باب 7

# مثلثوں کی مماثلت

## 7.1 تعارف (Introduction)

اب آپ جیومیٹری کا ایک بہت اہم تصور پڑھنے کے لیے تیار ہیں۔ مماثلت خاص طور پر آپ مثلثوں کی مماثلت کے بارے میں بہت کچھ پڑھیں گے۔

یہ سمجھنے کے لیے کہ مماثلت ہوتی کیا ہے، ہم کچھ سرگرمیاں کریں گے

### خود کریں

ایک ہی اکائی یا قیمت عرفیت کے دو ٹکٹ لیجیے (تصویر 7.1)۔ ایک ٹکٹ کو دوسرے پر رکھ دیجیے۔ آپ نے کیا دیکھا؟

شکل 7.1

ایک ٹکٹ نے دوسرے کو مکمل طور پر پوری طرح ڈھک لیا۔ اس کا مطلب ہے کہ یہ دونوں ٹکٹ مشابہ بھی ہیں (Shape) اور ایک ہی سائز کے ہیں۔ ایسی چیزیں مماثل کہلاتی ہیں۔ آپ نے جو دو ٹکٹ استعمال کیے ہیں وہ ایک دوسرے کے مماثل ہیں۔ مماثل چیزیں ایک دوسرے کی پوری طرح سے نقل ہوتی ہیں۔

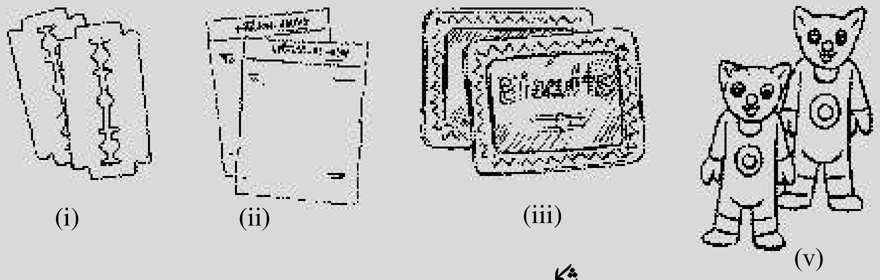
کیا آپ بتا سکتے ہیں کہ مندرجہ ذیل چیزیں مماثل ہیں یا نہیں۔

1۔ ایک ہی کمپنی کے شیونگ بلیڈ (شکل (7.2(i)

2۔ ایک ہی لیٹر پیڈ کے اوراق [شکل (7.2(ii)

3۔ ایک ہی پیکٹ کے بسکٹ [شکل (7.2(iii)

4۔ ایک ہی سانچے سے بنے کھلونے [شکل (7.2(iv)



شکل 7.2

دو چیزوں کے مماثلت ہونے کے رشتے کو مماثل کہتے ہیں۔ ابھی ہم صرف مستوی اشکال کے لیے دیکھیں گے، حالانکہ مماثلت کا تصور سہ ابعادی اشکال پر بھی لاگو ہوتا ہے۔ ہم صرف ان مستوی اشکال کے لیے مماثلت کے تصور کو سمجھنے کی کوشش کریں گے جن کو ہم جانتے ہیں۔

## 7.2 مستوی اشکال کی مماثلت Congruence of Plane Figures

یہاں دی گئی دو اشکال کو دیکھیے (تصویر 7.3)۔ کیا یہ مماثل ہیں؟

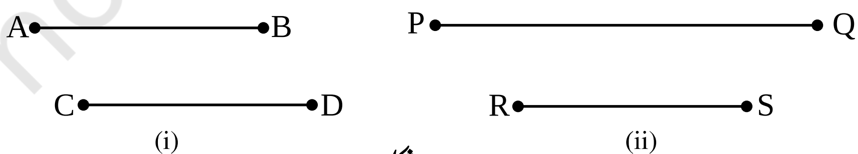
شکل 7.3

آپ انطباق کا طریقہ استعمال کر سکتے ہیں۔ ان میں سے کسی ایک کی نقل اتار لیجیے اور اس کو دوسرے کے اوپر رکھیے۔ اگر اشکال ایک دوسرے کو پوری طرح سے ڈھک لیتی ہیں تو یہ مماثل ہیں۔ یا پھر آپ ان میں سے ایک کو کاٹ لیجیے اور اس کو دوسرے پر رکھ دیجیے۔ دھیان رکھیے کہ آپ کاٹی گئی یا نقل بنائی گئی شکل کو موڑ، مروڑ یا کھینچ نہیں سکتے ہیں۔

تصویر 7.3 میں اگر شکل $F_1$ شکل $F_2$ کے مماثل ہے تو اس کو ہم $F_1 \cong F_2$ لکھتے ہیں۔

## 7.3 قطعہ خطوط کی مماثلت (Congruence Among Line Segments)

دو قطعہ خط کب مماثل ہونگے؟ یہاں دیے گئے قطعہ خطوط کے دو جوڑوں پر دھیان دیجیے۔ (تصویر 7.4)




شکل 7.4

تصویر [7.4 (i)] میں قطعہ خطوط کے جوڑے کے لیے انطباق کا طریقہ استعمال کرنے کے لیے چھاپی ہوئی نقل کا استعمال کیجیے۔ $\overline{CD}$ کی نقل بنائیے اور اس کو $\overline{AB}$ پر رکھ دیجیے۔ آپ دیکھیں گے کہ $\overline{CD}$، $\overline{AB}$ کو اس طرح ڈھک لیتی ہے کہ C، A پر اور D،

B پر ہو جاتی ہے۔ لہٰذا، قطعۂ خطوط مماثل ہیں۔ اس کو ہم رکھیں گے۔

تصویر [7.4(ii)] میں دیے گئے قطعۂ خطوط کے لیے بھی آپ یہی سرگرمی دہرا سکتے ہیں۔ آپ نے کیا معلوم کیا؟ یہ مماثل نہیں ہیں۔ آپ کو کیسے پتہ چلا؟ ایسا اس لیے ہے کہ جب ان کو ایک دوسرے پر رکھا جاتا ہے تو یہ دونوں منطبق نہیں ہوتے۔

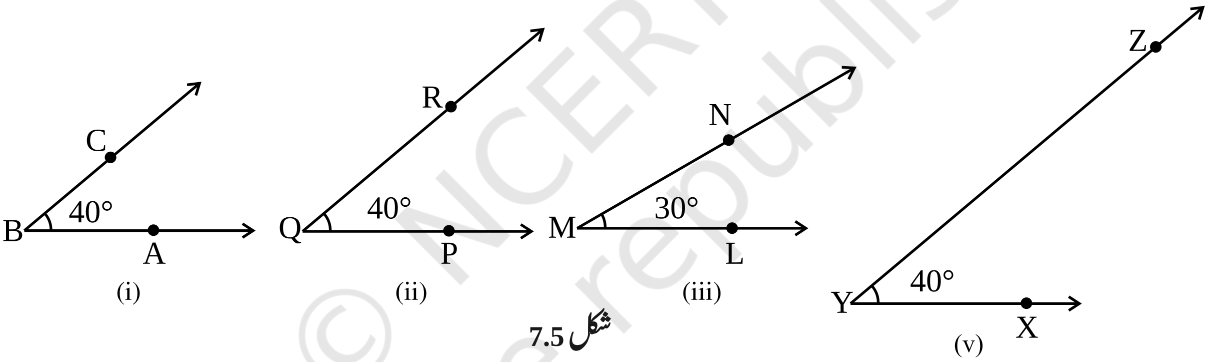
اب آپ یہ بھی دیکھ سکتے ہیں کہ (شکل 7.4(i)) میں دیے گئے قطعات ایک دوسرے سے ملتے جلتے ہیں کیونکہ لمبائی برابر ہے۔ جب کہ (شکل 7.4 (ii)) میں ایسا نہیں ہے۔

اگر دو قطعات کی لمبائی ایک جیسی (یعنی برابر) ہے تو وہ مماثل ہیں اور اگر دو قطعات مماثل ہیں تو ان کی لمبائی برابر ہوگی۔

اوپر دی گئی حقیقت کے مطابق جب دو قطعات مماثل ہوتے ہیں تو ہم اکثر کہتے ہیں کہ یہ قطعات برابر ہیں اور اس کو ہم لکھتے ہیں $AB = CD$۔ (دراصل اس سے ہمارا مطلب ہوتا ہے $AB \cong CD$)۔

## 7.4 زاویوں کی مماثلت (Congruence of Angles)

یہاں دیے گئے چار زاویوں کو دیکھیے (شکل 7.5)




شکل 7.5

$\angle PQR$ کو چھاپ کر اس کی ایک نقل بنائیے۔ اس کو $\angle ABC$ سے منطبق کرنے کی کوشش کیجیے۔ اس کے لیے پہلے Q کو B اور $\overrightarrow{QP}$ کو $\overrightarrow{BA}$ پر رکھیے۔ $\overrightarrow{QR}$ کہاں پڑے گی؟ یہ $\overrightarrow{BC}$ پر پڑے گی اس لیے $\angle PQR$، $\angle ABC$ سے پوری طرح سے میل کھا گیا۔ یعنی $\angle ABC$ اور $\angle PQR$ مماثل ہیں۔

(نوٹ کیجیے ان دونوں مماثل زاویوں کی پیمائش بھی برابر ہے)

ہم لکھتے ہیں $\angle ABC \cong \angle PQR$ (i)

یا $m\angle ABC = m\angle PQR$ (یہاں پیمائش $40°$ ہے)

اب آپ $\angle LMN$ کو چھاپ کر ایک نقل بنائیے۔ اس کو $\angle ABC$ پر انطباق کرنے کی کوشش کیجیے۔ M کو B پر اور $\overrightarrow{ML}$ کو $\overrightarrow{BA}$ پر رکھیے۔ کیا $\overrightarrow{MN}$، $\overrightarrow{BC}$ پر آ رہا ہے؟ نہیں، یہاں ایسا نہیں ہو رہا ہے۔ آپ نے دیکھا کہ $\angle ABC$ اور $\angle LMN$ ایک دوسرے کو پوری طرح نہیں ڈھک رہے ہیں۔ اس لیے یہ مماثل نہیں ہیں (نوٹ کیجیے کہ یہاں $\angle ABC$ اور $\angle LMN$ کی پیمائش برابر نہیں ہے)۔

© NCERT not to be republished

$\angle XYZ$ اور $\angle ABC$ کے بارے میں کیا خیال ہے؟ (شکل (i) 7.5) میں شعاع YX اور YZ بالترتیب BA اور سے لمبی ہیں۔ آپ یہ بھی سوچ سکتے ہیں کہ $\angle ABC$ ، $\angle XYZ$ سے چھوٹا ہے۔ لیکن یاد کیجیے کہ شکل میں شعاع صرف سمت کو ظاہر کرتی ہے لمبائی کو نہیں۔ انطباق کرنے پر آپ کو پتہ چلے گا کہ یہ دونوں زاویے مماثل ہیں۔

