

ضمیمے (APPENDICES)

ضمیمہ A.1 (APPENDICES) یونانی حروف تہجی

THE GREEK ALPHABET

ρ	P	رہو	ι	I	ایوٹا	α	A	الف
σ	Σ	سگما	κ	Χ	کاپا	β	B	بیٹا
τ	T	ٹاؤ	λ	Λ	لیمبڈا	γ	Γ	گاما
υ	Υ	ایپسilon	μ	M	میو	δ	Δ	ڈیلٹا
φ, ϕ	Φ	پھائی	ν	Ν	نیو	ε	E	ایپسilon
χ	X	کائی	ξ	Ξ	کائی	ς	Z	زیٹا
ψ	Ψ	سائی	ο	O	اوی کروں	η	H	ایٹا
ω	Ω	اومیگا	π	Π	پائی	θ	Θ	تھیٹا

ضمیمہ A.2

(APPENDICES)

اضعاف اور تحت اضعاف کے لیے عام SI سابقے اور علامتیں

COMMON SI PREFIXES AND SYMBOLS FOR MULTIPLES AND SUB-MULTIPLES

تحت ضعف		ضعف	
علامت	سابقہ	علامت	سابقہ
a	ایو	E	ایکسا
f	فیمو	P	پیشا
p	پیکو	T	تیرا
n	نانو	G	گیگا
μ	مائیکرون	M	مگا
m	ملی	k	کلو
c	سیسی	h	ہیکٹو
d	ڈیسی	da	ڈیکا

ضمیمہ A.3 (APPENDICES)

کچھ اہم مرگب

SOME IMPORTANT CONSTANTS

نام	علامت	قدر
خلا میں روشنی کی رفتار	c	$2.9979 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$
الیکٹران کا برقی چارج	e	$1.602 \times 10^{-19} \text{ C}$
مادی کشش مستقلہ	G	$6.673 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$
پلانک مستقلہ	h	$6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}$
بولٹز مین مستقلہ	k	$1.381 \times 10^{-23} \text{ J K}^{-1}$
ایوگیڈر عدد	N_A	$6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
عالمی گیس مستقلہ	R	$8.314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$
الیکٹران کی کمیت	m_e	$9.110 \times 10^{-31} \text{ kg}$
نیوٹران کی کمیت	m_n	$1.675 \times 10^{-27} \text{ kg}$
پروٹان کی کمیت	m_p	$1.673 \times 10^{-27} \text{ kg}$
الیکٹرو برقی بار اور اس کی کمیت کی نسبت	e/m_e	$1.759 \times 10^{11} \text{ C/kg}$
فیراڈے مستقلہ	F	$9.648 \times 10^4 \text{ C/mol}$
رڈ برگ مستقلہ	R	$1.097 \times 10^7 \text{ m}^{-1}$
بوتر نصف قطر	a_0	$5.292 \times 10^{-11} \text{ m}$
اسٹیفن - بولٹز مین مستقلہ	σ	$5.670 \times 10^{-8} \text{ W m}^{-2} \text{ K}^{-4}$
وین کا مستقلہ	b	$2.898 \times 10^{-3} \text{ m K}$
خلاء کی برقی سرایت پذیری	ϵ_0 $1/4\pi \epsilon_0$	$8.854 \times 10^{-12} \text{ C}^2 \text{ N}^{-1} \text{ m}^{-2}$ $8.987 \times 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$
خلاء کی تعدد پذیری	μ_0	$4\pi \times 10^{-7} \text{ T m A}^{-1}$ $\cong 1.257 \times 10^{-6} \text{ Wb A}^{-1} \text{ m}^{-1}$

دوسرے کارآمد مستقلہ

Other useful constants

Value	Symbol	Name
4.186 J cal^{-1}	J	حرارت کامپکائیٹی معادل
$1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$	1 atm	معیاری فضائی دباؤ
$-273.15 \text{ }^\circ\text{C}$	0 K	مطلق صفر
$1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$	1 eV	الیکٹران وولٹ
$1.661 \times 10^{-27} \text{ kg}$	1 u	متحد ایٹمی کمیت اکائی
0.511 MeV	mc^2	IJ کا توانائی معادل
931.5 MeV	1 u c^2	مثالی گیس کا حجم (اور) (سطح سمندر، خط استوا پر)
22.4 L mol^{-1}	V	
9.78049 m s^{-2}	g	مادی کشش اسراع

A.4 ضمیمہ

APPENDIX A 4

تبدیل کرنے کے اجزاء ضربی

CONVERSION FACTORS

(آسانی کے لیے تبدیل کرنے کے اجزاء ضربی کو مساوات لکھا گیا ہے)

Conversion factors are written as equations for simplicity.

Length لمبائی

- $1 \text{ km} = 0.6215 \text{ mi}$
 $1 \text{ mi} = 1.609 \text{ km}$
 $1 \text{ m} = 1.0936 \text{ yd} = 3.281 \text{ ft} = 39.37 \text{ in}$
 $1 \text{ in} = 2.54 \text{ cm}$
 $1 \text{ ft} = 12 \text{ in} = 30.48 \text{ cm}$
 $1 \text{ yd} = 3 \text{ ft} = 91.44 \text{ cm}$
 $1 \text{ lightyear} = 1 \text{ ly} = 9.461 \times 10^{15} \text{ m}$
 $1 \text{ \AA} = 0.1 \text{ nm}$

Area رقبہ

- $1 \text{ m}^2 = 10^4 \text{ cm}^2$
 $1 \text{ km}^2 = 0.3861 \text{ mi}^2 = 247.1 \text{ acres}$
 $1 \text{ in}^2 = 6.4516 \text{ cm}^2$
 $1 \text{ ft}^2 = 9.29 \times 10^{-2} \text{ m}^2$
 $1 \text{ m}^2 = 10.76 \text{ ft}^2$
 $1 \text{ acre} = 43,560 \text{ ft}^2$
 $1 \text{ mi}^2 = 460 \text{ acres} = 2.590 \text{ km}^2$

