باب 8

حرکت
(Motion)

4916CH08

ہم اپنی روزمرہ زندگی میں کچھ چیزوں کو حالتِ سکون میں اور کچھ کو حرکت کرتے ہوئے دیکھتے ہیں۔ پرندے ہوا میں پرواز کرتے ہیں، مچھلیاں پانی میں تیرتی ہیں اور خون شریانوں اور رگوں میں بہتا ہے۔ ایٹم، سالمات، سیارے، ستارے اور کہکشاں (Galaxy) سب حرکت کر رہے ہیں۔ ہم اکثر و بیشتر کسی شے کی حرکت کا احساس اس وقت کرتے ہیں جب اس کے مقام میں وقت کے ساتھ تبدیلی ہوتی ہے۔ لیکن بعض حالات میں ہم ایک شے میں ہونے والی حرکت کا احساس بالواسطہ شواہد کے ذریعے کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر ہم ہوا کی حرکت کا احساس، دھول اڑنے اور درختوں کی پتیوں اور ٹہنیوں کے ہلنے سے کرتے ہیں۔ طلوعِ آفتاب، غروبِ آفتاب اور موسموں کی تبدیلی جیسے مظاہر کی وجہ کیا ہے؟ کیا یہ سب زمین کی حرکت کا نتیجہ ہیں؟ اگر یہ درست ہے تو ہم زمین کی حرکت کا احساس براہِ راست کیوں نہیں کر پاتے؟

ایک شے کسی ایک شخص کو تو حرکت کرتی ہوئی معلوم ہوسکتی ہے، جبکہ وہی شے ایک دوسرے شخص کو ساکن (Stationary) محسوس ہوتی ہے۔ ایک چلتی ہوئی بس کے مسافروں کو سڑک کے کنارے لگے درخت پیچھے کی سمت میں حرکت کرتے ہوئے معلوم ہوتے ہیں۔ سڑک پر کھڑا ہوا شخص محسوس کرتا ہے کہ بس اور اس کے ساتھ ساتھ اس میں بیٹھے مسافر آگے کی سمت میں حرکت کر رہے ہیں۔ جبکہ بس میں بیٹھا ہوا شخص یہ محسوس کرتا ہے کہ اس کے ساتھی مسافر حالتِ سکون میں ہیں۔ یہ مشاہدات کیا نشاندہی کرتے ہیں؟

زیادہ تر حرکتیں پیچیدہ ہوتی ہیں۔ کچھ اشیا ایک خطِ مستقیم پر حرکت کرتی ہیں، جبکہ کچھ دائری راستہ اختیار کرتی ہیں۔ کچھ گردش (Rotation) کرسکتی ہیں اور کچھ ارتعاش (Vibration) کرتی ہیں۔ ایسی صورتیں بھی ہوسکتی ہیں، جن میں حرکت ان تمام قسم کی حرکتوں کا مجموعہ ہو۔ اس باب میں ہم پہلے ایک خطِ مستقیم (Straight line) پر چیزوں کی حرکت کو بیان کرنا سیکھیں گے۔ ہم اس قسم کی حرکت کا سادہ ریاضیاتی مساواتوں اور گراف کے ذریعے اظہار کرنا بھی سیکھیں گے۔ بعد میں ہم دائری حرکت کو بیان کرنے کے طریقے سیکھیں گے۔

سرگرمی 8.1

- بحث کیجیے کہ آپ کے کمرہ جماعت کی دیواریں حالتِ سکون میں ہیں یا حرکت کر رہی ہیں۔

سرگرمی 8.2

- کیا آپ نے کبھی یہ تجربہ کیا ہے کہ آپ جس ریل گاڑی میں بیٹھے ہوئے ہوں وہ آپ کو حرکت کرتی ہوئی محسوس ہوئی ہو، جبکہ دراصل وہ رکی ہوئی ہے؟
- اپنا تجربہ اپنے ساتھیوں کو بتائیے اور اس پر بحث کیجیے۔

سوچیے اور عمل کیجیے

کئی بار ھمیں اپنی آس پاس کی اشیا کی حرکت کی وجہ سے خطرہ بھی ہوتا ھے۔ خاص طور پر اس صورت میں، جب یہ حرکت بے ضبط اور بے قابو ہو، جیسے کہ ایك سیلاب زدہ دریا، ایك طوفان یا ایك سُونامی کی لہر۔ دوسری طرف، ایسی حرکت، جس پر ھمارا قابو ہو، انسانی زندگی کے لیے سھولتیں بھی مھیا کرتی ھے، جیسے کہ آبی برقی پاور کی پیداوار۔ اب آپ کیا اس طرح کی اشیا کی حرکت کا مطالعہ کرنے اور ان پر قابو پانا سیکھنے کی ضرورت محسوس کرتے ھیں؟

© NCERT not to be republished

8.1 حرکت کو بیان کرنا
(Describing Motion)

ہم کسی شے کی جائے وقوع ایک حوالہ جاتی نقطہ (Reference Point) کو متعین کرکے، بیان کرتے ہیں۔ آیئے اس بات کو ایک مثال کے ذریعے سمجھیں۔ ہم مان لیتے ہیں کہ ایک گاؤں کا اسکول ریلوے اسٹیشن سے 2 کلومیٹر شمال کی جانب ہے۔ ہم نے اسکول کا مقام ریلوے اسٹیشن کی مناسبت سے متعین کیا ہے۔ اس مثال میں ریلوے اسٹیشن حوالہ جاتی نقطہ ہے۔ ہم اپنی سہولت کے لحاظ سے کوئی اور حوالہ جاتی نقطہ بھی منتخب کرسکتے تھے۔ اس لیے، کسی شے کے مقام کو بیان کرنے کے لیے ہمیں ایک حوالہ جاتی نقطہ متعین کرنا ہوتا ہے، جسے مبدا (Origin) کہتے ہیں۔

8.1.1 خطِ مستقیم پر حرکت
(Motion along a Straight Line)

حرکت کی سادہ ترین قسم خطِ مستقیم پر حرکت ہے۔ ہم پہلے ایک مثال کی مدد سے اسے بیان کرنا سیکھیں گے۔ ایک مستقیم راستے پر حرکت کرتی ہوئی شے کی حرکت ملاحظہ کیجیے۔ شے اپنا سفر نقطہ O سے شروع کرتی ہے، جسے ہم اس کا حوالہ نقطہ مان سکتے ہیں (شکل 8.1)۔ فرض کیجیے A، B اور C مختلف لمحات پر اس کا مقام ظاہر کرتے ہیں۔ شے سب سے پہلے C اور B سے گذر کر نقطہ A پر پہنچتی ہے۔ پھر وہ اسی راستے پر واپس لوٹتی ہے اور B سے ہوتی ہوئی C پر پہنچتی ہے۔

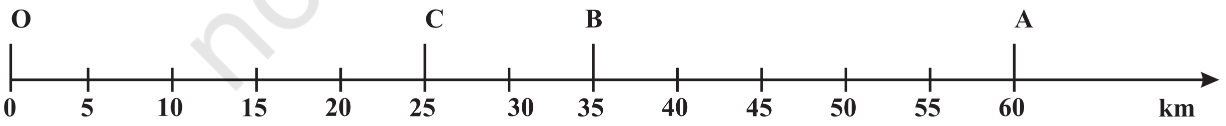
شے کے ذریعے طے کیے گئے راستے کی کل لمبائی: OA + AC، یعنی 60 km + 35 km = 95km ہے۔ یہ شے کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ (Distance) ہے۔ فاصلہ بیان کرنے کے لیے ہمیں صرف عددی قدر متعین کرنی ہوتی ہے، حرکت کی سمت نہیں۔ ایسی کئی مقداریں ہیں، جنھیں بیان کرنے کے لیے ان کی صرف عددی قدر متعین کرنی ہوتی ہے۔ ایک طبعی مقدار کی عددی قدر اس کی مطلق قدر (Magnitude) ہوتی ہے۔ کیا اس مثال میں آپ ابتدائی مقام O سے شے کے آخری مقام C کا فاصلہ معلوم کرسکتے ہیں؟ یہ فرق آپ کو A سے ہوتے ہوئے O سے C تک، A سے گزرتے ہوئے، منتقلی (Displacement) کی عددی قدر فراہم کرے گا۔ ابتدائی مقام سے آخری مقام تک کا کم ترین فاصلہ نقل مکان/منتقلی کہلاتا ہے۔

کیا نقل مکان کی عددی قدر ایک شے کے ذریعے طے کیے گئے فاصلے کے مساوی ہوسکتی ہے؟

شکل 8.1 میں دکھائی گئی مثال ملاحظہ کیجیے۔ شے کی O سے A تک کی حرکت کے لیے، طے کیا گیا فاصلہ 60km ہے اور نقل مکان کی عددی قدر بھی 60km ہے۔ لیکن اس کی O سے A تک اور پھر واپس B تک کی حرکت میں، طے کیا گیا فاصلہ: 60km + 25km = 85km ہے، جبکہ نقل مکان کی عددی قدر 35km ہے۔ اس طرح، نقل مکان کی عددی قدر (35km)، طے کیے گئے راستے کی لمبائی (85km) کے مساوی نہیں ہے۔ مزید ہم یہ بھی دیکھیں گے کہ ایک حرکت میں نقل مکان کی عددی قدر صفر بھی ہوسکتی ہے، جبکہ طے کیا گیا متعلقہ فاصلہ صفر نہیں ہوگا۔ اگر ہم یہ مان لیں کہ شے واپس O تک سفر کرتی ہے تو آخری مقام، ابتدائی مقام پر منطبق ہے، اس لیے نقل مکان صفر ہے۔ حالانکہ اس سفر میں طے کیا گیا فاصلہ: OA+AO=60km+60km=120km ہے۔ اس لیے کسی شے کی مجموعی حرکت کو بیان کرنے کے لیے اور اس کے ابتدائی مقام کی مناسبت سے اس کے اختتامی مقام کی جائے وقوع متعین کرنے کے لیے، دو مختلف طبعی مقداریں: فاصلہ اور نقل مکان، استعمال کی جاتی ہیں۔