اس کو ہم لکھیں گے $\angle ABC \cong \angle XYZ$ (ii)

یا $m\angle ABC = m\angle XYZ$

(i) اور (ii) کو دیکھنے کے بعد ہم لکھ سکتے ہیں کہ

$\angle ABC \cong \angle PQR \cong \angle XYZ$

اگر دو زاویوں کی پیمائش ایک جیسی ہے تو وہ مماثل ہونگے۔ اگر دو زاویے مماثل ہونگے تو ان کی پیمائش برابر ہوگی۔

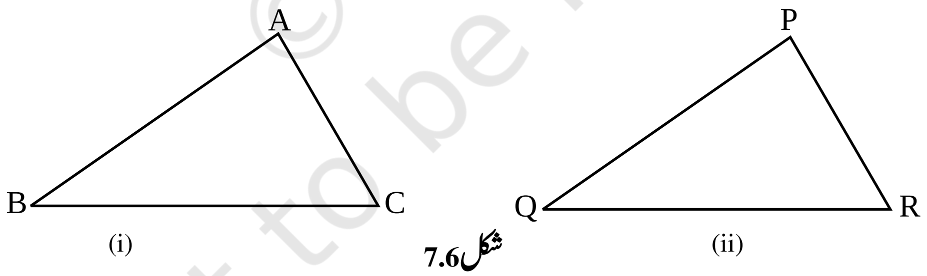
قطعہ خط کی طرح ہی زاویوں کی مماثلت بھی پوری طرح ان کی پیمائش کی برابری پر منحصر ہیں۔ اس لیے، یہ کہنے کے لیے دو زاویے مماثل ہیں، ہم اکثر کہتے ہیں کہ زاویے برابر ہیں اور اس کو ہم لکھتے ہیں

$\angle ABC = \angle PQR$ (یعنی $\angle ABC \cong \angle PQR$ )

## 7.5 مثلثوں کی مماثلت (Congruence of Triangles)

ہم نے دیکھا کہ جب دو قطعۂ خط مماثل ہوتے ہیں تو ان میں سے ایک، دوسرے کی پوری طرح نقل ہوتا ہے۔ اسی طرح دو زاویہ مماثل ہوتے ہیں اگر ان میں سے ایک دوسرے کی پوری طرح نقل ہو۔ ہم اس خیال کو اب مثلث تک لے کر جاتے ہیں۔

دو مثلث مماثل ہیں اگر وہ ایک دوسرے کی نقل ہوں اور جب ان کو انطباق کیا جائے تو وہ ایک دوسرے کو پوری طرح ڈھک لیں۔




شکل 7.6

$\Delta ABC$ اور $\Delta PQR$ کی شکل (Shape) اور سائز ایک جیسا ہے۔ یہ مماثل ہیں۔ اس لیے اس کو ہم ظاہر کر سکتے ہیں۔

$\Delta ABC \cong \Delta PQR$

اس کا مطلب ہے کہ جب آپ $\Delta PQR$ کو $\Delta ABC$ پر رکھیں گے تو P، A پر Q، B پر اور R، C کے اوپر آئے گا اور ساتھ ہی ساتھ AB، PQ پر $\overline{BC}$، QR پر $\overline{AC}$، PR پر آئے گا۔ اگر ایک دی گئی مطابقت کے تحت مثلث مماثل ہیں تو ان کے متناظر حصے (یعنی زاویے اور اضلاع) جو ایک دوسرے کے ثانی ہیں وہ برابر ہوں گے۔ لہٰذا، ان دونوں مماثل مثلثوں میں:

متناظر راسیں : A اور P، B اور Q، C اور R

© NCERT not to be republished

متناظر اضلاع : AB اور PQ ، $\overline{BC}$ اور QR، $\overline{AC}$ اور

متناظر زاویے : $\angle A$ اور $\angle P$ ، $\angle B$ اور $\angle Q$، $\angle C$ اور

اگر آپ $\Delta PQR$ کو $\Delta ABC$ پر اس طرح رکھیں گے کہ P،B پر آئے تو دوسرے راس بھی صحیح طریقے سے متناظر ہوں گے؟ یہ ضروری نہیں ہے! مثلث کی چھاپے سے کی گئی نقل لیجیے اور اس کو معلوم کرنے کی کوشش کیجیے۔

یہ ظاہر کرتا ہے کہ جب مثلثوں کی مماثلت کی جاتی ہے تو صرف زاویوں اور اضلاع کی پیمائش ہی کافی نہیں ہوتی ہے بلکہ راسوں کا ملنا بھی ضروری ہے۔ مندرجہ بالا صورت میں مطابقت ہے

$$A \leftrightarrow P, B \leftrightarrow Q, C \leftrightarrow R$$

اس کو ہم ایسے بھی لکھ سکتے ہیں $ABC \leftrightarrow PQR$

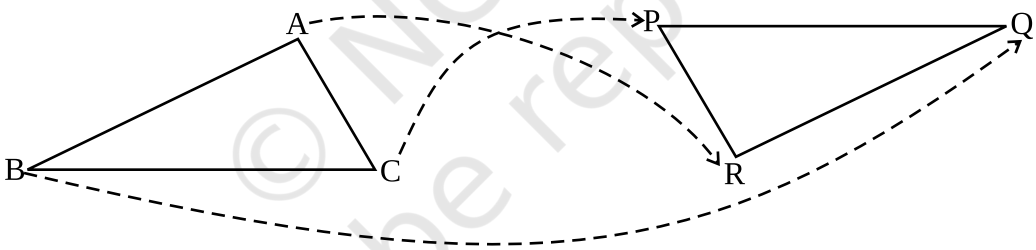
**مثال 1** $\Delta ABC$ اور $\Delta PQR$ مندرجہ ذیل مطابقت کے تحت مماثل ہیں:

$$ABC \leftrightarrow RQP$$

$\Delta ABC$ کے وہ حصے لکھیے جو مطابقت رکھتے ہوں۔

(i) $\angle P$ سے (ii) $\angle Q$ سے (iii) RP سے

**حل** مطابقت کو بہتر طور پر سمجھنے کے لیے آیئے ایک ڈائیگرام (شکل 7.7) کا استعمال کرتے ہیں۔

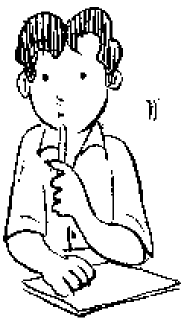



شکل 7.7

مطابقت ہے $ABC \leftrightarrow RQP$۔ اس کا مطلب ہے

$A \leftrightarrow R$ ؛ $B \leftrightarrow Q$ اور

اس لیے، (i) $PQ \leftrightarrow BC$ (ii) $\angle Q \leftrightarrow \angle B$ اور (iii) $RP \leftrightarrow AC$



## سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے :

جب دو مثلث، جیسے ABC اور PQR دیے گئے ہوں تو اس میں کل ملا کر چھ ممکنہ مطابقت ہیں۔ ان میں سے دو ہیں

(i) $ABC \leftrightarrow PQR$ اور (ii) $ABC \leftrightarrow QRP$

کاغذ کے دو مثلث کاٹ لیجیے اور ان کی مدد سے باقی چاروں مطابقت لکھیے۔ کیا تمام مطابقتیں مماثلت کی طرف لے جاتی ہیں؟ اس کے بارے میں سوچیے۔

© NCERT not to be republished

## مشق 7.1

-1 مندرجہ ذیل بیانات مکمل کیجیے:

(a) دو قطعات مماثل ہیں اگر.................

(b) دو مماثل زاویوں میں سے ایک کی پیمائش $70°$ ہے تو دوسرے زاویے کی پیمائش کیا ہوگی.................۔

(c) جب ہم $\angle A = \angle B$ لکھتے ہیں، دراصل ہمارا مطلب ہوتا ہے...........۔

-2 مماثل اشکال کے لیے روزمرہ کی زندگی سے کوئی دو مثالیں دیجیے۔

-3 اگر مطابقت $ABC \leftrightarrow FED$ کے تحت $\Delta ABC \cong \Delta FED$ ہیں تو مثلث کے تمام متناظر حصے لکھیے۔

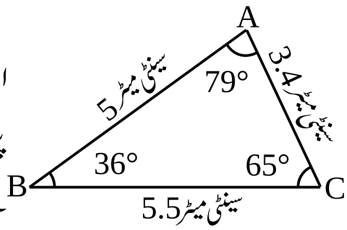
-4 اگر $\Delta DEF \cong \Delta BCA$ تو $\Delta BCA$ کے وہ حصے لکھیے جو مطابقت رکھتے ہوں۔

(i) $\angle E$ سے (ii) $EF$ سے (iii) $\angle F$ سے (iv) $DF$ سے

### 7.6 مثلث کی مماثلت کے معیار (Criteria for Congruence of Triangles)

ہم روزمرہ کی زندگی میں اگر مثلث نما ساخت اور مثلث کے پیٹرن کا استعمال کرتے ہیں، اس لیے یہ جاننا فائدہ مند ہوگا کہ کب دو مثلث مماثل ہوتے ہیں۔ اگر آپ کی کاپی میں دو مثلث بنے ہیں اور آپ یہ جانچنا چاہتے ہیں کہ کیا وہ مماثل ہیں تو آپ ان میں سے ایک کو ہمیشہ یا ہر بار کاٹ کر اور منطبق کا طریقہ استعمال نہیں کر سکتے ہیں۔ اس کے بجائے اگر ہم مماثلت کو مناسب پیمائش کی مدد سے دیکھیں تو یہ زیادہ کارآمد ہوگا۔ آیئے اس کو کر کے دیکھتے ہیں۔

#### کھیل:



شکل 7.8

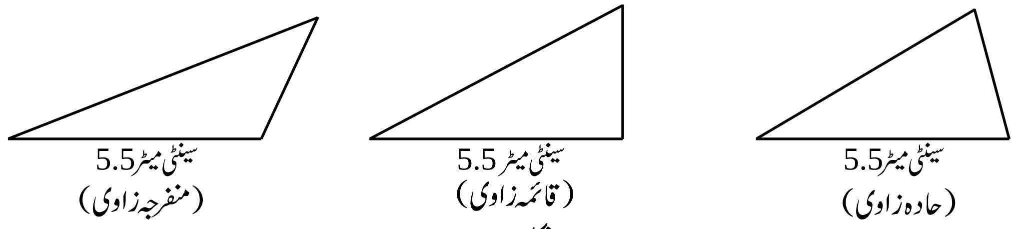
اپو اور ٹیپو ایک کھیل کھیل رہے ہیں۔ اپو نے ایک مثلث ABC بنایا (شکل 7.8) اور اس کے ہر اضلاع اور زاویہ کی پیمائش کو اس کے اوپر لکھ لیا۔ ٹیپو نے یہ نہیں دیکھا تھا۔ اپو نے ٹیپو کو چیلنج کیا کہ کیا وہ اس کے مثلث کی ایک نقل بنا سکتا ہے اگر اپو اس کو کچھ تھوڑی بہت معلومات دے دے۔ ٹیپو نے اپو کے ذریعے دی گئی معلومات کی مدد سے $\Delta ABC$ کا مماثل مثلث بنانے کی کوشش کی۔ کھیل شروع ہوتا ہے۔ دھیان سے ان کی باتیں اور کھیل کو دیکھیے۔