Volume حجم

- $1 \text{ m}^3 = 10^3 \text{ cm}^3$
 $1 \text{ L} = 1000 \text{ cm}^3 = 10^{-3} \text{ m}^3$
 $1 \text{ gal} = 3.786 \text{ L}$
 $1 \text{ gal} = 4 \text{ qt} = 8 \text{ pt} = 128 \text{ oz} = 231 \text{ in}^3$
 $1 \text{ in}^3 = 16.39 \text{ cm}^3$
 $1 \text{ ft}^3 = 1728 \text{ in}^3 = 28.32 \text{ L} = 2.832 \times 10^{-4} \text{ m}^3$

Speed چال

- $1 \text{ km h}^{-1} = 0.2778 \text{ m s}^{-1} = 0.6215 \text{ mi h}^{-1}$
 $1 \text{ mi h}^{-1} = 0.4470 \text{ m s}^{-1} = 1.609 \text{ km h}^{-1}$
 $1 \text{ mi h}^{-1} = 1.467 \text{ ft s}^{-1}$

Magnetic Field مقناطیسی میدان

- $1 \text{ G} = 10^{-4} \text{ T}$
 $1 \text{ T} = 1 \text{ Wb m}^{-2} = 10^4 \text{ G}$

Angle and Angular Speed زاویہ اور زاویائی چال

- $\pi \text{ rad} = 180^\circ$
 $1 \text{ rad} = 57.30^\circ$
 $1^\circ = 1.745 \times 10^{-2} \text{ rad}$
 $1 \text{ rev min}^{-1} = 0.1047 \text{ rad s}^{-1}$
 $1 \text{ rad s}^{-1} = 9.549 \text{ rev min}^{-1}$

Mass کمیت

- $1 \text{ kg} = 1000 \text{ g}$
 $1 \text{ tonne} = 1000 \text{ kg} = 1 \text{ Mg}$
 $1 \text{ u} = 1.6606 \times 10^{-27} \text{ kg}$
 $1 \text{ kg} = 6.022 \times 10^{26} \text{ u}$
 $1 \text{ slug} = 14.59 \text{ kg}$
 $1 \text{ kg} = 6.852 \times 10^{-2} \text{ slug}$
 $1 \text{ u} = 931.50 \text{ MeV/c}^2$

Density کثافت

- $1 \text{ g cm}^{-3} = 1000 \text{ kg m}^{-3} = 1 \text{ kg L}^{-1}$

Force قوت

- $1 \text{ N} = 0.2248 \text{ lbf} = 10^5 \text{ dyn}$
 $1 \text{ lbf} = 4.4482 \text{ N}$
 $1 \text{ kgf} = 2.2046 \text{ lbf}$

Time وقت

- $1 \text{ h} = 60 \text{ min} = 3.6 \text{ ks}$
 $1 \text{ d} = 24 \text{ h} = 1440 \text{ min} = 86.4 \text{ ks}$
 $1 \text{ y} = 365.24 \text{ d} = 31.56 \text{ Ms}$

Pressure دباؤ

- $1 \text{ Pa} = 1 \text{ N m}^{-2}$
 $1 \text{ bar} = 100 \text{ kPa}$
 $1 \text{ atm} = 101.325 \text{ kPa} = 1.01325 \text{ bar}$
 $1 \text{ atm} = 14.7 \text{ lbf/in}^2 = 760 \text{ mm Hg}$
 $= 29.9 \text{ in Hg} = 33.8 \text{ ft H}_2\text{O}$
 $1 \text{ lbf in}^{-2} = 6.895 \text{ kPa}$
 $1 \text{ torr} = 1 \text{ mm Hg} = 133.32 \text{ Pa}$

Energy توانائی

1 kWh = 3.6 MJ
 1 cal = 4.186 J
 1 ft lbf = 1.356 J = 1.286×10^{-3} Btu
 1 L atm = 101.325 J 1 W = 1.341×10^{-3} hp
 1 L atm = 24.217 cal
 1 Btu = 778 ft lb = 252 cal = 1054.35 J
 1 eV = 1.602×10^{-19} J
 1 u c² = 931.50 MeV
 1 erg = 10^{-7} J

Power طاقت

1 horsepower (hp) = 550 ft lbf/s
 = 745.7 W
 1 Btu min⁻¹ = 17.58 W
 = 0.7376 ft lbf/s

Thermal Conductivity حرارتی ایصالیت

1 W m⁻¹ K⁻¹ = 6.938 Btu in/hft² °F
 1 Btu in/hft² °F = 0.1441 W/m K

A.5 ضمیمہ**APPENDIX A 5****ریاضیاتی فارمولے****MATHEMATICAL FORMULAE****Geometry جیومیٹری**

نصف قطرہ کا دائرہ:

$$\text{رقبہ} = \pi r^2$$

نصف قطرہ کا کرہ:

$$\text{رقبہ} = 4\pi r^2;$$

$$\text{حجم} = \frac{4}{3}\pi r^3$$

نصف قطرہ اور اونچائی h کا قائم دائری استوانہ:

$$\text{رقبہ} = 2\pi r^2 + 2\pi r h;$$

$$\text{حجم} = \pi r^2 h;$$

قاعدہ A اور ارتفاع h کا مثلث

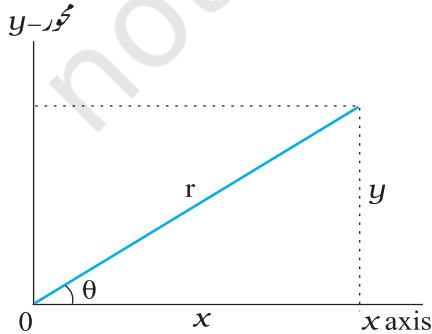
$$\text{رقبہ} = \frac{1}{2} a h$$

Quadratic Formula دو درجی فارمولا

$$\text{اگر } ax^2 + bx + c = 0,$$

$$\text{تب } x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2}$$

زاویہ θ کے ٹرگنومیٹریائی تفاعلات

Trigonometric Functions of Angle θ**شکل A 5.1**

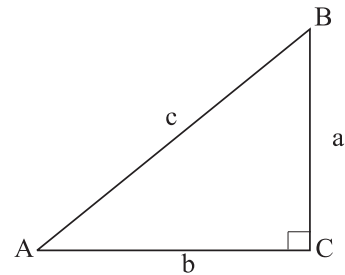
$$\sin \theta = \frac{y}{r} \quad \cos \theta = \frac{x}{r}$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} \quad \cot \theta = \frac{x}{y}$$

