



## کام اور توانائی (Work and Energy)

### 11.1 کام

”کام“ کے کہتے ہیں؟ ہم روزمرہ زندگی میں لفظ کام جن معنوں میں استعمال کرتے ہیں اور یہی لفظ کام سائنس میں بطور اصلاح جن معنوں میں استعمال ہوتا ہے، ان میں فرق ہے۔ اس کمیت کو واضح کرنے کے لیے آئیے کچھ مثالیں ملاحظہ کریں۔

#### 11.1.1 بہت زیادہ محنت کرنے کے بعد بھی کچھ زیادہ کام نہیں ہوا!

(Not much Work Inspite of Working Hard)

کمالی امتحانات کی تیاری کر رہی ہے۔ وہ مطالعہ میں بہت سا وقت صرف کرتی ہے۔ وہ کتابیں پڑھتی ہے، ڈائیگرام بناتی ہے، اپنے خیالات ترتیب دیتی ہے، پرچہ سوالات اکٹھا کرتی ہے، جماعت میں حاضر رہتی ہے، اپنے دوستوں کے ساتھ مسائل پر بحث کرتی ہے۔ وہ ان علوم میں اپنی بہت سی توانائی صرف کرتی ہے۔ عام زبان میں وہ بہت کام رہی ہے۔ لیکن اس بہت سے کام میں بہت کم کام شامل رہ جائے گا، اگر ہم کام کی سائنسی تعریف کو سامنے رکھیں۔

آپ ایک بڑی چٹان کو دھکلینے کے لیے سخت محنت (کام) کر رہے ہیں۔ فرض کیجیے چٹان اپنی جگہ سے، آپ کی تمام کوشش کے باوجود، نہیں ہلتی۔ آپ بالکل تھک جاتے ہیں۔ لیکن آپ نے چٹان پر کوئی کام نہیں کیا کیونکہ چٹان کا نقل مکان (Displacement) صفر ہے۔

آپ اپنے سر پر ایک بھاری وزن رکھ کر کچھ منٹ تک سیدھے بغیر ہلے کھڑے رہتے ہیں۔ آپ تھک جاتے ہیں۔ آپ نے بہت محنت کی ہے اور اپنی بہت سی توانائی صرف کی ہے۔ کیا آپ اس وزن پر کام کر رہے

پچھلے کچھ ابواب میں ہم نے اشیا کی حرکت کو بیان کرنے کے طریقوں، حرکت کی وجہ اور کرشش ثقل کے بارے میں بات کی ہے۔ ایک اور تصور ہے، ”کام“ جو کئی قدر تی مظاہر کی وضاحت کرنے میں ہماری مدد کرتا ہے۔ ”کام“ سے زندگی کی طور پر مسلک تصور ہے ”توانائی“ اور پاور۔ اس باب میں ہم ان تصوارات کا مطالعہ کریں گے۔

تمام زندہ چیزوں کو غذا کی ضرورت ہوتی ہے۔ زندہ چیزوں کو اپنی زندگی کی بقا کے لیے کئی عمل کرنا پڑتے ہیں۔ ہم ان علوم کو زندگی کے عمل (Life Processes) کہتے ہیں۔ ان علوم کو کرنے کے لیے تو انائی (Energy) غذا سے حاصل ہوتی ہے۔ ہمیں دوسرے علوم جیسے کھلی، گانے، پڑھنے لکھنے، سوچنے، کوئے، سائیکل چلانے اور دوڑنے کے لیے بھی تو انائی چاہیے ہوتی ہے۔ جو عمل زیادہ سخت یا تھکا دینے والے ہیں، ان کے لیے زیادہ تو انائی چاہیے ہوتی ہے۔

جانور بھی کئی عمل کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر وہ بھی کوڈ اور دوڑ سکتے ہیں۔ انھیں بھی لڑنا پڑتا ہے، اپنے دشن سے دور رہنا پڑتا ہے، غذا تلاش کرنی پڑتی ہے اور رہنے کے لیے محفوظ جگہ بھی تلاش کرنا ہوتی ہے۔ اس کے ساتھ ساتھ ہم کچھ جانوروں کو وزن اٹھانے، وزن لے جانے، گاڑی کھینچنے اور کھیت جوتنے کے لیے بھی استعمال کرتے ہیں۔ ان تمام علوم کے لیے تو انائی درکار ہوتی ہے۔

میشینوں کے بارے میں سوچیے۔ ان مشینوں کی فہرست تیار کیجیے جو آپ نے دیکھی ہیں۔ انھیں اپنے کاموں کو انجام دینے کے لیے کس چیز کی ضرورت ہوتی؟ کچھ انجنوں کو ایندھن، جیسے پیٹرول، ڈیزل وغیرہ کی ضرورت کیوں ہوتی ہے؟ زندہ چیزوں اور مشینوں کو تو انائی کی ضرورت کیوں ہوتی ہے؟

ایک کتاب کو کچھ اونچائی تک اٹھا یئے۔ کتاب اوپر اٹھ جاتی ہے۔ یہاں کتاب پر کچھ قوت لگائی گئی ہے اور کتاب نے حرکت کی ہے۔ اس لیے کام کیا گیا۔

اوپر دی ہوئی حالتوں پر اگر ہم نزدیکی نظر ڈالیں تو یہ پتہ چلتا ہے کہ کام کیے جانے کے لیے دو شرائط کا پورا کیا جانا ضروری ہے: (i) ایک قوت کو ایک شے پر گلنا چاہیے۔ (ii) شے کسی لازمی طور پر منتقل ہونی چاہیے۔

اگر ان دونوں میں سے کوئی ایک شرط بھی پوری نہیں ہوتی تو کام نہیں کیا گیا۔ یہ وہ طریقہ ہے، جس طرح سے ہم کام کو، سائنس میں، دیکھتے ہیں۔

ایک بیل ایک گاڑی کو کھینچ رہا ہے۔ گاڑی حرکت کرتی ہے۔ گاڑی پر ایک قوت لگ رہی ہے اور گاڑی نے حرکت کی ہے۔ کیا آپ سمجھتے ہیں کہ اس صورت میں کام ہوا ہے۔

## 11.2 سرگرمی

اپنی روزمرہ کی زندگی سے کچھ ایسی مثالیں سوچیے جن میں کام شامل ہے۔

ان کی فہرست تیار کیجیے۔

اپنے دوست کے ساتھ بحث کیجیے کہ ان میں سے ہر ایک مثال میں کام ہوا ہے یا نہیں۔

اپنے جواب کے حق میں دلیل پیش کرنے کی کوشش کیجیے۔

اگر کام ہوا ہے تو جسم پر کون سی قوت لگ رہی ہے؟

وہ شے کون سی ہے جس پر کام کیا گیا ہے؟

اس شے پر کیا اثر ہوتا ہے، جس پر کام کیا گیا ہے؟

## 11.3 سرگرمی

ایسی حالتیں سوچیے، جن میں اشیا ان پر قوت لگائے جانے کے باوجود، حرکت نہیں کرتیں۔

ایسی حالتیں بھی سوچیے جن میں شے، بغیر کوئی قوت لگائے، اپنی جگہ سے منتقل ہو جاتی ہے۔

ان میں سے ہر قسم کی آپ بیتی صورتیں بھی سوچ سکتے ہوں، ان کی فہرست بنائیے۔

اپنے دوست کے ساتھ بحث کیجیے کہ ان میں سے کس صورت میں کام ہوا ہے اور کس میں نہیں۔

ہیں؟ ہم سائنس میں "کام" کو جن معنوں میں سمجھتے ہیں، اس لحاظ سے کام نہیں ہوا۔

آپ ایک سیٹرھی پر چڑھ کر ایک عمارت کی دوسری منزل تک، صرف وہاں سے باہر کا نظارہ دیکھنے کے لیے، پہنچتے ہیں۔ آپ ایک اوپرے درخت پر بھی چڑھ سکتے ہیں۔ اگر ہم سائنسی تعریف استعمال کریں تو ان عملوں میں بہت سا کام شامل ہے۔

روزانہ زندگی میں ہم کسی بھی جسمانی یا دماغی کار آمد محنت کو "کام" کہتے ہیں۔ میدان میں کھیننا، دوستوں سے بات کرنا، گنگنا، فلم دیکھنا کسی محفل میں شرکت کرنا، اکثر کام نہیں سمجھے جاتے۔ کیا کرنا کام ہے یہ اس بات پر منحصر ہے کہ ہم کام کی کسی طور پر تعریف کرتے ہیں۔ ہم سائنس میں اس اصطلاح کو مختلف طریقے سے، استعمال کرتے اور اس کی تعریف کرتے ہیں۔ اسے سمجھنے کے لیے آئیے مندرجہ ذیل سرگرمیاں کریں۔

## 11.1 سرگرمی

اور پر کے پیراگرافوں میں ہم نے بہت سے ایسے عملوں کا ذکر کیا ہے جنہیں ہم روزانہ زندگی میں عام طور سے کام سمجھتے ہیں۔ ان میں سے ہر عمل کے لیے مندرجہ ذیل سوالات پوچھیے اور ان کے جواب دیجیے۔