#### SSS کھیل

اپو: $\Delta ABC$ کا ایک ضلع 5.5 سینٹی میٹر ہے۔

ٹیپو: اس معلومات سے تو میں بہت سارے مثلث بنا سکتا ہوں (شکل 7.9)۔ لیکن یہ ضروری نہیں ہے کہ وہ اپو کے $\Delta ABC$ کی نقل ہی ہوں۔ جو مثلث میں بنا سکتا ہوں وہ منفرجہ زاوی یا قائمہ زاوی یا حادہ زاوی مثلث ہو سکتے ہیں۔ مثال کے طور پر یہاں پر کچھ بناتا ہوں۔

© NCERT not to be republished



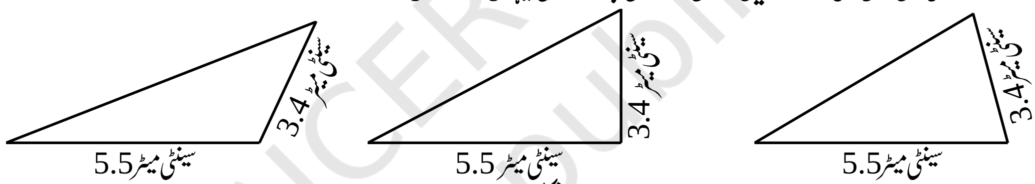

شکل 7.9

دوسرے اضلاع کے لیے میں کچھ من چاہی لمبائیاں لے لیتا ہوں۔ اس سے مجھے ایسے بہت سارے مثلث مل جائیں گے جن کے قاعدہ کی لمبائی 5.5 سنٹی میٹر ہو۔

اس لیے صرف ایک ضلع کی لمبائی سے میں $\Delta ABC$ کی نقل نہیں بنا سکتا ہوں۔

اپو: ٹھیک ہے، میں تم کو ایک اور ضلع کی لمبائی بھی بتا دیتا ہوں۔ $\Delta ABC$ کی دو اضلاع کی لمبائیاں 5.5 سنٹی میٹر اور 3.4 سنٹی میٹر ہیں۔

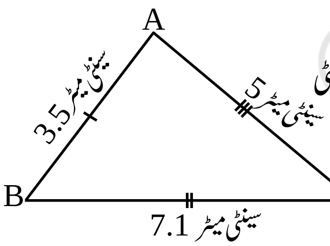
ٹیپو: یہ جانکاری بھی اس مقصد کو پورا کرنے کے لیے ناکافی ہے۔ میں اس جانکاری کی مدد سے بھی بہت سارے مثلث بنا سکتا ہوں جو $\Delta ABC$ کی نقل نہیں بھی ہو سکتے ہیں۔ اس کے میں چند مثالیں یہاں بنا تا ہوں۔




شکل 7.10

اگر صرف دو اضلاع کی لمبائیاں دی جائیں تو کوئی تمہارے مثلث کی صحیح نقل نہیں بنا سکتا ہے۔

اپو: ٹھیک ہے چلو میں تمہیں تینوں اضلاع کی لمبائیاں بتا دیتا ہوں $\Delta ABC$ میں AB=5 سنٹی میٹر، BC=5.5 سنٹی میٹر اور AC=3.4 سنٹی میٹر ہے۔




شکل 7.11

ٹیپو: میرے خیال میں اب ممکن ہے۔ میں کوشش کرتا ہوں۔

پہلے میں ایک رف تصویر بناتا ہوں جس سے مجھے یہ لمبائیاں یاد رکھنے میں آسانی ہوگی۔ میں $\overline{BC}$ کو 5.5 سنٹی میٹر لمبا بناتا ہوں۔

B کو مرکز مان کر میں 5 سنٹی میٹر نصف قطر کی ایک قوس لگاتا ہوں۔ نقط A اسی قوس پر کہیں ہونا چاہیے۔ C کو مرکز مان کر 3.4 نصف قطر کی قوس لگاتا ہوں۔ نقط A کو اس قوس پر بھی ہونا چاہیے۔

اس لیے، A دونوں قوس پر ہوگا۔ اس کا مطلب ہوا A دونوں قوسوں کا نقطہ تقاطع ہوگا۔ اب مجھے A، B اور C تینوں نقطوں کی جگہ معلوم ہوگئی ہے۔ ارے واہ! اب میں ان کو ملاؤں گا اور مجھے $\Delta ABC$ مل گیا۔ (شکل 7.11)

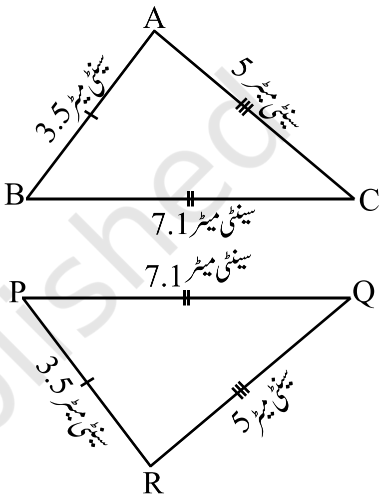
اپو: بہت اچھے، اس لیے کسی دیے گئے $\Delta ABC$ کی نقل بنانے کے لیے (یعنی $\Delta ABC$ کا مماثل مثلث بنانے کے لیے)، ہم کو تینوں اضلاع کی لمبائیوں کی ضرورت ہوتی ہے۔ کیا ہم اس شرط کو ضلع، ضلع، ضلع معیار کہہ سکتے ہیں؟

© NCERT not to be republished

ٹیپو: کیوں نہیں، ہم اس کو چھوٹا کر کے SSS معیار ہی کہیں گے۔

## SSS مماثلت کا معیار

> اگر دی گئی مطابقت کے تحت ایک مثلث کے تین اضلاع دوسرے مثلث کے متناظر اضلاع کے برابر ہوں گے تو وہ مثلث مماثل کہلائیں گے۔



شکل 7.12

**مثال 2** مثلث ABC اور مثلث PQR میں AB=3.5 سنٹی میٹر، BC=7.1 سنٹی میٹر، AC=5 سنٹی میٹر، PQ=7.1 سنٹی میٹر، QR=5 سنٹی میٹر اور PR=3.5 سنٹی میٹر ہے۔ جانچ کیجیے کیا یہ دونوں مثلث مماثل ہیں یا نہیں۔ اگر ہاں، تو مماثلت کے اس تعلق کو علامتی شکل میں لکھیے۔

**حل** یہاں AB=PR (=3.5 سنٹی میٹر)

BC=PQ (=7.1 سنٹی میٹر)

اور AC=QR (=5 سنٹی میٹر)

یہ دکھا رہا ہے کہ ایک مثلث کے تین اضلاع دوسرے مثلث کے تین ضلعوں کے برابر ہیں۔ اس لیے، SSS مماثلت کے اصول کے ذریعے یہ دونوں مثلث مماثل ہیں۔ اوپر دیے گئے تین برابری کے تعلق سے یہ آسانی سے دیکھا جا سکتا ہے کہ $A \leftrightarrow R$ ، $B \leftrightarrow P$ اور

اس لیے $\Delta ABC \cong \Delta RPQ$

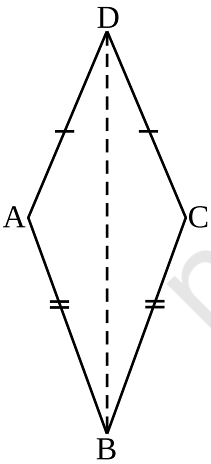
**ضروری نوٹ:** مماثل مثلث کے ناموں میں استعمال ہونے والے حروف کی ترتیب ان کے مطابقت کے رشتے کو ظاہر کرتی ہے۔ لہٰذا جب آپ لکھیں گے $\Delta ABC \cong \Delta RPQ$ تو آپ جانیں گے کہ A، R پر، B، P پر اور C، Q پر آئے گا، اور ساتھ ہی ساتھ $\overline{AB}$، RP پر، BC، PQ پر اور AC، RQ پر آئے گا۔

**مثال 3** شکل 7.13 میں AD=CD اور AB=CB ہے۔

(i) $\Delta ABD$ اور $\Delta CBD$ کے برابر حصوں کے جوڑوں کو لکھیے۔

(ii) کیا $\Delta ABD \cong \Delta CBD$ ؟ کیوں اور کیوں نہیں؟

(iii) کیا BD، $\angle ABC$ کا ناصف ہے۔ وجہ بتائیے۔



شکل 7.13

**حل** (i) $\Delta ABD$ اور $\Delta CBD$ میں برابر حصوں کے تین جوڑے نیچے دیے گئے ہیں۔

AB=CB (دیا گیا ہے)

AD=CD (دیا گیا ہے)

© NCERT not to be republished

اور BD=BD (دونوں میں مشترک ہے)