$$\sec \theta = \frac{r}{x} \quad \csc \theta = \frac{r}{y}$$

پیتھاغورس مسئلہ**Pythagorean Theorem**

$$a^2 + b^2 = c^2 \text{ اس قائم زاویہ مثلث میں}$$

**شکل A 5.2****Triangles مثلث**

A, B, C زاویے ہیں

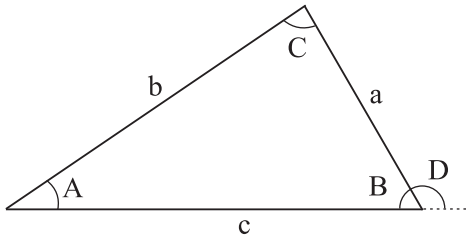
a, b, c ان کے مخالف اضلاع ہیں۔ زاویے

$$\text{Angles } A + B + C = 180^\circ$$

$$\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$$

$$D = A + C \text{ خارجی زاویہ}$$



شکل 5.3 A

ریاضیاتی نشانات اور علامتیں برابر ہے۔

= equals برابر ہے

≅ equals approximately تقریباً برابر ہے

~ is the order of magnitude of عددی قدر کا درجہ ہے

≠ is not equal to مادی نہیں ہے

≡ is identical to, is defined as اس کے متماثل ہے، معرف کیا جاتا ہے۔

> is greater than (>> is much greater than) اس سے بڑا ہے

< is less than (<< is much less than) (D) اس سے بہت بڑا ہے

≥ is greater than or equal to (or, is no less than) اس سے چھوٹا ہے (D) اس سے بہت چھوٹا ہے

≤ is less than or equal to (or, is no more than) اس سے بڑا یا اس کے برابر ہے (اس سے چھوٹا ہے)

± plus or minus مثبت یا منفی

∞ is proportional to کے تناسب ہے

Σ the sum of حاصل جمع ہے

$\bar{x}$ or $\langle x \rangle$ or x_{av} the average value of x کی اوسط قدر x

$\bar{x}$ or $\langle x \rangle$ or x_{av} the average value of x کی اوسط قدر x

Trigonometric Identities

$$\sin(90^\circ - \theta) = \cos \theta$$

$$\cos(90^\circ - \theta) = \sin \theta$$

$$\sin \theta / \cos \theta = \tan \theta$$

$$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$$

$$\sec^2 \theta - \tan^2 \theta = 1$$

$$\csc^2 \theta - \cot^2 \theta = 1$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\cos 2\theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta = 2\cos^2 \theta - 1 = 1 - 2\sin^2 \theta$$

$$\sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$$

$$\cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$$

$$\tan(\alpha \pm \beta) = \frac{\tan \alpha \pm \tan \beta}{1 \mp \tan \alpha \tan \beta}$$

$$\sin \alpha \pm \sin \beta = 2 \sin \frac{1}{2}(\alpha \pm \beta) \cos \frac{1}{2}(\alpha \mp \beta)$$

$$\cos \alpha + \cos \beta$$

$$= 2 \cos \frac{1}{2}(\alpha + \beta) \cos \frac{1}{2}(\alpha - \beta)$$

$$\cos \alpha - \cos \beta$$

$$= -2 \sin \frac{1}{2}(\alpha + \beta) \sin \frac{1}{2}(\alpha - \beta)$$

Binomial Theorem دور کی مسئلہ

$$(1 \pm x)^n = 1 \pm \frac{nx}{1!} + \frac{n(n-1)x^2}{2!} + \dots (x^2 < 1)$$

$$(1 \pm x)^{-n} = 1 \mp \frac{nx}{1!} + \frac{n(n+1)x^2}{2!} + \dots (x^2 < 1)$$

Exponential Expansion قوت نمائی توسیع

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$$

Logarithmic Expansion لوگ رتھمیائی توسیع

$$\ln(1+x) = x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3 - \dots (|x| < 1)$$

Trigonometric Expansion ٹرگنومیٹریائی توسیع (θ ریڈین میں) (θ in radians)

$$\sin \theta = \theta - \frac{\theta^3}{3!} + \frac{\theta^5}{5!} - \dots$$

$$\cos \theta = 1 - \frac{\theta^2}{2!} + \frac{\theta^4}{4!} - \dots$$

$$\tan \theta = \theta + \frac{\theta^3}{3} + \frac{2\theta^5}{15} - \dots$$

Products of Vectors سمتیوں کے حاصل ضرب

فرض کیجیے $\hat{i}$ ، $\hat{j}$ اور $\hat{k}$ بالترتیب، x ، y اور z محوروں

سمتیوں میں اکائی سمتیے ہیں۔ تب

$$\hat{i} \cdot \hat{i} = \hat{j} \cdot \hat{j} = \hat{k} \cdot \hat{k} = 1, \hat{i} \cdot \hat{j} = \hat{j} \cdot \hat{k} = \hat{k} \cdot \hat{i} = 0$$

$$\hat{i} \times \hat{i} = \hat{j} \times \hat{j} = \hat{k} \times \hat{k} = 0, \hat{i} \times \hat{j} = \hat{k}, \hat{j} \times \hat{k} = \hat{i}, \hat{k} \times \hat{i} = \hat{j}$$

کوئی بھی سمتیہ A ، جس کے x ، y اور z محوروں

کی سمت میں اجزاء بالترتیب، a_x ، a_y اور a_z ہوں

$$\mathbf{a} = a_x \hat{i} + a_y \hat{j} + a_z \hat{k}$$

فرض کیجیے $\vec{a}$ ، $\vec{b}$ اور کوئی تین سمتیے ہیں، جن کی

عددی قدریں، بالترتیب a ، b اور c ہیں۔ تب

$$\mathbf{a} \times (\mathbf{b} + \mathbf{c}) = (\mathbf{a} \times \mathbf{b}) + (\mathbf{a} \times \mathbf{c})$$

$$(\mathbf{sa}) \times \mathbf{b} = \mathbf{a} \times (\mathbf{sb}) = s(\mathbf{a} \times \mathbf{b}) \quad (s \text{ is a scalar})$$

