکائی حجم ہے اور  $|\psi|^2$  اور ایک چھوٹے حجم (جو حجم عنصر کہلاتا ہے) کا حاصل ضرب ہے جس سے اس حجم میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال حاصل ہوتا ہے (ایک چھوٹے حجم عنصر کو تعین کرنے کی وجہ یہ ہے کہ اسپیس (Space) میں ایک خطے سے دوسرے خطے تک  $|\psi|^2$  تبدیل ہوتا رہتا ہے لیکن ایک چھوٹے حجم عنصر میں اس کی قدر کو مستقل مانا جاسکتا ہے)۔ پھر دیے ہوئے حجم میں الیکٹران کے پائے جانے کے کل احتمال کا حساب  $|\psi|^2$  اور اس سے مطابقت رکھنے والے حجم عنصر کے تمام حاصل ضرب کو جمع کر کے لگایا جاسکتا ہے۔ بس اس طرح سے ایک اورٹیل میں الیکٹران کی احتمالی تقسیم (Probable Distribution) حاصل کرنا ممکن ہے۔

(iii)  $m_l$  اور  $l$  کی تشریح مقرر کرتا ہے۔  $l$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے  $m_l$  کی  $(2l + 1)$  قدریں ہوتی ہیں، اتنی ہی جتنی کہ اور  $l$  کی تعداد فی ذیلی شیل ہوتی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اور  $l$  کی تعداد ان طریقوں کی تعداد کے مساوی ہے جتنی طرح سے ان کی تشریح کی جا سکتی ہے۔

(iv)  $m_s$  الیکٹران کی اسپن کی تشریح سے متعلق ہے۔

(Triplets) (تین خطوط جو بہت قریب قریب ہیں) وغیرہ کی شکل میں ظاہر ہوتے ہیں۔ یہ ان چند مزید انرجی لیول کی موجودگی تجویز کرتا ہے، جن کی پیشین گوئی تین کوآئمی اعداد کرتے ہیں۔

1925 میں، چارج اولہن بیک (George Uhlenbeck) اور سیموئل گڈزاسٹ (Samuel Goudsmit) نے ایک چوتھے کوآئمی عدد کی موجودگی تجویز کی، جو الیکٹران اسپن کوآئمی عدد ( $m_s$ ) کے طور پر جانا جاتا ہے۔ ایک الیکٹران اپنے محور پر گھومتا ہے، بالکل اسی طرح، جس طرح زمین سورج کے گرد چکر لگاتے ہوئے، اپنے محور پر گھومتی ہے۔ دوسرے لفظوں میں ایک الیکٹران کا برقی چارج اور کیت کے ساتھ ساتھ ذاتی اسپن زاویائی کوآئم نمبر (Intrinsic Spin Angular Quantum Number) بھی ہوتا ہے۔ الیکٹران کا اسپن زاویائی معیار ایک سمتیہ مقدار ہے، جس کی منتخب کیے گئے محور کی نسبت سے، دو تشریعیں (Orientations) ہو سکتی ہیں۔ ان دو تشریعیوں میں امتیاز، اسپن کوآئمی عدد  $m_s$  کے ذریعے کیا جاتا ہے، جس کی دو قدریں:  $+\frac{1}{2}$  اور  $-\frac{1}{2}$  ہو سکتی ہیں۔ یہ الیکٹران کی دو اسپن حالتیں (Spin States) کہلاتی ہیں اور عام طور سے دو تیروں کے ذریعے ظاہر کی جاتی ہیں:  $\uparrow$  (اسپن اوپر) اور  $\downarrow$  (اسپن نیچے)۔ ایسے دو الیکٹران جن کی  $m_s$  قدریں مختلف ہوں (ایک  $+\frac{1}{2}$  اور دوسری  $-\frac{1}{2}$ ) مخالف اسپن (Opposite Spin) کے الیکٹران کہلاتے ہیں۔ ایک اور  $l$  میں دو سے زیادہ الیکٹران نہیں پائے جاسکتے اور ان دونوں الیکٹرانوں کی اسپن بھی ایک دوسرے کے مخالف ہونا چاہیے۔

خلاصہ کے طور پر، یہ چار کوآئمی اعداد مندرجہ ذیل اطلاعات فراہم کرتے ہیں:

(i)  $n$  شیل کی تعریف بیان کرتا ہے اور  $l$  کا سائز متعین کرتا ہے اور بڑی حد تک اور  $l$  کی توانائی بھی متعین کرتا ہے۔

(ii)  $n^{\text{th}}$  شیل میں  $n$  ذیلی شیل ہوتے ہیں۔  $l$  ذیلی شیل کی شناخت کرتا ہے اور اور  $l$  کی شکل متعین کرتا ہے (دیکھیے سیکشن 2.6.2)۔ ایک ذیلی شیل میں ہر ایک قسم کے  $(2l + 1)$  اور  $l$  ہوتے ہیں، یعنی کہ، ایک  $s$  اور  $l = 0$ ، تین  $p$  اور  $l = 1$  اور پانچ  $d$  اور  $l = 2$ ، فی ذیلی شیل کچھ حد تک  $l$  بھی، ایک کثیر الیکٹران ایٹم میں اور  $l$  کی توانائی متعین کرتا ہے۔

### مسئلہ 2.17

پرنسپل کوآئم نمبر  $n = 3$  سے منسلک اور  $l$  کی کل تعداد کیا ہوگی؟

حل

$n = 3$  کے لیے  $l$  کی ممکنہ قدریں: 0, 1, 2 ہیں۔ اس لیے ایک  $3s$  اور  $l = 0$  اور  $m_l = 0$  ہوگا، تین  $3p$  اور  $l = 1$  اور  $m_l = -1, 0, +1$  ہوں گے اور پانچ  $3d$  اور  $l = 2$  اور  $m_l = -2, -1, 0, +1, +2$  ہوں گے۔

اس لیے اور  $l$  کی کل تعداد:  $1 + 3 + 5 = 9$

یہی قدر مندرجہ ذیل رشتے کو استعمال کر کے بھی حاصل کی جا سکتی ہے:

$$n^2 = 3^2 = 9$$

### مسئلہ 2.18

$f, d, p, s$  علامتوں کو استعمال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل کوآئمی اعداد کے اور  $l$  بیان کیجیے۔

(a)  $n = 2, l = 1$ , (b)  $n = 4, l = 0$ ,

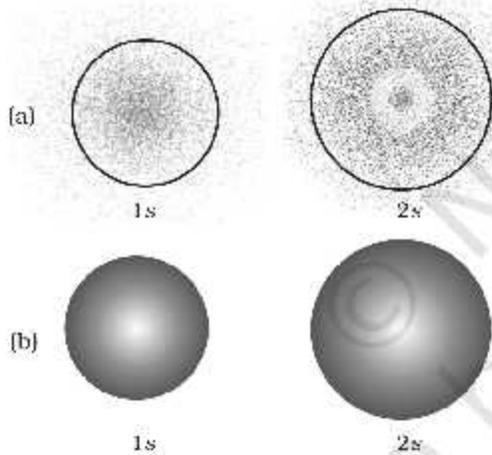
(c)  $n = 5, l = 3$ , (d)  $n = 3, l = 2$

حل

اور $l$	$l$	$n$	
$2p$	1	2	(a)
$4s$	0	4	(b)
$5f$	3	5	(c)
$3d$	2	3	(d)

بڑھنا شروع کر دیتی ہے۔ ایک چھوٹے میکزیمیا (Maxima) پر پہنچنے کے بعد  $r$  کی قدر میں مزید اضافہ ہونے پر، یہ پھر کم ہونے لگتی ہے اور صفر کے قریب پہنچ جاتی ہے۔ وہ خطہ جس میں احتمال کثافت تقابل کم ہو کر صفر ہو جاتا ہے، نوڈل سطحیں (Nodel Surface) یا صرف نوڈ کہلاتا ہے۔ عمومی شکل میں، یہ معلوم ہوا ہے کہ  $ns$  اوربل کے  $(n - 1)$  نوڈ ہوتے ہیں، یعنی کہ نوڈ کی تعداد میں، پرنسپل کوآئیم نمبر  $n$  میں اضافے کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے لفظوں میں،  $2s$  اوربل کے لیے نوڈ کی تعداد ایک ہوگی،  $3s$  کے لیے دو ہوگی اور اسی طرح آگے بھی۔

اس احتمال کثافت تقیر کو چارج۔ باڈل ڈائیکراموں (شکل 2.13(a)) کے ذریعے سمجھا جاسکتا ہے۔ ان ڈائیکراموں میں، ایک نکتے میں نقطوں (Dots) کی کثافت اس نکتے میں الیکٹران احتمال کثافت کو ظاہر کرتی ہے۔



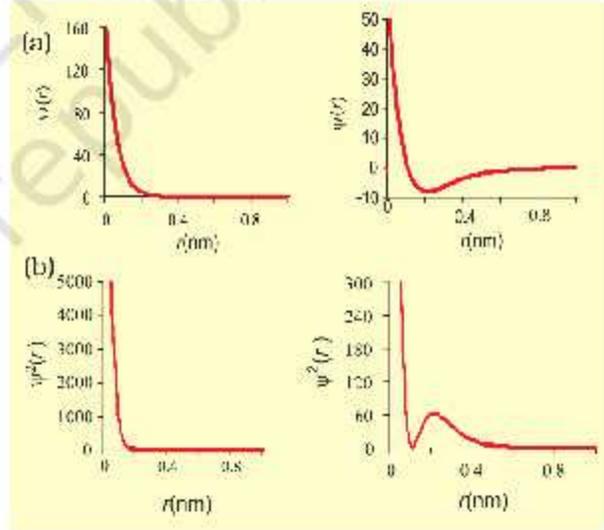
شکل 2.13 (a) اور 1s اور 2s ایٹمی اوربل کے احتمال کثافت پلاٹ نقطوں کی کثافت، اس حصے میں الیکٹران کے پائے جانے کی احتمال کثافت کو ظاہر کرتی ہے (b) اور 1s اور 2s اوربل کے لیے باؤنڈری سطح ڈائیکرام