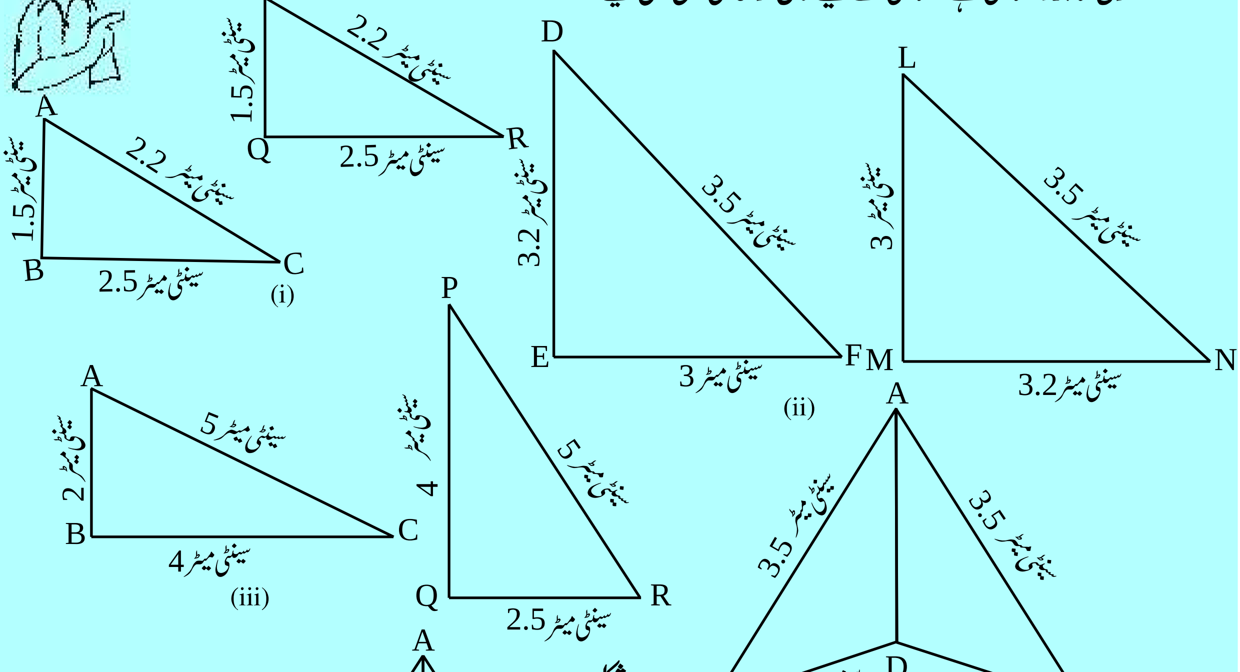
(ii) اوپر (i) کی مدد سے، $\Delta ABD \cong \Delta CBD$ (SSS مماثلت کا اصول)

(iii) $\angle ABD = \angle CBD$ (مماثل مملث کے متناظر حصے)

اس لیے، BD، $\angle ABC$ کا ناصف ہے

## کوشش کیجیے:

1۔ شکل 7.14 میں مثلث کے اضلاع کی لمبائیاں دی گئی ہیں۔ SSS مماثلت کے اصول کا استعمال کر کے بتائیے کہ مثلثوں کا کون سا جوڑا مماثل ہے۔ مماثل کے لیے نتائج کو علامتی شکل میں لکھیے۔



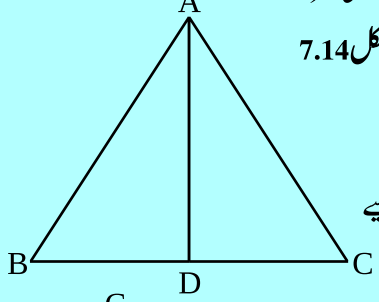

شکل 7.14

2۔ شکل 7.15 میں AB=AC ہے اور $\overline{BC}$ کا وسطی نقطہ D ہے۔

(i) $\Delta ADB$ اور $\Delta ADC$ کے برابر حصوں کے تین جوڑے لکھیے

(ii) کیا $\Delta ADB \cong \Delta ADC$ ؟ وجہ بتائیے۔

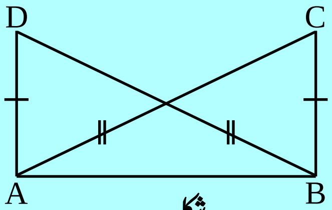
(iii) کیا $\angle B = \angle C$ ؟ کیوں؟




شکل 7.15

3۔ شکل 7.16 میں $AC = BD$ اور $AD = BC$ ہے۔ مندرجہ ذیل بیانات میں سے کون سا بیان صحیح مطلب کے ساتھ لکھا گیا ہے۔

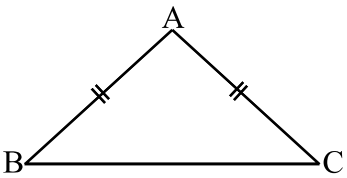
(i) $\Delta ABC \cong \Delta ABD$ (ii) $\Delta ABC \cong \Delta BAD$




شکل 7.16

## سوچیے، بحث کیجیے اور لکھیے:

ABC ایک مساوی الساقین مثلث ہے جس میں AB=AC ہے۔(تصویر 7.17)۔ $\Delta ABC$ کو چھاپ کر ایک نقل بنایئے اور اس کا نام بھی $\Delta ABC$ لکھیے۔




شکل 7.17

(i) $\Delta ABC$ اور $\Delta ACB$ کے برابر حصوں کے تین جوڑے لکھیے۔

(ii) کیا $\Delta ABC \cong \Delta ACB$ ؟ کیوں یا کیوں نہیں؟

(iii) کیا $\angle B = \angle C$ ؟ کیوں یا کیوں نہیں؟

اپو اور ٹیپو نے اپنے کھیل کو پھر تھوڑے بدلاؤ کے ساتھ دوبارہ شروع کیا۔

### SAS کھیل

اپو: آؤ اب مثلث کی نقل بنانے کے اصولوں کو تھوڑا بدل لیتے ہیں۔

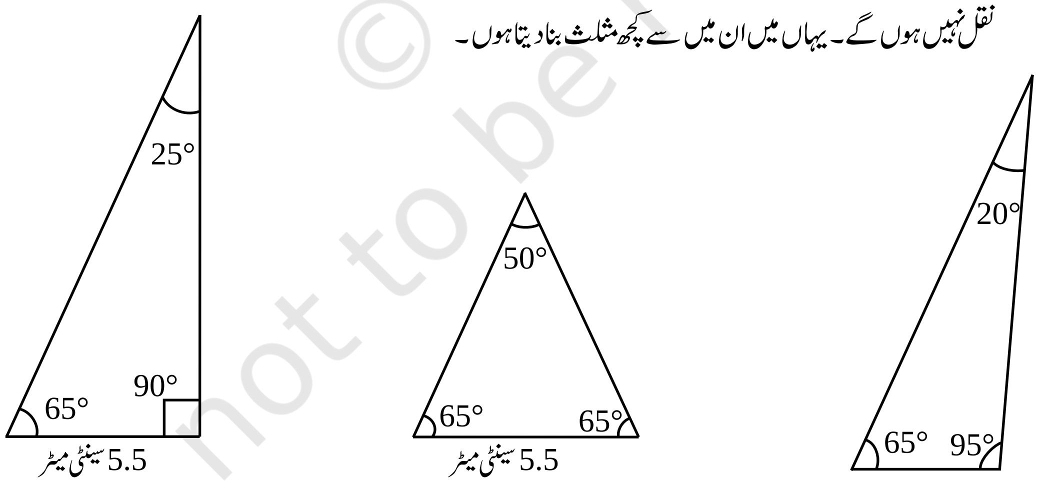
ٹیپو: ٹھیک ہے! چلو شروع کرو۔

اپو: تم یہ تو پہلے ہی دیکھ چکے ہو کہ خالی ایک ضلع کی لمبائی معلوم ہونا بیکار ہے۔

ٹیپو: یقیناً! ہاں۔

اپو: اس صورت حال میں، میں تم کو بتاتا ہوں کہ $\Delta ABC$ کے ایک ضلع کی لمبائی 5.5 سنٹی میٹر ہے اور ایک زاویہ $65°$ کا ہے۔

ٹیپو: یہ پھر نامکمل جانکاری دی ہے۔ تمہاری دی گئی جانکاری کی مدد سے میں بہت سارے مثلث بنا سکتا ہوں لیکن وہ $\Delta ABC$ کی نقل نہیں ہوں گے۔ یہاں میں ان میں سے کچھ مثلث بنا دیتا ہوں۔




شکل 7.18 سینٹی میٹر

اپو: تو، اب ہم کیا کریں؟

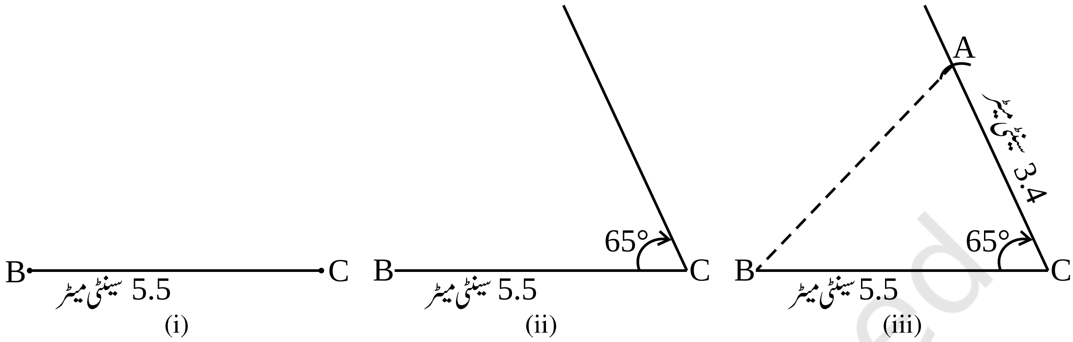
ٹیپو: کچھ اور جانکاری کی ضرورت ہوگی۔

اپو: تو پھر مجھے اپنے اس بیان کو مزید درست کرنا ہوگا۔ $\Delta ABC$ میں دو اضلاع کی لمبائی 5.5 سنٹی میٹر اور 3.4 سنٹی میٹر ہے اور ان

© NCERT not to be republished

کے درمیان کا زاویہ $65°$ ہے۔

ٹیپو: اس جانکاری سے مجھے مدد ملے گی۔ میں کوشش کرتا ہوں۔ سب سے پہلے میں 5.5 سنٹی میٹر لمبی $\overline{BC}$ بناتا ہوں۔ (شکل (7.19(i))۔ اب میں C پر $65°$ کا زاویہ بناتا ہوں۔ (شکل (7.19(ii))۔




**شکل 7.19**

ہاں، اب میں کر سکتا ہوں، A کو C سے 3.4 سنٹی میٹر کی دوری پر ہونا چاہیے۔ اسی زاویہ بنانے والے خط پر C کو مرکز مان کر 3.4 سینٹی میٹر سے میں ایک قوس لگاتا ہوں۔ یہ $65°$ کے خط کو A پر کاٹے گی۔

اب میں AB کو ملاتا ہوں اور مجھے $\Delta ABC$ مل گیا۔ (شکل (7.19(iii))

اپو: آپ نے ضلع، زاویہ، ضلع (side-angle-side) کا استعمال کیا، جس میں زاویہ دونوں اضلاع کے درمیان کا ہے۔

ٹیپو: ہاں! ہم اس معیار کا کیا نام رکھیں گے۔

اپو: SAS اصول۔ کیا تمہاری سمجھ میں آیا؟

ٹیپو: ہاں! یقیناً۔

> **SAS مماثلت کا اصول**
>
> اگر ایک مطابقت کے تحت، ایک مثلث کے دو اضلاع اور ان کے درمیان کا زاویہ دوسرے مثلث کے متناظر اضلاع اور ان کے درمیان کا زاویہ برابر ہوتو یہ مثلث مماثل ہوں گے۔

