

6.1 تعارف

آپ جانتے ہیں کہ مربع کارقبہ=ضلع × ضلع (یہاں ضلع کا مطلب ضلع کی لمبائی ہے)۔مندرجہ ذیل جدول کا مطالعہ تیجیے۔

مربع کارقبه (مربع سینٹی میٹر میں)	مربع کاضلع (سینٹی میٹر میں)
$1 \times 1 = 1 = 1^2$	1.5
$2 \times 2 = 4 = 2^{2}$	2
$3 \times 3 = 9 = 3^2$	3
$5 \times 5 = 25 = 5^2$	5
$8 \times 8 = 64 = 8^{2}$	8
$a \times a = a^2$	а

مربع اورجذرالمربع

درج بالا جدول میں مربع اعدادکا مطالعہ سیجیے۔ مربع اعدادکا آخری ہندسہ (یعنی اکائی کا ہندسہ) کون سا ہے؟ سی بھی اعداداکائی کی جگہ پر 0، 1، 4، 5، 6 یا 9 پرختم ہوتے ہیں۔ اس میں سے کوئی بھی عدد 2، 3، 7 یا 8 پرختم نہیں ہوتا ہے۔ کیا ہم سی کہہ سکتے ہیں کہ اگرایک عدد 0، 1، 4، 5، 6 یا 9 پرختم ہوتا ہے تو وہ ایک مربع عدد ہوگا؟اس کے بارے میں غور سیجیے۔



1. کیا ہم مندرجہ ذیل اعدا دکوکامل مربع اعدا دکہہ سکتے ہیں؟ ہمیں بیرک طرح معلوم ہوگا؟					
7928	(iii) 23453 (ii) 1057	(i)			
2061	(vi) 1069 (v) 222222	(iv)			
	یسے اعداد کھیے جن کے اکائی کے ہندسہ کود کچھ کرآپ بتاسکیں کہ بیاعداد کامل مربع اعداد نہیں ہیں۔	پاچ			
	یسے اعداد کھیے جن کے اکائی کے ہندسہ کود مکی کرآپ میرنہ بتا سکیں کہ بیاعداد کامل مربع ہیں یانہیں۔	2. پاچرا			

كوشش تيجيح

مندرجەذيل جدول ميں ديے گئے اعداداوران کے مربعوں پرغور پيجے اور دونوں ميں اکائی کی جگہ کی جائچ سيجے۔

مربع	عرو	مربع	ىرو	مربع	فرو
441	21	121	11	1	1
484	22	144	12	4	2
529	23	169	13	9	3
576	24	196	14	16	4
625	25	225	15	25	5
900	30	256	16	36	6
1225	35	289	17	49	7
1600	40	324	18	64	8
2025	45	361	19	81	9
2500	50	400	20	100	10

جدول 1



Mull.			2	
	S.C.			
E	e sin	135		
ANN AND AND AND AND AND AND AND AND AND	1			

	مربع	اعراد
	$1 \times 1 = 1$	1
	$2 \times 2 = 4$	2
	$3 \times 3 = 9$	3
	$4 \times 4 = 16$	4
کیا آپاسے کمل کرسکتے ہیں؟	$5 \times 5 = 25$	5
کر سکتے ہیں؟ ۱ ۲		6
\sim		7
N		8
		9
		10

کیاہم درج بالاجدول ۔۔ 1 ۔۔۔ 100 تک کے درمیان کے مربع اعدادلکھ سکتے ہیں؟ کیا 100 تک کوئی طبعی مربع عدد چھوٹ گیا ہے؟ آپ دیکھیں گے کہ ہاتی سبھی اعداد مربع اعداد نہیں ہیں۔

اعداد1، 4، 9، 16 مربع اعداد بين - بياعدادكال مربع اعدادكهلات بي-

1. دیے گئے اعداد کے درمیان کامل مربع اعداد معلوم سیجیے۔ (i) 30 اور 40 (ii) 50 اور 60



6.2 مربع اعداد کی خصوصیات

	4		
مريع	عرو	مربع	تىرو
121	11	1	1
144	12	4	2
169	13	9	3
196	14	16	4
225	15	25	5
256	16	36	6
289	17	49	7
324	18	64	8
361	19	81	9
400	20	100	10

مندرجہذیل جدول میں 1 سے 20 تک کے مربع اعداد کوظاہر کیا گیا ہے۔

كوشش سيجيج

مربع ادرجذ رالمربع 105

 مندرجەذيل اعدادادران كے مربعوں يرغور يجيے۔ $10^2 = 100$ ہارے پاس ایک صفر ہے $80^2 = 6400$ $100^2 = 10000$ $200^2 = 40000$ ۔۔۔۔ ہمارے پاس دوصفر میں سیر ليكن بهار _ پاس چار صفريس (2000 = 700² $900^2 = 810000$ اگرایک عدد کے آخرمیں 3 صفر ہیں تواس کے مربع کے آخرمیں کتنے صفر ہوں گے؟ کیا آپ نے عدد کے آخر میں صفر کی تعداداوراس کے مربع کے آخر میں صفر کی تعداد پر غور کیا ہے؟ کیا ہم بیہ کہہ سکتے ہیں کہ مربع اعداد کے آخر میں صفر کی تعداد جفت عدد ہی ہوسکتی ہے؟ اعداداوران کے مربعوں کے لیے جدول1 دیکھیے ۔ جفت اعداد کے مربعوں اور طاق اعداد کے مربعوں کے بارے میں آپ کی کیارائے ہے؟ كوشش سيجيح منك 1. مندرجہ ذیل میں ہے کن اعداد کے مربع میں طاق عدد یا جفت عدد ہوگا؟ کیوں؟ 158 (ii) 727 (i) 1980 (iv) 269 (iii) 2. مندرجەذىل اعداد كے مربعوں مېں صفر كى تعداد كىا ہوگى ؟