(i) کام کس پر ہو رہا ہے؟

(ii) اس شے پر کیا اثر ہو رہا ہے؟

(iii) کام کون کر رہا ہے؟

### 11.1.2 کام کا سائنسی تصور

(Scientific Conception of Work)

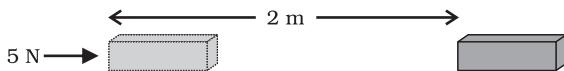
یہ سمجھنے کے لیے کہ سائنس میں کام کا کیا نظریہ ہے اور سائنس میں کام کی تعریف کیسے کی جاتی ہے، آئیے کچھ حالتوں پر غور کریں:

سطح زمین پر پڑے ہوئے پتھر کو دھکلیں۔ پتھر کچھ فاصلے تک حرکت کرتا ہے۔ آپ نے پتھر پر کچھ قوت لگائی اور پتھر منتقل (Displaced) ہو گیا۔ اس صورت میں کام ہوا۔ ایک ٹرالی ایک ٹرالی کو کھینچتی ہے اور ٹرالی کچھ فاصلہ طے کرتی ہے۔ ٹرالی نے ٹرالی پر کچھ قوت لگائی اور ٹرالی اپنی جگہ سے منتقل ہو گئی۔ اس لیے، کام کیا گیا۔

کام اور توانائی

مثال 11.1 ایک شے پر 5N کی ایک قوت لگ رہی ہے۔ شے، قوت کی سمت میں، 2m کے فاصلے سے منتقل ہو جاتی ہے (شکل 11.2)۔ اگر قوت پوری منتقلی کے دوران لگتی رہی ہے، تب کیا گیا کام ہے:

$$10\text{Nm} \text{ یا } 5\text{N} \times 2\text{m}$$



شکل 11.2

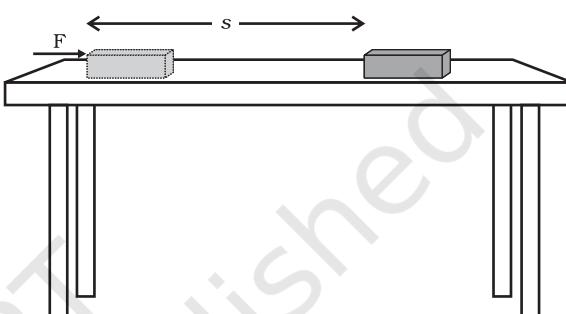
### 11.1.3 ایک مستقلہ قوت کے ذریعے کیا گیا کام

(Work Done by a Constant Force)

سائنس میں کام کی تعریف کیسے کی جاتی ہے؟ اسے سمجھنے کے لیے ہم پہلے ایسی صورت حال پر غور کرتے ہیں جس میں قوت، منتقلی کی سمت میں لگ رہی ہے۔ فرض کیجیے ایک شے پر ایک مستقلہ قوت  $F$  لگ رہی ہے۔ فرض کیجیے شے فاصلہ  $s$  سے، قوت کی سمت میں، منتقل ہو جاتی ہے (شکل 11.1)۔ فرض کیجیے کیا گیا کام  $W$  ہے۔ ہم ”کام“ کی تعریف اس طرح کرتے ہیں کہ یہ قوت اور منتقلی کا حاصل ضرب ہے۔

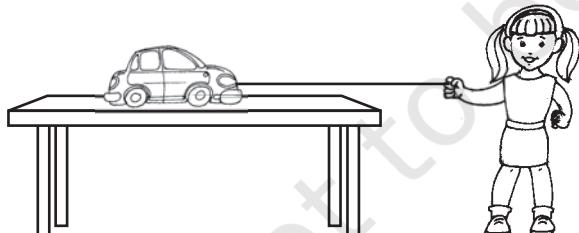
$$\text{کیا گیا کام} = \text{منتقلی} \times \text{قوت}$$

$$W = F s$$



شکل 11.1

ایک اور ایسی صورت لیجیے جس میں قوت اور منتقلی یکساں سمت میں ہیں: ایک بچہ جو ایک کھلونا کار کو زمین کے متوازی کھینچ رہا ہے، جیسا کہ شکل 11.4 میں دکھایا گیا ہے۔ بچے نے کار کی منتقلی کی سمت میں ایک قوت لگائی ہے۔ اس صورت میں کیا گیا کام، قوت اور منتقلی کے حاصل ضرب کے مساوی ہو گا۔ ایسی صورتوں میں قوت کے ذریعے کیا گیا کام ثابت مانا جاتا ہے۔



شکل 11.4

ایک ایسی صورت حال پر غور کیجیے، جس میں ایک شے کی منتقلی بہیک وقت دو قوتوں کے لئے سے ہو رہی ہے اور ان میں سے ایک قوت  $F$ ،

اس لیے، ایک شے پر لگ رہی قوت کے ذریعے کیا گیا کام، قوت کی عددی قدر اور قوت کی سمت میں شے کے ذریع طے کیے گئے فاصلے کے حاصل ضرب کے مساوی ہے۔ کام کی صرف عددی قدر ہوتی ہے، سمت نہیں۔

مساوات (11.1) میں، اگر  $F = 1\text{N}$  اور  $s = 1\text{m}$  تو قوت کے ذریعے کیا گیا کام  $1\text{Nm}$  ہو گا۔ یہاں کام کی اکائی نیوٹن میٹر (Nm) یا جول (J) ہے۔ اس لیے  $1\text{J}$  کسی شے پر کیے گئے کام کی مقدار ہے جب  $1\text{N}$  کی قوت اسے قوت کی سمت میں  $1\text{m}$  سے منتقل کرتی ہے۔

مساوات (11.1) کو غور سے دیکھیے۔ کیا گیا کام کتنا ہو گا، اگر شے پر لگ رہی قوت صفر ہو؟ کیا گیا کام کتنا ہو گا اگر شے کی منتقلی صفر ہے؟ ان شرائط کو دیکھیے جن کا پورا ہونا، یہ کہنے کے لیے کہ کام کیا گیا، لازمی ہے۔

## سوالات

- 1 - ہم کب کہتے ہیں کہ کام کیا گیا؟
- 2 - جن شے پر گر رہی قوت، منتقلی کی سمت میں ہے تو کے گئے کام کے لیے ریاضیاتی عبارت لکھیے۔
- 3 - 1J کام کی تعریف بیجیے۔
- 4 - ایک بیلوں کی جوڑی ایک ہل پر  $140\text{N}$  کی قوت لگاتی ہے۔ جو تے میں کتنا کام ہوگا؟

## 11.2 توانائی (Energy)

توانائی کے بغیر زندگی ناممکن ہے، تو انائی کی مانگ مستقل بڑھ رہی ہے۔ ہم تو انائی کہاں سے حاصل کرتے ہیں؟ ہمارے لیے سورج سب سے بڑا تو انائی کا قدرتی وسیلہ ہے۔ ہمارے تو انائی کے کئی وسائل سورج سے حاصل ہوتے ہیں۔ ہم ایٹھوں کے نیکلیوں سے بھی تو انائی حاصل کر سکتے ہیں، زمین کے اندر وہی حصے اور ہر دن سے بھی تو انائی حاصل کر سکتے ہیں۔ کیا آپ تو انائی کے دوسرا وسیلے بھی سوچ سکتے ہیں۔

## 11.5 سرگرمی

- تو انائی کے کچھ ویلوں کی فہرست اور پری گئی ہے۔ تو انائی کے اور بھی کئی وسیلے ہیں۔
- اپنے ساتھیوں کے ساتھ چھوٹے گروپ بنائیے اور گروپ میں بحث کیجیے کہ کچھ ویلے سورج کی دین ہیں۔
- کیا کچھ ایسے بھی تو انائی کے وسیلے ہیں جو سورج کی دین نہیں ہیں؟

تو انائی کا لفظ ہماری روزمرہ زندگی میں اکثر استعمال کیا جاتا ہے۔ لیکن سائنس میں ہم اسے ایک متعین اور مخصوص درست معنوں میں استعمال کرتے ہیں۔ آئیے مندرجہ ذیل مثالیں ملاحظہ کریں: جب ایک تیزی سے حرکت کرتی ہوئی کرکٹ کی گیند زمین میں گزٹے ہوئے غیر متحرک وکٹ پر لگتی ہے تو وکٹ زمین سے نکل کر دور چلا جاتا ہے۔ اسی طرح، ایک شے کو جب کچھ اونچائی تک اٹھایا جاتا ہے تو اس میں کام کرنے کی صلاحیت پیدا

منقلی<sup>s</sup> کی مخالف سمت میں لگ رہی ہے، یعنی کہ لگ رہی قوتوں کی سمت میں کے ماہین  $180^\circ$  زاویہ ہے۔ ایسی صورت میں، وقت  $F$  کے ذریعے کیا گیا کام منفی ( $-Ve$ ) مانا جاتا ہے اور منفی علامت کے ساتھ ظاہر کیا جاتا ہے۔ قوت  $F$  کے ذریعے کیا گیا کام ہے:  $(-F \times s) = (-F \times s)$  یا  $(-F \times s)$  مندرجہ بالا بحث سے یہ صاف ظاہر ہے کہ ایک قوت کے ذریعے کیا گیا کام یا تو ثابت ہو سکتا ہے یا منفی اسے سمجھنے کے لیے آئیے مندرجہ ذیل سرگرمی کریں۔