**مثال 4** نیچے دو مثلثوں کے کچھ حصوں کی پیائش دی گئی ہے۔ SAS مماثلت کے اصول سے جانچ کیجیے کہ دونوں مثلث مماثل ہیں یا نہیں۔ اگر مثلث مماثل ہیں تو ان کو علامتی شکل میں لکھیے۔

| | $\Delta ABC$ | $\Delta DEF$ |
|---|---|---|
| (a) | AB=7 سینٹی میٹر، BC=5 سینٹی میٹر، $\angle B = 50°$ | DE=5 سینٹی میٹر، EF=7 سینٹی میٹر، $\angle E = 50°$ |
| (b) | AB=4.5 سینٹی میٹر، AC=4 سینٹی میٹر، $\angle A = 60°$ | DE=4 سینٹی میٹر، FD=4.5 سینٹی میٹر، $\angle D = 55°$ |
| (c) | BC=6 سینٹی میٹر، AC=4 سینٹی میٹر، $\angle B = 35°$ | DF=4 سینٹی میٹر، EF=6 سینٹی میٹر، $\angle E = 35°$ |

(رف شکل بنانا ہمیشہ ہی مددگار رہتا ہے، پیائش کو لکھیے اور پھر سوال کو پورا کیجیے)

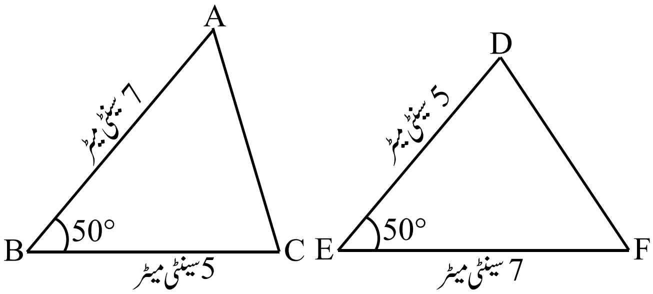
© NCERT not to be republished

## حل

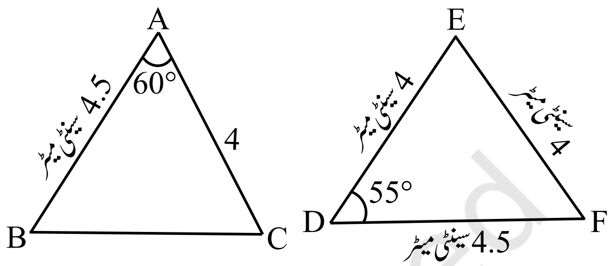
(a) یہاں AB=EF (=7 سینٹی میٹر)، BC=DE (=5سینٹی میٹر)

اور ملفوف ∠B =ملفوف ∠E (=50°) اور A↔F ، B↔E ، C↔D

اس لیے ΔABC ≅ ΔFED (SAS مماثلت کا اصول)(شکل 7.20)




(شکل 7.20)




(شکل 7.21)

(b) یہاں AB=FD اور AC=DE (شکل 7.21)

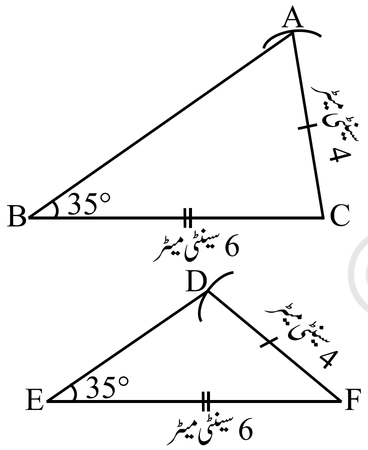
لیکن ملفوف ∠A ≠ ملفوف ∠D ۔اس لیے ہم یہ نہیں کہہ سکتے کہ دونوں مثلث مماثل ہیں۔

(c) یہاں BC=EF ،AC=DF اور ∠B = ∠E (شکل 7.22)

لیکن ∠B ،اضلاع AC اور BC کے بیچ کا زاویہ نہیں ہے۔

اسی طرح ∠E ،اضلاع EF اور DF کے بیچ کا زاویہ نہیں ہے۔

اس لیے SAS مماثلت کا اصول کولاگو نہیں کیا جاسکتا ہے اور ہم یہ نتیجہ اخذ نہیں کر سکتے کہ دونوں مثلث مماثل ہیں۔




شکل 7.22

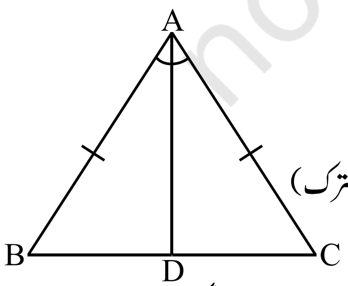
**مثال 5** شکل 7.23 میں AB=AC اور AD، ∠BAC کا ناصف ہے۔

(i) مثلث ADB اور مثلث ADC کے برابر حصوں کے تین جوڑوں کے نام لکھیے۔

(ii) کیا ΔADB ≅ ΔADC ؟ وجہ بتائیے۔

(iii) کیا ∠B = ∠C ہے؟ وجہ بتائیے۔

## حل




شکل 7.23

(i) برابر حصوں کے تین جوڑے ہیں۔

AB=AC (دیا گیا ہے)

∠BAD = ∠CAD ( AD ،∠BAC کا ناصف ہے) اور AD=AD (مشترک)

(ii) ہاں، ΔADB ≅ ΔADC (SAS مماثلت کا اصول)

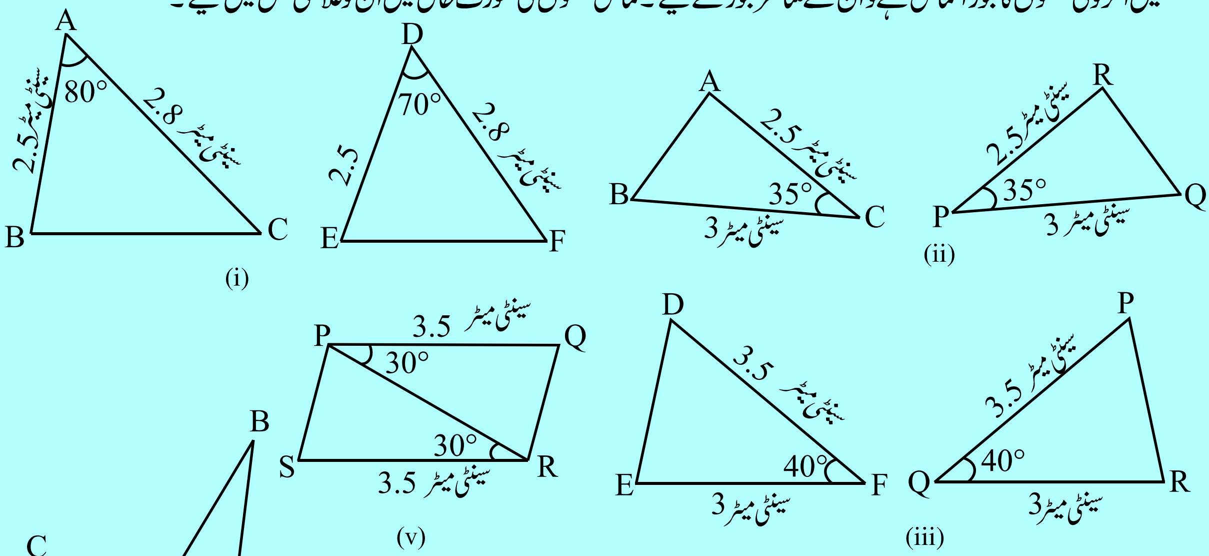
(iii) ∠B=∠C (مماثلث کے متناظر حصے)

## کوشش کیجیے:

1۔ ΔDEF کے اضلاع DE اور EF کے درمیان میں کون ساز اویہ ہے؟

2۔ SAS مماثلت کے اصول کی مدد سے آپ کو یہ ثابت کرنا ہے کہ $\Delta PQR \cong \Delta FED$ یہ دیا گیا ہے۔ PQ=FE اور RP=DF۔ مماثلت کو ثابت کرنے کے لیے اور کس جانکاری کی ضرورت ہوگی؟

3۔ شکل 7.24 میں مثلثوں کے کچھ حصوں کی پیائش دی گئی ہے۔ SAS مماثلت کے اصول کی مدد سے دیکھیے کہ ہر ایک صورت حال میں اگر کوئی مثلثوں کا جوڑا مماثل ہے تو ان کے متناظر جوڑے لکھیے۔ مماثل مثلثوں کی صورت حال میں ان کو علامتی شکل میں لکھیے۔




شکل 7.24

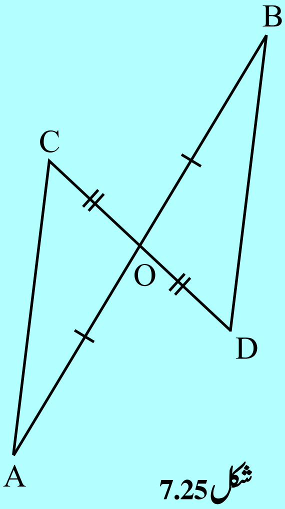
4۔ شکل 7.25 میں AB اور CD ایک دوسرے کو O پر تنصیف کر رہی ہیں۔

(i) دو مثلثوں AOC اور BOD میں برابر حصوں کے تین جوڑے لکھیے۔

(ii) مندرجہ ذیل بیانات میں سے کون سے درست ہیں؟

(a) $\Delta AOC \cong \Delta DOB$

(b) $\Delta AOC \cong \Delta BOD$




شکل 7.25

## ASA کھیل:

کیا آپ ABC مثلث بنا سکتے ہیں، اگر آپ کو معلوم ہو

(i) اس کا صرف ایک زاویہ؟

(ii) اس کے زاویوں میں سے صرف دو؟

(iii) دو زاویے اور کوئی بھی ایک ضلع

(iv) دو زاویے اور ان کے درمیان کا ضلع

اوپر دیے گئے سوالات کو حل کرنے کی کوشش کیجیے۔ یہ ہمیں مندرجہ ذیل معیار تک پہنچائیں گے۔

**ASA مماثلت کا اصول (ASA Congruence criterion)**

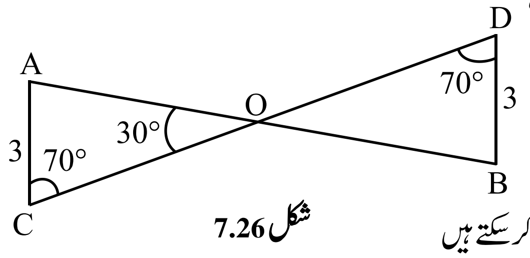
اگر کسی مطابقت کے تحت ایک مثلث کے دو زاویے اور ان کے درمیان کا ضلع دوسرے مثلث کے متناظر دو زاویوں اور ان کے درمیان کے ضلع کے برابر ہیں تو مثلث مماثل ہوں گے۔