Let θ be the smaller of the two angles between $\mathbf{a}$ and $\mathbf{b}$. Then

$$\mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = \mathbf{b} \cdot \mathbf{a} = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z = ab \cos \theta$$

$$|\mathbf{a} \times \mathbf{b}| = ab \sin \theta$$

$$\mathbf{a} \times \mathbf{b} = -\mathbf{b} \times \mathbf{a} = \begin{vmatrix} \hat{\mathbf{i}} & \hat{\mathbf{j}} & \hat{\mathbf{k}} \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix}$$

$$= (a_y b_z - b_y a_z) \hat{\mathbf{i}} + (a_z b_x - b_z a_x) \hat{\mathbf{j}} + (a_x b_y - b_x a_y) \hat{\mathbf{k}}$$

$$\mathbf{a} \cdot (\mathbf{b} \times \mathbf{c}) = \mathbf{b} \cdot (\mathbf{c} \times \mathbf{a}) = \mathbf{c} \cdot (\mathbf{a} \times \mathbf{b})$$

$$\mathbf{a} \times (\mathbf{b} \times \mathbf{c}) = (\mathbf{a} \cdot \mathbf{c}) \mathbf{b} - (\mathbf{a} \cdot \mathbf{b}) \mathbf{c}$$

ضمیمہ A6

APPENDIX A 6

اخذ شدہ اکائیاں

SI DERIVED UNITS

SI A6.1 بنیادی اکائیوں میں ظاہر کی گئی کچھ SI اخذ شدہ اکائیاں

علامت	نام	طبیعی مقدار
m ²	مربع میٹر	رقبہ
m ³	مکعب میٹر	حجم
m/s or m s ⁻¹	میٹر فی سیکنڈ	چال، رفتار
rad/s or rad s ⁻¹	ریڈین فی سیکنڈ	زاویائی رفتار
m/s ² or m s ⁻²	میٹر فی سیکنڈ	اسراع
rad/s ² or rad s ⁻²	ریڈین فی سیکنڈ مربع	زاویائی اسراع
m ⁻¹	فی میٹر	موج عدد
kg/m ³ or kg m ⁻³	کلوگرام فی مکعب میٹر	کثافت، کمیت کثافت
A/m ² or A m ⁻²	ایمپیر فی مربع میٹر	کرنٹ کثافت
A/m or A m ⁻¹	ایمپیر فی میٹر	مقناطیسی میدان طاقت، مقناطیسی شدت،
mol/m ³ or mol m ⁻³	مول فی مکعب میٹر	مقناطیسی میعار اثر کثافت
m ³ /kg or m ³ kg ⁻¹	مکعب میٹر فی مربع کلوگرام	ارتکاز (سنے کی مقدار کا)
cd/m ² or cd m ⁻²	کنڈیلان فی مربع میٹر	نوعی حجم
m ² /s or m ² s ⁻¹	مربع میٹر فی سیکنڈ	درخشانی (روشنی کی شدت)
kg m s ⁻¹	کلوگرام-میٹر فی سیکنڈ	مجر و حرکیاتی لوز وجیت
kg m ²	کلوگرام مربع میٹر	میعار حرکت
m	میٹر	محدود میعار اثر
K ⁻¹	فی کیلون میٹر	نظمی / رقی / جی توسیعات
m ³ s ⁻¹	مکعب میٹر فی سیکنڈ	بہاؤ کی شرح

SI A6.2 مخصوص ناموں کی اخذ شدہ اکائیاں

A 6.2 SI Derived Units with special names

SI اکائی				طبعی مقدار
دوسری SI بنیادی اکائیوں کی شکل میں ریاضیاتی عبارت	دوسری اکائیوں کی شکل میں ریاضیاتی عبارت	علامت	نام	
s^{-1}	-	Hz	ہرٹز	تعدد
$kg\ m\ s^{-2}$ or $kg\ m/s^2$	-	N	نیوٹن	قوت
$kg\ m^{-1}\ s^{-2}$ or $kg/s^2\ m$	N/m^2 or $N\ m^{-2}$	Pa	پاسکل	دباؤ/خلاء
$kg\ m^2\ s^{-2}$ or $kg\ m^2/s^2$	$N\ m$	J	جول	توانائی، کام/حرارت کی مقدار
$kg\ m^2\ s^{-3}$ or $kg\ m^2/s^3$	J/s or $J\ s^{-1}$	W	واٹ	طاقت، اشعاعی فلکس
$A\ s$	-	C	کولمب	برق کی مقدار، برقی چارج
$kg\ m^2\ s^{-3}\ A^{-1}$ or $kg\ m^2/s^3\ A$	W/A or $W\ A^{-1}$	V	وولٹ	برقی قوت، قوت فرق، برقی محرک قوت
$A^2\ s^4\ kg^{-1}\ m^{-2}$	C/V	F	فیڈ	برقی مزاحمت
$kg\ m^2\ s^{-3}\ A^{-2}$	V/A	Ω	اوم	گنجائش
$m^{-2}\ kg^{-1}\ s^3\ A^2$	A/V	S	سیمنس	ایصالیت
$kg\ m^2\ s^{-2}\ A^{-1}$	$V\ s$ or J/A	Wb	وہبر	مقناطیسی فلکس
$kg\ s^{-2}\ A^{-1}$	Wb/ m^2	T	ٹیلا	مقناطیسی میدان، فلکس کثافت، مقناطیسی امالہ
$kg\ m^2\ s^{-2}\ A^{-2}$	Wb/A	H	ہنری	امالیت
cd /sr	-	lm	لیومن	درخشاں فلکس، درخشاں
$m^{-2}\ cd\ sr^{-1}$	lm/ m^2	lx	لکس	طاقت روشنی کی شدت
s^{-1}	-	Bq	بیکوریل	سرگرمی (ایک ریڈیو نیوکلیائیڈ / تابکار وسیلہ کی)
m^2/s^2 or $m^2\ s^{-2}$	J/kg	Gy	گری	جذب شدہ خوراک، جذب شدہ خوراک اشاریہ