مختلف اوربل کے لیے مستقل احتمال کثافت کے باؤنڈری سطح ڈائیکرام (Boundary Surface Diagrams) اوربل کی شکل کو بہتر طریقے سے ظاہر کرتے ہیں۔ اس اظہار میں ایک اوربل کے لیے اسپیس (Space) میں ایک ایسی باؤنڈری سطح یا حدود نما سطح (Contour Surface) کھینچی جاتی ہے، جس پر احتمال کثافت  $\psi^2$  کی قدر مستقل ہوتی ہے۔ اصولی طور پر ایسی کئی باؤنڈری سطحیں ممکن ہو سکتی ہیں۔ لیکن،

## 2.6.2 ایٹمی اوربل کی شکلیں (Shapes of Atomic Orbitals)

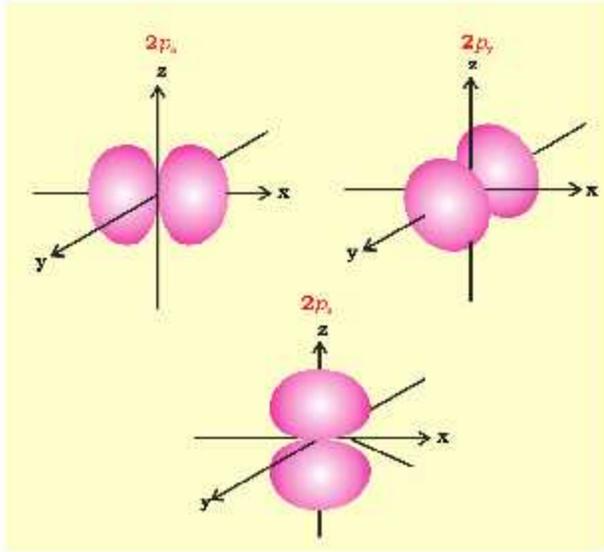
کسی ایٹم میں ایک الیکٹران کے لیے اوربل لہر تقابل  $\psi$  کے کوئی طبعی معنی نہیں ہیں۔ یہ صرف الیکٹران کے کوآرڈینیٹ کا ایک ریاضیاتی تقابل ہے۔ تاہم مختلف اوربل کے لیے، ان سے مطابقت رکھنے والے لہر تقابلات کے گراف کے تقابل کے محور پر (نیوکلیس سے فاصلہ) مختلف ہوتے ہیں۔ (شکل 2.12(a)) میں  $1s$  ( $n = 1, l = 0$ ) اور  $2s$  ( $n = 2, l = 0$ ) اوربل کے لیے ایسے گراف دیے گئے ہیں۔

جرمن طبیعیات دان، ہیکس بورن کے مطابق، ایک نقطہ پر لہر تقابل کا مربع، اس نقطہ پر الیکٹران کی احتمال کثافت دیتا ہے۔  $\psi^2$  میں  $r$  کے تقابل کے طور پر تغیر شکل (b) 2.12 میں دکھایا گیا ہے ( $1s$  اور  $2s$  اوربل کے لیے)۔ یہاں بھی آپ دیکھ سکتے ہیں کہ  $1s$  اور  $2s$  کے لیے سختی (curves) مختلف ہیں۔



شکل 2.12 (a) اوربل لہر تقابل  $\psi(r)$  کا گراف (b) اور 1s اور 2s اوربل کے لیے الیکٹران کے نیوکلیس سے فاصلے  $r$  کے تقابل کے محور پر، احتمال کثافت  $\psi^2(r)$  کا تغیر۔

یہ نوٹ کیا جاسکتا ہے کہ  $1s$  اوربل کے لیے، احتمال کثافت نیوکلیس پر سب سے زیادہ (Maximum) ہوتی ہے اور جیسے جیسے ہم اس سے دور جاتے ہیں، یہ تیزی سے کم ہوتی جاتی ہے۔ دوسری طرف،  $2s$  اوربل کے لیے، احتمال کثافت پہلے تیزی سے کم ہوتی ہوئی صفر ہو جاتی ہے اور پھر



شکل 2.14 تین 2p اوربٹل کے لیے ہائونڈری سطح ڈائیگرام

اور توانائی متماثل ہیں۔ لیکن ان کے Lobes کی تشریح مختلف ہوتی ہے۔ کیونکہ یہ مانا جا سکتا ہے کہ Lobes x, y اور z محوروں میں سے کسی ایک محور کی سمت میں ہوں گے، اس لیے انہیں  $2p_x$ ,  $2p_y$  اور  $2p_z$  سے ظاہر کیا جاتا ہے۔ لیکن یہ سمجھ لینا چاہیے کہ  $m_l$  کئی اقدار (1, 0, -1) اور x, y, z سمتوں میں کوئی سادہ رشتہ نہیں ہے۔ ہمارے لیے اتنا یاد رکھنا کافی ہے کہ، کیونکہ  $m_l$  کی تین ممکنہ قدریں ہیں، اس لیے تین p اوربٹل ہیں، جن کے محور باہم عمود (Mutually Perpendicular) ہیں۔ s اوربٹل کی طرح پرنسپل کوئٹم نمبر میں اضافہ کے ساتھ p اوربٹل کی توانائی اور ان کے سائز میں بھی، اضافہ ہوتا ہے، اس لیے مختلف p اوربٹل کی توانائی اور ان کے سائز کی ترتیب اس طرح ہے:  $4p > 3p > 2p$  مزید، s اوربٹل کی طرح، p اوربٹل کے لیے بھی احتمال کثافت تقاضا بھی، صفر اور لامتناہی فاصلے کے علاوہ بھی، نیوکلیئس سے فاصلہ بڑھنے کے ساتھ، صفر قدر سے گزرتا ہے۔ نوڈ کی تعداد:  $(n - 2)$  سے دی جاتی ہے، یعنی کہ 3p اوربٹل کے لیے نصف قطری نوڈ (Radial Node) کی تعداد 1 ہوگی،  $4p$  کے لیے دو اور اسی طرح آگے بھی۔

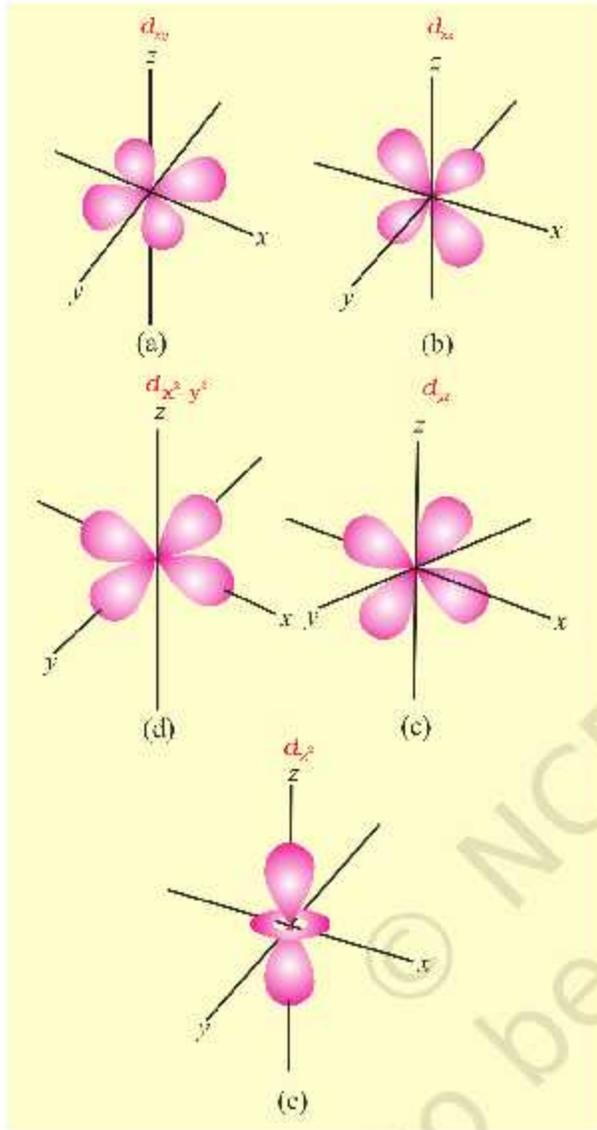
$l = 2$  کے لیے، اوربٹل، d- اوربٹل کے طور پر جانا جاتا ہے۔ پرنسپل کوئٹم نمبر کی کم از کم قدر 3 ہو سکتی ہے، کیونکہ 1 کی قدر  $n - 1$  سے زیادہ

ایک دیے ہوئے اوربٹل کے لیے، مستقل احتمال کثافت\* کی صرف اسی ہائونڈری سطح ڈائیگرام کو اوربٹل کی شکل کا اچھا اظہار مانا جاتا ہے جو ایسے نقطے یا حجم کو گھیرتی ہے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال بہت زیادہ ہو، جیسے 90% - 1s اور 2s اوربٹل کے لیے ہائونڈری سطح ڈائیگرام شکل (b) 2.13 میں دیے گئے ہیں۔ کوئی بھی یہ سوال کر سکتا ہے کہ ہم ایسی ہائونڈری سطح ڈائیگرام کیوں نہیں کھینچتے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال 100% ہو؟ اس سوال کا جواب یہ ہے کہ نیوکلیئس سے کسی بھی متناہی (Finite) فاصلے پر احتمال کثافت  $|\psi|^2$  کی ہمیشہ کچھ نہ کچھ قدر ہوتی ہے، چاہے وہ کتنی ہی چھوٹی کیوں نہ ہو۔ اس لیے یہ ممکن نہیں ہے کہ ایک متناہی سائز کا ایسی ہائونڈری سطح ڈائیگرام کھینچا جاسکے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال 100% ہو۔ s اوربٹل کے لیے ہائونڈری سطح ڈائیگرام دراصل ایک کرہ (Sphere) ہے، جس کا مرکز نیوکلیئس ہے۔ دو ابعاد میں یہ کرہ ایک دائرہ کی طرح معلوم ہوتا ہے۔ یہ ایسے نقطے کو گھیرتا ہے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال تقریباً 90% ہے۔

اس لیے، ہم دیکھتے ہیں کہ 1s اور 2s اوربٹل کی شکل کروی ہوتی ہے۔ دراصل، تمام s- اوربٹل کروی طور پر متشاکل (Spherically Symmetric) ہوتے ہیں۔ یعنی کہ ایک دیے ہوئے فاصلے پر الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال تمام سمتوں میں مساوی ہے۔ یہ بھی مشاہدہ کیا گیا ہے کہ n میں اضافہ کے ساتھ s اوربٹل کے سائز میں اضافہ ہوتا ہے، یعنی کہ:  $1s > 2s > 3s > 4s$  اور جیسے جیسے پرنسپل کوئٹم نمبر بڑھتا ہے، الیکٹران نیوکلیئس سے اتنے ہی زیادہ فاصلے پر پایا جاتا ہے۔