400 (ii) 60 (i)

6.3 کچھاورد لچسپ نمونے

1. مثلثي اعداد کې جمع کیا آپ کوشکش اعدادیاد میں (وہ اعداد جن کے نقطوں کے نمونوں کو مثلث کی شکل میں خاہر کیا جاسکتا ہے)؟ * 6 15 10 3 1

104 🗖 رياضي

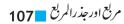
	مندرجہذیل مربع اعداد ہندسہ 1 پرختم ہوتے ہیں۔		
كوشش فيجيج	عرو	مريع	
123 ² ، 82 ² ، 161 ² ، 109 ² ب ل سے	1	1	
کون سےاعداد ہندسہ 1 پرختم ہوتے ہیں؟	9	81	
••• •••	11	121	
	19	361	
	21	441	

ان کے علاوہ اللے دومر بع اعداد لکھیے جو 1 پرختم ہوتے ہیں اوران کے نظیری اعداد بھی لکھیے ۔ آپ دیکھیں گے کہ اگر کسی عدد کے اکائی کی جگہ پر 1 یا 9 ھو تب اس کے مربع عدد کے آخر میں 1 آتا ھے۔ • آیتے 6 پرختم ہونے والے اعداد پرغور کریں:



ہم و کی سکتے ہیں کہ جب کوئی مربع عدد 6 پر ختم ہوتا ہے تو وہ جس عدد کا مربع ہے اس کے اکائی کا هندسه 4یا 6 هو گا۔ کیا آپ جدول (جدول1) میں دیے گئے اعداداوران کے مربعوں کے مشاہد کی مدد سے پچھاوراصول معلوم کر سکتے ہیں؟





⁶ اور²7 پرغور سیجیے۔ کیا آپ ⁶ اور²7 کے در میان اعداد کی تعداد بتا سکتے ہیں؟ اگر ہم کوئی طبعی عدد n اور (n+1) لیتے ہیں تو اگر ہم کوئی طبعی عدد n اور (n+1) - n² = 2n + 1) - n² = (n² + 2n + 1) - n² = 2n + 1) ہم ²n اور ²(n+1) کے در میان n2 اعداد پاتے ہیں جو دوم رکع اعداد کے فرق سے 1 کم ہے للہٰذا ہم میہ کہہ سکتے ہیں کہ دو مربع اعداد n اور (n+1) کے در میان n2 اعداد ہوتے ہیں جو مربع اعداد نہیں ہیں۔ جانچ کے لیے 5 = n > 6 = n لیسچے اور تصدیق سیجیے۔

1. ²9 اور ²01 کے درمیان کتنے طبعی اعداد ہیں؟ ¹11 اور ²12 کے درمیان کتنے طبعی اعداد ہیں؟
 2. مندرجہذیل اعداد کے جوڑوں کے درمیان کتنے اعدادا یسے ہیں جو مربع اعداد نہیں ہیں۔
 (i) ²001 اور ¹012 اور ¹002 اور ²19

- 3. طاق اعداد کا حاصل جمع
- مندرجەذيل پرغور <u>ي</u>جيے 1 [ابک طاق عدد]
- 2² = 4 = [<u>سلے دوطاق اعداد کا حاصل جمع</u>] + 3

كوشش تيجيح

- 3² = 9 = [يهلي تين طاق اعداد كا حاصل جمع] = 9 = 3²
- $4^2 = 16 =$ [....] 1 + 3 + 5 + 7
- $5^2 = 25 =$ [....] 1 + 3 + 5 + 7 + 9
- $6^2 = 36 =$ [....] 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11

اس لیے، ہم کہ سکتے ہیں کہ پھلے n طاق طبعی اعداد کا حاصل جمع n² ھے۔

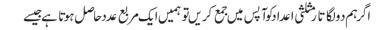
اسے الگ ڈھنگ سے دیکھتے ہوئے ہم کہہ سکتے ہیں کہ اگرایک عدد مربع عدد ہے تو وہ لازمی طور پر 1 سے شروع ہونے والے لگا تارطاق اعداد کا حاصل جمع ہے۔