A6.3 مخصوص ناموں والی SI اکائیوں کے ذریعے ظاہر کی گئی کچھ SI اخذ شدہ اکائیاں

طبیعی مقدار	SI اکائی		
	نام	علامت	SI بنیادی اکائیوں کی شکل میں ریاضیاتی عبارت
مقناطیسی میعاثر	جول فی ٹیلا	$J T^{-1}$	$m^2 A$
دو قطبی میعاثر	کولمب میٹر	$C m$	$s A m$
حرکی سو جیت	یو آریٹیس یا پاسکل سیکنڈ یا نیوٹن سیکنڈ فی مربع میٹر	$Pl \text{ or } Pa \text{ s or } N s m^{-2}$	$m^{-1} kg s^{-1}$
گردش، جفت، قوت کا میعاثر	نیوٹن میٹر	$N m$	$m^2 kg s^{-2}$
سطحی تناؤ	نیوٹن فی میٹر	N/m	$kg s^{-2}$
طاقت کثافت، اشعاعیت، حرارت فلکس کثافت	واٹ فی مربع میٹر	W/m^2	$kg s^{-3}$
حرارت گنجائش، نا کارگی	جول فی کیلون	J/K	$m^2 kg s^{-2} K^{-1}$
نوعی حرارت گنجائش، نوعی نا کارگی	جول فی کلوگرام کیلون	$J/kg K$	$m^2 s^{-2} K^{-1}$
نوعی توانائی، مخفی حرارت	جول فی کلوگرام	J/kg	$m^2 s^{-2}$
اشعاعی شدت	واٹ فی اسٹریڈین	$W sr^{-1}$	$kg m^2 s^{-3} sr^{-1}$
حرارتی ایصالیت	واٹ فی میٹر کیلون	$W m^{-1} K^{-1}$	$m kg s^{-3} K^{-1}$
توانائی کثافت	جول فی مکعب میٹر	J/m^3	$kg m^{-1} s^{-2}$
برقی میدان طاقت	واٹ فی میٹر	V/m	$m kg s^{-3} A^{-1}$
برقی فلکس کثافت	کولمب فی مکعب میٹر	C/m^3	$m^{-3} A s$
	کولمب فی مربع میٹر	C/m^2	$m^{-2} A s$
برقی سرایت پذیری	farad per metre	F/m	$m^{-3} kg^{-1} s^4 A^2$
مقناطیسی سرایت پذیری	ہینری فی میٹر	H/m	$m kg s^{-2} A^{-2}$
مولی توانائی	جول فی مول	J/mol	$m^2 kg s^{-2} mol^{-1}$
زاویائی میعاثر حرکت، پلانک مستقل	جول سیکنڈ	$J s$	$kg m^2 s^{-1}$
مولی حرارت مولی نا کارگی حرارت گنجائش	جول فی مول کیلون	$J/mol K$	$m^2 kg s^{-2} K^{-1} mol^{-1}$
اثر آئیکاری ($-x$ - کرین اور $-r$ - کرینیں) جذب شدہ خوراک شرح	کولمب فی کلوگرام گرے فی سیکنڈ	C/kg Gy/s	$kg^{-1} s A$ $m^2 s^{-3}$
دب پذیری	نی پاسکل	Pa^{-1}	$m kg^{-1} s^2$
لچک مقیاس	نیوٹن فی مربع میٹر	$N/m^2 \text{ or } N m^{-2}$	$kg m^{-1} s^{-2}$
دباؤ	پاسکل فی میٹر	$Pa/m \text{ or } N m^{-1}$	$kg m^{-2} s^{-2}$
سطحی قوت	جول فی کلوگرام	$J/kg \text{ or } N m/kg$	$m^2 s^{-2}$
دباؤ توانائی	پاسکل مکعب میٹر	$Pa m^3 \text{ or } N m$	$kg m^2 s^{-2}$
جھٹکا	نیوٹن سیکنڈ	$N s$	$kg m s^{-1}$
زاویائی جھٹکا	نیوٹن میٹر سیکنڈ	$N m s$	$kg m^2 s^{-1}$
نوعی مزاحمت	اوم - میٹر	Ωm	$kg m^3 s^{-3} A^{-2}$
سطحی توانائی	جول فی مربع میٹر	$J/m^2 \text{ or } N/m$	$kg s^{-2}$

ضمیمہ A.7

طبیعی مقدار، کیمیائی عنصر اور نیوکلائڈ کے لئے استعمال کی جانے والی علامتوں کے بارے میں عام ہدایت

- طبیعی مقدار کے لئے علامت عام طور پر ایک حرف ہوتا ہے اور اطالوی انداز میں لکھا جاتا ہے۔ بحر حال دو حرفی علامت میں جو ظاہری طور پر ضرب کا جزو ضربیہ معلوم ہوتا ہے، ان علامات کو دوسرے علامتوں سے الگ کرنے کے لئے کچھ خالی جگہ ضروری ہے۔
- نام یا عبارت کا مخفف جسے توانائی بالقوۃ کے لئے p.e طبیعی مساوات میں استعمال نہیں ہوتا۔ مخفف عام طرح رومن (عمودی) شکل میں لکھا جاتا ہے۔
- سمتیہ بولڈ اور عام رومن (عمودی) شکل میں لکھا جاتا ہے۔ بحر حال کلاس روم میں سمتیہ کو علامت کے اوپر نشان لگا کر دکھا سکتے ہیں۔
- دو طبیعی مقداروں کا حاصل ضرب دونوں کے درمیان کچھ خالی جگہ دے کر لکھ سکتے ہیں۔ ایک طبیعی مقدار کی دوسرے سے تقسیم کی حالت کو ایک افقی بار، سلیش یا چھوٹا ترچھا اسٹروک نشان (/) یا حاصل ضرب کی حالت میں جب کہ شمار کنندہ اور نسب نما کی معکوسی حالت ہو، کیا جاسکتا ہے بریکٹ کا استعمال مناسب جگہ پر ہوتا کہ شمار کنندہ اور نسب نما دونوں میں فرق کیا جاسکے۔
- کیمیائی عناصر کی علامتوں کو ہم عام رومن (عمودی) انداز میں لکھ سکتے ہیں۔ اس علامت کے آخر میں کوئی اعشاریہ نہیں ہوتا مثال کے طور پر U، He، H، C، Ca وغیرہ۔
- نیوکلائڈ میں جوہری نمبر اور کمیت نمبر دکھانے کے لئے بائیں جانب عدد کا استعمال کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر، U-235 نیوکلائڈ کو ہم $^{235}_{92}\text{U}$ (جس میں 235 کمیت نمبر ہے اور 92 جوہری نمبر ہے۔ پورینیئم کا کیمیائی علامت U ہے) سے ظاہر کرتے ہیں۔
- آئیونائزیشن کی حالت کو دکھانے کے لئے ہم دائیں جانب نمبر کا استعمال کرتے ہیں۔ مثال کے طور پر Ca^{2+} ، PO_4^{3-}