تین 2p اوربٹل کے لیے ( $l = 1$ ) ہائونڈری سطح ڈائیگرام شکل 2.14 میں دکھایا گیا ہے۔ ان ڈائیگراموں میں نیوکلیئس مبدہ (Origin) پر ہے۔ یہاں s اوربٹل کے برخلاف، ہائونڈری سطح ڈائیگرام، کروی نہیں ہیں۔ اس کی جگہ ہر ایک p- اوربٹل دو حصوں پر مشتمل ہوتا ہے جو Lobes کہلاتے ہیں۔ یہ نیوکلیئس سے ہو کر گزر رہے مستوی کے دونوں طرف ہوتے ہیں۔ احتمال کثافت تقاضا مستوی پر دہاں صفر ہوتا ہے جہاں دونوں Lobes ایک دوسرے کو چھوتے ہیں۔ تینوں اوربٹل کے لیے، سائز شکل

\* ایک دی ہوئی سطح پر اگر احتمال کثافت  $|\psi|^2$  مستقل ہے تو اسے سطح پر  $|\psi|^2$  بھی مستقل ہے۔  $|\psi|^2$  اور  $|\psi|$  کے لیے سرحدی سطح متشاکل (Identical) ہیں۔



شکل 2.15 پانچ 3d اوربٹل کئی بانڈنڈری سطح ڈائیگرام

منتهم حالت کے نظری کے اور اسے گراؤڈ اسٹیٹ (Ground State) کہتے ہیں، اور اس اوربٹل میں پایا جانے والا ایکٹران، نیوکلئس سے سب سے زیادہ مضبوطی سے بندھا ہوتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم میں ایک ایکٹران اگر 2s یا 2p یا مزید اونچے اوربٹل میں پایا جاتا ہے تو وہ مشتعل حالت (Excited State) میں ہے۔

ایک کثیر ایکٹران ایٹم میں ایکٹران کی توانائی، ہائڈروجن ایٹم میں ایکٹران کی توانائی کے برخلاف، نہ صرف یہ کہ اس کے پرنسپل کوئمٹیل پر منحصر ہے بلکہ اس کے سمت راس کوئمٹیل عدد (ذیلی شیل) پر بھی منحصر ہے۔

نہیں ہو سکتی۔  $l = 2$  کے لیے پانچ  $m_l$  قدریں ہیں  $(-2, -1, 0, 1, 2)$  اور اس لیے پانچ  $d$ -اوربٹل ہوں گے۔  $d$ -اوربٹل کے لیے ہائڈروجن سطح ڈائیگرام شکل 2.15 میں دکھایا گیا ہے۔

پانچ  $d$ -اوربٹل کو نام دے جاتے ہیں:  $d_{xy}$ ،  $d_{yz}$ ،  $d_{zx}$ ،  $d_{x^2-y^2}$  اور  $d_{z^2}$  سے منسوب کیا جاتا ہے۔ پہلے چار  $d$ -اوربٹل کی شکلیں ایک جیسی ہوتی ہیں، جبکہ پانچویں،  $d_{z^2}$  کی شکل باقی سب سے مختلف ہوتی ہے، لیکن پانچوں  $d$ -اوربٹل کی توانائی مساوی ہوتی ہے۔ وہ  $d$ -اوربٹل جن کے لیے  $n$  کی قدر 3 سے زیادہ ہے  $(4d, 5d, \dots)$  ان کی شکلیں بھی  $3d$  اوربٹل جیسی ہوتی ہیں لیکن وہ توانائی اور سائز کے لحاظ سے مختلف ہوتے ہیں۔

نصف قطری نوڈ کے علاوہ (یعنی کہ، احتمال کشاف تفاعل صفر ہے)،  $np$  اور  $nd$  اوربٹل کے لیے احتمال کشاف تفاعل، مستوی  $(s)$  پر، نیوکلئس (مہدا) سے گزرتے ہوئے، صفر ہوتے ہیں۔ مثال کے طور پر  $p$ -اوربٹل کے لیے،  $xy$ -مستوی ایک نوڈل مستوی ہے،  $d_{xy}$  اوربٹل کے لیے، دو نوڈل مستوی ہیں جو مہدا سے گزرتے ہیں اور  $z$ -محور والے  $xy$ -مستوی کی تنصیف کرتے ہیں۔ یہ زاویائی نوڈ (Angular Nodes) کہلاتے ہیں اور زاویائی نوڈ کی تعداد سے دی جاتی ہے، یعنی کہ  $p$ -اوربٹل کے لیے ایک زاویائی نوڈ ہوگا،  $d$ -اوربٹل کے لیے دو زاویائی نوڈ ہوں گے، اور اسی طرح آگے بھی۔ نوڈ کی کل تعداد  $(n - 1)$  سے دی جاتی ہے یعنی کہ 1 زاویائی نوڈ اور  $(n - 1 - 1)$  نصف قطری نوڈ کی حاصل جمع۔

### 2.6.3 اوربٹل کی توانائیاں (Energies of Orbitals)

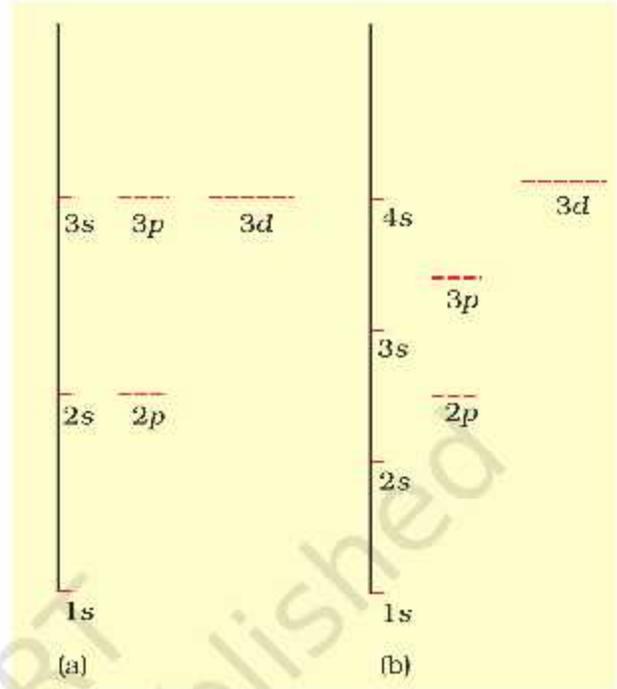
ہائڈروجن ایٹم میں ایک ایکٹران کی توانائی مکمل طور پر صرف پرنسپل کوئمٹیل نمبر سے متعین ہوتی ہے۔ اس لیے اوربٹل کی توانائی مندرجہ ذیل طور پر بڑھتی ہے:

$$1s < 2s = 2p < 3s = 3p = 3d < 4s = 4p = 4d = 4f < \dots \quad (2.23)$$

اور شکل 2.16 میں دکھائی گئی ہے۔ حالانکہ  $2s$  اور  $2p$  اوربٹل کی شکلیں مختلف ہیں، لیکن ایک ایکٹران جب  $2s$  اوربٹل میں ہوتا ہے تو اس کی توانائی اتنی ہی ہوتی ہے جتنی کہ  $2p$  اوربٹل میں ہوتی ہے۔ ایسے اوربٹل جن کی توانائی بیساں ہوتی ہے، فاسد (Degenerate) کہلاتے ہیں۔ ایک ہائڈروجن ایٹم میں  $1s$  جیسا کہ پہلے بتایا جا چکا ہے، سب سے زیادہ

ہیں۔ عمومی طور پر، باہری شیل کے الیکٹرانوں کے، اندرونی شیل کے الیکٹرانوں کے ساتھ دافع باہمی عمل زیادہ اہم ہیں۔ دوسری طرف، ایک الیکٹران کے کششی باہمی عملوں میں، نیوکلئیس پر پائے جانے والے مثبت چارج (Ze) میں اضافہ کے ساتھ، اضافہ ہوتا ہے۔ اندرونی شیل میں الیکٹرانوں کی موجودگی کی وجہ سے، باہری شیل کا الیکٹران، نیوکلئیس کے پورے مثبت چارج (Ze) کو محسوس نہیں کرتا بلکہ، نیوکلئیس پر موجود مثبت چارج کی اندرونی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کئے گئے جزوی حجاب (Screening) کی وجہ سے، اس میں کمی آجاتی ہے۔ اسے اندرونی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کیا گیا باہری شیل کے الیکٹرانوں کا نیوکلئیس سے حجاب کہتے ہیں نیوکلئیس کا الیکٹران کے ذریعے محسوس کیا گیا نیٹ (Net) مثبت چارج موثر نیوکلئیائی چارج (Effective Nuclear Charge) کہلاتا ہے ( $Z_{\text{eff}}$ )۔ نیوکلئیس سے اندرونی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کیے گئے باہری الیکٹرانوں کے حجاب کے باوجود، باہری شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے محسوس کی جانے والی قوت کشش میں، نیوکلئیائی چارج میں اضافہ کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے لفظوں میں نیوکلئیس اور الیکٹران کے مابین باہمی عمل کی توانائی (یعنی کہ ارتعاش کی توانائی) میں ایٹمی عدد (Z) میں اضافہ کے ساتھ، کمی آتی ہے (یعنی کہ یہ زیادہ مٹتی ہو جاتی ہے)۔