**مثال 6** ASA مماثلت کے اصول کی مدد سے، ہم کو یہ ثابت کرنا ہے کہ $\Delta ABC \cong \Delta QRP$ اور یہ دیا گیا ہے کہ BC=RP۔ مماثلت قائم کرنے کے لیے اس کے علاوہ اور کون سی جانکاری کی ضرورت ہوگی؟

**حل** ASA مماثلت کے اصول کے لیے ہمیں ایسے دو دو زاویے جن کے درمیان اضلاع BC اور RP ملفوف ہیں، اس لیے باقی جانکاری جس کی ہمیں ضرورت ہے، درج ذیل دی گئی ہے۔

$\angle B = \angle R$

اور $\angle C = \angle P$




شکل 7.26

**مثال 7** شکل 7.26 میں کیا آپ ASA مماثلت کا اصول استعمال کر سکتے ہیں اور نتیجتاً کہہ سکتے ہیں کہ $\Delta AOC \cong \Delta BOD$ ؟

**حل** دو مثلثوں AOC اور BOD میں، $\angle C = \angle D$ (دونوں $70°$ ہیں)

اور $\angle AOC = \angle BOD = 30°$ (متقابل راسی زاویے)

اس لیے $\Delta AOC$ کا $\angle A$ برابر ہوگا۔

$\angle A = 180° - (70° + 30°) = 80°$ (مثلث کے زاویوں کے جوڑ کے اصول سے)

اسی طرح $\Delta BOD$ کا $\angle B$ برابر ہوگا۔

$\angle B = 180° - (70° + 30°) = 80°$

لہٰذا $\angle A = \angle B$ ، $AC = BD$ اور $\angle C = \angle D$

اب، $\angle A$ اور $\angle C$ کے درمیان میں ضلع AC ہے اور $\angle B$ اور $\angle D$ کے درمیان میں ضلع BD ہے۔

اس لیے، ASA مماثلت اصول کے تحت $\Delta AOC \cong \Delta BOD$

## ریمارک

ایک مثلث میں اگر دو زاویے، دیے گئے ہوں تو آپ ہمیشہ تیسرا زاویہ معلوم کر سکتے ہیں۔ اس لیے جب کبھی بھی ایک مثلث کے دو زاویے اور ایک ضلع دوسرے مثلث کے متناظر دو زاویوں اور ایک ضلع کے برابر ہو تو آپ اس کو دو زاویوں اور ملفوف ضلع میں بدل سکتے ہیں اور پھر اس میں ASA مماثلت کا اصول لاگو کر سکتے ہیں۔

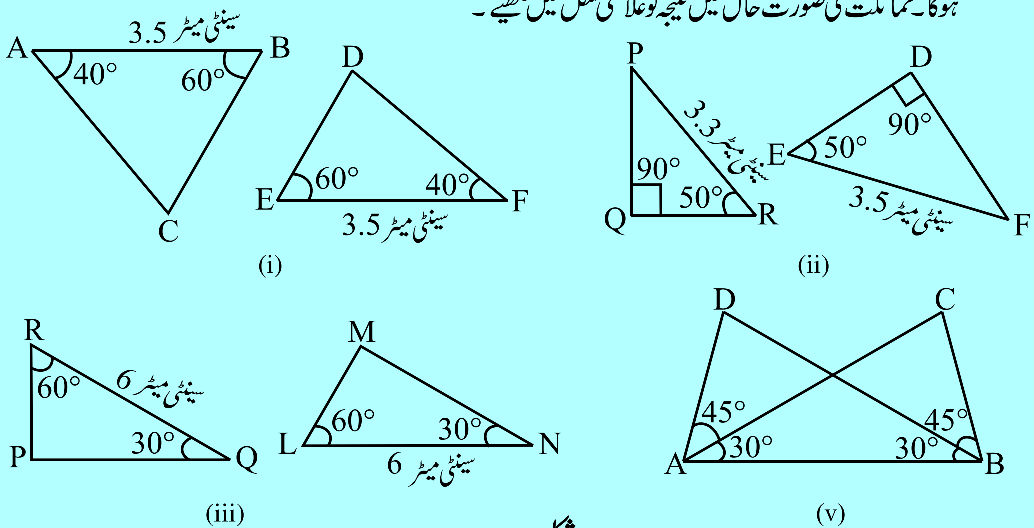
© NCERT not to be republished

## کوشش کیجیے:

1۔ $\Delta MNP$ کے زاویے M اور N کے درمیان کا ضلع کون سا ہے؟

2۔ آپ ASA مماثلت کے اصول کے تحت $\Delta DEF \cong \Delta MNP$ کو ثابت کرنا چاہتے ہیں۔ آپ کو دیا گیا ہے کہ $\angle D = \angle M$ اور $\angle F = \angle P$ مماثلت ثابت کرنے کے لیے اور کون سی جانکاری کی ضرورت ہے؟ (ایک رف شکل بنائیے اور پھر کوشش کیجیے)

3۔ شکل 7.27 میں کچھ حصوں کی پیمائش دی گئی ہے۔ ASA مماثلت کا اصول لاگو کرکے بتائیے کہ مثلثوں کا کون سا جوڑا مماثل ہوگا۔ مماثلت کی صورت حال میں نتیجہ کو علامتی شکل میں لکھیے۔




**شکل 6.27**

4۔ دو مثلثوں کے کچھ حصوں کی پیمائش درج ذیل ہے۔ جانچ کیجیے کیا دونوں مثلث ASA مماثلت کے اصول کے تحت مماثل ہیں یا نہیں۔ مماثلت کی صورت حال میں اس کو علامتی شکل میں لکھئے۔

| | $\Delta DEF$ | $\Delta PQR$ |
|---|---|---|
| (i) | $\angle D = 60°$ ، $\angle F = 80°$ ، DF = 5 سینٹی میٹر | $\angle Q = 60°$ ، $\angle R = 80°$ ، QR = 5 سینٹی میٹر |
| (ii) | $\angle D = 60°$ ، $\angle F = 80°$ ، DF = 6 سینٹی میٹر | $\angle Q = 60°$ ، $\angle R = 80°$ ، QP = 6 سینٹی میٹر |
| (iii) | $\angle E = 80°$ ، $\angle F = 30°$ ، EF = 6 سینٹی میٹر | $\angle P = 80°$ ، PQ = 5 سینٹی میٹر، $\angle R = 30°$ |

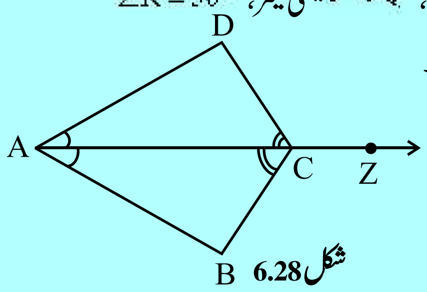
5۔ شکل 7.28 میں شعاع AZ ، $\angle DAB$ اور $\angle DCB$ کی ناصف ہے۔

(i) مثلث BAC اور DAC میں برابر حصوں کے تین جوڑے لکھیے۔

(ii) کیا $\Delta BAC \cong \Delta DAC$؟ وجہ بتائیے۔

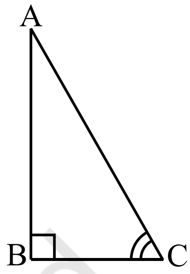
(iii) کیا AB = AD؟ اپنے جواب کی وضاحت کیجیے۔

(iv) کیا CD = CB؟ وجہ بتائیے۔




**شکل 6.28**

دو قائمہ زاوی مثلثوں کی مماثلت کے لیے مخصوص توجہ کی ضرورت ہے۔ اس طرح کے مثلثوں میں یقیناً زاویہ قائمہ تو برابر ہوتے ہی ہیں۔ اس لیے مماثلت کا معیار آسان ہوجاتا ہے۔




شکل 6.29

کیا آپ $\Delta ABC$ بنا سکتے ہیں۔ (شکل 7.29 میں دکھایا گیا ہے) جس میں $\angle B = 90°$ ہے۔ اگر

(i) صرف BC دیا گیا ہو؟ (ii) صرف $\angle C$ دیا گیا ہو؟

(iii) $\angle A$ اور $\angle C$ دیے گئے ہوں؟ (iv) AB اور BC دیے گئے ہوں،

(v) AC اور AB یا BC میں سے کوئی ایک دیا گیا ہو؟

ان کے رف اسکیچ بنا کر کرنے کی کوشش کیجیے۔ آپ کو معلوم ہوگا کہ (iv) اور (v) کی مدد سے آپ مثلث بنا سکتے ہیں۔ لیکن (iv) میں سیدھے سیدھے SAS اصول لگتا ہے۔ جب کہ (v) میں کچھ نیا ہے۔ یہ ہم کو مندرجہ ذیل معیار تک لے جاتا ہے۔

**RHS مماثلت کا معیار (RHS Congruence criterion)**

اگر ایک مطابقت کے تحت قائمہ زاوی مثلث کا وتر اور اس کا ایک ضلع بالترتیب دوسرے قائمہ زاوی مثلث کا وتر اور اس کا ایک ضلع برابر ہوں تو وہ مثلث مماثل ہوں گے۔

اس کو ہم RHS مماثلت کا اصول کیوں کہتے ہیں؟ اس کے بارے میں سوچیے۔

**مثال 8** دو مثلثوں کے کچھ حصوں کی پیائش درج ذیل ہے RHS مماثلت کے اصول سے جانچ کیجیے کہ کیا دو مثلث مماثل ہیں یا نہیں۔ مماثل مثلثوں کی صورت حال میں نتیجہ کو علامتی شکل میں لکھیے۔

| | $\Delta ABC$ | $\Delta PQR$ |
|---|---|---|
| (i) | $\angle B = 90°$ ، AC = 8 سینٹی میٹر، AB = 3 سینٹی میٹر | $\angle P = 90°$ ، PR = 3 سینٹی میٹر، QR 8 سینٹی میٹر |
| (ii) | $\angle A = 90°$ ، AC = 5 سینٹی میٹر، BC = 9 سینٹی میٹر | $\angle Q = 90°$ ، PR = 8 سینٹی میٹر، PQ = 5 سینٹی میٹر |