## 11.4 سرگرمی

- ایک شے کو اپر اٹھائیے۔ آپ کے ذریعے شے پر لگائی گئی قوت کے ذریعے کام کیا گیا ہے۔ شے اور کی سمت میں حرکت کرتی ہے۔ آپ نے جو قوت لگائی، وہ منتقلی کی سمت میں ہے۔ لیکن، شے پر زمین کی کشش کی قوت بھی لگ رہی ہے۔ ان دونوں قوتوں میں سے کون سی قوت ثابت کام کر رہی ہے؟ کون سی قوت منفی کام کر رہی ہے؟ وجہ بتائیے۔

کیا گیا کام منفی ہے، جب قوت، منتقلی کی مخالف سمت میں لگتی ہے۔ کیا گیا کام ثابت ہے، جب قوت، منتقلی کی سمت میں لگتی ہے۔

**مثال 11.2** ایک قلی  $15\text{ kg}$  کا سامان زمین سے اٹھاتا ہے اور اسے اپنے سر پر، زمین سے  $1.5\text{ m}$  اور رکھتا ہے۔ اس کے ذریعے سامان پر کیے گئے کام کا حساب لگائیے۔

حل:

$$\begin{aligned}
 & \text{مائل } s = 1.5\text{m} \\
 & \text{سامان کی کیتی، } m = 15\text{kg} \\
 & \text{کیا گیا کام } W = F \times s \\
 & = mg \times s \\
 & = 15\text{kg} \times 10\text{ m s}^{-2} \times 1.5\text{m} \\
 & = 225\text{kg m s}^{-2} \text{m} \\
 & = 225 \text{ N m} = 225 \text{ J} \\
 & \text{کیا گیا کام } 225\text{J ہے۔}
 \end{aligned}$$

کام اور توانائی

## اس پر غور کیجیے!

آپ کیسے جانیں گے کہ کوئی شے تو انائی کی شکل ہے۔ اپنے دوستوں اور استاد سے گفتگو کیجیے۔



詹姆斯 پرسکوت جول  
(1818 — 1889)

انگریز طبیعت داں تھے۔ وہ اپنی برق اور حرکیات (Thermodynamics) کے میدانوں میں ریسرچ کے لیے خاص طور سے مشہور ہیں۔ دوسری چیزوں کے علاوہ انہوں نے بر قی رو (Electrical Effect) کے حرارتی اثر کے لیے ایک قانون بنایا۔ انہوں نے تو انائی کے بنا کے قانون کی تجربے کے ذریعے قصد یقین کی اور حرارت کے مکائیکی مترادف کی قدر دریافت کی۔ تو انائی اور کام کی اکائی، ان کے نام پر جول رکھی گئی ہے۔

### 11.2.2 حرکی تو انائی (Kinetic Energy)

#### 11.6 سرگرمی

ایک بھاری گیند لیجیے۔ لوہے کا گولا اچھا رہے گا۔ اسے ایک موٹی ریت کی تہ پر گرا کیے۔ اگر ریت گیلی ہو تو اور اچھا رہے۔ ریت کے اور پر تقریباً 25cm اونچائی سے یہ گولا گرا کیے۔ گولا ایک گلڈھا بنا دیتا ہے۔ اسی سرگرمی کو گولے کو 50cm، 1m اور 1.5m کی اونچائی سے گرا کر دھرا دیئے۔

ہر گلڈھے پر نشان لگا دیجیے، جس سے پتہ چل جائے کہ وہ گولے کو کس اونچائی سے گرانے پر بنا تھا۔

ان گلڈھوں کی گہرائی کا مقابلہ کیجیے۔

سب سے گہرا کون سا ہے؟

سب سے کم گہرا کون سا ہے؟ کیوں؟

ہو جاتی ہے۔ آپ نے ضرور دیکھا ہوگا کہ جب ایک ہتھوڑے کو کچھ اونچائی تک اٹھا کر لکڑی کے لکڑے پر رکھی ہوئی کیل پر مارتے ہیں تو وہ کیل کو تختے کے اندر گھرائی تک پہنچا دیتا ہے۔ آپ نے بچوں کو کھلونے میں چاپی بھرتے بھی دیکھا ہوگا۔ (جیسے ایک کھلونا کار میں) اور پھر جب کھلونے کو فرش پر رکھا جاتا ہے، تو کھلونا حرکت کرنے لگتا ہے۔ جب ایک غبارے میں ہوا بھردی جاتی ہے اور پھر ہم اسے دباتے ہیں، تو ہم دیکھتے ہیں کہ اس کی شکل کچھ تبدیل ہو جاتی ہے۔ جب تک ہم غبارے کو آہستہ سے اختیاط کے ساتھ دباتے ہیں، تو یہ قوت ہٹالینے کے بعد غبارہ اپنی اصلی شکل پر واپس آ جاتا ہے۔ لیکن اگر ہم غبارہ کو بہت زیادہ زور سے دبا کیں تو یہ پھٹ بھی سکتا ہے اور پھٹنے میں ایک زوردار اوز پیدا ہوتی ہے۔ ان تمام مشاش میں، اشیاء، مختلف ذرائعوں سے، کام کرنے کی صلاحیت حاصل کر لیتی ہیں۔ ایک شے جو کام کرنے کی صلاحیت رکھتی ہے، کہا جاتا ہے کہ، اس میں تو انائی ہے۔ وہ شے جو کام کرتی ہے، اس کی تو انائی صرف ہوتی ہے اور جس شے پر کام کیا جاتا ہے، وہ تو انائی حاصل کرتی ہے۔

ایک شے تو انائی سے کام کیے کرتی ہے؟ ایک شے جس میں تو انائی ہے، دوسری شے پر قوت لگا سکتی ہے۔ جب ایسا ہوتا ہے تو پہلی شے سے تو انائی دوسری شے میں منتقل ہو جاتی ہے۔ اس طرح دوسری شے اب ہو سکتا ہے حرکت کرے، کیونکہ اب اس نے تو انائی حاصل کر لی ہے اور اس لیے کچھ کام کرے۔ اس کا مطلب ہے ہر شے جس میں تو انائی ہے، کام کر سکتی ہے۔

اس لیے ایک شے کی تو انائی اس کی کام کرنے کی صلاحیت کی شکل میں ناپی جاتی ہے۔ اس لیے تو انائی کی اکائی بھی وہی ہے جو کام کی ہے، یعنی کہ جول (J)۔ 1J وہ تو انائی ہے جو 1 کام کرنے کے لیے درکار ہوتی ہے۔ کبھی کبھی تو انائی کی اس سے بڑی اکائی، جسے کلو جول (kJ) کہتے ہیں، استعمال کی جاتی ہے۔ 1 کلو جول، 1000 جول کے مساوی ہے۔

### 11.2.1 تو انائی کی شکلیں (Forms of Energy)

خوش قسمتی سے، ہم جس دنیا میں رہتے ہیں، وہ میں مختلف شکلؤں میں تو انائی مہیا کرتی ہے۔ یہ مختلف شکلیں ہیں، میکائیکی تو انائی (Mechanical Energy)، بالقوۃ تو انائی (Potential Energy)، حرکی تو انائی (Kinetic Energy)، حرارتی تو انائی (Heat Energy)، کیمیائی (Chemical Energy)، برقی تو انائی (Electrical Energy) اور روشنی کی تو انائی (Light Energy)۔

کر سکتے ہیں۔ ایک گولی اپنے نشانے میں کیسے ڈنس جاتی ہے؟ ہوا پنچکی کے پروں کو کیسے حرکت دیتی ہے؟ حرکت کرتی ہوئی اشیا میں تو انائی ہوتی ہے۔ ہم اس تو انائی کو حرکتی تو انائی کہتے ہیں۔

پیڑ سے گرتا ناریل، تیز رفتار کار، لڑھکتا ہوا پتھر، چلتی ہوئی ہوا، دوڑتا ہوا کھلاڑی، وغیرہ سب میں حرکتی تو انائی ہوتی ہے۔ مختصرًا، حرکتی تو انائی وہ تو انائی ہے، جو کسی شے میں اس کی حرکت کی وجہ سے ہوتی ہے۔ ایک شے کی حرکتی تو انائی میں اس کی چال میں اضافے کے ساتھ، اضافہ ہوتا ہے۔

ایک حرکت کرتی ہوئی شے کی کتنی تو انائی اس کی حرکت کی وجہ سے ہوتی ہے؟ تعریف کے مطابق، ہم کہتے ہیں کہ ایک مخصوص رفتار سے حرکت کرتی ہوئی ایک شے کی حرکتی تو انائی اس کیے گئے کام کے مساوی ہے جو اسے وہ رفتار اختیار کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔

آئیے اب ایک شے کی حرکتی تو انائی کو ایک مساوات کی شکل میں ظاہر کریں۔ مان لیجیے کہ ایک  $m$  کیت کی شے یکساں رفتار  $u$  سے حرکت کر رہی ہے۔ فرض کیجیے کہ ایک مستقلہ قوت  $F$ ، لگاتے ہے، جو اس کی منتقلی کی سمت میں ہے، یہ فاصلہ  $s$  سے منتقل ہو جاتی ہے۔ مساوات (11.1) سے، کیا گیا کام  $W = F s$  ہے۔ شے پر کیا گیا کام اس کی رفتار تبدیل کر دے گا۔ فرض کیجیے اس کی رفتار  $u$  سے تبدیل ہو کر  $v$  ہو جاتی ہے۔ فرض کیجیے پیدا ہوا اسراءع  $a$  ہے۔

حصہ 8.5 میں، ہم نے حرکت کی تین مساوات میں پڑھی تھیں۔ وہ رشتہ جو ابتدائی رفتار ( $u$ )، اور انتہائی رفتار ( $v$ ) کو ایک یکساں اسراءع ' $a$ ' کے ساتھ حرکت کرتی ہوئی شے کے ذریعے طے کیے گئے فاصلے ' $s$ ' سے مسئلک کرتا ہے:

$$v^2 = u^2 + 2as \quad (8.7)$$

اس سے ملتا ہے

$$s = \frac{v^2 - u^2}{2a} \quad (11.2)$$

حصہ (9.4) سے، ہم جانتے ہیں  $F = ma$ ، اس لیے مساوات (11.2) کو مساوات (11.1) میں استعمال کرتے ہوئے، ہم قوت  $F$  کے ذریعے کیا گیا کام لکھ سکتے ہیں:

$$W = m a \times \left( \frac{v^2 - u^2}{2a} \right) \quad (11.3)$$

کس چیز نے گولے کو زیادہ گہرا گھٹھا بنا نے دیا؟

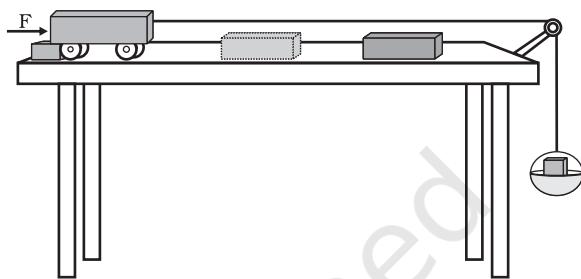
بحث کیجیے اور تجزیہ کیجیے۔

## سرگرمی

تجرباتی سامان کو اس طرح ترتیب دیں، جسے شکل 11.5 میں دکھایا گیا ہے۔

معلوم کیت کا ایک لکڑی کا گنکا ٹرالی کے سامنے کچھ دوری پر رکھ دیں۔

پلڑے میں ایک معلوم کیت رکھیں۔



شکل 5

ٹرالی آگے کی سمت میں حرکت کرتی ہے اور لکڑی کے لئے کوکر مارتی ہے۔

گنکا اپنی جگہ سے منتقل ہو جاتا ہے۔ اس کا مطلب ہے ٹرالی کے ذریعے کام کیا گیا ہے، یونکہ گنکے نے تو انائی حاصل کی ہے۔

یہ تو انائی کہاں سے آتی ہے؟ کیے گئے کام کی پیمائش کیجیے۔ پلڑے میں رکھے وزن میں اضافہ کرتے ہوئے، اس تجریبے کو کچھ مرتبہ دہرائیے۔

اپنے نتائج کا چدول تیار کیجیے۔

آپ جو ممکنہ نتائج اخذ کر سکتے ہوں، ان کی فہرست بنائیے۔

اپنے تمام مشاہدات کی وضاحت کیجیے۔

اس سرگرمی میں حرکت کرتی ہوئی ٹرالی کام کرتی ہے، اس لیے اس میں تو انائی ہے۔ ایک حرکت کرتی ہوئی شے کام کر سکتی ہے۔ ایک تیز رفتار سے حرکت کرتی ہوئی شے ایک مماثل (Identical) شے سے، جو اس کے مقابلے میں کم رفتار سے حرکت کر رہی ہو، زیادہ کام کر سکتی ہے۔ ایک حرکت کرتی ہوئی گولی، چلتی ہوئی ہوا، گھومتا ہوا پہیہ، تیز رفتار پتھر، کام

کام اور تو انائی

$$\begin{aligned} 8.33 \text{ m s}^{-1} &= \text{اسی طرح} \\ 60 \text{ km h}^{-1} &= v \end{aligned}$$

$$16.67 \text{ m s}^{-1} = \text{اس لیے،}$$

کارکی ابتدائی حرکی توانائی

$$\begin{aligned} E_{ki} &= \frac{1}{2}mv^2 \\ &= \frac{1}{2} \times 1500 \text{ kg} \times (8.33 \text{ m s}^{-1})^2 \\ &= 52041.68 \text{ J} \end{aligned}$$

کارکی ابتدائی حرکی توانائی

$$\begin{aligned} E_{kf} &= \frac{1}{2} \times 1500 \text{ kg} \times (16.67 \text{ m s}^{-1})^2 \\ &= 208416.68 \text{ J} \\ \text{کیا گیا کام} &= \text{حرکی توانائی میں تبدیلی} \\ &= E_{kf} - E_{ki} \\ &= 156375 \text{ J} \end{aligned}$$

### سوالات

- 1 ایک شے کی حرکی توانائی کیا ہے؟
- 2 ایک شے کی حرکی توانائی کے لیے ریاضیاتی عبارت لکھیے۔
- 3 کمیت  $m$  کی ایک شے، جو  $5 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے حرکت کر رہی ہے، اس کی حرکی توانائی  $25 \text{ J}$  ہے۔ اس کی حرکی توانائی کیا ہوگی اگر اس کی رفتار دو گز کر دی جائے؟ اس کی حرکی توانائی کیا ہوگی اگر اس کی رفتار 3 گز کر دی جائے؟

### 11.2.3 ضعی توانائی (Potential Energy)

#### 11.8 سرگرمی

- ایک رہ بینڈ لیجیے۔
- اس کا ایک سراپڑیے اور دوسرا سراپڑیے۔

تب

$$W = \frac{1}{2}mv^2 \quad (11.4)$$

یہ ظاہر ہے کہ کیا گیا کام، شے کی حرکی توانائی میں آئی تبدیلی کے مساوی ہے۔ اگر  $u = 0$  ہے، تو کیا گیا کام  $\frac{1}{2}mv^2$  کے مساوی ہو گا۔ اس لیے ایک شے کی حرکی توانائی، جس کی میت  $m$  ہے اور جو یکساں رفتار  $v$  سے حرکت کر رہی ہے، ہو گی:

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 \quad (11.5)$$

**مثال 11.3** کمیت کی ایک شے،  $4 \text{ m s}^{-1}$  کی یکساں رفتار سے حرکت کر رہی ہے۔ اس شے کی حرکی توانائی کیا ہو گی؟

حل:

$$\begin{aligned} \text{شے کی کمیت} &= 15 \text{ kg} \\ &= 4 \text{ m s}^{-1} \\ &= v \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E_k &= \frac{1}{2}mv^2 \\ &= \frac{1}{2} \times 15 \text{ kg} \times 4 \text{ ms}^{-1} \times 4 \text{ ms}^{-1} \\ &= \text{شے کی حرکی توانائی } 120 \text{ ہے۔} \end{aligned}$$

**مثال 11.4** اگر ایک کارکی میت  $1500 \text{ kg}$  ہے، تو اس کی رفتار کو  $60 \text{ kmh}^{-1}$  سے بڑھا کر  $30 \text{ kmh}^{-1}$  کرنے کے لیے، کتنا کام کرنا ہو گا؟

حل:

$$\begin{aligned} \text{کارکی کمیت} &= 1500 \text{ kg} \\ u \text{ کارکی آغازی رفتار} &= 30 \text{ km h}^{-1} \\ \frac{30 \times 1000 \text{ m}}{60 \times 60 \text{ s}} &= \end{aligned}$$

مندرجہ بالا صورتوں میں، شے پر کے گے کام کی وجہ سے توانائی ذخیرہ ہو جاتی ہے۔ ایک شے کو منتقل کی گئی توانائی، اگر شے کی رفتار یا چال میں تبدیلی لانے میں استعمال نہیں کی جائے تو یہ بطور بالقوہ توانائی (Potential Energy) شے میں ذخیرہ (جع) ہو جاتی ہے۔ شے کام کرنے کے لیے، بالقوہ توانائی حاصل کر لیتی ہے۔

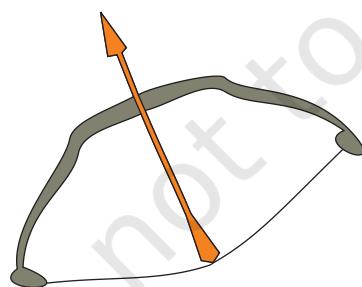
جب آپ ربر بینڈ کو کھینچتے ہیں تو آپ توانائی منتقل کرتے ہیں۔ بینڈ کو منتقل کی گئی توانائی، اس کی بالقوہ توانائی ہے۔ آپ کھلونا کار کی چاپی گھمانے میں کام کرتے ہیں۔ کار کے اندر لگے اسپرنگ کے اندر یہ وضعی توانائی کی شکل میں اکھتا ہو جاتی ہے۔ ایک شے کی بالقوہ توانائی وہ توانائی ہے جو شے میں اس کے مقام یا اس کی شکل کی وجہ سے ہوتی ہے۔