کششی اور دافع، دونوں باہمی عمل، شیل اور اس ارتعاش کی شکل پر منحصر ہیں، جس میں الیکٹران پایا جاتا ہے۔ مثال کے طور پر، شکل میں کروی ہونے کی وجہ سے، s ارتعاش الیکٹرانوں کا نیوکلئیس سے حجاب، p ارتعاش کے مقابلے میں، زیادہ موثر طور پر کرتا ہے۔ اسی طرح، دونوں کی شکلیں مختلف ہونے کی وجہ سے، p ارتعاش نیوکلئیس سے الیکٹرانوں کا حجاب، d ارتعاش کے مقابلے میں زیادہ موثر طور پر کرتے ہیں، حالانکہ یہ سب ارتعاش ایک ہی شیل میں پائے جاتے ہیں۔ مزید، کروی شکل کی وجہ سے، s ارتعاش کے الیکٹران، p ارتعاش کے مقابلے میں، نیوکلئیس کے قریب زیادہ وقت گزارتے ہیں اور p ارتعاش کے الیکٹران، d ارتعاش کے مقابلے میں، نیوکلئیس کے قریب زیادہ وقت گزارتے ہیں۔ دوسرے لفظوں میں، ایک دیے ہوئے شیل کے لیے پرنسپل کوآٹم نمبر، ارتعاش کے ذریعے محسوس کیا گیا  $Z_{\text{eff}}$ ، اس سمت کوآٹمی عدد (l) میں اضافہ کے ساتھ، کم ہوتا ہے۔ یعنی کہ s ارتعاش، p ارتعاش کے مقابلے میں زیادہ سختی سے نیوکلئیس سے بندھا ہوگا اور p ارتعاش، d ارتعاش کے مقابلے میں



شکل 2.16: ارجحی لیول ڈائیگرام (a) ہائیڈروجن ایٹم کے کیچھ الیکٹرانوں کے لیے (b) کثیر الیکٹران ایٹموں کے کیچھ الیکٹرانوں کے لیے۔ نوٹ کیجئے کہ ہائیڈروجن ایٹم کے لیے مختلف سمت، اس کوآٹمی عددوں کے لیے بھی، یکساں پرنسپل کوآٹم نمبر کی قدر والے ارتعاش کی توانائیاں یکساں ہیں۔ لیکن کثیر الیکٹران ایٹموں کے لیے یکساں پرنسپل کوآٹم نمبر والے ارتعاش کی توانائیاں، مختلف سمت والی کوآٹمی عددوں کے لیے مختلف ہیں۔

یعنی کہ ایک دیے ہوئے پرنسپل کوآٹم عدد کے لیے s, p, d, f سب کی توانائیاں مختلف ہوں گی۔ ایک کثیر الیکٹران ایٹم میں مختلف ذیلی شیل کی توانائیاں مختلف ہونے کی اصل وجہ الیکٹرانوں کے درمیان باہمی دافع (Mutual Repulsion) ہے۔ ہائیڈروجن ایٹم میں صرف ایک ہی برقی باہمی دافع ہوتا ہے جو مثبت چارج شدہ الیکٹران اور مثبت چارج شدہ نیوکلئیس کے مابین ہوتا ہے۔ کثیر الیکٹران ایٹموں میں، الیکٹران اور نیوکلئیس کے درمیان کشش کی موجودگی کے ساتھ ساتھ ہر ایک الیکٹران کے ایٹم میں موجود دوسرے تمام الیکٹرانوں کے ساتھ دافع ارتعاش بھی ہوتے ہیں۔ اس لیے اس کثیر الیکٹران ایٹم میں ایک الیکٹران کے استحکام کی وجہ یہ ہے کہ کل کششی باہمی عمل، دافع عملوں کے مقابلے میں زیادہ

اصول کا بیان ہے: ایٹم کی گراؤنڈ اسٹیٹ (Ground State) میں، ارہٹل بڑھتی ہوئی توانائی کی ترتیب میں بھرے جاتے ہیں۔ دوسرے لفظوں میں، الیکٹران سب سے پہلے اس ارہٹل میں جاتے ہیں جس کی توانائی، دستیاب ارہٹل میں سب سے کم ہوتی ہے اور مقابلاً زیادہ توانائی کے ارہٹل میں صرف اسی وقت داخل ہوتے ہیں جب مقابلاً کم توانائی والے ارہٹل بھر جاتے ہیں۔

ارہٹل کی توانائیوں کے بڑھنے کی ترتیب اور اس لیے وہ ترتیب جس میں ارہٹل بھرے جاتے ہیں، مندرجہ ذیل ہے:

$$1s, 2s, 2p, 3s, 3p, 4s, 3d, 4p, 5s, 4d, 5p, 6s, 4f, 5d, 6p, 7s, \dots$$

یہ ترتیب شکل 2.17 میں دیے گئے طریقے سے یاد کی جاسکتی ہے۔ اوپری سرے سے شروع کرتے ہوئے، تیروں کی سمت، ارہٹل کے بھرے جانے کی ترتیب بتاتی ہے، یعنی کہ اوپری دائیں سرے سے نیچے بائیں سرے تک۔

**جدول 2.5:** بڑھتی ہوئی توانائی کے ساتھ ارہٹل کی ترتیب،  $(n + l)$  قاعدے کی بنیاد پر

ارہٹل	n کی قدر	l کی قدر	$(n + l)$ کی قدر
1s	1	0	1 + 0 = 1
2s	2	0	2 + 0 = 2
2p	2	1	2 + 1 = 3
3s	3	0	3 + 0 = 3
3p	3	1	3 + 1 = 4
4s	4	0	4 + 0 = 4
3d	3	2	3 + 2 = 5
4p	4	1	4 + 1 = 5

پالی کا استثنیٰ اصول (Pauli Exclusion Principle)

مختلف ارہٹل میں بھرے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد، آسٹرین سائنس دان وولف گانگ پالی (Wolfgang Pauli) (1926)

نیو کلیس سے زیادہ بہتر بندھا ہو گا۔ s ارہٹل کی توانائی، p ارہٹل کی توانائی کے مقابلے میں کم ہوگی (زیادہ منفی ہوگی) اور p ارہٹل کی توانائی، d ارہٹل کی توانائی کے مقابلے میں کم ہوگی اور اسی طرح کیونکہ نیو کلیس کے چاب کی حد مختلف ارہٹل کے لیے مختلف ہوگی، یہ ایک ہی شیل کے اندر (یا یکساں پرنسپل کوئٹم نمبر) مختلف ارہٹل کی توانائی کی علیحدگی (Splitting) کی سمت لے جاتا ہے۔ یعنی کہ ارہٹل کی توانائی، جیسا کہ پہلے بیان کیا جا چکا ہے، n اور l کی قدروں پر منحصر ہے۔ ریاضیاتی اعتبار سے ارہٹل کی توانائیوں کا n اور l پر انحصار کافی پیچیدہ ہے لیکن ایک سادہ قاعدہ n اور l کی مجموعی قدر کا ہے۔ جس ارہٹل کے لیے  $(n + l)$  کی قدر مقابلتاً کم ہوگی، اس کی توانائی بھی مقابلتاً کم ہوگی۔ اگر دو ارہٹل کی  $(n + l)$  قدر یکساں ہے تو جس ارہٹل کی n قدر مقابلتاً کم ہے اس کی توانائی بھی مقابلتاً کم ہوگی۔ جدول 2.5،  $(n + l)$  قاعدے کو ظاہر کرتا ہے اور شکل 2.16 میں کثیر الیکٹران ایٹموں کے انرجی لیول دکھائے گئے ہیں۔ یہ نوٹ کیا جاسکتا ہے کہ کثیر الیکٹران ایٹموں کے لیے، ایک خاص شیل کے مختلف ذیلی شیل کی توانائیاں مختلف ہوتی ہیں۔ لیکن، ہائڈروجن ایٹم میں ان کی توانائیاں یکساں ہوتی ہیں۔ آخر میں یہ ذکر بھی کیا جاسکتا ہے کہ یکساں ذیلی شیل میں ارہٹل کی توانائیاں ایٹمی عدد  $(Z)$  میں اضافہ کی ساتھ کم ہوتی ہیں۔ مثال کے طور پر ہائڈروجن ایٹم کے 2s ارہٹل کی توانائی، تقسیم کے 2s ارہٹل کی توانائی سے زیادہ ہے اور تقسیم کی توانائی سوڈیم سے زیادہ ہے اور اسی طرح آگے بھی یعنی کہ:  $E_{2s}(H) > E_{2s}(Li) > E_{2s}(Na) > E_{2s}(K)$

#### 2.6.4 ایک ایٹم میں ارہٹل کا بھرنا (Filling of Orbitals in Atom)

مختلف ایٹموں کے ارہٹل میں الیکٹرانوں کا بھرنا آف باؤ اصول کے مطابق انجام پاتا ہے، جو کہ پالی (Pauli) کے استثنیٰ اصول (Exclusion Principle) (Hund) کے از حد تضاعف (Maximum Multiplicity) اور ارہٹل کی نسبتی توانائیوں (Relative Energies) کے قاعدے پر مبنی ہے۔

#### آف باؤ اصول (Aufbau Principle)

جرمن زبان میں لفظ آف باؤ (Aufbau) کا مطلب ہے "تعمیر کرنا"۔ ارہٹل کے تعمیر کرنے سے مطلب ہے ان میں الیکٹرانوں کا بھرنا۔ اس





سالمات کیوں تشکیل دیتے ہیں؟ کچھ عناصر ”دھاتیں“ کیوں ہیں جب کہ دیگر غیر دھاتیں ہیں؟“ ہیلیم اور آرگن جیسے عناصر متعال (Reactive) کیوں نہیں ہیں جبکہ ہیلوجن (Halogens) جیسے عناصر متعال ہیں؟ ان سوالوں کے جواب الیکٹرونی تشکل کے ذریعے بہ آسانی واضح ہو جاتے ہیں۔ ذالمن کا ایٹمی ماڈل ان سوالوں کا کوئی جواب نہیں فراہم کرتا۔ اس لیے جدید کیمیائی معلومات کے مختلف پہلوؤں میں درک حاصل کرنے کے لیے، ایٹم کی الیکٹرونی ساخت کو تفصیل کے ساتھ سمجھنا بہت ضروری ہے۔