**حل**

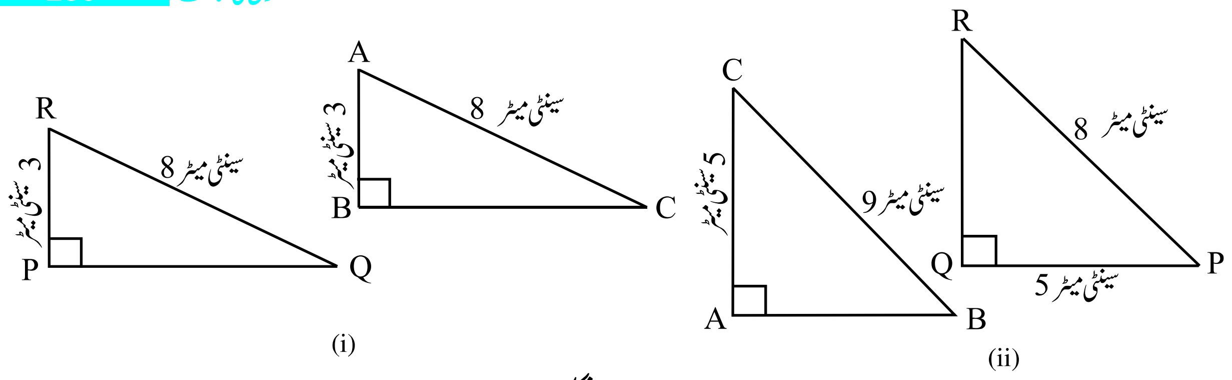
(i) یہاں، $\angle B$ $\angle P$ $90°$

وتر، AB= وتر، RQ (=8 سینٹی میٹر) اور

ضلع AB= ضلع RP (=3 سینٹی میٹر)

اس لیے، $\Delta ABC \cong \Delta RPQ$ (RHS مماثلت کے اصول سے)۔ (شکل 7.30(i))

© NCERT not to be republished



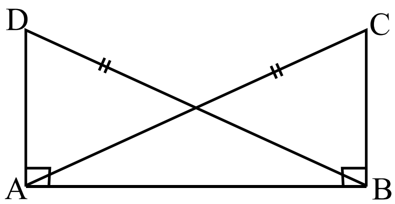

شکل 7.30

(ii) یہاں، $\angle A = \angle Q (= 90°)$ اور

ضلع $AC =$ ضلع $PQ$ (=5 سنٹی میٹر)

لیکن وتر $BC \neq$ وتر $PR$ (تصویر 7.30(ii))

اس لیے، یہ مثلث مماثل نہیں ہیں۔




شکل 7.31

**مثال 9** شکل 7.31 میں، $DA \perp AB$ ، $CB \perp AB$ اور $AC = BD$ ۔ $\Delta ABC$ اور $\Delta DAB$ کے برابر حصوں کے تین جوڑے لکھیے۔ مندرجہ ذیل بیانات میں سے کون سے درست ہیں؟

(i) $\Delta ABC \cong \Delta BAD$ (ii) $\Delta ABC \cong \Delta ABD$

**حل** برابر حصوں کے تین جوڑے ہیں:

$\angle ABC = \angle BAD$ $(=90°)$

$AC = BD$ (دیا گیا ہے)

$AB = BA$ (مشترک ضلع)

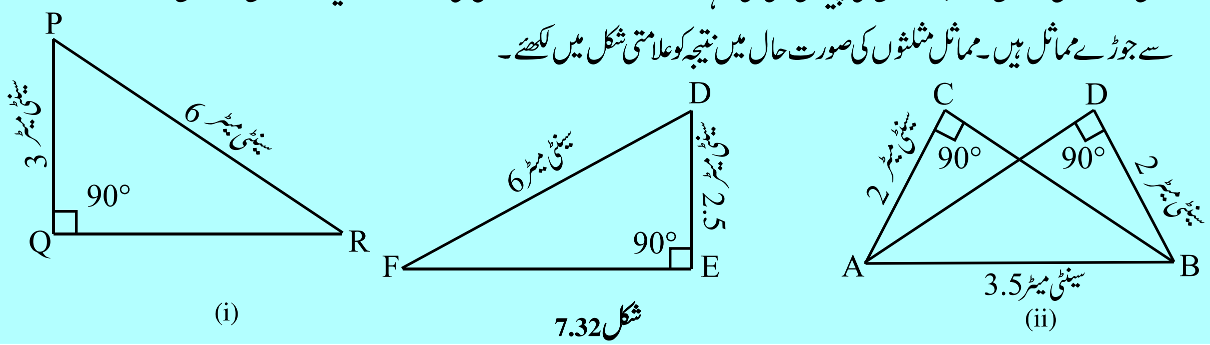
اوپر سے، $\Delta ABC \cong \Delta BAD$ (RHS مماثلت کے اصول سے)

اس لیے، بیان (i) درست ہے۔

بیان (ii) بامعنی نہیں ہے۔ کیونکہ راسوں کے درمیان مطابقت نہیں ہے۔

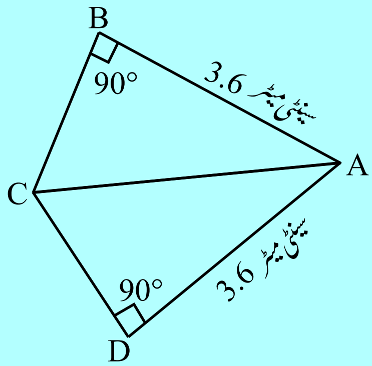
## کوشش کیجیے:

1۔ شکل 7.32 میں مثلثوں کے کچھ حصوں کی پیمائش دی گئی ہے۔ RHS مماثلت کے اصول کی مدد سے بتائیے کہ مثلثوں کے کون سے جوڑے مماثل ہیں۔ مماثل مثلثوں کی صورت حال میں نتیجہ کو علامتی شکل میں لکھئے۔

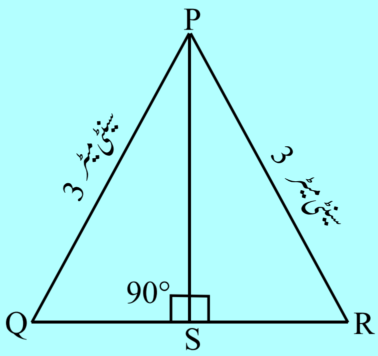



شکل 7.32

© NCERT not to be republished




(iii)

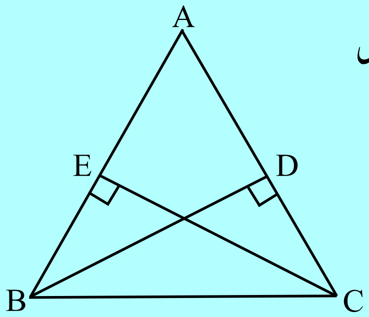



(v)

شکل 7.32

2۔ RHS مماثلت کے اصول کے تحت ہم کو یہ ثابت کرنا ہے کہ $\Delta ABC \cong \Delta RPQ$۔ اگر ہمیں مندرجہ ذیل جانکاریاں دی گئی ہیں تو ہمیں اور کون کون سی جانکاری کی ضرورت ہوگی؟

$AB = RP$ اور $\angle B = \angle P = 90°$



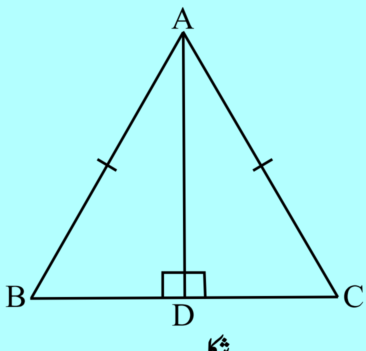

شکل 7.33

3۔ شکل 7.33 میں BD اور CE، $\Delta ABC$ کے ارتفاع ہیں جب کہ $BD = CE$۔

(i) $\Delta CBD$ اور $\Delta BCE$ میں برابر حصوں کے تین جوڑے لکھیے۔

(ii) کیا $\Delta CBD \cong \Delta BCE$ ؟ کیوں یا کیوں نہیں؟

(iii) کیا $\angle DCB = \angle EBC$ ؟ کیوں یا کیوں نہیں؟




شکل 7.34

4۔ ABC ایک مساوی الساقین مثلث ہے جس میں $AB = AC$ ہے اور AD اس کا ارتفاع ہے۔ (شکل 7.34)

(i) $\Delta ADB$ اور $\Delta ADC$ کے برابر حصوں کے تین جوڑے لکھیے۔

(ii) کیا $\Delta ADB \cong \Delta ADC$ ؟ کیوں یا کیوں نہیں؟

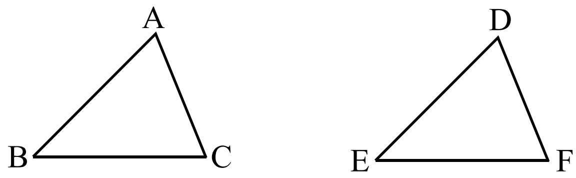
(iii) کیا $\angle B = \angle C$ ؟ کیوں یا کیوں نہیں؟

(iv) کیا $BD = CD$ ؟ کیوں یا کیوں نہیں؟

آیئے اب ہم ایسی مثالوں اور سوالوں کو دیکھتے ہیں جواب تک دیکھے گئے معیاروں پر منحصر ہیں۔

## مشق 7.2

1۔ مندرجہ ذیل میں آپ مماثلت کے کون سے اصول کا استعمال کریں گے۔

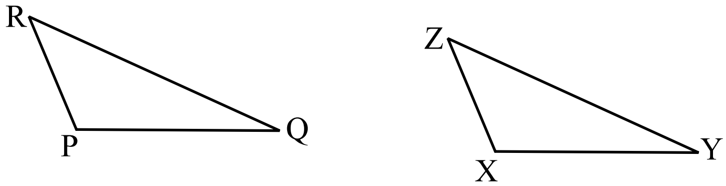



(a) دیا گیا ہے: $AC = DF$

$AB = DE$

$BC = EF$

اس لیے، $\Delta ABC \cong \Delta DEF$

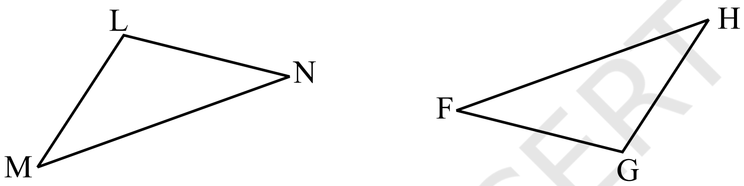



(b) دیا گیا ہے: $ZX = RP$

$RQ = ZY$

$\angle PRQ = \angle XZY$

اس لیے، $\Delta PQR \cong \Delta XYZ$

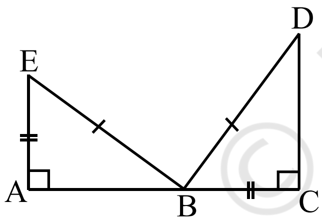



(c) دیا گیا ہے: $\angle MLN = \angle FGH$

$\angle NML = \angle GFH$

$ML = FG$

اس لیے، $\Delta LMN \cong \Delta GFH$



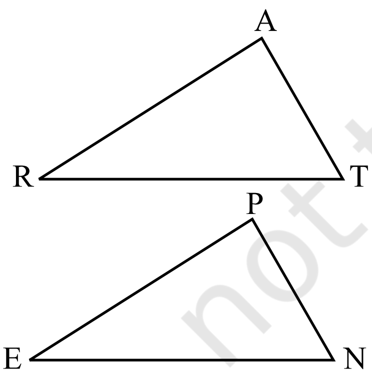

(d) دیا گیا ہے: $EB = DB$

$AE = BC$

$\angle A = \angle C = 90°$

اس لیے، $\Delta ABE \cong \Delta CDB$

2۔ آپ ثابت کرنا چاہتے ہیں کہ $\Delta ART \cong \Delta PEN$




(a) اگر آپ SSS مماثلت کا اصول لگانا چاہتے ہیں تو آپ کو یہ دکھانا ہوگا

(i) AR= (ii) RT= (iii) AT=

(b) اگر یہ دیا گیا ہے کہ $\angle T = \angle N$ اور آپ کو SAS اصول کا استعمال کرنا ہے، تو آپ دکھائیں گے