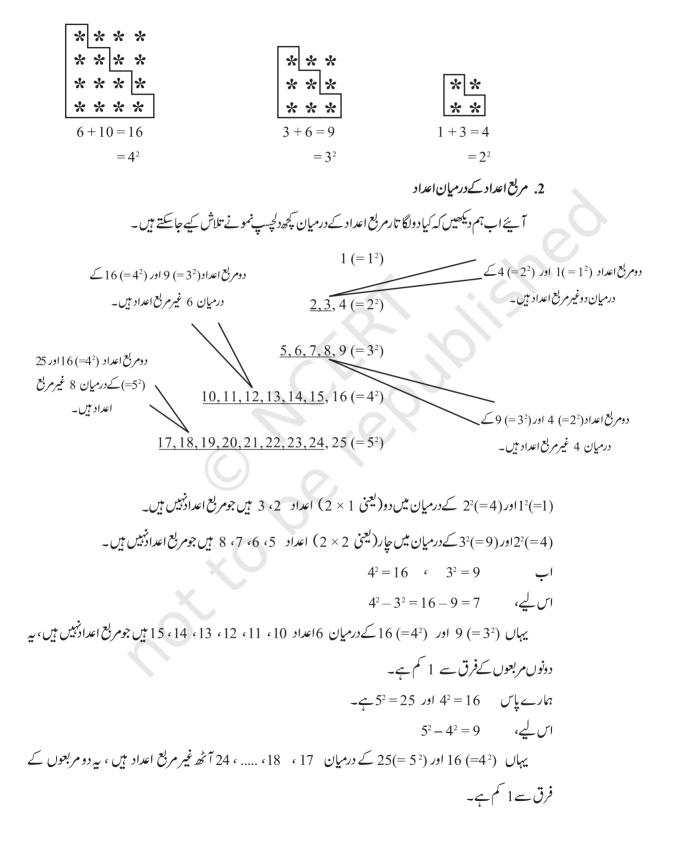
 $1^2 = 1 =$

اب ان اعداد پر نحور سیجیج جو کامل مربع نہیں ہیں جیسے 2، 3، 5، 6،...۔ کیا آپ ان اعداد کو تمام طاق طبعی اعداد کے حاصل جمع کی شکل میں 1 سے شروع کر کے لکھ سکتے ہیں؟ آپ پائیں گے کہ ان اعداد کو اس طرح نہیں لکھا جا سکتا ہے۔