سرگرمی 8.3

- ایک میٹر اسکیل اور ایک لمبی رسی لیجیے۔
- باسکٹ بال کورٹ کے ایک کونے سے اس کے سامنے والے کونے تک لائن کے ساتھ ساتھ چلیے۔
- آپ نے جو فاصلہ طے کیا اور نقل مکان کی عددی قدر ناپیے۔
- اس صورت میں آپ ان دونوں میں کیا فرق پائیں گے؟



شکل 8.1: ایک خطِ مستقیم پر شے کے مقامات

© NCERT not to be republished

سرگرمی 8.4

- گاڑیوں میں ایسا آلہ نصب ہوتا ہے جو طے کیا گیا فاصلہ بتاتا ہے۔ اس آلہ کو فاصلہ پیما (Odometer) کہتے ہیں۔ ایک کار نے بھونیشور سے دہلی تک سفر کیا۔ فاصلہ پیما کی ابتدائی اور اختتامی ریڈنگ کا فرق 1850km ہے۔
- ہندوستان کے سڑک نقشہ کا استعمال کرکے بھونیشور اور دہلی کے درمیان نقل مکان کی عددی قدر معلوم کیجیے۔

سوالات

1۔ ایک شے نے کچھ فاصلہ طے کیا ہے۔ کیا اس کا نقل مکان صفر ہوسکتا ہے؟ اگر ہاں، تو اپنے جواب کے حق میں ایک مثال دیجیے۔

2۔ ایک کسان مربع نما کھیت کا ایک ضلع، جس کی لمبائی 10 میٹر ہے، 40 سیکنڈ میں طے کرتا ہے۔ 2 منٹ 20 سیکنڈ ختم ہونے پر، نقل مکان کی عددی قدر اس کے ابتدائی مقام سے کتنی ہوگی؟

3۔ مندرجہ ذیل میں سے نقل کے لیے کون سا بیان درست ہے؟

(a) یہ صفر نہیں ہوسکتا۔

(b) اس کی عددی قدر شے کے ذریعے طے کیے گئے فاصلے سے بڑی ہوتی ہے۔

8.1.2 یکساں حرکت اور غیر یکساں حرکت (Uniform Motion and Non Uniform Motion)

تصور کیجیے کہ ایک شے ایک خطِ مستقیم پر حرکت کررہی ہے۔ فرض کیجیے وہ پہلے سیکنڈ میں 5 میٹر کا فاصلہ طے کرتی ہے۔ دوسرے سیکنڈ میں 5 سیکنڈ میٹر کا فاصلہ اور طے کرتی ہے، تیسرے سیکنڈ میں بھی 5 کا میٹر کا فاصلہ طے کرتی ہے اور چوتھے سیکنڈ میں بھی 5 میٹر کا فاصلہ طے کرتی ہے۔ اس صورت میں وہ ہر ایک سیکنڈ میں 5 سیکنڈ میٹر طے کرتی ہے۔ کیونکہ شے مساوی وقفہ میں مساوی فاصلہ کرتی ہے لہٰذا ہم کہتے ہیں کہ اس کی حرکت ''یکساں حرکت'' ہے۔ اس حرکت میں وقفہ چھوٹا ہونا چاہیے۔ ہم اپنی روزمرہ زندگی میں بہت سی ایسی صورتیں دیکھتے ہیں، جن میں اشیا مساوی وقفہ میں غیر مساوی فاصلہ طے کرتی ہیں۔ مثال کے طور پر جب کوئی کار ایک بھیڑ والی گلی میں سے گذر رہی ہو یا کوئی شخص پارک میں دوڑ رہا ہو۔ یہ غیر یکساں حرکت کی کچھ مثالیں ہیں۔

سرگرمی 8.5

- دو اشیا A اور B کی حرکت سے متعلق اعداد و شمار مندرجہ ذیل جدول (8.1) میں دیے گئے ہیں۔
- انہیں غور سے دیکھیے اور بتائیے کہ ان اشیا کی حرکت یکساں ہے یا غیر یکساں۔

جدول 8.1

وقت	شے A کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ (میٹر میں)	شے B کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ (میٹر میں)
9.30 AM	10	12
9.45 AM	20	19
10.00 AM	30	23
10.15 AM	40	35
10.30 AM	50	37
10.45 AM	60	41
11.00 AM	70	44

8.2 شرح حرکت کی پیمائش (Measuring the Rate of Motion)

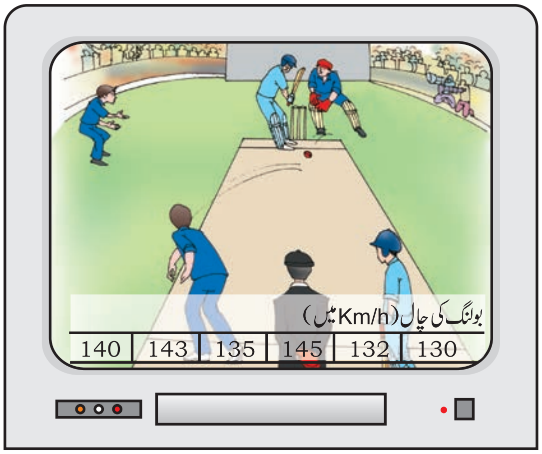
شکل 8.2 میں دکھائی گئی صورت حال پر غور کیجیے۔ اگر شکل 8.2(a) میں بولنگ کرنے کی چال $143 kmh^{-1}$ ہے، تو اس کا کیا مطلب ہے؟ شکل 8.2(b) میں دکھائے گئے سائن بورڈ سے آپ کیا سمجھتے ہیں؟

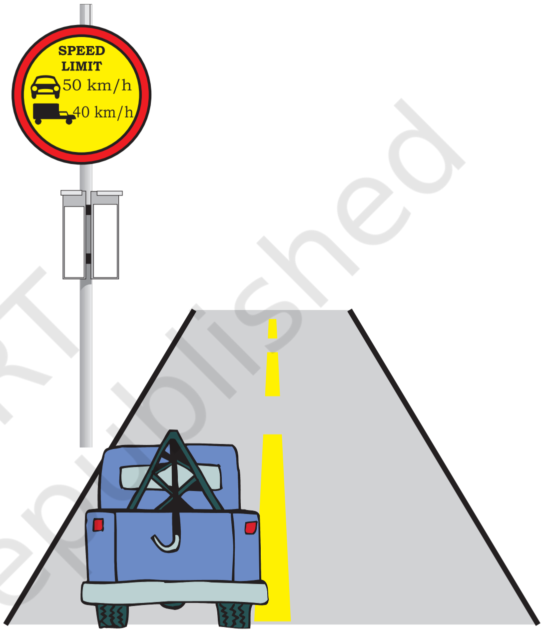
مختلف اشیا ایک دیے ہوئے فاصلے کو طے کرنے میں مختلف وقت لے سکتی ہیں۔ ان میں سے کچھ تیزی سے حرکت کرتی ہیں اور کچھ کی حرکت آہستہ ہوتی ہے۔ اشیا جس شرح سے حرکت کرتی ہیں وہ بھی مختلف ہوسکتی ہے اور مختلف اشیا یکساں شرح سے بھی حرکت کرسکتی ہیں۔ ایک شے کی حرکت کرنے کی شرح کو ناپنے کا ایک طریقہ یہ بھی ہوسکتا ہے کہ یہ معلوم کیا

© NCERT not to be republished

جائے کہ شے نے اکائی وقت میں کتنا فاصلہ طے کیا ہے۔ اس مقدار کو ہم چال (Speed) کہتے ہیں۔ چال کی SI اکائی میٹر فی سیکنڈ ہے۔ اسے علامت $m\ s^{-1}$ سے ظاہر کرتے ہیں۔ چال کی دوسری اکائیاں سینٹی میٹر فی سیکنڈ ($cm\ s^{-1}$) اور کلومیٹر فی گھنٹہ ($km\ h^{-1}$) ہیں۔

ایک شے کی چال متعین کرنے کے لیے ہمیں صرف اس کی عددی قدر درکار ہوتی ہے۔ ضروری نہیں ہے کہ ایک شے کی چال کوئی مستقلہ ہی ہو۔ زیادہ تر صورتوں میں اشیا کی حرکت غیر یکساں ہوتی ہے۔ اس لیے ہم ایسی اشیا کی حرکت کی شرح ان کی اوسط چال کی شکل میں بیان کرتے ہیں۔





شکل 8.2

ایک شے کی اوسط چال (Average Speed) اس کے ذریعے طے کیے گئے کل فاصلہ کو لگنے والے کل وقت سے تقسیم کرکے حاصل کی جاتی ہے، یعنی:

$$\text{اوسط چال} = \frac{\text{طے کیا گیا کل فاصلہ}}{\text{لگنے والا کل وقت}}$$

اگر ایک شے t وقت میں فاصلہ 's' طے کرتی ہے، تو اس کی چال 'u' کو مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کیا جاتا ہے:

$$v = \frac{s}{t} \qquad (8.1)$$

آیئے اسے ایک مثال کی مدد سے سمجھیں۔ ایک کار 2 گھنٹے میں 100 کلومیٹر فاصلہ طے کرتی ہے۔ اس کی اوسط چال $50\ km\ h^{-1}$ ہے۔ ہوسکتا ہے کار اس پوری مدت میں $50\ km\ h^{-1}$ کی چال سے نہ چلی ہے۔ ممکن ہے کسی وقت وہ اس سے بھی تیز چلی ہو اور کسی وقت اس سے آہستہ۔

مثال 8.1 ایک شے 4s میں 16m کا فاصلہ طے کرتی ہے اور مزید 16m کا فاصلہ 2s میں طے کرتی ہے۔ اس شے کی اوسط چال کیا ہے؟

حل:

شے کے ذریعے طے کیا گیا کُل فاصلہ $= 16m + 16m = 32m$

لگنے والا کل وقت $= 4s + 2s = 6s$

$$\text{اوسط چال} = \frac{\text{طے کیا گیا کل فاصلہ}}{\text{لگنے والا کل وقت}} = \frac{32m}{6s}$$

$$= 5.33\ m\ s^{-1}$$

اس لیے، شے کی اوسط چال $5.33\ m\ s^{-1}$ ہے۔

8.2.1 چال مع سمت (Speed with Direction)

اگر ہم کسی شے کی چال کے ساتھ ساتھ اس کی حرکت کی سمت بھی متعین کردیں تو اس شے کی شرح حرکت مزید واضح ہوجاتی ہے۔ وہ مقدار جو ان دونوں پہلوؤں کو متعین کرتی ہے، ''رفتار'' (Velocity) کہلاتی ہے۔ رفتار اس شے کی چال ہے جو ایک طے شدہ سمت میں حرکت کر رہی ہے۔ ایک شے کی رفتار یکساں بھی ہوسکتی ہے اور متغیر بھی۔ اسے تبدیل کرنے کے لیے شے کی چال، حرکت کی سمت یا دونوں کو تبدیل کیا جاسکتا ہے۔ جب کوئی

© NCERT not to be republished

شے ایک خطِ مستقیم پر متغیرہ چال سے حرکت کر رہی ہو تو ہم اس کی شرح حرکت کی عددی قدر کو اس کی اوسط رفتار کی شکل میں ظاہر کر سکتے ہیں۔ اس کا حساب اسی طرح لگایا جاتا ہے، جس طرح ہم اوسط چال کا حساب لگاتے ہیں۔

اگر ایک شے کی رفتار، یکساں شرح کے ساتھ تبدیل ہو رہی ہو، تو اوسط رفتار دیے ہوئے وقفہ میں، اس کی ابتدائی رفتار اور اختتامی رفتار کے حسابی وسطانیہ (Arithmetic mean) کے ذریعے ظاہر کی جاتی ہے یعنی:

$$\text{اوسط رفتار} = \frac{\text{آغازی رفتار} + \text{اختتامی رفتار}}{2}$$

ریاضیاتی شکل میں

$$v_{av} = \frac{v + v}{2} \qquad (8.2)$$

جہاں v_{av}، اوسط رفتار ہے، u شے کی ابتدائی رفتار اور v شے کی اختتامی رفتار ہے۔ چال اور رفتار کو اکثر ایک ہی معنی میں استعمال کیا جاتا ہے۔ دونوں کی اکائیاں یکساں ہیں۔

سرگرمی 8.6

- اپنے گھر سے آپ کو بس اسٹاپ یا اپنے اسکول تک پیدل چلنے میں جتنا وقت لگتا ہے، اس کی پیائش کیجیے۔ اگر آپ یہ مانتے ہیں کہ آپ کی اوسط چال $4\ \text{kmh}^{-1}$ ہے، تو اپنے گھر سے بس اسٹاپ یا اسکول کے فاصلے کا حساب لگائیے۔

سرگرمی 8.7

- جب بادل گھرے ہوتے ہیں تو بار بار بادل گرجتے ہیں اور بجلی کڑکتی ہے۔ آپ کو بادلوں کی گرج بعد میں سنائی دیتی ہے اور بجلی کڑکتی ہوئی پہلے دکھائی دے جاتی ہے۔
- کیا آپ بتا سکتے ہیں، ایسا کیوں ہوتا ہے؟
- ایک اسٹاپ واچ یا ڈیجیٹل کلائی گھڑی (Digital Watch) کی مدد سے ان دونوں کے بیچ کا وقفہ معلوم کیجیے۔
- بجلی کڑکنے کے قریب ترین نقطے کے فاصلہ کا حساب لگائیے۔ (مان لیجیے، آواز کی چال $= 346\ \text{ms}^{-1}$)۔

سوالات

1۔ چال اور رفتار میں فرق واضح کیجیے۔

2۔ کن شرائط کے ساتھ ایک شے کی اوسط رفتار کی عددی قدر اس کی اوسط چال کے مساوی ہوگی؟

3۔ ایک موٹر گاڑی کا رفتار پیا (Speedmeter) کیا ناپتا ہے؟

4۔ جب ایک شے یکساں حرکت کر رہی ہو تو اس کا راستہ کس شکل کا ہوگا؟

5۔ ایک تجربے میں کسی خلائی جہاز (Spaceship) سے ایک وائرلیس سگنل زمینی اسٹیشن (Ground Station) تک 5 منٹ میں پہنچا۔ خلائی جہاز کا زمینی اسٹیشن سے فاصلہ کتنا تھا؟ ($= 3 \times 108\ \text{ms}^{-1}$ روشنی کی چال = وائرلیس کی چال)۔

مثال 8.2 ایک کار کا اوڈومیٹر سفر کے شروع میں 2000 کلومیٹر اور سفر کے اختتام پر 2400 کلومیٹر ظاہر کرتا ہے۔ اگر سفر میں 8 گھنٹے لگے، تو کار کی اوسط چال کا حساب k mh^{-1} میں، اور m s^{-1} میں لگائیے۔

حل:

کار کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ =

$$s = 2400\ \text{km} - 22000\ \text{km} = 400\ \text{km}$$

لگنے والا وقت $(t) = 8\text{h}$

کار کی اوسط چال $v_{av} = \frac{s}{t} = \frac{400\text{km}}{8\text{h}}$

$$= 50\ \text{k mh}^{-1}$$

$$= 50 \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{1000\text{m}}{1\text{km}} \times \frac{1\text{h}}{3600\text{s}} =$$

$$= 13.9\ \text{m s}^{-1}$$

کار کی اوسط چال $500\ \text{km h}^{-1}$ یا $13.9\ \text{m s}^{-1}$ ہے۔

2019-20

© NCERT not to be republished

مثال 8.3 اوشا 90 میٹر کے ایک تالاب میں تیرتی ہے۔ وہ تالاب کے ایک سرے سے دوسرے سرے تک اور پھر واپس پہلے سرے تک 180 میٹر کا فاصلہ تیرتے ہوئے، ایک منٹ میں طے کر لیتی ہے۔ اوشا کی اوسط چال اور اوسط رفتار معلوم کیجیے۔

حل

اوشا کے ذریعے 1 منٹ میں طے کیا گیا فاصلہ = 180 m

اوشا کی ایک منٹ کے دوران نقل مکان = 0

$$\text{اوسط چال} = \frac{\text{طے کیا گیا کل فاصلہ}}{\text{لگنے والا کل وقت}}$$

$$= \frac{180\text{m}}{1\text{min}} = \frac{180\text{m}}{1\text{min}} \times \frac{1\text{min}}{60\text{sec}}$$

$$= 3 \text{ m s}^{-1}$$

$$\text{اوسط رفتار} = \frac{\text{نقل مکان}}{\text{لگنے والا کل وقت}}$$

$$= \frac{0\text{ m}}{60\text{ s}}$$

$$= 0 \text{ m s}^{-1}$$

اوشا کی اوسط چال 3 m s^{-1} اور اوسط رفتار 0 m s^{-1} ہے۔

8.3 رفتار کی تبدیلی کی شرح

(Rate of Change of Velocity)

خطِ مستقیم پر، یکساں حرکت کے دوران کسی شے کی رفتار، وقت کے ساتھ مستقلہ ہوتی ہے۔ اس صورت میں، کسی بھی وقفہ کے لیے، رفتار میں تبدیلی صفر ہوتی ہے۔ لیکن، غیر یکساں حرکت میں رفتار، وقت کے ساتھ تبدیل ہوجاتی ہے۔ مختلف لمحات اور راستے کے مختلف نقاط پر اس کی قدریں مختلف ہوتی ہیں۔ اس لیے کسی وقفہ کے دوران شے کی رفتار میں تبدیلی صفر نہیں ہوتی۔ کیا، اب ہم کسی شے کی رفتار میں تبدیلی کو ظاہر کر سکتے ہیں؟

اس طرح کے سوال کا جواب دینے کے لیے، ہمیں ایک اور طبیعی مقدار کو متعارف کرانا پڑے گا، جسے ''اسراع'' (Acceleration) کہتے ہیں۔ یہ کسی شے کی اکائی وقت میں تبدیلی رفتار کی پیمائش ہے۔

$$\text{اسراع} = \frac{\text{رفتار میں تبدیلی}}{\text{اس تبدیلی میں لگنے والا وقت}}$$

اگر ایک شے کی رفتار، وقفہ t میں، ابتدائی قدر 'u' سے تبدیل ہوکر اختتامی قدر 'υ' ہوجاتی ہے، تو اسراع 'a' مندرجہ ذیل ہوگا:

$$a = \frac{\upsilon - u}{t} \quad (8.3)$$

اس قسم کی حرکت، اسراعی حرکت (Accelerated Motion) کہلاتی ہے۔ اگر اسراع رفتار کی سمت میں ہے تو اسے ہم مثبت مانتے ہیں اگر یہ رفتار کی مخالف سمت میں ہے تو منفی۔ اسراع کی SI اکائی m s^{-2} ہے۔

اگر ایک شے مستقیم خط پر سفر کرتی ہے اور اس کی رفتار مساوی وقفہ میں مساوی مقدار میں کم یا زیادہ ہوتی ہے، تو شے کا اسراع، یکساں کہلاتا ہے۔ ایک آزادانہ طور پر گرتی ہوئی شے (Freely Falling Body) کی حرکت، یکساں اسراعی حرکت کی مثال ہے۔ اس کے برخلاف، ایک شے غیر یکساں اسراع کے ساتھ بھی حرکت کر سکتی ہے، اگر اس کی رفتار غیر یکساں شرح کے ساتھ تبدیل ہورہی ہو۔ مثال کے طور پر، ایک سیدھی سڑک پر چلتی ہوئی کار، اگر اپنی رفتار کی مقدار میں، یکساں وقفہ میں، غیر یکساں اضافہ کرتی ہے تو کہا جائے گا کہ کار غیر یکساں اسراع کے ساتھ حرکت کر رہی ہے۔