ضمیمہ A.8

(Appendix A.8)

SI اکائیوں، کچھ دیگر اکائیوں اور SI سابقوں کی علامتوں کو استعمال کرنے کے عمومی رہنمایانہ خطوط

General Guidelines for using symbols for SI Units, Some Other Units and SI Prefixes

- طبیعی مقداروں کی علامتیں عام / انگریزی (کھڑے) حرف میں لکھی / چھاپی جاتی ہیں۔
- اکائیوں کی معیاری اور تجویز کردہ علامتیں چھوٹے خط میں چھوٹے انگریزی حروف کے ذریعے کھڑی لکھائی میں لکھی / چھاپی جاتی ہیں۔ اکائیوں کے لئے استعمال ہونے والی ان کی مختصر شکلیں جیسے m'kg' s'cd وغیرہ علامتیں ہیں۔ مخفف نہیں ہیں۔ اکائیوں کے نام کبھی بھی جلی حروف (Capital Letters) میں نہیں لکھے جاتے۔ لیکن اگر اکائی کا نام کسی سائنس دان کے نام پر رکھا گیا ہو تو علامت کا پہلا حرف جلی (Capital) حرف ہوتا ہے۔

مثلاً اکائی میٹر کے لئے m، اکائی دن کے لئے d، فضائی دباؤ اکائی کے لئے atm، اکائی ہرٹز H^3 ، اکائی وپر (Weber) کے لئے Wb، اکائی جول (Joule) کے لئے J، اکائی ایمپیر (ampere) کے لئے A، اکائی ولٹ (Volt) کے لئے V وغیرہ۔ ایک واحد آئٹنی L، ہے جو اکائی لیٹر (Litre) کی علامت ہے۔ یہ آئٹنی بھی اس لئے کیا جاتا ہے کہ چھوٹے ایل (1) اور ہندسہ ایک (1) میں مغالطہ نہ ہو۔

- اکائیوں کی علامت کے لئے تجویز کردہ حرف (حروف) کے آخر میں کوئی ختمی نشان (فل اسٹاپ یا ڈیش) نہیں لگایا جاتا اور نہ ہی کبھی جمع کا صیغہ استعمال کیا جاتا ہے۔

مثال کے طور پر 25 (Centimetres) 25 سینٹی میٹروں کی لمبائی کے لئے اکائی کی علامت 24 cm لکھی جائے گی، 25 cm یا 25 cms. 25 cms. وغیرہ نہیں۔

- ترجمے مسلسل خط (Solidus) (/) کا استعمال صرف ایک، حرفی اکائی علامت، کو دوسری، حرفی اکائی علامت سے تقسیم کیے جانے کی نشاندہی کرنے کے لئے کیا جاسکتا ہے۔ ایک سے زیادہ ترجمے مسلسل خط نہیں استعمال کیے جاسکتے۔

مثلاً m/s^2 یا m/s^2 (جہاں m اور s^{-2} کے درمیان خالی جگہ ہو) لیکن m/s/s نہیں لکھا جاسکتا۔ اسی طرح:

$$I P I = I N s \quad m^{-2} = I \quad N s / m^2 = 1 kg / sm = 1 kg m^{-1} s^{-1}$$

درست ہے لیکن 1 kg / m/s درست نہیں ہے۔ یا

J/kmol یا $J k^{-1} mol^{-1}$ درست ہے، z/k/mol وغیرہ درست نہیں ہے۔

- سابقوں کی علامتیں (Prefix symbols) عام انگریزی (کھڑے) ٹائپ خط میں چھاپی لکھی جاتی ہیں اور سابقہ کی علامت اور اکائی علامت کے درمیان کوئی جگہ نہیں چھوڑی جاتی۔ اس لئے جب کوئی SI اکائی ضرورت کے لحاظ سے بہت بڑی یا چھوٹی ہو تو اس SI اکائی کی اعشاریہ کسروں یا اضعاف کی نشاندہی کرنے کے لئے کچھ مخصوص منظور شدہ سابقہ اکائی کی اعشاریہ کسروں یا اضعاف کی نشاندہی کرنے کے لئے کچھ مخصوص منظور شدہ سابقہ اکائی علامت کے بالکل نزدیک لکھے جاتے ہیں۔

مثلاً

$$(1 \text{ ns} = 10^{-9} \text{ s}) \text{ نینو سیکنڈ} \quad (1 \text{ MW} = 10^6 \text{ W}) \text{ میگا واٹ}$$

$$(1 \text{ pf} = 10^{-12} \text{ F}) \text{ پیکوفیراڈ} \quad (1 \text{ cm} = 10^{-2} \text{ m}) \text{ سینٹی میٹر}$$

$$(1 \text{ s} = 10^{-6} \text{ s}) \text{ مائیکرو سیکنڈ} \quad (1 \text{ km} = 10^3 \text{ m}) \text{ کلومیٹر}$$

$$(1 \text{ GHz} = 10^9 \text{ Hz}) \text{ گیگا ہرٹز} \quad (1 \text{ mV} = 10^{-3} \text{ V}) \text{ ملی ولٹ}$$

$$(1 \text{ kWh} = 10^3 \text{ w'h} = 3.6 \text{ MJ} = 3.6 \times 10^6 \text{ J}) \text{ کلواٹ۔ آور}$$

$$(1 \text{ A} = 10^{-6} \text{ A}) \text{ مائیکرو ایمپیر} \quad (1 \text{ m} = 10^{-6} \text{ m}) \text{ مائیکرون}$$

اکائی 'مائیکرون' (micron) جو 10^{-6} کے برابر ہے، یعنی کہ مائیکرو میٹر (micrometre)، میٹر کے ایک سہل تحت ضعف (Submultiple) کو دیا گیا دوسرا نام ہے۔ اسی طرح اکائی فری (fermi)، فیٹو میٹر (femtometre) یا 10^{-15} m کے برابر ہے، جس کا استعمال نیوکلیائی مطالعوں میں