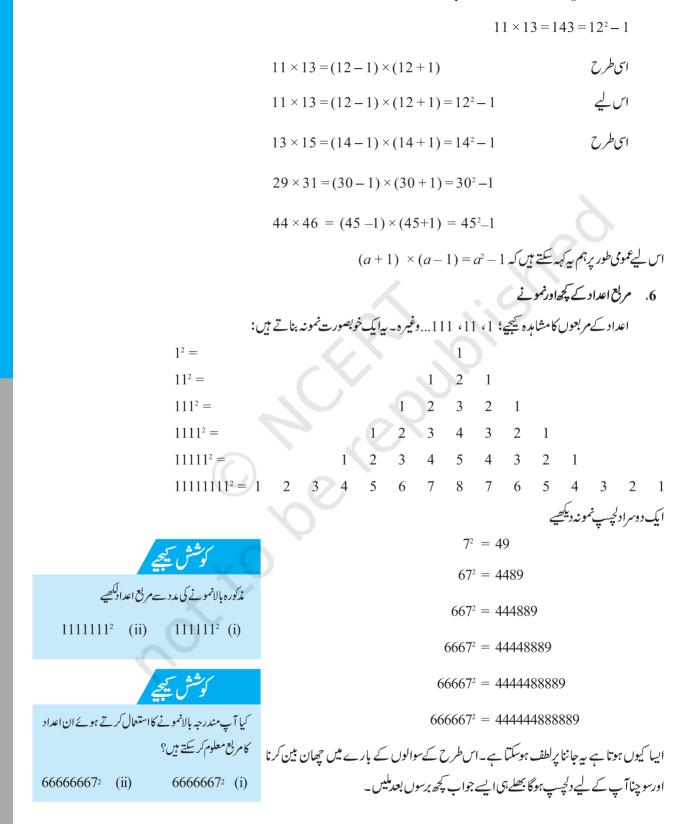
106 🗖 رياضي





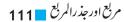
مربع ادرجذ رالمربع _109

5. دولگا تارطاق باجفت طبعی اعداد کا حاصل ضرب

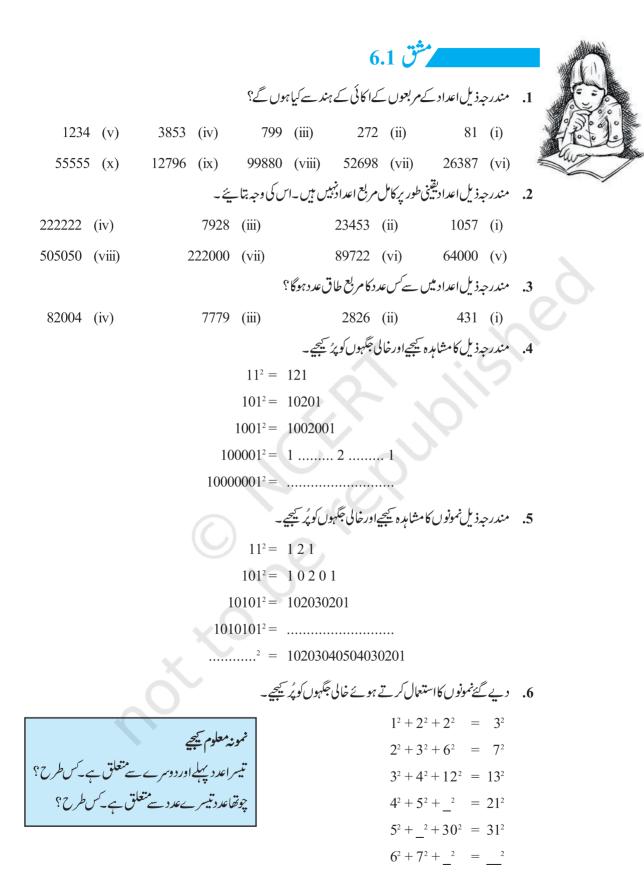


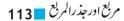
108 🗖 رياضي

L



7. جمع كاثمل كے بغير حاصل جمع معلوم شيجے۔ 1+3+5+7+9 (i) 1+3+5+7+9+11+13+15+17+19 (ii) 1+3+5+7+9+11+13+15+17+19+21+23 (iii) 8. (i) 49 کو 7طاق اعداد کے حاصل جمع کی شکل میں لکھیے۔ (ii) 121 کو 11 طاق اعداد کے حاصل جمع کی شکل میں لکھے۔ مندرجەذیل اعداد کے مربعوں کے درمیان کتنے اعداد ہیں؟ (ii) 25 اور 26 (i) 12 اور 13 (iii) 99 let 100 6.4 كسى عددكامر يع معلوم كرنا چوٹ اعداد جیسے 3، 4، 5، 6، 7.....وغیرہ کا مربع معلوم کرنا آسان ہے۔ کیا ہم 23 کا مربع آسانی سے معلوم کر سکتے ہیں؟ اس کاجواب اتنا آسان نہیں ہے۔ ہمیں 23 کو 23 سے ضرب کرنے کی ضرورت ہے۔ اسے حاصل کرنے کا ایک اورطریقہ ہے جو 23 × 23 ضرب کے بغیر ہی حاصل ہوتا ہے۔ 23 = 20 + 3ہم جانتے ہیں کہ $23^2 = (20+3)^2 = 20 (20+3) + 3 (20+3)$ اس لیے $= 20^2 + 20 \times 3 + 3 \times 20 + 3^2$ =400+60+60+9=529مثال 1 : مندرجہذیل اعداد کا مربع بغیر ضرب کیے معلوم سیجیے۔ 42 (ii) 39 (i) $39^2 = (30+9)^2 = 30 (30+9) + 9 (30+9)$ (i) **(** $= 30^2 + 30 \times 9 + 9 \times 30 + 9^2$ = 900 + 270 + 270 + 81 = 1521 $42^2 = (40+2)^2 = 40 (40+2) + 2 (40+2)$ (ii) $= 40^2 + 40 \times 2 + 2 \times 40 + 2^2$ = 1600 + 80 + 80 + 4 = 1764





 $m^2 = 8 + 1 = 9$ اس کیے ہمیں حاصل ہوتا ہے m = 3اس لیے $m^2 + 1 = 10$ let 2m = 6اس کیے 6، 8، 10 ایک ثلاثہ ہے کیکن 8 سب سے چھوٹاعد دنہیں ہے۔ اس لیے،ہم لیتے ہیں 2m = 8m = 4تب ہم پاتے ہیں $m^2 - 1 = 16 - 1 = 15$ $m^2 + 1 = 16 + 1 = 17$ اور اس ليه 8، 15، 17 ايك ايبا ثلاثة ب جهال 8 سب سے چھوٹاعدد ہے۔ مثال 3 : ایک فیثا غور ٹی ثلاثہ معلوم کیجیج س کا ایک عدد 12 ہو۔ $m^2 - 1 = 12$ $m^2 - 1 = 12$ $m^2 = 12 + 1 = 13$ تب یہاں m کی قیمت صحیح عددنہیں ہے۔ اس لیے ہم m = 12 کر کوشش کرتے ہیں۔ یہاں $11 = m^2 - m^2$ ، اس سے بھی m کی قیمت صحیح عدد حاصل نہیں ہوتی۔ اس لیے ہم لیتے ہیں 2m = 12m = 6تب اسطرح $m^2 + 1 = 36 + 1 = 37$ let $m^2 - 1 = 36 - 1 = 35$ اس لي مطلوبة ثلاثة 12، 35، 37 ب-نوٹ: اس ضابطے کا استعال کرتے ہوئے شجی فیٹا غور ٹی ثلاثہ حاصل نہیں کیے جاسکتے۔ مثال کے طور پر دوسرے ثلاثہ 5، 12، 13 میں بھی 12ایک رکن ہے۔ 6.2 مشق مندرجەذيل اعدادكامربع معلوم تيجيے۔ 93 (iv) 35 (ii) 32 (i) 86 (iii) 46 (vi) 71 (v)

2. فیثاغور ثی ثلاث⁵کھیے جس کاایک رکن ہو

14 (ii) 6 (i)

18 (iv) 16 (iii)

$$a5$$
 ایک ایساعدد لیجیے جس کا اکائی کا ہندسہ 5 ہو، مثلاً 5
 $(a5)^2 = (10a+5)^2$
 $= 10a (10a+5) + 5 (10a+5)$
 $= 100a^2 + 50a + 50a + 25$
 $= 100a (a+1) + 25$
 $= a (a+1) = 25$

6.4.1
مندرجدذیل نمونے کودیم محموفے
مندرجدذیل نمونے کودیکھیے:

$$25^2 = 625 = (2 \times 3) = 25^2 = 25^2$$

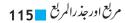
 $35^2 = 1225 = (3 \times 4) = 25^2 = 25^2$
 $75^2 = 5625 = (7 \times 8) = 25^2 = 25^2$
 $125^2 = 15625 = (12 \times 13) = 25^2 = 156^2$
 $1- 25^2 = 156^2 = 20^2 -$



ايک مرتبه پھر مشاہدہ سيجيے کہ

$$12^2 = 25 + 144 = 169 = 13^2$$

 $23^2 = 100 = 144 = 169 = 12^2 + 5^2 + 2^2 = -132$
 $21^2 = 100 = 100 = 100$
 $21^2 = 100 = 100$
 $21^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 100 = 100$
 $22^2 = 1000 = 1000$
 $22^2 = 1000 = 1000$
 $22^2 = 1000 = 1000$
 $22^2 = 1000 = 10$





(i) 121=111 - تو 121 كاجذر المربع كيا -?
 (ii) 121=141 - تو 196 كاجذر المربع كيا -?
 (ii) 196=142 - 106 كاجذر المربع كيا -?