### 11.12 سرگرمی

ایک بنس لیجیے اور اسے کمان کی شکل میں، جیسا شکل 11.6 میں دکھایا گیا ہے، موڑ لیجیے۔

اس میں ایک ہلکی چھڑ سے بنا ہوا ایک تیر اس طرح رکھیں کہ تیر کا ایک سرا کھینچی ہوئی ڈوری پر رکار ہے۔ اب ڈوری کو کھینچنے اور تیر کو چھوڑ دیجیے۔ اب دیکھیے کہ تیر کیسے کمان سے تیزی سے نکلتا ہے۔

کمان کی شکل میں آئی تبدیلی کو نوٹ کیجیے۔ شکل کی تبدیلی کی وجہ سے کمان میں جمع ہوئی بالقوہ توانائی، تیر کو باہر پھینکنے کی شکل میں، تیر کو حرکتی توانائی دینے میں استعمال ہوتی ہے۔



شکل 11.6 ایک تیر اور کمان کی کھینچی ہوئی ڈوری

ایک طرف کا سرا چھوڑ دیجیے۔

کیا ہوتا ہے؟

بینڈ اپنی اصلی لمبائی دوبارہ حاصل کرنے کی کوشش کرتا ہے۔ اس سے

ظاہر ہوتا ہے کہ کھینچی ہوئی شکل میں بینڈ نے توانائی حاصل کر لی ہے۔

بینڈ کھینچ جانے پر توانائی کیسے حاصل کرتا ہے؟

### 11.9 سرگرمی

ایک سلینکی (Slinky) لیجیے۔

ایک دوست سے کہیے کہ وہ اس کا ایک سرا پکڑ لے۔ آپ

دوسرا سرا اپنے ہاتھ میں پکڑیے اور اپنے دوست سے دور

جائیے۔ اب آپ سلینکی چھوڑ دیجیے۔



کیا ہوتا ہے؟

کھینچنے پر سلینکی توانائی کیسے حاصل کر لیتی ہے؟

کیا سلینکی دبی ہونے پر بھی توانائی حاصل کرے گی؟

### 11.10 سرگرمی

ایک کھلونا کار لیجیے۔ اس میں چاپی بھریے۔

کار کوز میں پر چھوڑ دیجیے۔

کیا یہ حرکت کرتی ہے؟

اس نے توانائی کہاں سے حاصل کی؟

کیا حاصل کی ہوئی توانائی چاپی گھمائے جانے کی تعداد پر مختص ہے؟

آپ اس کی جانچ کیسے کر سکتے ہیں؟

### 11.11 سرگرمی

ایک شے کو کچھ اوپر نچالی تک اوپر اٹھائیے۔ اب یہ شے کام کر سکتی

ہے۔ چھوڑے جانے پر یہ نیچے گرنا شروع کر دیتی ہے۔

اس کا مطلب ہے کہ اب اس نے کچھ توانائی حاصل کر لی ہے۔

زیادہ اوپر مقاموں پر سے گرائے جانے پر یہ زیادہ کام کر سکتی

ہے، اس کا مطلب ہے۔ کہ یہ زیادہ اوپر مقام پر زیادہ

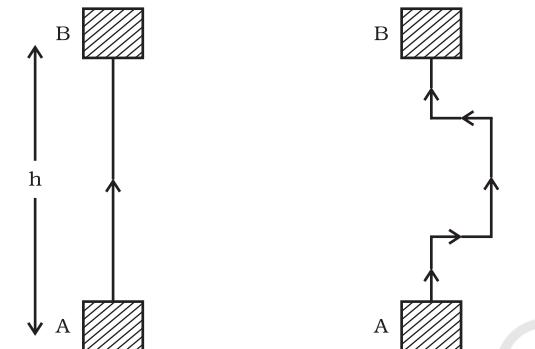
توانائی حاصل کرتی ہے۔

یہ توانائی کہاں سے حاصل کرتی ہے؟ غور کیجیے اور بحث کیجیے۔

کام اور توانائی

ایک دی ہوئی بلندی پر ایک شے کی وضعی توانائی سطح زمین پر یا آپ کی منتخب کی ہوئی صفر سطح پر منحصر ہے۔ ایک دی ہوئے مقام پر ایک شے کی وضعی توانائی ایک سطح کے حوالے سے کچھ ہو سکتی ہے اور دوسری سطح کے حوالے سے کچھ اور ہو سکتی ہے۔

یہ نوٹ کرنا کارآمد ہے کہ زمینی کشش کے ذریعے کیا گیا کام کے آغازی اور اختتامی مقاموں کی بلندیوں کے فرق پر منحصر ہے اور اس راستے پر منحصر نہیں ہے جس پر شے کو حرکت دی گئی ہے۔ شکل 11.8 میں ایک ایسی صورت دکھائی گئی ہے جس میں ایک شے مقام A سے مقام B تک اوپر اٹھائی جاتی ہے اور دو مختلف راستے اختیار کیے جاتے ہیں۔ فرض کیجیے اور دونوں صورتوں میں شے پر کیا گیا کام  $mgh$  ہے۔



شکل 11.8

**مثال 11.5** ایک شے سطح زمین سے 6m اوپر ہے۔ اس کی کمیت 10kg ہے۔ اس میں موجود توانائی معلوم کیجیے۔ دیا ہے :

$$g = 9.8 \text{ m s}^{-2}$$

حل:

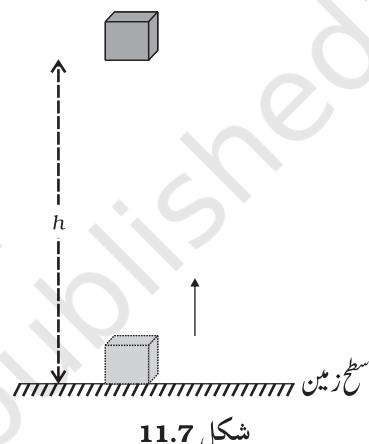
$$\begin{aligned} 10 \text{ kg} &= \text{شے کی کمیت } m \\ h = 6\text{m} &= (\text{اوچائی}) \text{ منتقلی} \\ 9.8 \text{ m s}^{-2} &= \text{زمینی کشش اور اسرار } a \\ \text{مساوات 11.6 سے:} \\ mgh &= \\ &= 10 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m s}^{-2} \times 6\text{m} \\ &= 588 \text{ J} \end{aligned}$$

#### 11.2.4 ایک بلندی پر شے کی بالقوہ توانائی (Potential Energy of an Object at a Height)

ایک شے کو جب ایک اوچائی تک اٹھایا جاتا ہے، تو اس کی توانائی بڑھ جاتی ہے۔ ایسا اس لیے ہوتا ہے کیونکہ اوچائی تک اوپر اٹھانے میں، زمینی کشش کے خلاف، کام کیا جاتا ہے۔ اس قسم کی شے میں موجود توانائی، مادی کشش کی بالقوہ توانائی (Gravitational Potential Energy) ہے۔

ایک شے کی مادی کشش کی بالقوہ توانائی کی، زمین سے اوپر ایک نقطے پر، تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ وہ کیا گیا کام ہے جو شے کو زمین سے اس نقطے تک، کشش قلع کے خلاف، اٹھانے میں کیا جاتا ہے۔

ایک بلندی پر شے کی شغلی بالقوہ توانائی، کی ریاضیاتی عبارت حاصل کرنا آسان ہے۔



شکل 11.7

کمیت  $m$  کی ایک شے لیجیے۔ فرض کیجیے اس کو سطح زمین سے  $h$  اونچائی تک اٹھایا جاتا ہے۔ ایسا کرنے کے لیے ایک قوت درکار ہوگی۔ وہ کم سے کم قوت جو شے کو اٹھانے کے لیے چاہیے، شے کے وزن  $mg$  کے مساوی ہے۔ شے جو توانائی حاصل کرتی ہے، وہ اس پر کیے گئے کام کے مساوی ہوتی ہے۔ فرض کیجیے کشش قلع کے خلاف شے پر کیا گیا کام  $W$  ہے۔ یعنی کہ،

$$\begin{aligned} W \text{ کیا گیا کام} &= \text{ منتقلی قوت} \\ &= mg \times h \\ &= mgh \end{aligned}$$

کیونکہ شے پر کیا گیا کام  $mgh$  کے مساوی ہے، اس لیے شے  $mgh$  کا نیوں کے مساوی توانائی حاصل کرتی ہے۔ یہ شے کی بالقوہ توانائی ہے۔

$$E_p = mgh \quad (11.6)$$

## 11.14

### سرگرمی

- کئی انسانی علوم میں اور آلات ہم استعمال کرتے ہیں ان میں ایک شکل سے دوسری شکل میں توانائی کی تبدیلی شامل ہوتی ہے۔
- ایسے علوم اور آلات کی فہرست تیار کیجیے۔
- ہر عمل / آنے میں نشاندہی کیجیے کہ کس قسم کی توانائی تبدیلی ہو رہی ہے۔