لمبائی کی ایک سہل (Convenient) اکائی کے بہ طور کیا جاتا ہے۔ اسی طرح، اکائی 'بارن' ('barn') جو 10^{-28} m^2 کے برابر ہے، پس ایٹمی ذراتی تعاملات (Sub-atomic particle collisions) میں تراشی۔ رقبوں (Cross-sectional areas) کا ایک سہل ناپ ہے۔ لیکن اکائی مائیکرون (micron) کو اکائی مائیکرو میٹر (Micrometre) پر ترجیح دی جاتی ہے۔ کیونکہ مائیکرو میٹر ایک لمبائی باپنے کے آلے کا نام بھی ہے اور اس سے مغالطہ ہو سکتا ہے۔ SI اکائیوں، میٹر اور سیکنڈ کے یہ نئے تشکیل دیے گئے اضعاف اور تحت اضعاف: (cm, km, us, ns) اکائیوں کی مخلوط اور جدانہ کی جاسکنے والی نئی علامتیں ہیں۔

- جب ایک اکائی کی علامت سے پہلے کوئی سابقہ لکھا جاتا ہے تو سابقہ اور علامت کے مجموعے کو ایک اکائی نئی علامت سمجھا جاتا ہے۔ جسے قوسین (brackets) میں لکھے بغیر بھی اس پر مثبت یا منفی قوت نما (Power) کا استعمال کیا جاسکتا ہے۔ انھیں دوسری اکائی علامتوں کے ساتھ ملا کر مرکب اکائیاں تشکیل دی جاسکتی ہیں۔ قوت نماؤں (Indices) کو استعمال کرنے کے قاعدے، سادہ الجبر یا قاعدے نہیں ہیں۔ مثلاً:

$$\text{cm}^3 = (\text{cm})^3 = (0.01\text{m})^3 = (10^{-2} \text{ m})^3 = 10^{-6} \text{ m}^3$$

لیکن اس کا مطلب ہمیشہ ہوگا: $\text{cm}^3 = (\text{cm})^3 = (0.01\text{m})^3 = (10^{-2} \text{ m})^3 = 10^{-6} \text{ m}^3$ یا 10^{-2} m^3 یا 10^{-6} m^3 اور cm^3 کے درمیان فاصلہ چھوڑنا بے معنی ہے، کیونکہ سابقہ C کے درمیان فاصلہ چھوڑنا بے معنی ہے، کیونکہ سابقہ C کو اکائی علامت سے ملحق کرنا ضروری ہے کیونکہ بغیر کسی اکائی علامت سے ملحق کیے اس کی اپنی کوئی طبعی اہمیت یا انفرادی وجود نہیں ہے۔ [کبھی نہیں ہوگا۔ اسی طرح mA^2 کا ہمیشہ مطلب ہوگا: $(\text{mA})^2 = (0.001\text{A})^2 = 10^{-6} \text{ A}^2$ لیکن mA^2 کا مطلب 0.001A^2 یا mA^2 کبھی نہیں ہوگا۔

$$\text{I cm}^{-1} = (10^{-2} \text{ m})^{-1} = 10^2 \text{ m}^{-1} \text{ لیکن } \text{I cm}^{-1} \text{ یا } 10^{-2} \text{ m}^{-1} \text{ نہیں؛ } \text{I } \mu\text{s}^{-1} \text{ کا ہمیشہ مطلب ہوگا: } (10^{-6} \text{ s})^{-1} = 10^6 \text{ s}^{-1} \text{ لیکن } \text{I} \times 10^{-6} \text{ s}^{-1} \text{ نہیں ہوگا۔}$$

$$\text{I km}^2 \text{ کا ہمیشہ مطلب ہوگا: } (\text{km})^2 = (10^3 \text{ m})^2 = 10^6 \text{ m}^2 \text{ لیکن } 10^3 \text{ m}^3 \text{ نہیں ہوگا۔}$$

$$\text{I mm}^2 \text{ کا ہمیشہ مطلب ہوگا: } (\text{mm})^2 = (10^{-3} \text{ m})^2 = 10^{-6} \text{ m}^2 \text{ لیکن } 10^{-3} \text{ m}^2 \text{ نہیں ہوگا۔}$$

- ایک سابقہ کبھی بھی اکیلا نہیں استعمال کیا جاتا۔ اسے ہمیشہ اکائی علامت سے منسلک کیا جاتا ہے اور اکائی علامت سے پہلے (سابقہ) لکھا جاتا ہے۔ مثلاً 10^3 کا مطلب ہے 1000 یا 1000 m^{-3} ، لیکن اس کا مطلب k یا Km^{-3} نہیں ہے۔ 10^6 کا مطلب ہے 10,00,000 یا $10,00,00 \text{ m}^3$ لیکن اس کا مطلب M یا M m^{-3} نہیں ہے۔

سابقہ کی علامت کے بالکل نزدیک لکھا جاتا ہے۔ ان کے درمیان خالی جگہ نہیں چھوڑی جاتی۔ جبکہ اگر دو اکائیوں کی ضرب کو ظاہر کرتا ہو تو اکائی علامتوں کو الگ الگ لکھا جاتا ہے، یعنی ان کے درمیان جگہ چھوڑی جاتی ہے۔ مثلاً

ms^{-1} (علامت m اور s^{-1} چھوٹی تحریر میں لکھے ہوئے چھوٹے حروف m اور S بالترتیب اور سیکنڈ کی الگ الگ، ایک دوسرے سے غیر منسلک علامتیں ہیں، ان کے درمیان جگہ چھوڑی گئی ہے۔) کا مطلب ہے 'میٹر فی سیکنڈ' اس کا مطلب 'ملی فی سیکنڈ' نہیں ہے۔ اسی طرح ms^{-1} [علامت m اور s ایک دوسرے کے بالکل نزدیک لکھی گئی ہیں، جہاں سابقہ علامت m (سابقہ ملی کے لئے) اور اکائی علامت s چھوٹے خط اور چھوٹے حرف میں، (اکائی سیکنڈ کے لئے) کے درمیان کوئی جگہ نہیں گئی ہے اور اس طرح ms ایک نئی مخلوط اکائی بن گئی ہے۔] کا مطلب ہے 'ملی فی سیکنڈ' لیکن میٹر فی سیکنڈ نہیں ہے۔