سوچيه، بحث تيجياورلکھيے
$= 1^{2} (-1)^{2} - \frac{1}{2} $
e = (-9) ہے ۔ کیا 81 کا جذر المربح 9 – ہے؟

درج بالا کے مطابق آپ کہہ سکتے ہیں کہ کسی کامل مربع عدد کے دوضیح جذ رالمربع ہوتے ہیں۔ اس باب میں ہم طبعی عدد کے صرف مثبت جذ رالمربع پر بحث کریں گے۔ مثبت جذ رالمربع عدد کو علامت √ سے خاہر کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر : 2 = 4√ (2- نہیں)؛ 5 = 9√ (3- نہیں) وغیرہ۔

بنيجه	بيان	0	ې پېچې	بيان
$\sqrt{36} = 6$	$6^2 = 36$		$\sqrt{1} = 1$	$1^2 = 1$
$\sqrt{49} = 7$	$7^2 = 49$		$\sqrt{4} = 2$	$2^2 = 4$
$\sqrt{64} = 8$	$8^2 = 64$		$\sqrt{9} = 3$	$3^2 = 9$
$\sqrt{81} = 9$	$9^2 = 81$		$\sqrt{16} = 4$	$4^2 = 16$
$\sqrt{100} = 10$	$10^2 = 100$		$\sqrt{25} = 5$	$5^2 = 25$

6.5.2 مسلسل تفريق تحمل سے جذر المربع معلوم كرنا

کیا آپ کویاد ہے کہ پہلے nطاق اعداد کا حاصل جنع n^2 ہوتا ہے؟ اس لیے ہرایک مربع عدد کو 1 سے شروع کرنے سے لگا تارطاق طبعی اعداد کے حاصل جنع کی شکل میں ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ $\sqrt{81}$ پر خور بیچیے ہت ، (i) 81 - 1 = 80 (ii) 77 = 5 - 72 (iii) 80 - 3 = 77 (ii) 81 - 1 = 80 (ii)





6.5 جذرالمربع

6.5.1 **جذرالمربع معلوم کرنا** جمع کامعکوس عمل تفریق ہےاور ضرب کامعکوس عمل تقسیم ہے۔اسی طرح جذرالمربع معلوم کرنا بھی مربع بنانے کا معکوس^عمل ہے۔ مربع اورجذ رالمربع =117

2

2

2

2

2

2

2

2

2

2

2

2

2

2

2

5

800

400

200

100

50

25

5

8

4 2

مفردا جزائے ضربی کے جوڑے بنانے پرہمیں حاصل ہوتا ہے $324 = \underline{2 \times 2} \times \underline{3 \times 3} \times \underline{3 \times 3} = \underline{2^2 \times 3^2} \times \underline{3^2} = (2 \times 3 \times 3)^2$ 256 $\sqrt{324} = 2 \times 3 \times 3 = 18$ اس کیے 128 اسى طرح، كيا آب 256 كاجذر المربع معلوم كرسكتے ہيں؟ 256 كے مفرد اجزائے ضربی حسب ذيل ہيں 64 $256 = 2 \times 2$ 32 مفرداجزائے ضربی کے جوڑے بنانے پرہمیں حاصل ہوتا ہے، 16 $256 = \underline{2 \times 2} \times \underline{2 \times 2} \times \underline{2 \times 2} \times \underline{2 \times 2} = (2 \times 2 \times 2 \times 2)^2$ $\sqrt{256} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ اس کیے كيا 48 أيك كامل مربع عدد بي ؟ $48 = \underline{2 \times 2} \times \underline{2 \times 2} \times 3$ ہم جانتے ہیں کہ یہاں سارے مفردا جزائے ضربی جوڑوں کی شکل میں نہیں ہیں اس لیے 148 کیہ کامل مربع نہیں ہے؟ فرض بیجیے کہ آب 84 کاسب سے چھوٹاضعف معلوم کرناچا ہتے ہیں جوایک کامل مربع ہے۔اسے کیسے معلوم کریں گے؟ 48 کے مفردا جزائے ضربی کے جوڑے بنانے پرہم دیکھتے ہیں کہ صرف 3 ایساعدد ہے جو جوڑوں میں نہیں ہے۔اس لیے ہمیں جوڑوں کو پورا كرنے کے لیے 3 سے ضرب کرنا پڑے گا۔ اس لي 144 = 3 × 48 ايک کامل مربع ہے۔ 6400 کیا آپ کہ سکتے ہیں کہ 48 کوئس عدد سے تقسیم کریں کہ کامل مربع عدد حاصل ہوجائے؟ 3200 1600 جزوضربي 3 جوڑے ميں نہيں ہے اس ليے ہم 48 کوا گر 3 سے تقسيم کريں تو ہميں $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16 = 3 + 48$ حاصل ہوگااور بہ عدد 16 ہےجوکامل مربع ہے۔ مثال 4: 6400 كاجذرالمربع معلوم تيجير-90 2 $6400 = \underline{2 \times 2} \times \underline{5 \times 5} \times \underline{5 \times 5}$ 3 45 3 15 $\sqrt{6400} = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 = 80$ 5 مثال 5 : كيا 90 ايك كامل مربع بي؟ ص: ہم دیکھتے ہیں کہ 5 × 3 × 2 = 90