#### 11.2.6 توانائی کی بقا کا قانون (Law of Conservation of Energy)

سرگرمی 11.13 اور سرگرمی 11.14 میں ہم نے سیکھا کہ توانائی ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کی جاسکتی ہے۔ اس عمل کے دوران اور اس کے بعد ایک نظام کی کل توانائی پر کیا اثر پڑتا ہے؟ جب بھی توانائی ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل ہوتی ہے، کل توانائی، تبدیل نہیں ہوتی۔ یہ توانائی کی بقا کا قانون ہے۔ اس قانون کے مطابق، توانائی کو صرف ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کیا جاسکتا ہے، اسے نہ تو پیدا کیا جاسکتا ہے اور نہ ہی فنا کیا جاسکتا ہے۔ تبدیلی سے پہلے اور تبدیلی کے بعد، کل توانائی یکساں رہتی ہے۔ توانائی کی بقا کا قانون تمام صورتوں میں اور ہر قسم کی تبدیلیوں کے لیے درست ہے۔

ایک سادہ مثال لیجیے۔ فرض کیجیے  $m$  کمیت کی ایک شے کو اونچائی  $h$  سے آزاد نہ طور پر گرا کیا جاتا ہے۔ شروع میں، بالقوہ توانائی  $mgh$  ہے اور حرکی توانائی صفر ہے۔ حرکی توانائی صفر کیوں ہے؟ یہ اس لیے صفر ہے کیونکہ شے کی رفتار صفر ہے۔ اس لیے شے کی کل توانائی  $mgh$  ہے۔ جیسے جیسے یہ نیچے گرے گی، اس کی بالقوہ توانائی، حرکی توانائی میں تبدیل ہوتی جائے گی۔ اگر ایک دیے ہوئے لمحہ وقت پر اس کی رفتار  $v$  ہے، تو حرکی توانائی  $\frac{1}{2}mv^2$  ہوگی۔ جیسے جیسے شے کا گرنا جاری رہے گا، اس کی بالقوہ توانائی کم ہوتی جائے گی اور حرکی توانائی بڑھتی جائے گی۔ جب شے بالکل زمین پر پہنچنے والی ہوگی،  $v=0$  اور  $\frac{1}{2}mv^2=0$  کی قدرت سب سے زیادہ ہوگی۔ اس لیے حرکی توانائی سب سے زیادہ اور بالقوہ توانائی سب سے کم ہوگی۔ لیکن ہر نقطہ پر بالقوہ توانائی اور حرکی توانائی کا حاصل جمع یکساں ہوگا۔ ایک شے کی حرکی توانائی اور وضعی توانائی کا حاصل جمع اس کی میکانیکی توانائی کھلا تا ہے۔ یعنی کہ

**مثال 11.6:** 12 kg کی ایک سے سطح زمین سے کچھ اونچائی پر رکھی ہے۔ اگر شے کی بالقوہ توانائی  $J$  480 ہے تو معلوم کیجیے کہ سطح زمین کی مناسبت سے وہ کتنی اونچائی پر ہے۔ دیا ہے  $g = 10 \text{ m s}^{-2}$

حل:

$$\text{شے کی کمیت } E_p, \text{ بالقوہ توانائی } J = 480 \text{ m}$$

$$E_p = mgh$$

$$480 \text{ J} = 12 \text{ kg} \times 10 \text{ m s}^{-2} \times h$$

$$h = \frac{(480 \text{ J})}{120 \text{ kg m s}^{-2}}$$

$$= 4 \text{ m}$$

شے کی اونچائی پر ہے۔

#### 11.2.5 کیا توانائی کی مختلف شکلیں آپس میں تبدیل کی جاسکتی ہیں؟ (Are Various Energy Forms Interconvertible)

کیا ہم توانائی کو ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل کر سکتے ہیں؟ ہم قدرت میں ایسی ان گنت مثالیں دیکھتے ہیں جن میں توانائی ایک شکل سے دوسری شکل میں تبدیل ہوتی ہے۔

## 11.13 سرگرمی

چھوٹے چھوٹے گروپ بناؤ کر بیٹھیے۔

قدرت میں توانائی کی تبدیلی کے مختلف طریقوں پر بحث کیجیے۔

ان سوالوں پر اپنے گروپ میں بحث کیجیے:

(a) ہرے پودے اپنا کھانا کیسے بناتے ہیں؟

(b) وہ اپنے لیے توانائی کہاں سے حاصل کرتے ہیں؟

(c) ایندھن، جیسے کوئلہ اور پیڑوں کیسے بنتے ہیں؟

(d) آبی دور کو برقرار رکھنے کے لیے کس قسم کی توانائی تبدیلیاں ہوتی ہیں؟

### 11.3 کام کرنے کی شرح (Rate of Doing Work)

کیا ہم سب ایک ہی شرح سے کام کرتے ہیں؟ کیا مشینیں ایک ہی شرح پر تو انائی کا استعمال اور تو انائی کی منتقلی کرتی ہیں؟ وسیلے جو تو انائی منتقل کرتے ہیں، مختلف شرحوں پر کام کرتے ہیں۔ آئیے اسے مندرجہ ذیل سرگرمی سے سمجھیں۔

#### 11.16 سرگرمی

مان لجیجے دو بنچے A اور B ہیں۔ ہم مان لیتے ہیں ان کے وزن یکساں ہیں۔ دونوں الگ الگ ایک ری پر چڑھنا شروع کرتے ہیں۔ دونوں 8m اونچائی تک چڑھتے ہیں۔ فرض کیجیے اس کام کو کرنے میں A 15 سینٹ لیتا ہے اور B کو 20 سینٹ لگتے ہیں۔

- دونوں میں سے ہر ایک کے ذریعے کیا گیا کام کتنا ہے؟
- کیا گیا کام یکساں ہے۔ لیکن A نے کام کرنے میں B سے کم وقت لیا ہے۔
- ایک دیے ہوئے وقفہ وقت، مان لجیجے 1 سینٹ میں کسی نے زیادہ کام کیا؟ وہ A ہے۔

ایک زیادہ طاقت در شخص ایک کام کو مقابلتاً کم وقت میں کر سکتا ہے۔ زیادہ طاقتور گاڑی مقابلتاً کم طاقتور گاڑی سے کم وقت میں ایک سفر پورا کر سکتی ہے۔ ہم موڑ سائکل، موڑ کار جیسی مشینوں کے پاور کی بات کرتے ہیں۔ ان کی اس درجہ بندی کی بنیاد وہ رفتار ہے، جس سے یہ سوار یا تو انائی تبدیل کرتی ہیں یا کام کرتی ہیں۔ پاور (Power) کیے گئے کام کی رفتار ناپتی ہے، یعنی کہ کام کتنی تیزی سے یا آہستہ سے ہو۔ پاور کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ پاور کام کرنے کی شرح ہے یا پاور تو انائی منتقل کرنے کی شرح ہے۔ اگر ایک وسیلہ وقت t میں W کام کرتا ہے، تو پاور دی جاتی ہے:

$$p = \frac{W}{t} \quad (11.8)$$

$$\text{مستقلہ} = \text{حرکی تو انائی} + \text{بالقوہ تو انائی}$$

$$mgh + \frac{1}{2}mv^2 = \text{مستقلہ} \quad (11.7)$$

ہم پاتے ہیں کہ ایک شے کے آزادانہ گرنے کے دوران، اس کے راستے کے کسی بھی نقطے پر، بالقوہ تو انائی میں آئی کی، مساوی مقدار کے حرکی تو انائی میں اضافے کی شکل میں ظاہر ہوتی ہے۔ (یہاں شے کی حرکت پر ہوا کے رگڑ کے اثر کو نظر انداز کر دیا گیا ہے)۔ اس طرح، مادی کشش بالقوہ تو انائی کی حرکی تو انائی میں لگا تار تبدیلی ہوتی ہے۔

#### 11.15 سرگرمی

4m اونچائی سے ایک 20kg کمیت کی شے گرانی جاتی ہے۔ مندرجہ ذیل جدول میں، ہر صورت میں وضعی تو انائی اور حرکی تو انائی کا حساب لگا کر، خالی جگہوں کو بھریے۔

$E_p + E_k$ J	حرکی تو انائی ( $E_k = mv^2/2$ ) J	وضعی تو انائی ( $E_p = mgh$ ) J	اوونچائی، جس پر شے کا مقام ہے m
			4
			3
			2
			1
			زمین کے بالکل نzdیک

حسابات کو سادہ بنانے کے لیے g کی قیمت  $10 \text{ ms}^{-2}$  لجیجے۔

#### اس پر غور کیجیے!

کیا ہوتا اگر قدرت میں تو انائی ایک شکل سے دوسرا شکل میں تبدیل نہیں ہو سکتی ہوتی؟ ایک خیال یہ ہے کہ تو انائی کی تبدیلی کے بغیر زندگی ممکن نہیں ہوتی۔ کیا آپ اس سے اتفاق کرتے ہیں؟

$$\begin{aligned}
 &= \frac{mgh}{t} \\
 &= \frac{400 \text{ N} \times 8 \text{ m}}{20 \text{ s}} \\
 &= 160 \text{ W}
 \end{aligned}$$