## 2.6.6 مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کا

### استحکام: (Stability of Completely Filled and Half Filled Subshell)

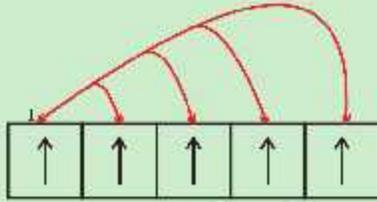
ایٹم کا گراؤنڈ اسٹیٹ الیکٹرونی تشکل ہمیشہ کم ترین کل الیکٹرونی توانائی سے مطابقت رکھتا ہے۔ زیادہ تر ایٹموں کے الیکٹرونی تشکل سیکشن 2.6.5 میں دے گئے بنیادی قواعدوں کے مطابق ہوتے ہیں۔ لیکن کچھ خاص عناصر میں، جیسے Cr یا Cu جہاں ذیلی شیل (3d اور 4s) کی توانائیوں میں معمولی سا فرق ہوتا ہے، ایک الیکٹران مقابلاً کم توانائی کے ذیلی شیل (4s) سے مقابلاً زیادہ توانائی کے ذیلی شیل میں چلا جاتا ہے، بشرطیکہ اس کے نتیجے میں، مقابلاً زیادہ توانائی کے ذیلی شیل کے تمام اریٹل مکمل یا نصف بھر جائیں۔ اس لیے Cr اور Cu کے گرفت الیکٹرونی تشکل، بالترتیب،  $3d^5 4s^1$  اور  $3d^9 4s^1$  ہیں،  $3d^4 4s^2$ ،  $3d^5 4s^2$  نہیں۔ یہ معلوم ہوا ہے کہ ان الیکٹرونی تشکل سے مزید استحکام وابستہ ہے۔

اریٹل میں 4 اور 9 الیکٹران ہونے چاہیے تھے۔ وجہ یہ ہے کہ مکمل طور پر بھرے ہوئے اور آدھے بھرے ہوئے اریٹل میں مزید استحکام ہوتا ہے (یعنی کہ مقابلاً کم توانائی)۔ اس لیے  $s^1, d^5, p^1, p^5, f^7, f^{14}$  وغیرہ تشکل، جو یا تو آدھی بھری ہیں یا مکمل بھری ہیں، مقابلاً زیادہ مستحکم ہیں۔ کرومیم اور کاپر، اس لیے،  $d^5$  اور  $d^{10}$  تشکل اختیار کرتے ہیں۔ (سیکشن 2.6.7) [اعتباراً: استثنا بھی پائے جاتے ہیں۔]

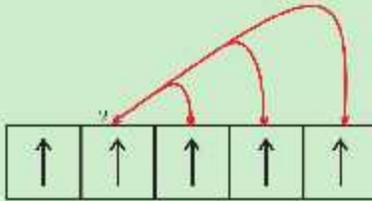
3d اریٹل کے سیر شدہ (Saturation) ہو جانے کے بعد، ہیلیم (Ga) سے 4p اریٹل کا بھرنا شروع ہوتا ہے، جو کرپٹن (Kr) پر مکمل ہوتا ہے۔ روبیڈیم (Rb) سے لے کر زیٹان (Xe) تک، یعنی کہ، اگلے 18 عناصر میں  $4d, 5s$  اور  $5p$  اور اریٹل اسی نمونے کے مطابق بھرے جاتے ہیں، جو اوپر بیان کیے گئے،  $3d, 4s$  اور  $4p$  اریٹل میں تھا۔ پھر 6s اریٹل کی باری آتی ہے۔ سیزیم (Caesium, Cs) اور بیریم (Ba) میں اس اریٹل میں، بالترتیب ایک اور دو الیکٹران ہوتے ہیں۔ پھر پٹیئم (La) سے مرکری (Hg) تک 4f اور 5d میں الیکٹران بھرے جاتے ہیں۔ یورینیئم (U) کے بعد تمام عناصر مختصر دور حیات (Life Period) والے ہیں اور مصنوعی طریقوں سے تیار کیے جاتے ہیں۔ معلوم عناصر کے الیکٹرونی تشکل (جیسا کہ آپیکٹر و اسکوپک طریقوں سے معلوم کئے گئے ہیں) جدول 2.6 میں دیے گئے ہیں۔

ہم پوچھ سکتے ہیں کہ آخر الیکٹرونی تشکل جاننے کا فائدہ یا استعمال کیا ہے؟ کیمسٹری کو سمجھنے کی جدید طرز رسائی دراصل، کیمیائی ضرر عمل کو سمجھنے اور اس کی وضاحت کرنے کے لیے، تقریباً پوری طرح سے الیکٹرونی تقسیم پر منحصر ہے۔ مثال کے طور پر ایسے سوالات کہ دو یا دو سے زیادہ ایٹم مل کر

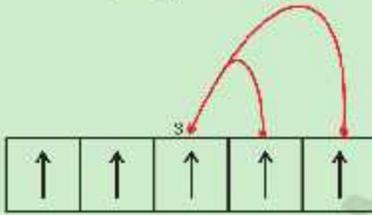
### مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کے استحکام کی وجوہات



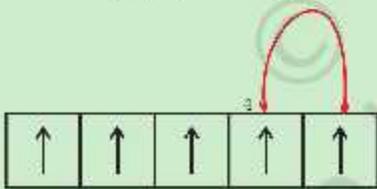
الیکٹران 4 کے ذریعے 1 مبادلہ



الیکٹران 3 کے ذریعے دو مبادلات



الیکٹران 2 کے ذریعے تین مبادلات



الیکٹران 1 کے ذریعے چار مبادلات

شکل 2.18  $d^5$  تشکیلی کے لیے ممکنہ مبادلہ

مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل، مندرجہ ذیل وجوہات کی بناء پر مستحکم ہوتے ہیں:

1- الیکٹرانوں کی متشاکل تقسیم: یہ اچھی طرح معلوم ہے کہ متشاکل، استحکام کی طرف لے جاتا ہے۔ نصف بھرے ہوئے اور مکمل بھرے ہوئے ذیلی شیل میں الیکٹرانوں کی متشاکل تقسیم پائی جاتی ہے۔ اس لیے یہ زیادہ مستحکم ہیں۔ یکساں ذیلی شیل (یہاں 3d) میں الیکٹرانوں کی توانائی مساوی ہوتی ہے اور مکانی تقسیم (Spatial Distribution) مختلف ہوتی ہے، نتیجتاً ایک دوسرے کے لیے ان کی شیلڈنگ متبادل ہوتی ہے اور الیکٹران نیوکلئس کی طرف زیادہ قوت سے کشش کا اظہار کرتے ہیں۔

2- مبادلہ توانائی: جب بھی دو یا دو سے زیادہ یکساں اسپن والے الیکٹران، ایک ذیلی شیل کے فاسد ارجل میں موجود ہوتے ہیں تو ان کی کمی اثر پیدا ہوتا ہے۔ یہ الیکٹران اپنا مقام آپس میں تبدیل کرنے کی طرف مائل ہوتے ہیں اور اس مبادلے کی وجہ سے خارج ہونے والی توانائی مبادلہ توانائی (Exchange Energy) کہلاتی ہے۔ ممکنہ مبادلوں کی تعداد اس وقت سب سے زیادہ ہوتی ہے، جب کہ ذیلی شیل نصف بھرا ہو یا مکمل بھرا ہو (شکل 2.18)۔ اس کے نتیجے میں مبادلہ توانائی سب سے زیادہ ہوتی ہے اور اس لیے استحکام بھی۔

آپ نوٹ کر سکتے ہیں کہ مبادلہ توانائی ہی ہنڈ قاعدے کی بنیاد ہے، جس کے مطابق وہ الیکٹران جو مساوی توانائی کے ارجل میں داخل ہوتے ہیں، جہاں تک ممکن ہو، ان کی اسپن متوازی ہوتی ہیں۔ دوسرے لفظوں میں، مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کی مزید استحکام کی وجوہات ہیں: (i) مقابلہ کم شیلڈنگ (ii) مقابلہ کم کولمب دفع توانائی (iii) مقابلہ زیادہ مبادلہ توانائی۔ مبادلہ توانائی کے بارے میں تفصیلات آپ آئندہ درجات میں پڑھیں گے۔

## جدول 2.6 عناصر کے الیکٹرونی تشکل

© NCERT  
not to be republished

© NCERT  
not to be republished

## خلاصہ

ایٹم عناصر کے بلڈنگ بلاک ہیں۔ یہ عنصر کے وہ سب سے چھوٹے اجزا ہیں جو کیمیائی طور پر تعامل کرتے ہیں۔ 1808 میں ڈالٹن کے ذریعے تجویز کیے گئے سیدھے ایٹمی نظریہ کے مطابق ایٹم کو مادہ کا بنیادی ناقابل تقسیم ذرہ مانا گیا۔ انیسویں صدی کے اختتام کے قریب، تجربات سے یہ ثابت ہوا کہ ایٹم قابل تقسیم ہیں اور تین بنیادی ذرات الیکٹران، پروٹان اور نیوٹران پر مشتمل ہیں: ذیلی ایٹمی ذرات کی دریافت نے، ایٹم کی ساخت کی وضاحت کرنے کے لیے مختلف ایٹمی ماڈلوں کی تجاویز پیش کرنے کی راہ دکھائی۔