(i) RT= اور (ii) PN=

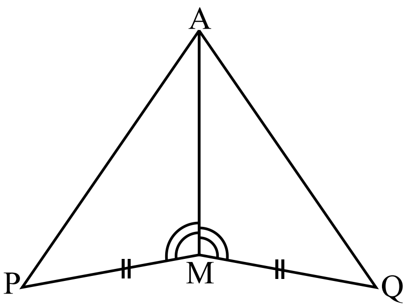
(c) اگر یہ دیا گیا ہے کہ AT=PN اور آپ کو ASA اصول کا استعمال کرنا ہے تو آپ کو ضرورت ہے

(i) ؟ (ii) ؟

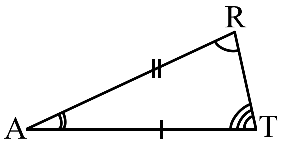
3۔ آپ کو دکھانا ہے $\Delta AMP \cong \Delta AMQ$

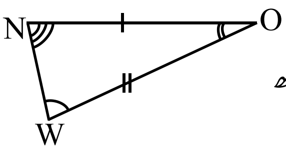
مندرجہ ذیل ثبوتوں میں چھوٹ گئے جوابات لکھیے۔

© NCERT not to be republished




| اقدام | وجوہات |
|---|---|
| (i) $PM = QM$ | (i) ... |
| (ii) $\angle PMA = \angle QMA$ | (ii) ... |
| (iii) $AM = AM$ | (iii) ... |
| (iv) $\Delta AMP \cong \Delta AMQ$ | (iv) ... |



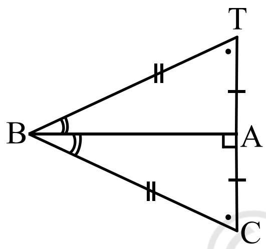

4۔ $\Delta ABC$ میں $\angle A = 30°$ ، $\angle B = 40°$ اور $\angle C = 110°$

$\Delta PQR$ میں $\angle P = 30°$ ، $\angle Q = 40°$ اور $\angle R = 110°$

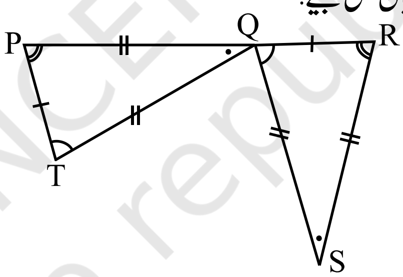
ایک طالب علم نے کہا کہ $\Delta ABC \cong \Delta PQR$ ، AAA مماثلت کے اصول کے تحت ہوگا۔ کیا یہ مناسب ہے؟ کیوں یا کیوں نہیں؟

5۔ شکل میں دو مثلث مماثل ہیں۔ متناظر حصوں پر نشان لگے ہیں۔ ہم کیا لکھ سکتے ہیں۔ $\Delta RAT \cong$ ?

6۔ مماثلت کا بیان مکمل کیجیے:




$\Delta BCA \cong$ ?



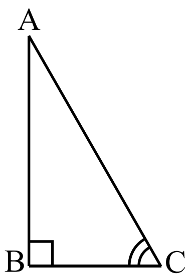

$\Delta QRS \cong$ ?

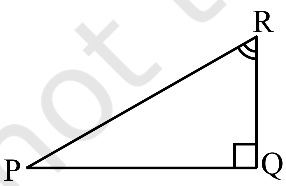
7۔ چوکور خانے والے کاغذ پر، برابر رقبوں والے دو مثلث بنایئے۔ جب کہ

(i) دونوں مثلث مماثل ہوں

(ii) دونوں مثلث مماثل نہ ہوں

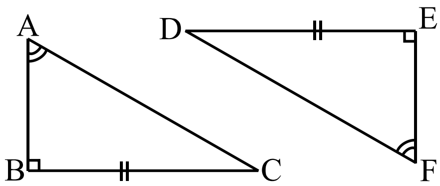
آپ ان کے احاطوں کے بارے میں کیا کہہ سکتے ہیں؟




8۔ دو مثلثوں کے رف اسکیچ بنایئے۔ جب کہ ان کے حصوں کے پانچ جوڑے مماثل ہوں لیکن پھر بھی یہ مثلث مماثل نہ ہوں۔

9۔ $\Delta ABC$ اور $\Delta PQR$ مماثل مثلث ہیں متناظر حصوں کا ایک اور جوڑا بتایئے۔ آپ اس میں کون سا اصول استعمال کریں گے؟




10۔ وضاحت کیجیے، کیوں

$\Delta ABC \cong \Delta FED$

© NCERT not to be republished

## سرگرمی

ہم نے دیکھا کہ مستوی اشکال کی مماثل کی جانچ کرنے کے لیے انطباق کا عمل بہت کارآمد ہے۔ ہم نے قطعات، زاویے اور مثلثوں کے لیے مماثلت کی شرائط پر بحث کی۔ اب آپ اسی تصور کو دوسری مستوی اشکال کے لیے بڑھانے کی کوشش کیجیے۔

1۔ مختلف سائزوں کے مربع کاٹ لیجیے۔ انطباق کے طریقے کا استعمال کر کے مربعوں کے مماثلت کی شرائط معلوم کیجیے۔ مماثلت کے تحت متناظر حصوں کا تصور کو کیسے استعمال کرتے ہیں؟ کیا ان میں متناظر اضلاع ہوتے ہیں؟ کیا اس میں متناظر وتر ہوتے ہیں؟

2۔ اگر آپ دائرے لیں تو کیا ہوگا؟ دو دائروں کے مماثلت کی کیا شرائط ہیں؟ ایک بار پھر آپ انطباق کا طریقہ استعمال کر سکتے ہیں۔ جانچ کیجیے۔

3۔ دوسری مستوی اشکال جیسے منتظم چھ ضلعی وغیرہ میں اس تصور کو بڑھانے کی کوشش کیجیے۔

4۔ ایک مثلث کی دو مماثل نقلیں لیجیے۔ کاغذ کو موڑ کر، جانچ کیجیے کہ کیا ان کے ارتفاع برابر ہیں؟ کیا ان کے وسطانیہ برابر ہیں؟ آپ ان کے احاطوں اور رقبوں کے بارے میں کیا کہہ سکتے ہیں۔

## ہم نے کیا سیکھا؟

1۔ مماثل چیزیں ایک دوسرے کی ہو بہو نقل ہوتی ہیں۔

2۔ مستوی اشکال کی مماثلت کو انطباق کے طریقے سے جانچ بھی سکتے ہیں۔

3۔ دو سادہ اشکال جیسے $F_1$ اور $F_2$ مماثل ہوتی ہیں اگر $F_1$ کو چھاپ کر بنائی گئی نقل $F_2$ کو پوری طرح ڈھک لے۔ اس کو ہم $F_1 \cong F_2$ لکھتے ہیں۔

4۔ دو قطعات جیسے $AB$ اور $\overline{CD}$ مماثل ہوتے ہیں اگر ان کی لمبائی برابر ہو۔ اس کو ہم $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ لکھتے ہیں۔ جب کہ اس کو ہم عام طور پر $\overline{AB}$ $\overline{CD}$ لکھتے ہیں۔

5۔ دو زاویے $\angle ABC$ اور $\angle PQR$ مماثل ہیں اگر ان کی پیائش برابر ہو۔ اس کو ہم یا $m\angle ABC = m\angle PQR$ لکھتے ہیں۔ جب کہ عام طور پر اس کو $\angle ABC = \angle PQR$ لکھتے ہیں۔

6۔ دو مثلثوں کے مماثلت کے لیے SSS کا اصول:
دی گئی مطابقت کے تحت دو مثلث مماثل ہوتے ہیں اگر ایک کے تین اضلاع دوسرے کے تین متناظر اضلاع کے برابر ہیں۔

7۔ دو مثلثوں کے مماثلت کے لیے SAS کا اصول:
دی گئی مطابقت کے تحت، دو مثلث مماثل ہوتے ہیں اگر ایک مثلث کے دو اضلاع اور ان کے درمیان کا ایک زاویہ دوسرے مثلث کے دو متناظر اضلاع اور ان کے درمیان کے زاویہ کے برابر ہو۔

© NCERT not to be republished

**8۔** دو مثلثوں کی مماثلت کے لیے ASA اصول:

دی گئی مطابقت کے تحت، دو مثلث مماثل ہیں اگر ایک مثلث کے دو زاویے اور ان کے درمیان کا ضلع دوسرے مثلث کے متناظر زاویوں اور ان کے درمیان کے ضلع کے برابر ہیں۔

**9۔** دو مثلثوں کی مماثلت کے لیے RHS اصول:

دی گئی مطابقت کے تحت دو قائمہ زاوی مثلث مماثل ہیں اگر ایک مثلث کا وتر اور کوئی ایک ضلع دوسرے مثلث کے وتر اور متناظر ضلع کے برابر ہوں۔

**10۔** دو مثلثوں کی مماثلت کے لیے AAA جیسا کوئی اصول نہیں ہے:

دو مثلث جن کے متناظر زاویے برابر ہوں ضروری نہیں ہے کہ وہ مماثل ہوں اسی مطابقت میں ایک مثلث کی بڑی نقل ہو سکتے ہیں۔ وہ صرف اسی وقت مماثل ہوتے ہیں جب ایک دوسرے کی ہو بہو نقل ہوں۔

not to be republished