(ii) لڑکی B کے ذریعے صرف کی گئی پاور

$$\begin{aligned}
 400 \text{ N} &= mg \\
 8\text{m} &= h \quad (\text{اوچائی منتقلی}) \\
 50\text{s} &= t \quad (\text{لیا گیا وقت}) \\
 \frac{mgh}{t} &= p \quad (\text{پاور}) \\
 &= \frac{400 \text{ N} \times 8 \text{ m}}{50 \text{ s}} = 64 \text{ W}
 \end{aligned}$$

لڑکی A کے ذریعے صرف کی گئی پاور 160W ہے، لڑکی B کے ذریعے صرف کی گئی پاور 64W ہے۔

**مثال 11.8** کمیت کا ایک لڑکا 45 سینٹھیوں کے ایک زینے پر 9 سینٹنڈ میں چڑھتا ہے۔ اگر ہر سینٹھی کی اوچائی 15cm ہے تو اس کی پاور معلوم کیجیے۔  $g = 10 \text{ m s}^{-2}$

حل:

$$\begin{aligned}
 50 \text{ kg} \times 10 \text{ m s}^{-2} &= \text{لڑکے کا وزن (mg)} \\
 500 \text{ N} &= \\
 45 \times \frac{15}{100} \text{ m} &= h \quad (\text{زینے کی اوچائی}) \\
 6.75 \text{ m} &= \\
 9\text{s} &= t \quad (\text{چڑھنے میں لگنے والا وقت}) \\
 \text{مساوات 11.8 سے:} &
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \frac{\text{کیا گیا کام}}{\text{پاور}} &= \\
 \frac{mgh}{t} &= \\
 &= \frac{500 \text{ N} \times 6.75 \text{ m}}{9\text{s}} \\
 &= 375 \text{ W}
 \end{aligned}$$

پاور 375W ہے۔

پاور کی اکائی وات (Watt) ہے James Watt 1936-1819 کے اعزاز میں اس کی علامت W ہے۔ 1 وات اس وسیلہ کی پاور ہے جو 1 جول فی سینٹنڈ کی شرح سے کام کرتا ہے، ہم یہ بھی کہہ سکتے ہیں کہ پاور 1W ہے اگر تو انائی کے استعمال کی شرح 1 Js<sup>-1</sup> ہو۔

واث 1 = 1 جول / سینٹنڈ  
یا

$$\begin{aligned}
 1 \text{ W} &= 1 \text{ Js}^{-1} \\
 \text{ہم تو انائی منتقلی کی بڑی شرحوں کو کلوواٹ (kW) میں ظاہر کرتے ہیں۔} \\
 1 \text{ (کلوواٹ)} &= \text{واث 1000} \\
 1 \text{ RW} &= 1000 \text{ W} \\
 1 \text{ RW} &= 1000 \text{ Js}^{-1}
 \end{aligned}$$

پہلے پاور کی پیاس ایک اور اکائی میں کی جاتی تھی، جسے ہارس پاور (Horse Power) کہتے ہیں

ہارس پاور = 746 واث  
ایک وسیلہ کی پاور وقت کے ساتھ تبدیل ہو سکتی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ وسیلہ مختلف وقفہ اوقات میں مختلف شرحوں کے ساتھ کام کر رہا ہے۔ اس لیے اوسط پاور کا تصور کارآمد ہے۔ ہم اوسط پاور حاصل کرنے کے لیے کل استعمال ہوئی تو انائی کو لیے گئے کل وقت سے تقسیم کر دیتے ہیں۔

**مثال 11.7** دو لڑکیاں، جن میں سے ہر ایک کا وزن 400N ہے، ایک رسی پر 8m کی اوچائی تک چڑھتی ہیں۔ ہم ایک لڑکی کا نام A اور دوسرا کا B رکھ دیتے ہیں اس کام کو پورا کرنے میں لڑکی A کو 20s لگتے ہیں، جبکہ لڑکی B، 50s لیتی ہے۔ دونوں کے ذریعے صرف کی گئی پاور کتنی ہے؟

حل:

(i) لڑکی A کے ذریعے صرف کی گئی پاور

$$\begin{aligned}
 400 \text{ N} &= mg \quad (\text{لڑکی کا وزن}) \\
 8\text{m} &= h \quad (\text{اوچائی منتقلی}) \\
 20\text{s} &= t \quad (\text{لیا گیا وقت})
 \end{aligned}$$

مساوات 11.8 سے:

$$p_{\text{پاور}} = \frac{\text{کیا گیا کام}}{\text{لیا گیا وقت}}$$

کام اور تو انائی

## سوالات

**مثال 11.9** 60W کا ایک بجلی کا بلب 6h روزانہ جلا�ا جاتا ہے۔  
ایک دن میں بلب کے ذریعے استعمال کی گئی توانائی کی ”یونٹ“ کا حساب لگائیے۔

حل:

$$\begin{aligned} \text{بجلی کے بلب کی پاور} &= 60 \text{ W} \\ 0.06 \text{ kW} &= \\ \text{استعمال کیے جانے والا وقت} &= 6h \\ \text{توانائی} &= \text{وقت} \times \text{پاور} \\ 0.06 \text{ kW} \times 6h &= \\ 0.36 \text{ kW h} &= \\ 0.36 &= \text{”یونٹ“} \\ \text{بلب کے ذریعے استعمال کی گئی توانائی} &0.36 \text{ ”یونٹ“ ہے۔} \end{aligned}$$

### 11.17 سرگرمی

- آپ کے گھر کے برتنی سرکٹ میں جو بجلی کا میٹر لگا ہے، اسے غور سے دیکھیے اور اس کے تمام حصوں کا مطالعہ کیجیے۔
- روزانہ صبح 6.30 بجے اور شام 6.30 بجے میٹر کی ریڈنگ نوٹ کیجیے۔
- دن کے وقت میں کتنی ”یونٹ“ استعمال ہو رہی ہیں؟
- رات میں کتنی ”یونٹ“ استعمال ہو رہی ہیں؟
- یہ سرگرمی تقریباً ایک مہینے تک کریں۔
- اپنے مشاہدات کا جدول تیار کریں۔
- ماہانہ بجلی کے بل میں دی ہوئی تفصیلات سے اپنے مشاہدات کا موازنہ کریں۔

- 1۔ پاور کیا ہے؟
- 2۔ 1W کی پاور کی تعریف کیجیے۔
- 3۔ ایک لیپ برتنی توانائی کے  $J = 1000 \text{ s}$  میں صرف کرتا ہے۔ اس کی پاور کیا ہے؟
- 4۔ اوسط پاور کی تعریف کیجیے۔

### 11.3.1 تو انائی کی تجارتی اکائی

(Commercial Unit of Energy)

اکائی جوں بہت چھوٹی ہے اس لیے تو انائی کی بڑی مقداروں کو ظاہر کرنے کے لیے مناسب نہیں ہے۔ ہم اکائی کی ایک بڑی اکائی استعمال کرتے ہیں جو کلوواٹ آور (گھنٹہ) (KWh) کہلاتی ہے۔ ایک 1KWh کیا ہے؟ مان لیجیے ایک مشین ہے جو ہر 1 سینٹ میں  $J = 1000$  تو انائی استعمال کرتی ہے۔ اگر یہ مشین مستقل 1 گھنٹے تک استعمال کی جائے، تو یہ 1KWh تو انائی استعمال کرے گی۔ اس لیے 1KWh وہ تو انائی ہے جو ایک گھنٹے میں  $1000 \text{ Js}^{-1}$  کی شرح سے استعمال ہوتی ہے۔

$$\begin{aligned} 1 \text{ kWh} &= 1 \text{ RW} \times 1h \\ &= 1000 \text{ W} \times 3600 \text{ s} \\ &= 3600000 \text{ J} \end{aligned}$$

$$1 \text{ RWh} = 3.6 \times 10^6 \text{ J}$$

گھروں، کارخانوں اور تجارتی اداروں میں استعمال ہونے والی تو انائی، عام طور سے کلوواٹ گھنٹے میں ظاہر کی جاتی ہے۔ مثال کے طور پر ایک مہینے میں گھر میں استعمال ہونے والی برتنی توانائی (بجلی) ”یونٹ“ میں ظاہر کی جاتی ہے۔ 1 یونٹ کا مطلب ہے 1 کلوواٹ گھنٹہ۔

# آپ نے کیا سیکھا



- ایک شے پر کیے گئے کام کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ قوت کی عدی قدر اور شے کے ذریعے، لگائی گئی قوت کی سمت میں، طے کیے گئے فاصلے کے حاصل ضرب کے مساوی ہے۔ کام کی اکائی جوں ہے:

$$\text{میٹر} \times \text{نیٹن} = 1 = \text{جوں}$$

- قوت کے ذریعے شے پر کیا گیا کام صفر ہوگا اگر شے کی منتقلی  $s = 0$  ہے۔
- ایک شے جس میں کام کرنے کی صلاحیت ہے، کہا جاتا ہے کہ اس میں توانائی ہے۔ تو انائی کی وہی اکائی ہے جو کام کی ہے۔