سرگرمی 8.8

- آپ اپنی روزمرہ زندگی میں مختلف قسم کی ''حرکات'' دیکھتے ہیں، جن میں
  - (a) اسراع، حرکت کی سمت میں ہے۔
  - (b) اسراع، حرکت کی مخالف سمت میں ہے۔
  - (c) اسراع یکساں ہے۔
  - (d) اسراع غیر یکساں ہے۔
- کیا آپ اوپر دی ہوئی حرکت کی قسموں میں سے ہر ایک قسم کی ایک مثال پیش کر سکتے ہیں۔

© NCERT not to be republished

مثال 8.4 حالتِ سکون سے شروع کرکے، راہول اپنی سائیکل چلانا شروع کرتا ہے۔ اور 30 سیکنڈ میں اس کی رفتار $6ms^{-1}$ ہوجاتی ہے۔ پھر وہ بریک لگاتا ہے اور اگلے 5 سیکنڈ میں اس کی رفتار کم ہوکر $4ms^{-1}$ ہوجاتی ہے۔ دونوں صورتوں میں سائیکل کے اسراع کا حساب لگائیے۔

حل:

پہلی صورت میں

ابتدائی رفتار، $u = 0$

اختتامی رفتار، $v = 6\ ms^{-1}$

وقت $(t) = 30s$

مساوات (8.3) سے، ہمارے پاس ہے۔

$$a = \frac{v-u}{t}$$

مندرجہ بالا مساوات میں u، v اور t کی دی ہوئی قدریں رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$a = \frac{(6ms^{-1} - 0ms^{-1})}{30\ s}$$

$$= 0.2ms^{-2}$$

دوسری صورت میں:

ابتدائی رفتار، $u = 6ms^{-1}$

اختتامی رفتار، $v = 4ms^{-1}$

وقت، $t = 5s$

تب

$$a = \frac{(4ms^{-1} - 6ms^{-1})}{5\ s}$$

$$= -0.4ms^{-2}$$

پہلی صورت میں سائیکل کا اسراع $0.2ms^{-2}$ اور دوسری صورت میں $-0.4\ ms^{-2}$ ہے۔

سوالات

1۔ آپ کب کہیں گے کہ ایک جسم (i) یکساں اسراع سے حرکت کررہا ہے۔ (ii) غیر یکساں اسراع سے حرکت کررہا ہے۔

2۔ ایک بس اپنی چال $80\ k\ mh^{-1}$ میں 5 sec سے $60\ k\ mh^{-1}$ کرلیتی ہے۔ بس کا اسراع معلوم کیجیے۔

3۔ ایک ریل گاڑی اسٹیشن سے چلنا شروع کرتی ہے اور یکساں اسراع سے حرکت کرتے ہوئے 10 منٹ میں $40\ kmh^{-1}$ کی رفتار پکڑ لیتی ہے۔ اس کا اسراع معلوم کیجیے۔

8.4 حرکت کا گرافی اظہار

(Graphical Representation of Motion)

گراف مختلف واقعات کے بارے میں اطلاعات کو تصویری شکل میں ظاہر کرنے کا ایک آسان طریقہ مہیا کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر، ایک روزہ کرکٹ میچ کو ٹیلی ویژن پر دکھاتے وقت، عمودی بار گراف ایک ٹیم کے ہر اوور میں بنائے گئے رنوں کی شرح کو ظاہر کرتے ہیں جیسا کہ آپ نے ریاضی میں پڑھا ہے خطِ مستقیم گراف، دو متغیرات والی خطی مساواتوں کو حل کرنے میں مدد کرتے ہیں۔

کسی شے کی حرکت کو بیان کرنے کے لیے ہم خطی گراف کا استعمال کرتے ہیں۔ اس صورت میں، خطّی گراف، ایک طبیعی مقدار، جیسے فاصلہ یا رفتار، کے دوسری طبیعی مقدار، مثلاً وقت، پر انحصار کو ظاہر کرتے ہیں۔

8.4.1 فاصلہ۔وقت گراف

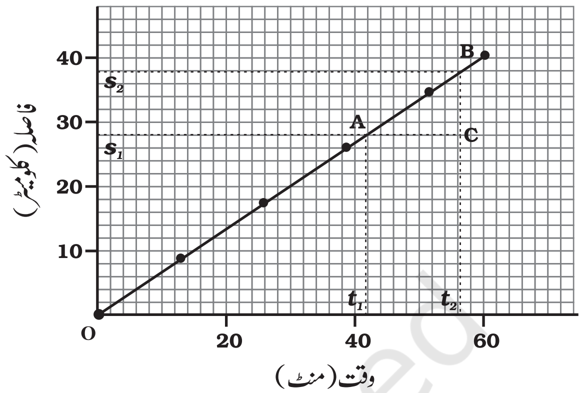
(Distance-Time Graphs)

ایک شے کے مقام میں وقت کے ساتھ ہونے والی تبدیلی کو، ایک مناسب پیمانہ منتخب کرکے، فاصلہ۔وقت گراف کے ذریعے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ اس گراف میں وقت کو x- محور پر لیتے ہیں اور فاصلہ کو y- محور پر۔ فاصلہ۔وقت گراف مختلف صورتوں میں استعمال کیے جاسکتے ہیں، مثلاً جب شے یکساں چال سے حرکت کررہی ہو یا غیر یکساں چال سے حرکت کررہی ہو، یا رکی ہوئی۔

ہم جانتے ہیں کہ جب کوئی شے یکساں وقفہ میں یکساں فاصلہ طے کرتی ہے تو وہ یکساں چال سے حرکت کررہی ہوتی ہے۔ یہ ظاہر کرتا ہے کہ شے کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ، وقت کے راست متناسب ہے۔

© NCERT not to be republished

اس لیے، یکساں چال کے لیے، ' فاصلہ بالمقابل وقت، گراف ایک خطِ مستقیم ہوتا ہے' جیسا کہ شکل 8.3 میں دکھایا گیا ہے۔ گراف کا حصہ OB ظاہر کرتا ہے کہ فاصلہ ایک مستقلہ شرح کے ساتھ بڑھ رہا ہے۔ نوٹ کریں کہ آپ یکساں چال، کی جگہ اصطلاح 'یکساں رفتار' بھی استعمال کرسکتے ہیں، بشرطیکہ آپ y- محور پر منتقلی کی عددی قدر کو شے کے ذریعے طے کیے گئے فاصلے کے مساوی لے لیں۔



شکل 8.3: یکساں چال سے حرکت کرتی ہوئی ایک شے کا فاصلہ وقت گراف

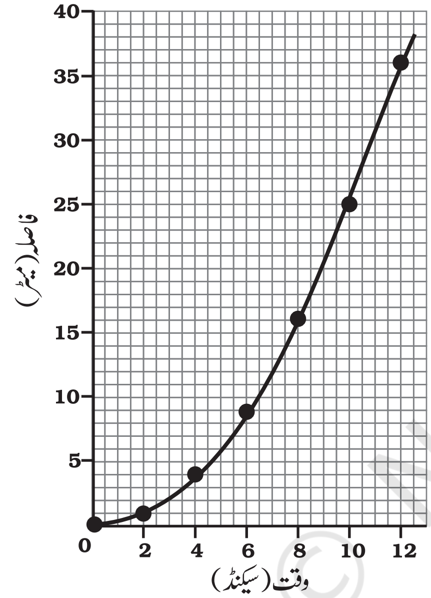
ہم فاصلہ۔ وقت گراف کو شے کی چال معلوم کرنے کے لیے استعمال کرسکتے ہیں۔ ایسا کرنے کے لیے شکل 8.3 میں دکھائے گئے، شے کے فاصلہ۔ وقت گراف کا ایک حصّہ AB لیں۔ نقطہ A سے x- محور کے متوازی ایک خط کھینچیں اور نقطہ B سے y- محور کے متوازی ایک خط کھینچیں۔ یہ دونوں خطوط ایک دوسرے سے نقطہ C پر ملتے ہیں اور ایک مثلث ABC بناتے ہیں۔ اب گراف پر، AC وقفہ $t_2 - t_1$ کو ظاہر کرتا ہے اور BC فاصلہ $s_2 - s_1$ کے نظیری ہے۔ ہم گراف سے دیکھ سکتے ہیں کہ جب شے نقطہ A سے نقطہ B تک حرکت کرتی ہے تو وہ وقت $t_2 - t_1$ میں فاصلہ $s_2 - s_1$ طے کرتی ہے۔ اس لیے شے کی چال کو مندرجہ ذیل طریقے سے دکھایا جاسکتا ہے:

$$u = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1} \qquad (8.4)$$

ہم یکساں اسراعی حرکت کے لیے بھی فاصلہ۔ وقت گراف کھینچ سکتے ہیں۔ جدول 8.2 میں ایک کار کے ذریعے 2 سیکنڈ کے وقفہ میں طے کیے گئے فاصلوں کو دکھایا گیا ہے۔

جدول 8.2: ایک کار کے ذریعے یکساں وقفہ میں طے کیا گیا فاصلہ

وقت (سیکنڈ میں)	فاصلہ (میٹر میں)
0	0
2	1
4	4
6	9
8	16
10	25
12	36



شکل 8.4: غیر یکساں چال کے ساتھ حرکت کرتی ہوئی ایک کار کا فاصلہ۔ وقت گراف

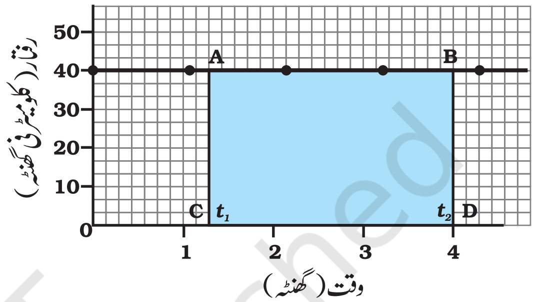
اس کار کی حرکت کے لیے فاصلہ۔ وقت گراف شکل 8.4 میں دکھایا گیا ہے۔ نوٹ کریں کہ اس گراف کی شکل، یکساں حرکت کے لیے اس سے پہلے کھینچے گئے رفتار۔ وقت گراف (شکل 8.3) سے مختلف ہے۔ اس گراف کی نوعیت وقت کے ساتھ کار کے ذریعے طے کیے گئے فاصلے کی غیر خطی تبدیلی کو ظاہر کرتی ہے۔ اس لیے شکل 8.4 میں دکھایا گیا گراف غیر یکساں چال کے ساتھ حرکت کو ظاہر کرتا ہے۔