32-15=17 (viii) 45-13=32 (vii) 56-11=45 (vi) 65-9=56 (v) 17-17=0 (ix) عدد 1 سے شروع کر کے لگا تارطاق اعداد کو 81 سے گھٹانے پر 9وال رکن صفر حاصل ہوتا ہے۔ اس لیے 9= 18√ کیا آپ اس طریقے کا استعال کرتے ہوئے 729 کا جذرالمربع معلوم کر سکتے ہیں؟ ہاں ،لیکن اس میں کافی وقت لگے گا۔آیئے ہم ایک آسان طریقے سے جذرالمربع حاصل کرنے کی کوشش کریں۔

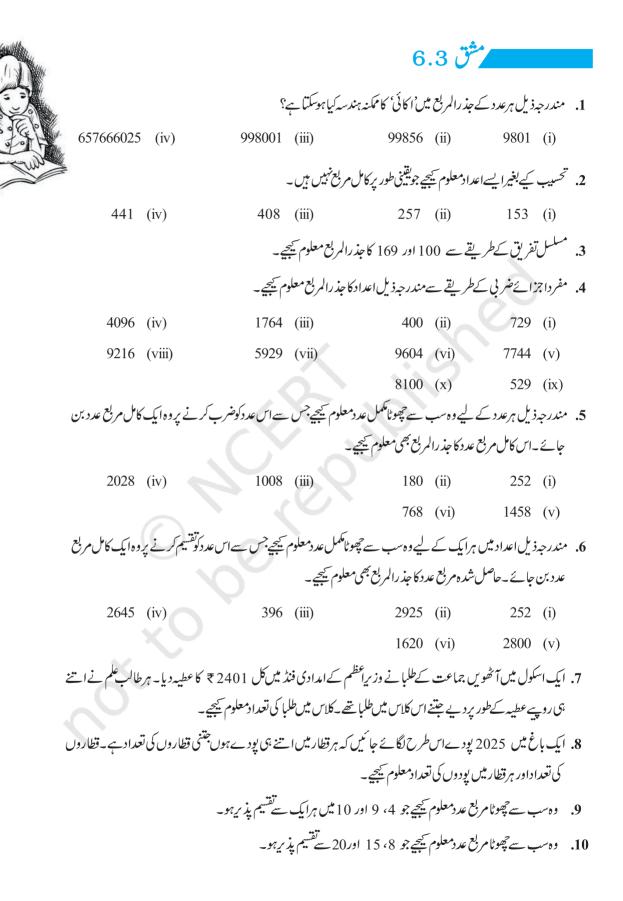
6.5.3 مفردا جزائے ضربی کے ذریعہ جذر المربع معلوم کرنا مندرجہ ذیل اعدادادران کے مربعوں کومفردا جزائے ضربی کی شکل میں لکھیے ۔

اس مربع کے اجزائے ضربی	ایک عدد کے مفرداجزائے ضربی
$36 = 2 \times 2 \times 3 \times 3$	$6 = 2 \times 3$
$64 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$	$8 = 2 \times 2 \times 2$
$144 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$	$12 = 2 \times 2 \times 3$
$225 = 3 \times 3 \times 5 \times 5$	$15 = 3 \times 5$

$$\begin{array}{c|c} 2 & 324 \\ \hline 6 & 2 & 364 (15(1) - 2 & 364, 2 & 366, 2 & 366, 2 & 366, 2 & 346, 2 & 35$$

2019-20

مربع اورجذ رالمربع =119



L

I

$$\begin{array}{c} \frac{2}{5\,\overline{39}} & \frac{2}{5\,\overline{39}} & \frac{2}{5\,\overline{3}} & \frac{2}{5\,\overline{39}} & \frac{2}{5\,$$

|

120 🗖 رياضي

6.5.4 تقسیم کے طریقہ سے جذر المربع معلوم کرنا جب اعداد بڑے ہوں تو مفردا جزائے ضربی کے طریقے سے جذر المربع نکالنامشکل اورطویل عمل ہوتا ہے۔ اس لیے ہم کمبی تقسیم کا طریقہ (Long Division Method) استعال کرتے ہیں۔

اس کے لیے جمیں جذ رالمربع میں ہندسوں کی تعداد معلوم کرنے کی ضرورت ہے۔					
		:	مندرجەذيل جدول كوديكھ		
		مربح	عرو		
<u>ح</u> ب ا	جو 3 ہندسوں کا سب سے چھوٹا مربع عدد	100	10		
<u> </u>	جو 3 ہندسوں کا سب سے بڑا مربع عدد۔	961	31		
	جو 4 ہندسوں کا سب سے حچوٹا مربع عدد	1024	32		
	جو 4 ہندسوں کا سب سے بڑا مربع عدد۔	9801	99		
ہم کیا کہیں گے؟	اس طرح،ایک کامل مربع عدد 3 ہندسوں یا 4 ہندسوں کا ہوتو جذرالمربع میں ہندسوں کی تعداد کے بارے میں ہم کیا کہیں گے؟				

اس طرح،ایک کامل مربع عدد 3 ہندسوں یا 4 ہندسوں کا ہوتو جذرا کمر بع میں ہندسوں کی تعداد کے بارے میں ہم کیا کہیں گے؟ ہم کہہ سکتے ہیں کہ جب ایک کامل مربع عدد 3 ہندسوں یا 4 ہندسوں کا ہوتو اس کے جذرا کمر بع میں 2 ہی ہندسہ ہوں گے۔ کیا آپ 5 یا 6 ہندسوں والے عدد کے جذرا کمر بع میں ہندسوں کی تعداد بتا سکتے ہیں؟