تھامسن نے 1898 میں تجویز پیش کی کہ ایٹم مثبت برق کے یکساں کرہ پر مشتمل ہے، جس میں الیکٹران پوسٹ ہوتے ہیں۔ اس ماڈل کو جس میں سمجھا جاتا ہے کہ ایٹم کی کیت پورے ایٹم میں یکساں طور پر پھیلی ہوئی ہے، 1909 میں ردرفورڈ کے الفا ذرہ انتشار تجربہ نے غلط ثابت کر دیا۔ ردرفورڈ نے نتیجہ اخذ کیا کہ ایٹم میں اس کے مرکز پر ایک بہت چھوٹا مثبت چارج شدہ نیوکلیس ہے، جس کے ارد گرد الیکٹران مدورار بٹ میں گھوم رہے ہیں۔ ردرفورڈ کا ماڈل، جو کئی نظام سے مشابہت رکھتا ہے، یقیناً تھامسن ماڈل سے بہتر تھا لیکن یہ ایٹم کے استحکام کی وضاحت نہیں کر سکا، یعنی کہ، الیکٹران نیوکلیس میں گر کیوں نہیں جاتے۔ اس کے علاوہ یہ ایٹم کی الیکٹران ساخت کے بارے میں بھی کچھ نہیں بتا سکا، یعنی کہ الیکٹران نیوکلیس کے ارد گرد کس طرح تقسیم ہوتے ہیں اور ان کی کیا توانائیاں ہوتی ہیں۔ ردرفورڈ ماڈل کی ان خامیوں کو 1913 میں، نیلس بوری نے اپنے ہائیڈروجن ماڈل کو پیش کر کے دور کیا۔ بوری ماڈل کا بنیادی مفروضہ تھا کہ الیکٹران نیوکلیس کے گرد مدورار بٹ میں گھومتے ہیں۔ کچھ خاص ار بٹ ہی پائے جاتے ہیں اور ہر ایک ار بٹ ایک مخصوص توانائی سے مطابقت رکھتا ہے۔ بوری نے مختلف ار بٹ میں الیکٹران کی توانائی کا حساب لگایا اور ہر ار بٹ کے لیے الیکٹران اور نیوکلیس کے درمیانی فاصلے کی پیشین گوئی کی۔ حالانکہ بوری ماڈل ہائیڈروجن ایٹم کے حیف کی اطمینان بخش وضاحت کر سکا لیکن کثیر الیکٹران ایٹموں کے طیف کی وضاحت کرنے میں ناکام رہا۔ اس کی وجہ جلد ہی دریافت ہو گئی۔ بوری ماڈل میں الیکٹران کو ایک چارج شدہ ذرہ مانا جاتا ہے، جو نیوکلیس کے گرد، بہ خوبی معروف مدورار بٹ میں حرکت کر رہا ہے۔ بوری کے نظریہ میں الیکٹران کی لہر فطرت کو نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔ ایک ار بٹ ایک واضح طور پر معروف راستہ ہے اور اس راستہ کی تسلسل تعریف صرف اسی وقت کی جاسکتی ہے جب ایک الیکٹران کی رفتار اور اس کا مقام بالکل، جہ وقت، معلوم ہو۔ یہ ہائزبرگ عدم یقینی اصول کے مطابق ممکن نہیں ہے۔ اس لیے بوری کا ہائیڈروجن ایٹم کا ماڈل نہ صرف الیکٹران کی دوہری فطرت کو نظر انداز کرتا ہے بلکہ ہائزبرگ عدم یقینی اصول کی بھی تردید کرتا ہے۔

ارون شرودنگر نے 1926 میں، اسپیس (Space) میں الیکٹرانوں کی تقسیم اور ایٹم میں منظور شدہ انرجی لیو (Allowed Energy Levels) بیان کرنے کے لیے ایک مساوات تجویز کی جو شرودنگر مساوات کہلاتی ہے۔ یہ مساوات ڈی براگلی کے لہر۔ دہری فطرت کے تصور کو اپنے اندر سموئے ہوئے ہے اور ہائزبرگ عدم یقینی اصول سے بھی ہم آہنگ (consistent) ہے۔ جب، ہائیڈروجن ایٹم میں الیکٹران کے لیے شرودنگر مساوات حل کی جاتی ہے تو ہمیں وہ ممکنہ توانائی حالتیں حاصل ہوتی ہیں، جن میں الیکٹران رہ سکتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ ان توانائی حالتوں سے مطابقت رکھنے والے لہر تقاطعات  $\psi$  بھی حاصل ہوتے ہیں۔ (جو دراصل ریاضیاتی تقاطعات ہیں)

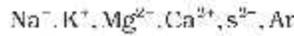
ہمیں دراصل ہر الیکٹران کے لیے ہر ایک توانائی حالت سے منسلک لہر تقاطعات حاصل ہوتے ہیں۔ یہ کوئی توانائی حالتیں اور ان سے مطابقت رکھنے والے موج۔ تقاطعات، جن کی خاصیتیں تین کوئی اعداد (پرنسپل کوئم نمبر  $n$ ، سمت راس کوئی عدد اور مقناطیسی کوئی عدد  $m$ ) سے ظاہر کی جاتی ہیں، شرودنگر مساوات کے حل کے قدرتی نتائج کی شکل میں سامنے آتے ہیں۔ ان تین کوئی اعداد کی قدروں پر لگنے والی پابندیاں بھی اسی حل کا قدرتی نتیجہ ہیں۔ ہائیڈروجن ایٹم کا کوئم میکائی ماڈل ہائیڈروجن ایٹم طیف کے ترم پہلوؤں کی کامیابی کے ساتھ پیشین گوئی کرتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ کچھ ایسے مظاہر کی وضاحت بھی کرتا ہے، جن کی وضاحت بوری ماڈل نہیں کر سکا تھا۔

ایٹم کے کوآٹم میکینکس ماڈل کے مطابق، وہ ایٹم جس میں الیکٹرانوں کی ایک تعداد ہو، الیکٹرانوں کی تقسیم اس طرح ہوتی ہے کہ الیکٹران شیل میں بٹے ہوتے ہیں، یہ سمجھا جاتا ہے کہ یہ شیل خود، ایک یا اس سے زیادہ ذیلی شیل پر مشتمل ہوتے ہیں اور ہر ایک ذیلی شیل، ایک یا اس سے زیادہ ارڈل پر مشتمل ہوتا ہے اور ان ارڈل میں الیکٹران پائے جاتے ہیں۔ جبکہ ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسے نظاموں میں (مثلاً  $He^{-}$ ،  $Li^{2+}$  وغیرہ) ایک ذیلی شیل کے تمام ارڈل کی توانائی یکساں ہوتی ہے، ایک کثیر الیکٹران ایٹم میں ارڈل کی توانائی  $n$  اور  $l$  کی قدروں پر منحصر ہے۔ ایک ارڈل کے لیے  $(n + 1)$  کی اتر مقابلاً کم ہوگی تو اس کی توانائی بھی متاثر کم ہوگی۔ اگر دو ارڈل کی  $(n + 1)$  قدر یکساں ہے، تو جس ارڈل کی  $n$  قدر متاثر کم ہوگی، اس کی توانائی بھی کم ہوگی۔ ایک ایٹم میں ایسے کئی ارڈل ممکن ہیں اور ان ارڈل میں الیکٹران، توانائی کی بڑھتی ہوئی ترتیب کے ساتھ، پالی کے اصول استثنیٰ (ایک ایٹم میں کئی ہی دو الیکٹرانوں کا چاروں کو انٹی اعداد کا سیٹ یکساں نہیں ہو سکتا) اور ہند کے از حد تضاعف کے قاعدے (یکساں ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے ارڈل میں الیکٹرانوں کے جوڑے اس وقت تک نہیں بیٹے جب تک کہ اس ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے ہر ایک ارڈل میں ایک ایک الیکٹران نہ آجائے) کے مطابق بھرے جاتے ہیں۔ یہ ایٹم کی الیکٹران ساخت کی بنیاد تشکیل دیتا ہے۔

### مشقیں

- 2.1 (i) کتنے الیکٹرانوں کا مجموعی وزن 1 کلوگرام ہوگا؟ حساب لگائیے۔  
(ii) الیکٹرانوں کے 1 مول کی کمیت اور ان کے برقی چارج کا حساب لگائیے۔
- 2.2 (i) متعین کے 1 مول میں پائے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔  
(ii)  $^{14}C$  کے 7mg میں نیوٹرونوں (a) کی کل تعداد (b) کل کمیت معلوم کیجیے۔ (فرض کیجیے  $1.675 \times 10^{-27} \text{ kg}$  = ایک نیوٹران کی کمیت۔)
- 2.3 (iii) معلوم کیجیے: STP پر  $NH_3$  کے 34 ٹن گرام میں (a) پروٹونوں کی کل تعداد (b) پروٹونوں کی کل کمیت۔ کیا درجہ حرارت اور دباؤ کو تبدیل کرنے سے جواب تبدیل ہو جائے گا؟  
مندرجہ ذیل نیوکلیس میں کتنے نیوٹران اور کتنے پروٹون ہوں گے:
- 2.4  $^{13}C$ ,  $^{16}O$ ,  $^{24}Mg$ ,  $^{56}Fe$ ,  $^{88}Sr$   
دیے ہوئے ایٹمی عدد (Z) اور ایٹمی کمیت (A) کے لیے ایٹم کی مکمل علامت لکھئے:
- (i)  $A = 35$ ,  $Z = 17$   
(ii)  $A = 233$ ,  $Z = 92$   
(iii)  $A = 9$ ,  $Z = 4$
- 2.5 سوزیم لیپ سے خارج ہونے والی پیلی روشنی کا طول موج (λ) 580 nm ہے۔ اس پیلی روشنی کی فریکوئنسی (ν) معلوم کیجیے۔
- 2.6 اس ہر ایک فونون کی توانائی معلوم کیجیے جو  
(i)  $3 \times 10^{15} \text{ Hz}$  فریکوئنسی کی روشنی سے مطابقت رکھتا ہے۔  
(ii) جس کا طول موج 0.50 Å ہے۔
- 2.7 اس روشنی کی موج کی فریکوئنسی، طول موج اور موج عدد معلوم کیجیے، جس کا دوری وقت  $2.0 \times 10^{-10} \text{ s}$  ہے۔