© NCERT not to be republished

8.4.2 رفتار۔وقت گراف

(Velocity-Time Graphs)

ایک خطِ مستقیم پر حرکت کرتی ہوئی شے کی رفتار میں وقت کے ساتھ آنے والی تبدیلی کو ایک رفتار۔وقت گراف کے ذریعے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔اس گراف میں وقت کو x- محور پر اور رفتار کو y- محور پر ظاہر کیا جاتا ہے۔اگر شے یکساں رفتار سے حرکت کررہی ہو، تو اس کے رفتار۔وقت گراف کی اونچائی، وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوگی (شکل 8.5)۔ یہ x- محور کے متوازی ایک خطِ مستقیم ہوگا۔شکل 8.5 میں ایک ایسی کار کی حرکت کو دکھایا گیا ہے جو 40km/h کی یکساں رفتار سے حرکت کررہی ہے۔



شکل 8.5: ایک کار کی یکساں حرکت کے لیے رفتار۔وقت گراف

ہم جانتے ہیں کہ ایک یکساں رفتار سے حرکت کرتی ہوئی شے کی رفتار اور وقت کا حاصلِ ضرب کے نقلِ مکان کو ظاہر کرتا ہے۔رفتار۔وقت گراف اور وقت۔محور سے گھرا ہوا رقبہ نقلِ مکان کی عددی قدر کے مساوی ہوگا۔

شکل 8.5 سے کار کے ذریعے وقت t_1 اور t_2 کے درمیان طے کیا گیا فاصلہ معلوم کرنے کے لیے، وقت t_1 اور t_2 کے نظیری نقاط سے گراف پر عمود کھینچیے۔ 40kmh^{-1} کی رفتار، اونچائی AC یا BD سے ظاہر کی گئی ہے، وقفہ $(t_2 - t_1)$ لمبائی AB سے ظاہر کیا گیا ہے۔

اس لیے کار کے ذریعے وقفہ $(t_2 - t_1)$ میں طے کیا گیا فاصلہ ظاہر کیا جاسکتا ہے:

$$s = AC \times CD$$
$$= [40 \text{ km h}^{-1}) \times (t_2 - t_1)\text{h}]$$
$$= 40(t_2 - t_1)\text{km}$$

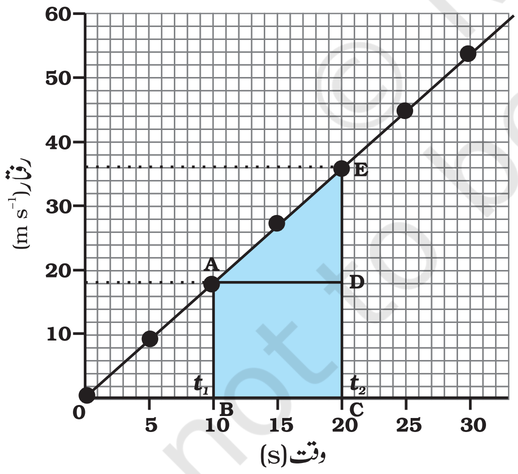
مستطیل ABCD کا رقبہ = (شکل 8.5 میں سایہ دار حصّہ)

ہم یکساں اسراعی حرکت کے بارے میں بھی اس کا رفتار۔وقت گراف کھینچ کر مطالعہ کرسکتے ہیں۔فرض کیجیے کہ ایک کار کو، اس کے انجن کی جانچ کرنے کی غرض سے، ایک سیدھے راستے پر چلایا جارہا ہے۔ڈرائیور کے پاس بیٹھا ہوا ایک شخص ہر 5 سیکنڈ بعد، اس کی رفتار، کار کے اسپیڈومیٹر کے ذریعے نوٹ کرلیتا ہے۔مختلف لمحات پر کار کی رفتار ms^{-1} اور mh^{-1} مندرجہ ذیل جدول 8.3 میں دکھائی گئی ہے۔

جدول 8.3: کار کی رفتار یکساں وقفہ کے ساتھ

کار کی رفتار		وقت
(km h^{-1})	(m s^{-1})	(s)
0	0	0
2.5	9	5
5.0	18	10
7.5	27	15
10.0	36	20
12.5	45	25
15.0	54	30

اس صورت میں، کار کی حرکت کے لیے رفتار۔وقت گراف شکل 8.6 میں دکھایا گیا ہے۔گراف کی نوعیت یہ ظاہر کرتی ہے کہ مساوی وقفہ میں رفتار میں مساوی تبدیلی ہوتی ہے۔اس لیے، ہر یکساں اسراعی حرکت کے لیے رفتار۔وقت گراف ایک خطِ مستقیم ہوتا ہے۔



شکل 8.6: یکساں اسراع کے ساتھ حرکت کرتی ہوئی ایک کار کا رفتار۔وقت گراف

© NCERT not to be republished

آپ اس کے رفتار۔وقت گراف سے کار کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ بھی معلوم کر سکتے ہیں۔ رفتار۔وقت گراف اور x-محور سے گھرا ہوا رقبہ، دیے ہوئے وقفہ میں کار کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ (نقل مکان کی عددی قدر) کو بتاتا ہے۔ اگر کار یکساں رفتار سے چل رہی ہوتی تو اس کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ [$(t_2 - t_1)$ سیکنڈ میں] رقبہ ABCD سے ظاہر کیا جاتا (شکل 8.6)۔ لیکن کیونکہ کار کی رفتار کی عددی قدر اسراع کی وجہ سے تبدیل ہورہی ہے لہٰذا کار کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ s 'رفتار گراف کے نیچے والے حصے کے رقبے ABCDE سے دیا جائے گا (شکل 8.6)۔ یعنی کہ

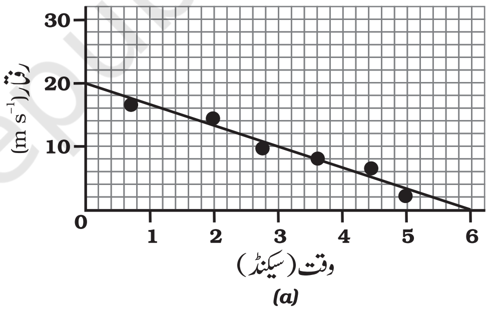
s = رقبہ ABCDE

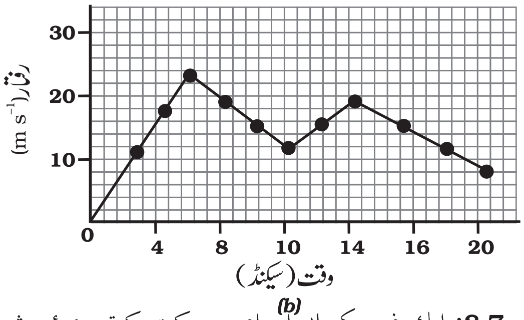
= مستطیل ABCD کا رقبہ + مثلث ADE کا رقبہ

$$= AB \times BC + \frac{1}{2}(AD \times DE)$$

غیر یکساں اسراعی حرکت کی صورت میں، رفتار۔وقت گراف کی شکل کیسی بھی ہوسکتی ہے۔

شکل 8.7(a) میں ایسی ہی شے کا رفتار۔وقت گراف دکھایا گیا ہے جس کی رفتار وقت کے ساتھ کم ہورہی ہے، جبکہ شکل 8.7(b) میں دکھایا گیا رفتار۔وقت گراف وقت کے ساتھ شے کی رفتار میں غیر یکساں تبدیلی کو ظاہر کرتا ہے۔ ان گرافوں کی تشریح کرنے کی کوشش کیجیے۔





شکل 8.7: ایک غیر یکساں اسراعی حرکت کرتی ہوئی شے کے رفتار۔وقت گراف

سرگرمی 8.9

- ایک ٹرین کے 3 اسٹیشنوں A،B،C پر پہنچنے اور وہاں سے چلنے کے اوقات اور اسٹیشن A سے اسٹیشن B اور اسٹیشن C کے فاصلے جدول 8.4 میں دیے گئے ہیں۔
- یہ مانتے ہوئے کہ دو اسٹیشنوں کے درمیان ٹرین کی حرکت یکساں ہے، ٹرین کی حرکت کے لیے فاصلہ۔وقت گراف کھینچیے اور اس کے معنی سمجھائیے۔

جدول 8.4: اسٹیشن B اور اسٹیشن C کا اسٹیشن A سے فاصلہ اور اسٹیشنوں پر ٹرین کے پہنچنے اور چلنے کے اوقات

اسٹیشن	A سے فاصلہ km	پہنچنے کا وقت (گھنٹوں میں)	چلنے کا وقت (گھنٹوں میں)
A	0	08.00	08.15
B	120	11.15	11.30
C	180	13.00	13.15

سرگرمی 8.10

- فیروز اور اس کی بہن ثانیہ اپنی سائیکلوں سے اسکول جاتے ہیں۔ دونوں ایک ہی وقت پر گھر سے چلنا شروع کرتے ہیں، لیکن اسکول تک پہنچنے میں مختلف وقت لیتے ہیں، جبکہ دونوں ایک ہی راستہ اختیار کرتے ہیں۔ جدول 8.5 میں مختلف لمحات پر ان کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ درج کیا گیا ہے۔ ایک ہی پیمانہ پر دونوں کے فاصلہ۔وقت گراف کھینچیے اور ان کی وضاحت کیجیے۔