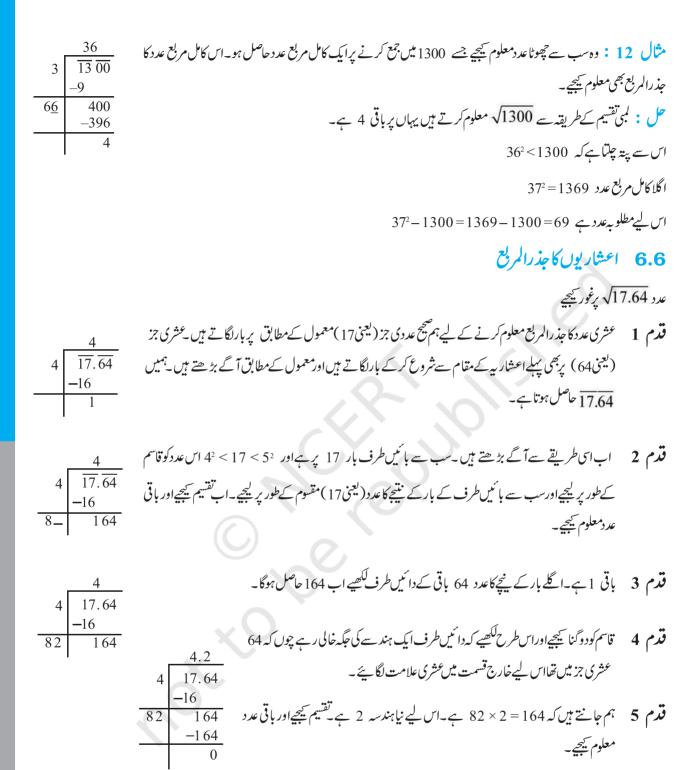
سب سے چھوٹا 3 ہندسوں کا کامل مرابع 100 ہے جو 10 کا مرابع ہے اور 3 ہندسوں کا سب سے بڑا کامل مربع عدد 961 ہے جو 31 کا مربع ہے۔4 ہندسوں کا سب سے چھوٹا کامل مربع عدد 1024 ہے جو 32 کا مربع ہے اور سب سے بڑا 4 ہندسوں کا کامل مربع عدد 9801 ہے جو 99 کا مربع ہے۔ سوچیے ، بحث سیجیے اور ککھیے

کیا ہم کہہ سکتے ہیں کہ اگرا یک کامل مربع عدد میں n ہند سے ہوں تو اس کے جذر المربع عدد میں $\frac{n}{2}$ ہند سے ہوں گااگر n ہوں گاگر n جوں گاگر n طاق ہے؟



- مندرجہذیل طریقہ کسی عدد کے مربع میں ہندسوں کی تعداد معلوم کرنے میں مدد گارہوگا۔
- 529 کا مربع عدد معلوم کرنے کے لیے ہم درج ذیل اقدامات پر خور کرتے ہیں۔ کیا آپ اس عدد کے مربع میں ہند سول کی تعداد کا اندازہ لگا سکتے ہیں؟
- قدم 1 الكى كەمقام سے شروع كرتے ہوئے ہرايك جوڑ بربارلگائے۔ اگر ہندسوں كى تعدادطاق ہوتوبائيں طرف كے الكي ہى ہند سے پربارلگائے۔ اس طرح سے ہميں حاصل ہوتا ہے 25 5 ۔

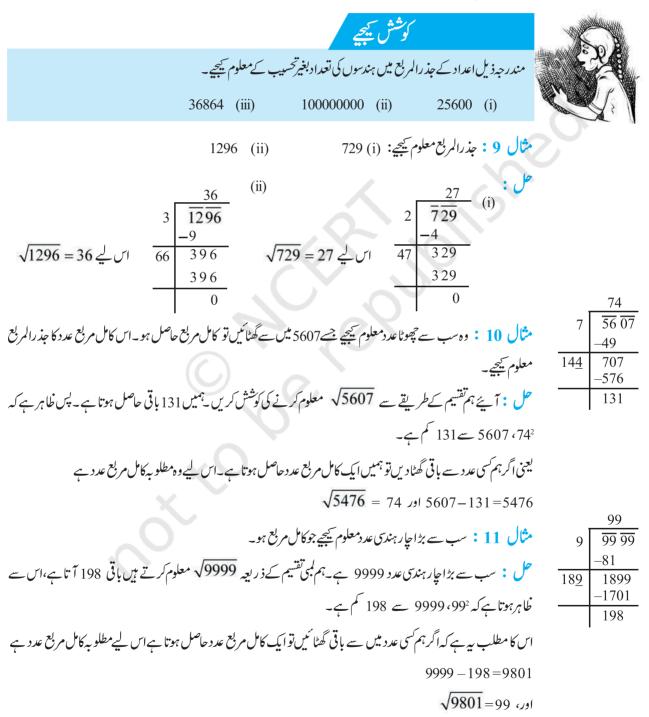
مربع ادرجذ رالمربع 233

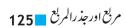


 $\sqrt{17.64} = 4.2 \quad \text{چوں کہ باقی صفر ہے اور اب کوئی بارتھی باقی نہیں ہے اس کیے <math>4.2 = \sqrt{17.64}$