- 2.8 اس روشنی کے فوٹونوں کی تعداد کیا ہوگی، جس کا طول موج 4000 pm ہے اور جو 1 J توانائی مہیا کرتی ہے۔
- 2.9  $4 \times 10^{-3} \text{ m}$  طول موج کا ایک فوٹون دھاتی سطح سے نکراتا ہے۔ دھات کا کام تھقل  $2.13 \text{ eV}$  ہے۔
- حساب لگائیے: (i) فوٹون کی توانائی (eV) (ii) اخراج کی حرکی توانائی (iii) فوٹو الیکٹران کی رفتار ( $1 \text{ eV} = 1.6020 \times 10^{-19} \text{ J}$ )
- 2.10 242 nm طول موج کا برقی مقناطیسی اشعاع، سوڈیم ایٹم کی آئن کاری کے لیے کافی ہے۔ سوڈیم کی آئن کاری توانائی کا حساب لگائیے۔
- 2.11 ایک واٹ کا بلب 0.57 lm کے طول موج کی ایک رنگ پبلی روشنی خارج کرتا ہے۔ کوانٹائی ٹیکنڈ کے اخراج کی شرح کا حساب لگائیے۔
- 2.12 جب ایک دھاتی سطح پر  $6800 \text{ \AA}$  طول موج کا اشعاع پڑتا ہے تو دھاتی سطح سے صفر رفتار کے الیکٹران خارج ہوتے ہیں۔ دھات کی ورلڈ فریکوئنسی ( $\nu_0$ ) اور کام تھقل ( $W_0$ ) کا حساب لگائیے۔
- 2.13 خارج ہونے والی اس روشنی کا طول موج کیا ہوگا جسے ہائڈروجن ایٹم میں ایک الیکٹران، انرجی لیول  $n = 4$  سے انرجی لیول  $n = 2$  کے عبور (Transition) کرنے کے دوران خارج کرتا ہے۔
- 2.14 ایک H ایٹم کی آئن کاری کے لیے کتنی توانائی درکار ہے، اگر الیکٹران  $n = 5$  اوربٹ میں ہے۔ اپنے جواب کا مقابلہ H ایٹم کی آئنائزیشن اینتھالپی سے کیجیے۔ ( $n = 1$  مدار سے الیکٹران خارج کرنے کے لیے درکار توانائی)
- 2.15 اخراجی خطوط (Emission Lines) کی زیادہ سے زیادہ تعداد کیا ہوگی، جبکہ ایک H ایٹم کا مشتعل الیکٹران  $n = 6$  سے گراؤنڈ اسٹیٹ میں آتا ہے۔
- 2.16 (i) ہائڈروجن ایٹم میں پہلے اوربٹ سے منسلک توانائی  $-2.18 \times 10^{-18} \text{ J atom}^{-1}$  ہے۔ پانچویں اوربٹ سے منسلک توانائی کیا ہوگی؟  
(ii) ہائڈروجن ایٹم کے لیے بوہر کے پانچویں اوربٹ کے نصف قطر کا حساب لگائیے۔
- 2.17 ایٹمی ہائڈروجن کے بالمر سلسلے میں سب سے زیادہ طول موج والے ٹرانزیشن کے موج عدد کا حساب لگائیے۔
- 2.18 ہائڈروجن کے الیکٹران کو پہلے بوہر اوربٹ سے پانچویں بوہر اوربٹ میں منتقل کرنے کے لیے درکار توانائی، جول میں، کیا ہوگی؟ اور جب الیکٹران گراؤنڈ اسٹیٹ میں واپس آتا ہے تو خارج ہونے والی روشنی کا طول موج کیا ہوگا؟ گراؤنڈ اسٹیٹ الیکٹران توانائی  $-2.18 \times 10^{-18} \text{ ergs}$  ہے۔
- 2.19 ہائڈروجن ایٹم میں الیکٹران توانائی  $E_n = -2.18 \times 10^{-18} / n^2 \text{ J}$  سے ظاہر کی جاتی ہے۔ ایک الیکٹران کو  $n = 2$  اوربٹ سے مکمل طور پر خارج کرنے کے لیے درکار توانائی کا حساب لگائیے۔ اس ٹرانزیشن کو عمل میں لانے کے لیے روشنی کا طول موج، بسٹنی میٹر میں، زیادہ سے زیادہ کتنا ہو سکتا ہے؟
- 2.20 اس الیکٹران کے طول موج کا حساب لگائیے جو  $2.05 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے۔
- 2.21 ایک الیکٹران کی کمیت  $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$  ہے۔ اگر اس کی حرکی توانائی  $3.0 \times 10^{-25} \text{ J}$  ہے تو اس کے طول موج کا حساب لگائیے۔
- 2.22 مندرجہ ذیل میں کون سی انواع، ہم الیکٹرانٹی (Isoelectronic) ہیں (یعنی جن میں الیکٹرانوں کی تعداد یکساں ہے)؟



- (i) مندرجہ ذیل آئیونوں کا الیکٹرانئی تشکیل لکھیے: (a)  $H^+$  (b)  $Na^+$  (c)  $O^{2-}$  (d)  $F^-$  2.23
- (ii) ان عناصر کے ایٹمی اعداد کیا ہیں جن کے سب سے باہری الیکٹران ظاہر کیے جاتے ہیں: (a)  $3s^1$  (b)  $2p^3$  (c) اور  $3p^3$  2.24
- (iii) مندرجہ ذیل تشکیل سے کون سے ایٹم ظاہر کیے جاتے ہیں: (a)  $[He] 2s^1$  (b)  $[Ne] 3s^2 3p^3$  (c)  $[Ar] 4s^2 3d^1$  2.25
- $n$  کی وہ کم ترین قدر کیا ہے جس کے لیے  $g$  ارہل پایا جاتا ہے۔ 2.26
- ایک الیکٹران  $3d$  کے کسی ایک ارہل میں ہے۔ اس الیکٹران کے لیے  $l$  اور  $m_l$  کی ممکنہ قدریں بتائیے۔ 2.27
- کسی عنصر کے ایک ایٹم میں 29 الیکٹران اور 35 نیوٹرون ہیں، معلوم کیجیے (i) پروٹونوں کی تعداد (ii) عنصر کا الیکٹران تشکیل 2.28
- انواع:  $H_2^+$ ،  $H_2$  اور  $O_2^-$  میں الیکٹرانوں کی تعداد بتائیے۔ 2.29
- (i) ایک ایٹمی ارہل کے لیے  $n = 3$  ہے۔  $l$  اور  $m_l$  کی ممکنہ قدریں کیا ہیں۔ 2.30
- (ii)  $3d$  ارہل کے الیکٹران کے لیے کوئی اعداد ( $l$  اور  $m_l$ ) کی فہرست تیار کیجیے۔ 2.31
- (iii) مندرجہ ذیل میں سے کون سے ارہل ممکن ہیں:  $3f$  اور  $2p$ ،  $2s$ ،  $1p$  2.32
- $d$ ،  $p$ ،  $s$  اور  $f$  کے استعمال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل کوئی اعداد  $l$  لے ارہل بیان کیجیے: 2.29
- (a)  $l = 3, n = 4$  (b)  $l = 2, n = 3$  (c)  $l = 1, n = 3$  (d)  $l = 0, n = 1$  2.30
- وجہ بتاتے ہوئے وضاحت کیجیے کہ مندرجہ ذیل میں سے کوئی اعداد کے کون سے سوٹ ممکن نہیں ہیں۔ 2.31
- (a)  $n = 0, l = 0, m_l = 0, m_s = +\frac{1}{2}$
- (b)  $n = 1, l = 0, m_l = 0, m_s = -\frac{1}{2}$
- (c)  $n = 1, l = 1, m_l = 0, m_s = +\frac{1}{2}$
- (d)  $n = 2, l = 1, m_l = 0, m_s = -\frac{1}{2}$
- (e)  $n = 3, l = 3, m_l = -3, m_s = +\frac{1}{2}$
- (f)  $n = 3, l = 1, m_l = 0, m_s = +\frac{1}{2}$  2.31
- کسی ایٹم میں کتنے الیکٹرانوں کے مندرجہ ذیل کوئی اعداد ہو سکتے ہیں: 2.31
- (a)  $n = 4, m_l = -\frac{1}{2}$  (b)  $n = 3, l = 0$
- دکھائیے کہ ہائڈروجن ایٹم کے لیے یوہر ارہٹ کا محیط (Circumfrance)، ارہٹ میں گھومتے ہوئے الیکٹران سے منسلک ذی براہی طول موج کا ایک صحیح عددی ضعف (Integral Multiple) ہے۔ 2.32
- ہائڈروجن طیف میں کس ٹرانزیشن کا طول موج  $H_\alpha$  طیف کے  $n - 4$  سے  $n - 2$  تک بالمر ٹرانزیشن کے طول موج کے مساوی ہوگا۔ 2.33
- عمل:  $He^+(g) \rightarrow He^{2+}(g) + e^-$  کے لیے درکار توانائی کا حساب لگائیے۔ گراؤنڈ اسٹیٹ میں ہائڈروجن ایٹم کے لیے آئن کاری توانائی  $2.18 \times 10^{18} \text{ J atm}^{-1}$  ہے۔ 2.34
- اگر کاربن ایٹم کا قطر  $0.15 \text{ nm}$  ہے، تو ان کاربن ایٹم کی تعداد معلوم کیجیے جو  $20 \text{ cm}$  لمبائی کے بسکٹ کے ساتھ ایک سیدھے خط میں ایک ایک کر کے رکھے جاسکتے ہیں۔ 2.35
- کاربن کے  $2 \times 10^6$  ایٹم پہلو پہلو ترتیب دیے گئے ہیں۔ اگر پوری ترتیب کی لمبائی  $2.4 \text{ cm}$  ہے تو کاربن ایٹم کا نصف قطر معلوم کیجیے۔ 2.36