جدول 8.5 فیروز اور ثانیہ کے ذریعے مختلف اوقات پر طے کیا گیا فاصلہ

وقت	فیروز کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ	ثانیہ کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ
8.00 بجے صبح	0 km	0 km
8.05 بجے صبح	1.0 km	0.8 km
8.10 بجے صبح	1.9 km	1.6 km
8.15 بجے صبح	2.8 km	2.3 km
8.20 بجے صبح	3.6 km	3.0 km
8.25 بجے صبح	—	3.6 km

© NCERT not to be republished

سوالات

1۔ کسی شے کی یکساں اور غیر یکساں حرکت کے فاصلہ۔وقت گرافوں کی نوعیت کیسی ہوتی ہے؟

2۔ اگر ایک شے کی حرکت کا فاصلہ۔وقت گراف، وقت محور کے متوازی ایک خطِ مستقیم ہے، تو آپ اس حرکت کے بارے میں کیا کہہ سکتے ہیں؟

3۔ اگر ایک شے کی حرکت کا رفتار۔وقت گراف، وقت محور کے متوازی ایک خطِ مستقیم ہے، تو آپ اس حرکت کے بارے میں کیا کہہ سکتے ہیں؟

4۔ رفتار۔وقت گراف کے نیچے والے حصے کے رقبہ سے ناپی جانے والی مقدار کون سی ہے؟

8.5 گرافی طریقے سے حرکت کی مساواتیں

(Equations of Motion by Graphical Method)

جب کوئی شے خطِ مستقیم پر یکساں اسراع کے ساتھ حرکت کرتی ہے، تو اس کی رفتار، حرکت کے دوران اسراع، اور ایک مخصوص وقت میں اس کے ذریعے طے کیے گئے فاصلے کے آپسی تعلق کو مساواتوں کے ایک سیٹ کے ذریعے ظاہر کیا جاسکتا ہے، جو حرکت کی مساواتیں کہلاتی ہیں۔ ایسی تین مساواتیں ہیں:

$$v = u + at \qquad (8.5)$$

$$s = ut + \frac{1}{2}at^2 \qquad (8.6)$$

$$2as = v^2 - u^2 \qquad (8.7)$$

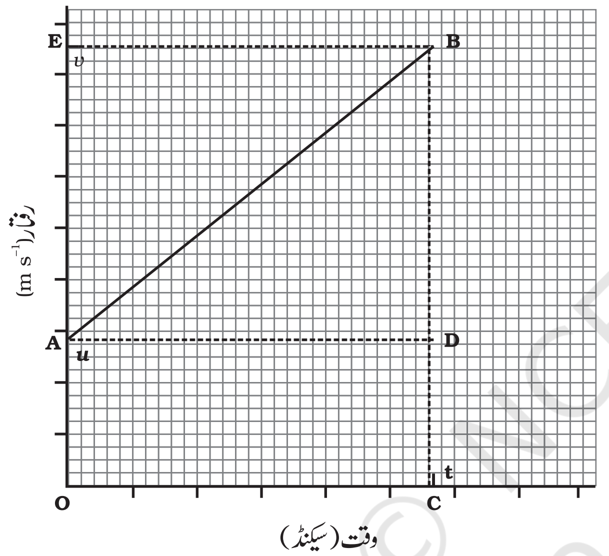
جہاں 'u' اس شے کی ابتدائی رفتار ہے جو یکساں اسراع 'a' سے وقت 't' تک حرکت کرتی ہے۔ 'v' اختتامی رفتار ہے اور 's' وقفہ 't' میں شے کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ ہے۔

مساوات (8.5) رفتار۔وقت رشتے کو بیان کرتی ہے اور مساوات (8.6) مقام۔وقت رشتے کو ظاہر کرتی ہے۔ مساوات (8.7) جو مقام اور رفتار کے مابین رشتہ ظاہر کرتی ہے، مساوات (8.5) اور مساوات (8.6) سے t کے اخراج کے ذریعے حاصل کی جاسکتی ہے۔ یہ تینوں مساواتیں گرافی طریقے سے اخذ کی جاسکتی ہیں۔

8.5.1 رفتار–وقت رشتے کے لیے مساوات

(Equation for Velocity-Time Relation)

آپ شے کا رفتار۔وقت گراف ملاحظہ کیجیے، جو یکساں اسراع کے ساتھ حرکت کررہی ہے، جسے شکل 8.8 میں دکھایا گیا ہے۔ (یہ شکل بھی شکل 8.6 جیسی ہی ہے، لیکن اس میں u=0:) اس گراف سے آپ دیکھ سکتے ہیں کہ شے کی آغازی رفتار 'u' ہے (نقطہ A پر) اور پھر وقت 't' میں بڑھ کر 'v' ہوجاتی ہے (نقطہ B پر)۔ رفتار میں تبدیلی یکساں شرح 'a' کے ساتھ ہوتی ہے۔ شکل 8.8 میں نقطہ B سے عمود BC اور BE، بالترتیب، وقت۔محور اور رفتار۔محور پر کھینچے گئے ہیں، اس طرح کہ ابتدائی رفتار OA سے، اختتامی رفتار BC سے اور وقفہ OC سے ظاہر کیے گئے ہیں۔ BD=BC-CD، وقفہ وقت t کے دوران رفتار میں آنے والی تبدیلی کو ظاہر کرتا ہے۔



شکل 8.8: حرکت کی مساواتیں حاصل کرنے کے لیے رفتار۔وقت گراف

اب ہم OC کے متوازی خط AD کھینچتے ہیں۔ ہم گراف سے دیکھتے ہیں کہ

$$BC = BD + DC = BD + OA$$

BC = u اور OA = u رکھنے پر ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$v = BD + u$$

یا

$$BD = v - u \qquad (8.8)$$

© NCERT not to be republished

رفتار۔وقت گراف (شکل 8.8) سے شے کا اسراع ظاہر کرتے ہیں:

$$a = \frac{\text{رفتار میں تبدیلی}}{\text{لگنے والا وقت}}$$

$$= \frac{BD}{AD} = \frac{BD}{OC}$$

OC = t رکھنے پر ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$a = \frac{BD}{t}$$

$$BD = at \qquad (8.9)$$

مساوات (8.8) استعمال کرنے سے، ہمیں حاصل ہوتا ہے۔

$$v = u + at$$

8.5.2 مقام–وقت رشتے کے لیے مساوات

(Equation for Position-time Relation)

ہم مان لیتے ہیں کہ شے یکساں اسراع کے ساتھ حرکت کرتے ہوئے، وقفہ t میں فاصلہ s طے کرتی ہے۔ شکل 8.7 میں، شے کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ، فاصلہ۔وقت گراف AB کے نیچے رقبے والے حصے کے OABC سے حاصل ہوتا ہے۔

اس لیے، شے کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ ہے:

s = OABC کا رقبہ (جو ایک منحرف ہے)

= مستطیل OADC کا رقبہ + مثلث ABC کا رقبہ

$$= OA \times AC + \frac{1}{2}(AD \times BD) \qquad (8.10)$$

OA = 4 ' OC = AD = t اور BD = at رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے۔

$$s = u \times t + \frac{1}{2}(t \times at)$$ یا

$$s = ut + \frac{1}{2}at^2$$

8.5.3 مقام–رفتار رشتے کے لیے مساوات

(Equation for Position-velocity Relation)

شکل 8.8 میں دکھائے گئے رفتار۔وقت گراف سے یکساں اسراع a کے ساتھ حرکت کرتی ہوئی شے کے ذریعے وقفہ t میں طے کیا گیا فاصلہ s گراف کے نیچے منحرف OABC (Trapezium) سے گھرے ہوئے رقبے سے دیا جاتا ہے۔ یعنی کہ

s = منحرف OABC کا رقبہ

$$= \frac{(OA + BC) \times OC}{2}$$

OA = u ' BC = v اور OC = t رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے

$$s = \left(\frac{u + v}{2}\right)t \qquad (8.11)$$

رفتار۔وقت رشتے (مساوات 8.6) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$t = \frac{v - u}{a} \qquad (8.12)$$

مساواتیں (8.11) اور (8.12) استعمال کرنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے۔

$$s = \frac{(v + u) \times (v - u)}{2a}$$

یا

$$2as = \left(v^2 - u^2\right)$$

مثال 8.5 ایک ریل گاڑی حالتِ سکون سے چلنا شروع کرتی ہے اور 5 منٹ میں $72 km^{-1}$ کی رفتار حاصل کر لیتی ہے۔ یہ فرض کرتے ہوئے کہ اسراع یکساں ہے، معلوم کیجیے: (i) اسراع (ii) یہ رفتار حاصل کرنے کے دوران طے کیا گیا فاصلہ۔

حل: ہمیں دیا گیا ہے:

$$u = 0,\ v = 75\ km\ h^{-1} = 20\ m\ s^{-1},$$

$$t = 5\ min = 300 s$$

(i) مساوات (8.5) سے ہم جانتے ہیں:

$$a = \frac{v - u}{t} = \frac{(20 ms^{-1} - 0\ ms^{-1})}{300 s} = \frac{1}{15} ms^{-2}$$

(ii) مساوات (8.7) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$2as = v^2 - u^2 = v^2 - 0$$

$$s = \frac{v2}{2a} = \frac{(20ms-1)2}{2 \times \left(\frac{1}{15}\right) ms^{-2}} = 3000\ m = 3\ km$$

ریل کا اسراع $\frac{1}{15} ms^{-2}$ ہے اور طے کیا گیا فاصلہ 3km ہے۔

© NCERT not to be republished

مثال 8.6 ایک کار یکساں اسراع کے ساتھ چلتی ہوئی، 5 سیکنڈ میں $18 km^{-1}$ سے $36 km^{-1}$ رفتار اختیار کرلیتی ہے۔ حساب لگائیے: (i) اسراع (ii) اس وقت میں کار کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ۔