مثال 13 : 12.25 كاجذرالمربع معلوم فيجير-

 $\sqrt{40} = 64 = 67$ اور $\sqrt{5} = 23$ اور $\sqrt{5} = 70$ اور $\sqrt{5} = 70$ ان دونوں اعداد 25 اور 4096 میں بارکی تعداد 2 ہے اور ان کے جذر المربع میں ہند سوں کی تعداد بھی 2 ہے۔ کیا آپ 14400 کے جذر المربع میں ہند سوں کی تعداد بتا کتے ہیں؟ بارلگانے پر یم کو $\overline{104}$ حاصل ہوتا ہے۔ یہاں بارکی تعداد 3 ہے۔ اس لیے جذر المربع 3 ہند سوں کا ہوگا۔



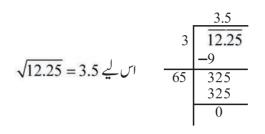


6.7 جذرالربع كااندازه لكانا

$$\begin{aligned} 1. \ expected by the box of the set of t$$

704

ط :



كسطرف برطيس عدد 176.341 پرغور کیچیے صحیح عددی جز اور عشری عددی جز دونوں پر بارلگایئے ۔عشری جز میں بارلگانے کے طریقے میں کیا طریقہ ے جوضیح عددی جز سے مختلف ہے؟ 176 پر غور کیجیے۔ ہم عشری علامت کے پاس کے اکائی کے مقام سے شروع کرکے با ^تمیں طرف بڑھتے ہیں، پہلا بار 76 کے اوپر اور دوسرا بار 1 کے اوپر ہے۔ 341 کے لیے ہم عشری علامت سے شروع کر کے دائیں طرف بڑھتے ہیں۔ پہلابار 34 کے اوپر اور دوسرا بارلگانے کے لیے ہم 1 کے بعد 0 لگاتے ہیں۔ اور اس طرح 3410 حاصل ہوتاہے۔

$$\frac{48}{2304}$$

$$\frac{4}{2304}$$

$$\frac{4}{20}$$

$$\frac{10}{20}$$

$$\frac{10}{2}$$

$$\frac{4}{20}$$

$$\frac{10}{2}$$

$$\frac{10}{2}$$

$$\frac{4}{20}$$

$$\frac{10}{2}$$

$$\frac{1$$

 مندر جد ذیل ہرعد دے جذ رالمربع میں ہندسوں کی تعدا د (تحسیب کے بغیر) معلوم تیجے۔ 4489 (iii) 27225 (iv) 64 (i) 144 (ii) 390625 (v) 3. مندرجەذىل اعشارىداغداد كے جذرالمربع معلوم تيجے۔ 31.36 (v) 42.25 (iv) 51.84 (iii) 7.29 (ii) 2.56 (i) وہ چھوٹے سے چھوٹاعد دمعلوم تیجیے جسے مندر جدذیل اعداد سے گھٹانے پرایک کامل مربع بن جائے۔ اس طرح سے حاصل کامل مربع عدد کاحذ رالمربع بھی معلوم سیجیے۔ 402 (i) 3250 (iii) 1989 (ii) 825 (iv) 4000 (v) 5. وہ چھوٹے سے چھوٹاعد دمعلوم تیجیے جسے مندرجہ ذیل اعداد میں جمع کرنے پر ایک کامل مربع بن جائے۔اس طرح سے حاصل کامل مربع عدد کا جذ رالمربع بھی معلوم کیجیے۔ 1750 (ii) 525 (i) 1825 (iv) 252 (iii) 6412 (v) ایک مربع کارقبہ 441 مربع میٹر ہے۔ اس کے ضلع کی لمبائی معلوم تیجیے۔ 7. ایک قائمہزاویہ مثلث ABC میں°B=9۷ ہے (a) اگر AC= 6 سينٹی ميٹر ، BC = 8 سينٹی ميٹر ہوتو AC معلوم کیجے۔ (b) اگر AB= 13 سینٹی میٹر، BC = 5 سینٹی میٹر ہوتو ABمعلوم تیجے۔ 8. ایک مالی کے پاس 1000 یودے ہیں۔وہ ان کواس طرح لگانا چاہتا ہے کہ قطاروں کی تعداد کالموں کی تعداد کے برابر ہو۔ ایسے کم سے کم کتنے بود بےاور درکار ہوں گے؟ 9. ایک اسکول میں 500 طلبا ہیں۔ پی ٹی ڈرل کے لیے ان کواس طرح کھڑا ہونا ہے کہ قطاروں کی تعداد کالموں کی تعداد کے برابرہو۔ کتنےطلباباقی بچیں گے جواس تر تیب میں نہیں آئیں گے۔ ہم نے کیاسیکھا؟ 1. اگر سی طبعی عدد m کو m کی شکل میں خاہر کریں جہاں n بھی ایک طبعی عدد ہو، تب m ایک مربع عدد ہے۔ 2. تمام مربع اعداد کے آخر میں اکائی کی جگہ یر0، 1، 4، 5، 6 یا 9 ہوتا ہے۔ مربع اعداد کے آخر میں صفروں کی تعداد جفت ہوتی ہے۔ 4. جذرالمربع ،مربع كامعكوس على --5. ایک کامل مربع عدد کے دوجذ رالمربع ہوتے ہیں۔عدد کے مثبت جذ رالمربع کوعلامت 🗸 سے ظاہر کرتے ہیں۔ مثال کے طور یر، $9 = 3^2 - 3^2 = 3^2$ دیتا ہے۔