- ایک شے جو حرکت کر رہی ہے اس میں حرکت کی وجہ سے جو توانائی ہوتی ہے اسے حرکی توانائی کہتے ہیں۔ میت  $m$  کی ایک شے اگر رفتار  $v$  سے حرکت کر رہی ہو تو اس کی حرکی توانائی:  $\frac{1}{2}mv^2$  ہوگی۔
- کسی شے میں جو توانائی اس کے مقام یا شکل کی وجہ سے ہوتی ہے، بالقوہ توانائی کہلاتی ہے۔  $m$  میت کی ایک شے کو اگر سطح زمین سے  $h$  اونچائی تک اٹھایا جائے تو اس کی بالقوہ توانائی دی جاتی ہے:  $mgh$
- توانائی کی بقا کے قانون کے مطابق، توانائی صرف ایک شکل سے دوسرا شکل میں تبدیل کی جاسکتی ہے، اسے نہ تغییر کیا جاسکتا ہے اور نہ ہی فنا کیا جاسکتا ہے۔ تبدیلی سے پہلے اور تبدیلی کے بعد، کل توانائی ہمیشہ مستقلہ رہتی ہے۔

- توانائی قدرت میں مختلف شکلوں میں پائی جاتی ہے، جیسے حرکی توانائی، بالقوہ توانائی، حرارتی توانائی، کیمیائی توانائی وغیرہ۔ ایک شے کی حرکی اور بالقوہ توانائیوں کا حاصل جمع اس کی میکانیکی توانائی کہلاتا ہے۔

- پاور کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ کام کرنے کی شرح ہے۔ پاور کی اکائی واط ہے:  $1 W = 1 J / s$

- ایک گھنٹے میں  $1000 Js^{-1}$  کی شرح سے استعمال ہونے والی توانائی  $KWh$  کہلاتی ہے۔



1۔ نیچے فہرست میں دی ہوئی سرگرمیوں پر نظر ڈالیے۔ اصطلاح ”کام“ کی اپنی تجھے کے مطابق دلیل دیجیے کہ کام کیا گیا یا نہیں۔

- سماں ایک تالا میں تیر رہی ہے۔
- ایک گدھا اپنی پیٹھ پر بوجھ رکھے ہوئے ہے۔
- ایک پن چکنی کنویں سے پانی کھینچ رہی ہے۔
- ایک ہر اپودا خیائی تالیف (Photosynthesis) کا عمل کر رہا ہے۔
- ایک انہن ایک ریل گاڑی کو کھینچ رہا ہے۔
- ایک باد بانی ٹشتی ہوا کی توانائی کی وجہ سے حرکت کر رہی ہے۔

2۔ ایک شے جوز میں سے کسی زاویے کے ساتھ چکنکی جاتی ہے، خمیدہ راستے (Curved Path) پر حرکت کرتی ہے اور زمین پر واپس گر جاتی ہے۔ شے کے راستے کے ابتدائی اور اختتامی نقطے ایک ہی خط مستقیم میں ہیں۔ کوشش قلع کے ذریعے شے پر کیا گیا کام کتنا ہے۔

3۔ ایک بیٹری سے ایک بلب جلا جاتا ہے۔ اس عمل میں شامل توانائی کی تبدیلیوں سے بحث کیجیے۔

4۔ 20kg کی ایک کمیت پر ایک مخصوص قوت کام کرتے ہوئے اس کی رفتار  $5\text{m s}^{-1}$  سے  $2\text{m s}^{-1}$  کر دیتی ہے۔ قوت کے ذریعے کیے گئے کام کا حساب لگائیے۔

5۔ 10kg کی ایک کمیت ایک میز پر نقطہ A پر ہے۔ اسے نقطہ B تک حرکت دی جاتی ہے۔ اگر A اور B کو ملانے والا خط، افقی ہے، تو کوشش قلع کے ذریعے شے پر کیا گیا کام کتنا ہے؟ اپنے جواب کی وضاحت کیجیے۔

6۔ آزادانہ گرتی ہوئی ایک شے کی بالقوہ توانائی بتدریج کم قلع ہوتی رہتی ہے۔ کیا یہ توانائی کی بقا کے قانون کی خلاف ورزی ہے؟ کیوں؟

7۔ جب آپ سائیکل چلاتے ہیں، تو کون سی توانائی کی مختلف تبدیلیاں ہوتی ہیں؟

8۔ کیا جب آپ ایک بڑی پوری قوت سے دھلیتے ہیں، لیکن اسے بلا نہیں پاتے تو توانائی کی تبدیلی ہوتی ہے؟ جو توانائی آپ صرف کرتے ہیں، وہ کہاں جاتی ہے؟

9۔ ایک گھر میں ایک مینے میں توانائی کی 250 ’بیونٹ‘ استعمال ہوتی ہیں۔ یہ توانائی ’جوں‘ میں کتنی ہے؟

10۔ 40kg کمیت کی ایک شے سطح زمین سے 5m اور اٹھائی جاتی ہے۔ اس کی بالقوہ توانائی کتنی ہے؟ اگر شے کو گرنے دیا جائے تو اس کی حرکتی توانائی اس نقطے پر معلوم کیجیے، جب وہ آدھا راستہ طرکتی ہے۔

11۔ زمین کے گرد چکر لگاتے ہوئے سیارے پر کشش ثقل کے ذریعے کیا گیا کام کتنا ہوگا؟ اپنے جواب کے حق میں دلیل دیجیے۔

12۔ کیا ایک شے میں مستقل ہو سکتی ہے، جب اس پر کوئی قوت نہیں لگ رہی ہو؟ سوچیے، اپنے دوستوں اور استاد کے ساتھ اس سوال پر بحث کیجیے۔

13۔ ایک شخص 30 منٹ تک گھاس کا گھٹا پنپے سر پر لیے کھڑا رہتا ہے اور تحک جاتا ہے۔ اس نے کچھ کام کیا ہے یا نہیں؟ اپنے جواب کے حق میں جواز پیش کیجیے۔

14۔ ایک بجلی کے ہیٹر پر  $W = 1500$  کی قدر درج ہے۔ یہ 10 گھنٹوں میں کتنی توانائی استعمال کرتا ہے۔

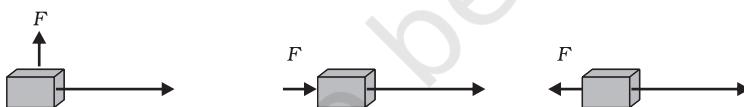
15۔ ہم پنڈولم کے گولے کو ایک سرے پر لا کر چھوڑ دیتے ہیں اور اسے اہتزاز کرنے دیتے ہیں۔ اس عمل میں ہونے والی توانائی کی تبدیلیوں سے بحث کرتے ہوئے توانائی کی بقا کے قانون کی وضاحت کیجیے۔ گولا، آخر میں حالت سکون پر کیوں آ جاتا ہے۔ اس کی توانائی کا آخر کار کیا ہوتا ہے؟ کیا یہ توانائی کی بقا کے قانون کی خلاف ورزی ہے؟

16۔ آپ کو ایک وزن، ایک بجلی کی موڑ اور ایک بیٹری دی گئی ہے۔ کیا آپ موڑ کے ذریعے کے گئے کام کی پیمائش کر سکتے ہیں؟

(اشارہ: موڑ کے ذریعے اٹھایا گیا وزن معلوم کیجیے۔ اور وہ اونچائی معلوم کیجیے جہاں تک وزن اٹھایا گیا ہے)

17۔ کمیت  $m$  کی ایک شے مستقلہ رفتہ  $v$  سے حرکت کر رہی ہے۔ اس شے پر کتنا کام کرنا ہوگا اگر اسے حالت سکون میں لانا ہو؟  $kg = 1500$  کمیت کی ایک کار  $Km h^{-1} = 60$  کی رفتار سے چل رہی ہے۔ کار کو روکنے کے لیے کیا جانے والا کام کتنا ہوگا؟

18۔ مندرجہ ذیل میں سے ہر ایک صورت میں  $m$  کمیت کی ایک شے پر ایک قوت  $F$  لگ رہی ہے۔ مستقل کی سمت، مغرب سے مشرق کی طرف ہے، جسے بڑے تیر سے دکھایا گیا ہے۔ ڈائیگراموں کو غور سے دیکھیے اور بتائیے کہ قوت  $F$  کے ذریعے کیا کیا کام ممکن ہے، ثابت ہے یا صفر ہے۔



19۔ سونی کا کہنا ہے کہ ایک شے میں پیدا ہونے والا اسراع صفر ہو سکتا ہے، چاہے اس پر کوئی قوتیں لگ رہی ہوں۔ کیا آپ اس سے اتفاق کرتے ہیں؟ کیوں؟

20۔ چار آلات ہیں، جن میں ہر ایک کی پاور  $W = 500$  ہے۔ ان کے ذریعے  $h = 10$  میں استعمال کی پاور  $KWh$  معلوم کیجیے۔

21۔ ایک آزادانہ گرتی ہوئی شے زمین پر گرنے کے بعد آخر کار رک جاتی ہے؟ اس کی حرکی توانائی کا کیا ہے؟