حل:

ہمیں دیا ہوا ہے:

$$u = 18 km^{-1} = 5 ms^{-1},\ v = 36 km^{-1} = 10 ms^{-1}$$

اور

$$t = 5s$$

(i) مساوات (8.5) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$a = \frac{v - u}{t}$$

$$= \frac{10 ms^{-1} - 5 ms^{-1}}{5s}$$

$$= 1\ m\ s^{-2}$$

(ii) مساوات 8.6 سے ہمیں حاصل ہوتا ہے: $s = ut + \frac{1}{2}at^2$

$$= 5 ms^{-1} \times (5s) + \frac{1}{2} \times (1 ms^{-2}) \times (5s)^2$$

$$= 25m + 12.5m = 37.5m$$

کار کا اسراع $1 ms^{-2}$ اور طے کیا گیا فاصلہ 37.5 m ہے۔

مثال 8.7 ایک کار میں بریک لگانے سے $6 ms^{-2}$ کا اسراع، پیدا ہوتا ہے۔ اگر بریک لگانے کے بعد کار رکنے میں 2 سیکنڈ لیتی ہے، تو حساب لگائیے کہ اس دوران وہ کتنا فاصلہ طے کرے گی؟

حل:

ہمیں دیا ہوا ہے: $a = -6 ms^{-2}\ ;\ t = 2s, v = 0\ ms^{-1}$

مساوات (8.5) سے ہم جانتے ہیں کہ: $v = u + at$

$$0 = 4 + (-6) ms^{-2} \times 2s$$

یا $v = 12 ms^{-1}$

مساوات (8.6) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے: $s = ut + \frac{1}{2}at^2$

$$= (12 ms^{-1}) \times (2s) + \frac{1}{2}(-6 ms^{-2})(2s)^2$$

$$= 24m - 12m = 12m$$

اس لیے، کار بریک لگانے کے بعد رکنے تک 12m فاصلہ طے کرے گی۔ کیا اب آپ سمجھ سکتے ہیں کہ ڈرائیوروں کو کیوں خبردار کیا جاتا ہے کہ وہ سڑک پر گاڑی چلاتے وقت گاڑیوں کے درمیان فاصلہ رکھیں؟

سوالات

1۔ ایک بس حالتِ سکون سے چلنا شروع کرتی ہے۔ اس پر $0.1\ m\ s^{-2}$ یکساں اسراع کام کررہا ہے اور وہ 2 min تک چلتی ہے۔ معلوم کیجیے: (a) حاصل کردہ چال (b) طے کیا گیا فاصلہ۔

2۔ ایک ریل گاڑی $90 km^{-1}$ کی چال سے چل رہی ہے۔ گاڑی پر اس طرح بریک لگائے جاتے ہیں کہ $-0.6 ms^{-2}$ کا یکساں اسراع پیدا ہوتا ہے۔ معلوم کیجیے کہ ٹرین رکنے سے پہلے کتنا فاصلہ طے کرے گی؟

3۔ ایک ٹرالی جب ڈھلواں سطح (Inclined Plane) پر نیچے پھسلتی ہے تو اس پر $2 cms^{-2}$ کا یکساں اسراع کام کرتا ہے۔ پھسلنا شروع کرنے کے 3 s بعد اس کی رفتار کیا ہوگی؟

4۔ ایک تیز رفتار کار پر $4 ms^{-2}$ کا یکساں اسراع کام کررہا ہے۔ وہ چلنا شروع کرنے کے بعد 10 سیکنڈ میں کتنا فاصلہ طے کرے گی؟

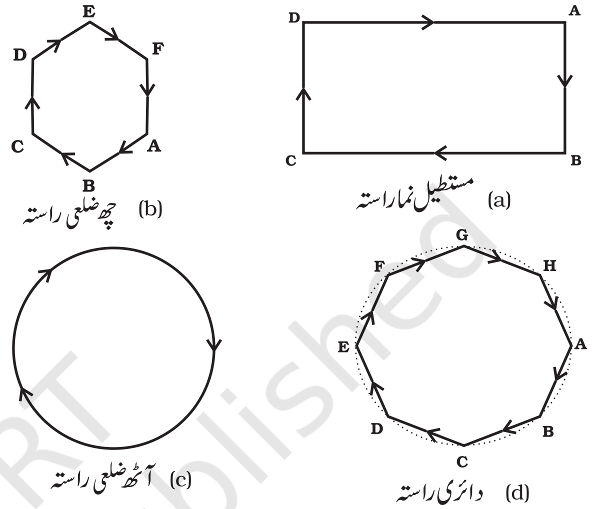
5۔ ایک پتھر اوپر کی طرف افقی سمت میں $5 ms^{-1}$ کی رفتار سے پھینکا جاتا ہے۔ اگر پتھر پر کام کر رہا اسراع، نیچے کی سمت میں $10\ ms^{-2}$ ہے، تو پتھر کتنی اونچائی تک جائے گا اور وہاں پہنچنے میں اسے کتنا وقت لگے گا؟

© NCERT not to be republished

8.6 یکساں دائری حرکت
(Uniform Circular Motion)

جب کسی شے کی رفتار میں تبدیلی ہوتی ہے تو ہم کہتے ہیں کہ اس پر اسراع کام کر رہا ہے۔ رفتار میں تبدیلی، اس کی عددی قدر میں تبدیلی، یا سمت میں تبدیلی، یا دونوں میں تبدیلی کی وجہ سے ہوسکتی ہے۔

کیا آپ ایسی کوئی مثال دے سکتے ہیں، جس میں شے اپنی رفتار کی عددی قدر تو نہیں بدلتی لیکن صرف حرکت کی سمت تبدیل کر لیتی ہے۔



شکل 8.9: ایک دوڑ میں حصّہ لینے والے کھلاڑی کی مختلف شکلوں کے بند راستوں پر حرکت

آیئے، ایک جسم کی بند راستے پر حرکت کی ایک مثال دیکھیں۔ شکل 8.9(a) میں ایک کھلاڑی کا مستطیل راستہ ABCD دکھایا گیا ہے۔ ہم مان لیتے ہیں کہ کھلاڑی ٹریک کے 'AB'، 'BC'، 'CD' اور DA حصوں کے مستقیم راستوں پر یکساں چال سے دوڑتا ہے۔ اپنے آپ کو راستے پر رکھنے کے لیے وہ کونوں پر اپنی چال تیزی سے تبدیل کرتی ہے۔ اسے ایک چکر پورا کرنے میں اپنی حرکت کی سمت کتنی بار تبدیل کرنی پڑے گی؟ صاف ظاہر ہے کہ مستطیل راستے پر ایک چکر پورا کرنے کے لیے اسے اپنی حرکت کی سمت چار مرتبہ تبدیل کرنی ہوگی۔

اب فرض کیجیے کہ وہی کھلاڑی مستطیل نما راستے کے بجائے ایک چھ ضلعی راستے ABCDEF پر دوڑ رہا ہے، جیسا کہ شکل 8.9(b) میں دکھایا گیا ہے۔ اس صورت میں کھلاڑی کو ایک چکّر پورا کرنے میں اپنی حرکت کی سمت چھ مرتبہ تبدیل کرنی پڑے گی۔ اگر راستہ چھ ضلعی نہ ہوکر منظّم ہشت ضلعی (Regular Polygon) ہو تو کیا ہوگا، جیسا کہ شکل 8.9(c) میں دکھایا گیا ہے۔ یہ دیکھا گیا ہے کہ جیسے جیسے راستے کے اضلاع کی تعداد میں اضافہ ہوتا ہے، کھلاڑی کو اتنی ہی زیادہ مرتبہ مڑنا پڑتا ہے۔ اگر ہم اضلاع کی تعداد لا متناہی کردیں، تو راستے کی شکل کیسی ہوگی؟ اگر آپ ایسا کریں تو آپ دیکھیں گے کہ راستے کی شکل، دائرہ جیسی ہوتی جائے گی اور ہر ضلع کی لمبائی مختصر ہوکر نقطہ ہوجائے گی۔ اگر کھلاڑی اس دائری راستے پر مستقلہ عددی قدر والی رفتار سے حرکت کرے، تو اس کی رفتار میں آنے والی تبدیلی صرف اس کی حرکت کی سمت کی تبدیلی کی وجہ سے ہوگی۔ اس لیے ایسے کھلاڑی کی حرکت، جو ایک دائری راستے پر حرکت کر رہا ہے، اسراعی حرکت کی ایک مثال ہے۔

ہم جانتے ہیں کہ ایک دائرہ، جس کا نصف قطر r ہے، اس کا محیط $2\pi r$ ہوگا۔ اگر کھلاڑی r نصف قطر والے دائری راستے کا ایک چکر لگانے میں t سیکنڈ لیتا ہے، تو رفتار v مندرجہ ذیل ہوگی:

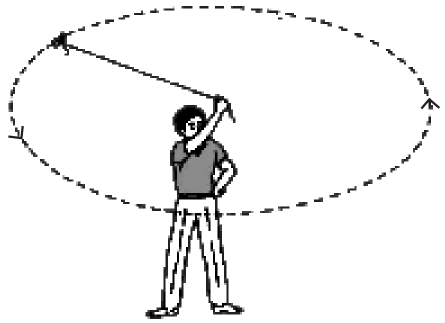
$$v = \frac{2\pi r}{t} \qquad (8.13)$$

جب کوئی شے دائری راستے پر یکساں چال کے ساتھ حرکت کرتی ہے تو اس کی حرکت، یکساں دائری حرکت کہلاتی ہے۔