- 2.37 زنک ایٹم کا قطر 2.6 Å ہے۔ حساب لگائیے (a) pm میں زنک ایٹم کا نصف قطر (b) اگر زنک ایٹموں کو ایک کر کے لمبائی میں ترتیب دیا جائے تو 1.6 cm لمبائی میں پائے جانے والے زنک ایٹموں کی تعداد۔
- 2.38 کسی ذرہ کا ساکن برقی چارج  $2.5 \times 10^{10} \text{ C}$  ہے۔ اس میں موجود الیکٹرانوں کی تعداد معلوم کیجیے۔
- 2.39 ملکیوں کے تجربے میں، تیل کے قطروں پر موجود ساکن برقی چارج X- شعاعوں کو چمکا کر حاصل کیا گیا ہے۔ اگر تیل کے قطروں پر ساکن برقی چارج  $1.282 \times 10^{-13} \text{ C}$  ہے تو اس میں موجود الیکٹرانوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔
- 2.40 رد فرورڈ کے تجربے میں عام طور سے  $\alpha$ - ذرات کی بمباری کے لیے، سونا، پتہ، نیکروم وغیرہ جیسے بھاری ایٹموں کے پتلے ورق استعمال کیے جاتے ہیں۔ اگر ایونیم وغیرہ جیسے ہلکے ایٹموں کے پتلے ورق استعمال کیے جائیں تو نتیجوں میں کیا فرق دیکھنے میں آئے گا؟
- 2.41 علامتیں  $^{79}\text{Br}$  اور  $^{81}\text{Br}$  لکھی جاسکتی ہیں جبکہ علامتیں  $^{79}\text{Br}$  قابل قبول نہیں ہیں۔ مختصراً جواب دیجیے۔
- 2.42 ایک عنصر کا کیمیائی عدد 81 ہے، اس میں پروٹانوں کے مقابلے میں 31.7% زیادہ نیوٹران ہیں۔ اسے ایسی علامت عطا کیجیے۔
- 2.43 ایک آئین، جس کا کیمیائی عدد 37 ہے، اس میں ایک اکائی چارج ہے۔ اگر آئین میں الیکٹرانوں کے مقابلے میں 11.1% زیادہ نیوٹران ہیں تو آئین کی علامت معلوم کیجیے۔
- 2.44 کیمیائی عدد 56 والے آئین، پر 13 کائی مثبت چارج پایا جاتا ہے اور اس میں الیکٹرانوں کے مقابلے میں نیوٹرانوں کی تعداد 30.4% زیادہ ہے۔ اس آئین کی علامت بتائیے۔
- 2.45 مندرجہ ذیل قسم کے اشعاع کو فریکوئنسی کی صعودی ترتیب (Increasing order) میں لکھیے: (a) مائیکروویو اور اون سے خارج ہونے والے اشعاع (b) ٹریٹیک سنگٹل کی نمبر روشنی (c) FM ریڈیو کا اشعاع (d) بیرونی اسپیس سے آنے والی کاسمک شعاعیں (e) X- شعاعیں۔
- 2.46 ناروجن سبز 337.1 nm طول موج کا اشعاع پیدا کرتا ہے۔ اگر خارج ہونے والے فوٹانوں کی تعداد  $5.6 \times 10^{23}$  ہے تو اس لیزر کی پاور کا حساب لگائیے۔
- 2.47 ساکن یورڈوں میں عام طور سے نیون گیس استعمال کی جاتی ہے۔ اگر یہ 616 nm پر تیزی سے اخراج کرتی ہے تو حساب لگائیے: (a) اخراج کی فریکوئنسی (b) اس اشعاع کے ذریعے 30s میں طے کیا گیا فاصلہ (c) کوٹم کی توانائی (d) موجودہ فوٹانوں کی تعداد جبکہ یہ 2 توانائی پیدا کرتی ہے۔
- 2.48 فلکیاتی مشاہدوں میں بہت دور کے ستاروں سے آنے والے سنگٹل عام طور پر کمزور ہوتے ہیں۔ اگر ایک فوٹان شاس 600 nm کے اشعاع سے کل  $3.15 \times 10^{-18} \text{ J}$  توانائی موصول کرتا ہے تو شاس کے ذریعے موصول کیے جانے والے فوٹانوں کی تعداد کا حساب لگا ہے۔
- 2.49 جو سالمات اشتعالی حالت میں ہوتے ہیں، ان کے دور حیات، اکثر پلس شدہ اشعاع ماخذ کو، جن کا وقفہ نیوٹرون کی رینج میں ہوتا ہے، استعمال کر کے معلوم کیے جاتے ہیں۔ اگر اشعاع ماخذ کا وقفہ 2 ns ہے اور اس وقفہ میں پلس ماخذ سے خارج ہونے والے فوٹانوں کی تعداد  $2.5 \times 10^{15}$ ، تو ماخذ کی توانائی کا حساب لگائیے۔
- 2.50 سب سے زیادہ لمبی طول موج کا ڈبلٹ انجیڈ اینی ٹرانزیشن 589.6 اور 589.0 nm پر دیکھا گیا ہے۔ ایک ٹرانزیشن کی فریکوئنسی اور دونوں مشتعل حالتوں کے درمیان توانائی فرق کے حساب لگائیے۔
- 2.51 سیزیم ایٹم کا کام تعامل 1.9 eV ہے۔ حساب لگائیے (a) ریڈیو طول موج (b) اشعاع کی ویلنٹی فریکوئنسی اگر سیزیم ایٹم پر 500 nm طول موج کی اشعاع ریزی کی جائے تو خارج ہونے والے فوٹانوں کی تعداد اور توانائی کا حساب لگائیے۔

2.52 سوڈیم دھات پر مختلف طول موج کی اشعاع ریزی کی جاتی ہے تو مندرجہ ذیل نتائج حاصل ہوتے ہیں: حساب لگائیے (a) دہلیز طول موج اور (b) پلانک مستقلہ

$$\lambda \text{ (nm)} \quad 500 \quad 450 \quad 400$$

$$v \times 10^{-14} \text{ (cms}^{-1}\text{)} \quad 2.55 \quad 4.35 \quad 5.35$$

2.53 چاندی دھات سے، نیا برقی اثر تجربے کے دوران، فوٹو الیکٹرانوں کا اخراج  $0.35v$  کا دوہلیز لگ کر روکا جا سکتا ہے۔ جب کہ استعمال کیے جانے والے اشعاع کا طول موج  $256.7 \text{ nm}$  ہے۔ چاندی دھات کے لیے کام تعلق کا حساب لگائیے۔

2.54 اگر  $150 \text{ pm}$  طول موج کا ایک فوٹون ایک ایٹم سے ٹکراتا ہے اور اس ایٹم کا ایک اندرونی بندھا ہوا الیکٹران  $1.5 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے خارج ہوتا ہے، تو اس توانائی کا حساب لگائیے، جس سے وہ الیکٹران نیوکلئیس سے بندھا ہوا تھا۔

2.55 پانچن سلسلہ میں اخراج عبور آرہٹ  $n=3$  پر رک جاتے ہیں اور آرہٹ  $n$  سے شروع ہوتے ہیں اور انہیں ظاہر کیا جا سکتا ہے:

$$-v = 3.29 \times 10^{15} \text{ [Hz]} \left[ \frac{1}{3^2} - \frac{1}{n^2} \right]$$

اگر عبور  $1285 \text{ nm}$  پر دیکھنے میں آتا ہے تو  $n$  کی قدر کا حساب لگائیے۔ طیف کا نقطہ معلوم کیجیے۔

2.56 اس اخراجی ٹرانزیشن کا طول موج معلوم کیجیے جو اس آرہٹ سے شروع ہوتا ہے، جس کا نصف قطر  $1.3225 \text{ nm}$  ہے اور  $211.6 \text{ pm}$  نصف قطر والے آرہٹ پر ختم ہوتا ہے۔ اس سلسلے کا نام بتائیے، جس سے یہ ٹرانزیشن تعلق رکھتا ہے اور طیف کا نقطہ بتائیے۔

2.57 ڈی گمراہی کے ذریعے تجویز کے گئے مادہ کے دہرنے برتاؤ نے الیکٹران مائیکروسکوپ کی دریافت کی راہ دکھائی۔ یہ مائیکروسکوپ اکثر حیاتیاتی سالمات اور دوسرے قسم کے مادوں کے بہت زیادہ بکیر شدہ عکس حاصل کرنے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔ اگر اس مائیکروسکوپ میں الیکٹران کی رفتار  $1.6 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$  ہے، تو اس الیکٹران سے منسلک ڈی براگلی طول موج کا حساب لگائیے۔

2.58 الیکٹران انفراف مائیکروسکوپ کی طرح نیوزان انفراف مائیکروسکوپ کا استعمال بھی سالمات کی ساخت معلوم کرنے کے لیے ہوتا ہے۔ اگر یہاں استعمال ہونے والی طول موج  $800 \text{ pm}$  ہے تو نیوزان سے منسلک مخصوص رفتار کا حساب لگائیے۔

2.59 اگر بوہر کے پیمے آرہٹ میں الیکٹران کی رفتار  $2.19 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$  ہے تو اس سے منسلک ڈی براگلی طول موج کا حساب لگائیے۔

2.60  $1000 \text{ V}$  کے برقی مضمر فرق میں حرکت کرتے ہوئے پروٹان سے منسلک رفتار  $4.37 \times 10^8 \text{ ms}^{-1}$  ہے۔ اگر  $0.1 \text{ kg}$  کمیت کی ہائی کی گیند اسی رفتار سے حرکت کر رہی ہو تو اس رفتار سے منسلک طول موج کا حساب لگائیے۔

2.61 اگر ایک الیکٹران کا مقام  $0.002 \text{ nm}$  کی درستگی صحت کے ساتھ ناپا جاتا ہے تو الیکٹران کے معیار حرکت میں عدم یقینی کا حساب لگائیے۔ فرض کیجیے الیکٹران کا معیار حرکت  $0.05 \text{ nm} \times \frac{h}{4\pi}$  ہے۔ اس قدر کی تعریف کرنے میں کیا کوئی مسئلہ ہے؟

2.62 چھ الیکٹرانوں کے کوانٹم نمبر ذیل میں دیے گئے ہیں۔ انہیں برہقی موٹی توانائی کی ترتیب میں رکھئے۔ کیا ان میں سے کسی مجموعے (مجموعوں) کی توانائی یکساں ہے۔

1.  $n = 4, l = 2, m_l = -2, m_s = -1/2$

2.  $n = 3, l = 2, m_l = 1, m_s = -1/2$

3.  $n = 4, l = 1, m_l = 0, m_s = -1/2$

4.  $n = 3, l = 2, m_l = -2, m_s = -1/2$

5.  $n = 3, l = 1, m_l = -1, m_s = +1/2$

6.  $n = 4, l = 1, m_l = 0, m_s = -1/2$

- 2.63 برڈمین ایٹم میں 35 الیکٹران ہوتے ہیں۔ اس میں سے 6 الیکٹران 2p اور 16 الیکٹران 3p اور 5 الیکٹران 4p اور 1 میں ہوتے ہیں۔ ان میں سے کون سے الیکٹران سب سے کم موثر نیوکلیائی چارج محسوس کرتے ہیں۔
- 2.64 مندرجہ ذیل اورٹل کے جوڑوں میں کون سا اورٹل متاثر زیادہ نیوکلیائی چارج محسوس کرے گا؟
- (i) 3s اور 2s (ii) 4d اور 4f (iii) 3d اور 3p
- 2.65 Al اور Si میں غیر جفتی الیکٹران 3p اورٹل میں ہوتے ہیں۔ کون سے الیکٹران نیوکلیس سے متاثر زیادہ موثر نیوکلیائی چارج محسوس کریں گے۔
- 2.66 مندرجہ ذیل میں غیر جفتی الیکٹرانوں کی نشاندہی کیجئے:
- (a) p (b) si (c) Cr (d) Fe (e) Kr
- 2.67 (a)  $n=4$  سے کتنے ذیلی شیل منسلک ہیں۔ (b)  $n=4$  کے لیے ان ذیلی شیل میں کتنے الیکٹران ہوں گے، جن کی  $m$  قدر  $(-1/2)$  ہے۔

© NCERT  
not to be republished