سرگرمی 8.11

- ایک دھاگے کا ٹکڑا لیجیے اور اس کے ایک سرے پر ایک پتھر باندھ دیجیے۔ دھاگے کو دوسرے سرے سے پکڑ کر اس طرح گھمائیے کہ وہ مستقلہ چال سے حرکت کرتے ہوئے ایک دائرہ بنائے جیسا کہ شکل 8.10 میں دکھایا گیا ہے۔
- اب دھاگے کو چھوڑ دیجیے اور پتھر کو جانے دیجیے۔
- کیا اب بتا سکتے ہیں کہ چھوڑنے کے بعد پتھر کس سمت میں حرکت کرے گا؟
- اس سرگرمی کو چند مرتبہ دہرایئے اور ہر بار پتھر کو دائری راستے کے مختلف مقام پر چھوڑیئے۔ جانچیے کہ پتھر کو جس سمت میں چھوڑا جاتا ہے وہ ہر بار یکساں رہتی ہے یا نہیں؟

© NCERT not to be republished



شکل 8.10: ایک پتھر جو مستقلہ عدودی قدر والی رفتار سے حرکت کرتے ہوئے ایک دائری راستہ بنارہا ھے۔

اگر آپ اس سرگرمی میں پتھر کو چھوڑنے کے بعد اس کی حرکت کی سمت کا بغور مشاہدہ کریں تو آپ دیکھیں گے کہ پتھر ایک ایسے خطِ مستقیم پر حرکت کرتا ہے جو دائری راستے پر مماس (Tangant) ہے۔ ایسا اس لیے ہوتا ہے، کیونکہ ایک بار جب پتھر چھوڑ دیا جاتا ہے تو وہ اسی سمت میں حرکت کرتا رہتا ہے، جس میں وہ اس لمحہ پر حرکت کر رہا تھا جب اسے چھوڑا گیا۔ اس سے ظاہر ہوتا ہے کہ پتھر جب دائری راستے پر حرکت کرتا ہے، تو اس کی حرکت کی سمت ہر نقطے پر تبدیل ہوتی رہتی ہے۔ کھیلوں کے مقابلے کے دوران جب کوئی کھلاڑی بھالا یا گولا پھینکتا ہے تو وہ بھالے یا گولے کو اپنے ہاتھ میں پکڑتا ہے، اور پھر اپنے جسم کو گھما کر اسے دائری حرکت دیتا ہے۔ ہاتھ سے چھوڑے جانے پر بھالا یا گولا اس سمت میں حرکت کرتا ہے، جس میں وہ چھوڑتے وقت حرکت کر رہا تھا، بالکل اسی طرح، جیسا کہ آپ نے اوپر بیان کی گئی سرگرمی میں، پتھر کی حرکت میں دیکھا تھا۔ اسی طرح یکساں دائری حرکت کرنے والی اور بھی بہت سی جانی پہچانی مثالیں ہیں، جیسے کہ زمین یا چاند کی حرکت، زمین کے گرد دائری راستے پر حرکت کرتا ہوا سیارچہ، مستقلہ چال سے دائری راستے پر سائیکل چلاتا ہوا شخص وغیرہ۔

آپ نے کیا سیکھا

- حرکت، مقام کی تبدیلی ہے۔ اسے طے کئے گئے فاصلے یا نقل مکان کی شکل میں بیان کیا جا سکتا ہے۔
- کسی شے کی حرکت یکساں بھی ہوسکتی ہے اور غیر یکساں بھی۔ یہ اس بات پر منحصر ہے کہ اس کی رفتار مستقلہ ہے یا تبدیل ہو رہی ہے۔
- کسی شے کی چال اکائی وقت میں طے کیا گیا فاصلہ ہے اور رفتار اکائی وقت میں ہونے والا نقل مکان ہے۔
- کسی شے کا اسراع اکائی وقت میں ہونے والی رفتار کی تبدیلی ہے۔
- کسی شے کی یکساں حرکت اور غیر یکساں حرکت کو گراف کے ذریعے دکھایا جا سکتا ہے۔
- مستقل اسراع کے ساتھ حرکت کرتے ہوئے جسم کی حرکت کو تین مساواتوں کے ذریعے بیان کیا جا سکتا ہے۔

$$v = u + at \quad ؛ \quad s = ut + \frac{1}{2}at^2 \quad ؛ \quad 2as = v^2 - u^2$$

© NCERT not to be republished

- جہاں u شے کی ابتدائی رفتار ہے جو یکساں اسراع a کے ساتھ وقت t تک حرکت کرتی ہے v اس کی اختتامی رفتار ہے اور s وہ فاصلہ ہے جو شے t وقت میں طے کرتی ہے۔
- وہ جسم جو ایک دائری راستے پر مستقلہ چال کے ساتھ حرکت کرتا ہے، اس کی حرکت یکساں دائری حرکت کہلاتی ہے۔

مشق

1۔ ایک کھلاڑی 200 میٹر قطر کے دائری راستے کا ایک چکر 40 سیکنڈ میں پورا کرتا ہے۔ 2 منٹ 20 سیکنڈ ختم ہونے پر اس کے ذریعے طے کیا گیا فاصلہ اور اس کا نقل مکان کیا ہوں گے؟

2۔ جوزف ایک 300 میٹر لمبی مستقیم سڑک پر ایک کنارے A سے دوسرے کنارے B تک 2.30 منٹ میں دوڑ لیتا ہے۔ پھر واپس مڑتا ہے اور ابتدائی نقطہ C کی سمت میں 100m واپس اگلے 1 منٹ میں دوڑتا ہے۔ جوزف کے دوڑنے کی اوسط چالیں اور اوسط رفتاریں کیا ہیں؟

(a) A سے B تک دوڑنے میں (b) A سے C تک دوڑنے میں۔

3۔ اسکول پہنچنے کے دوران عبدل اپنی اوسط چال کا حساب لگاتا ہے، اور اوسط چال 20km/h ہے۔ لوٹتے وقت وہ اسی راستے سے واپس آتا ہے، لیکن ٹریفک کم ہونے کی وجہ سے لوٹتے وقت اس کی اوسط چال 30km/h ہے۔ سفر کے دوران عبدل کی اوسط چال کیا ہے؟

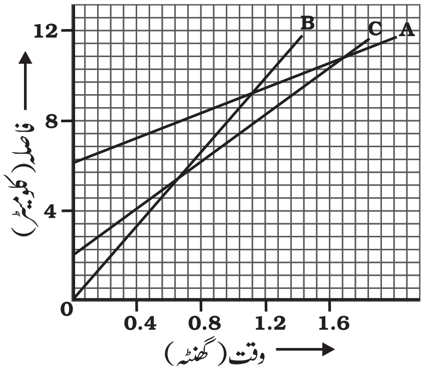
4۔ ایک موٹر بوٹ، حالت سکون سے ایک جھیل میں چلنا شروع کرتی ہے اور $3.0ms^{-2}$ کے یکساں اسراع سے 8.0s تک چلتی ہے۔ وہ اس دوران کتنا فاصلہ طے کرے گی؟

5۔ ایک کار 52km/h کی رفتار سے چل رہی ہے، کار کا ڈرائیور بریک لگا کر یکساں منفی اسراع پیدا کر دیتا ہے۔ اور کار 5s میں رک جاتی ہے۔ دوسرا ڈرائیور، جس کی کار 3km/h کی رفتار سے چل رہی ہے، بریک آہستہ لگاتا ہے اور اس کی کار 10s میں رکتی ہے۔ ایک ہی گراف کاغذ پر دونوں کاروں کے چال۔وقت گراف کھینچیے۔ دونوں میں سے کس کار نے بریک لگانے کے بعد رکنے تک زیادہ فاصلہ طے کیا؟

6۔ شکل 8.1 میں تین افراد A، B اور C کے فاصلہ۔وقت گراف دکھائے گئے ہیں۔ گراف کی بنیاد پر مندرجہ ذیل سوالوں کے جواب دیجیے:

© NCERT not to be republished

2019-20

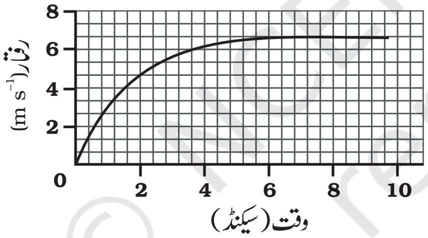


شکل 8.11

(a) تینوں میں سے سب سے تیز کون چل رہا ہے؟
(b) کیا تینوں کسی وقت سڑک پر ایک ہی نقطہ پر ہیں؟
(c) جب A، B سے گذرتا ہے تو C کہاں ہے؟
(d) جب C، B کے پاس پہنچ جاتا ہے، تو اس دوران وہ کتنا فاصلہ طے کرتا ہے؟

7۔ ایک گیند کو آہستگی سے 20 میٹر اونچائی سے نیچے گرایا جاتا ہے۔ اگر اس کی رفتار میں یکساں اضافہ $10 m/s^{-2}$ کی شرح سے ہوتا ہے، تو زمین سے ٹکراتے وقت اس کی رفتار کیا ہوگی؟ وہ کتنی دیر بعد زمین سے ٹکرائے گی؟

8۔ ایک کار کے لیے وقت گراف شکل 8.12 میں دکھایا گیا ہے:



شکل 8.12

(a) معلوم کیجیے کہ کار پہلے 4 سیکنڈ میں کتنی دور جائے گی؟ گراف پر وہ رقبہ سیاہ کیجیے۔
(b) گراف کا مستقیم حصہ کیا ظاہر کرتا ہے۔؟

9۔ لکھئے کہ مندرجہ ذیل میں سے کون سی صورتیں ممکن ہیں؟ ان کی ایک ایک مثال دیجیے۔
(a) ایک جسم جو مستقلہ اسراع مگر صفر رفتار سے حرکت کر رہا ہے۔
(b) ایک جسم جو کسی مخصوص سمت میں حرکت کر رہا ہے اور اس پر عمودی سمت میں اسراع کام کر رہا ہے۔

10۔ ایک مصنوعی سیارچہ 42250 کلومیٹر نصف قطر کے دائری مدار میں حرکت کر رہا ہے۔ اگر وہ زمین کے گرد چکر لگانے میں 24 گھنٹے لیتا ہے تو اس کی چال کا حساب لگائیے۔

© NCERT not to be republished