ms^{-1} علامات m اور s ایک دوسرے کے بالکل نزدیک بغیر کسی درمیانی جگہ کے لکھی گئی ہیں۔ سابقہ علامت m (سابقہ ملی کے لئے) اور جلی حرف S (capital Letter) (اکائی سائنس (siemens) کے لئے استعمال کی گئی ہیں۔ اور اس طرح ms ایک نئی مخلوط اکائی بن گئی ہے۔ [کا مطلب ہے فی ملی سائنس (per millesiemens) اس کا مطلب فی ملی سیکنڈ (per millisecond) نہیں ہوگا۔

cm علامات C (اکائی coulomb (کولمب) کے لئے) اور m (میٹر کے لئے) کو ظاہر کرتی ہیں۔ [کا مطلب ہے کولمب میٹر (Coulomb 'metre)۔ اس کا مطلب سینٹی میٹر (centimetre) نہیں ہے۔

• اگر واحد سابقہ دستیاب ہو تو دہرے سابقوں کے استعمال سے گریز کرنا چاہئے۔ مثلاً

$$10^{-9} \text{ m} = 1 \text{ nm (nanometre)} \quad \text{ملی مائیکرو میٹر (millimicrometre) } 1 \text{ } \mu\text{m} \text{ نہیں۔}$$

$$10^{-6} \text{ m} = 1 \text{ } \mu\text{m (micron)} \quad \text{ملی ملی میٹر (millimillimetre) } 1 \text{ mmm} \text{ نہیں۔}$$

$$10^{-12} \text{ F} = 1 \text{ pF (picofarad)} \quad \text{مائیکرو مائیکرو فیئرڈ (micromicrfarad) } 1 \text{ } \mu\text{ } \mu\text{m} \text{ نہیں۔}$$

$$10^9 \text{ W} = 1 \text{ GW (giga watt)} \quad \text{کلومیگا واٹ (kilomegawatt) } 1 \text{ kW} \text{ نہیں۔}$$

• اگر ایک طبعی مقدار کو دیا دو سے زیادہ اکائیوں کے مجموعے کے ذریعے ظاہر کرنا ہو تو اس مجموعے میں یا تو صرف اکائیاں شامل کرنا چاہیں یا صرف اکائیوں کی علامتیں۔ کچھ اکائیاں اور کچھ اکائیوں کی علامتیں استعمال کرنے سے گریز کرنا چاہئے۔ مثلاً

joule per mole kelvin (جول فی مول کیلون) کو J/mol K یا $\text{J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ لکھا جائے گا لیکن J joule/mole K یا J mole K وغیرہ نہیں لکھا جائے گا۔ joule per tesla (جول فی ٹیلا) کو J/T یا J T^{-1} لکھا جائے گا، Joule/T یا J per tesla یا J/tesla وغیرہ نہیں لکھا جائے گا۔

Joule per kilogram Kelvin (جول کلوگرام کیلون) کو J/kg K یا $\text{J kg}^{-1} \text{ K}^{-1}$ لکھا جائے گا۔ لیکن J/kgilogram K یا Joule/kg K یا J/kg kelvin یا J/kgilogram K وغیرہ نہیں لکھا جائے گا۔

• تحب کو آسان بنانے کے لئے سابقہ علامت شمار کنندہ کی اکائی علامت کے ساتھ استعمال کی جاتی ہے، نسب نما کی اکائی علامت کے ساتھ نہیں۔ مثلاً 10^6 N کے لئے N کے مقابلے MN لکھنا زیادہ سہل ہے۔

$$\text{m}^2 \quad \text{mm}^2 \quad \text{m}^2$$

جزء ضربی 1000، یعنی 10^{+3n} جہاں n ایک صحیح عدد ہے، کے اضعاف اور تحت اضعاف کرنے کو ترجیح دی جاتی ہے۔

جب طبعی مقداروں اور طبعی مقداروں کی اکائیوں کے لئے یکساں علامتیں استعمال ہوتی ہوں تو مناسب احتیاط برتنا ضروری ہو جاتا ہے۔ مثلاً

طبعی مقدار وزن [weight (w)] کو، جسے کمیت (M) اور مادی کشش اسراع (g) کے حاصل ضرب کے بہ طور ظاہر کیا جاتا ہے، 'W' اور 'g' کے ذریعے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔ جب کہ انھیں تریچھے خط (Italic) میں اس طرح لکھا جائے: $W=mg$ اور m اور g کے درمیان خالی جگہ چھوڑی جائے۔ ان کا مغالطہ اکائی کی علامتوں واٹ (watt) (w)، میٹر (metre) (m)، اور گرام (gram) (g) سے نہیں ہونا چاہئے۔

مساوات: $W = mg$ میں، علامت w وزن (weight) کو ظاہر کرتی ہے، جس کی اکائی کی علامت J ہے، علامت m کمیت کو ظاہر کرتی ہے، جس کی اکائی کی علامت kg ہے اور علامت g ، مادی کشش اسراع کو ظاہر کرتی ہے۔ جس کی اکائی کی علامت ms^{-6} ہے۔ اسی طرح مساوات: $F = ma$ میں، علامت F ، قوت (Force) کو ظاہر کرتی ہے۔ جس کی اکائی کی علامت n ہے، علامت m ، کمیت کو ظاہر کرتی ہے۔ جس کی اکائی کی علامت kg ہے اور علامت a اسراع کو ظاہر کرتی ہے۔ جس کی اکائی کی علامت ms^{-2} ہے۔ طبعی مقداروں کے لئے استعمال کی جانے والی ان علامتوں کا مغالطہ اکائیوں: فیئرڈ (F) (farad)، میٹر (m) (metre) اور آر (a) (are) کی اکائی علامتوں سے نہیں ہونا چاہئے۔

اسی طرح علامات: h (سابقہ ہیکلو (hecto) اور اکائی گھنٹہ (hour))، C (سابقہ سینٹی (centi) اور اکائی کیرٹ (carat)) d (سابقہ دیسی (deci) اور اکائی دن (day))، T (سابقہ ٹیرا (tera) اور اکائی ٹیلسلا (tesla))، a (سابقہ اٹو (atto) اور اکائی آر (are)) da (سابقہ ڈیگا (deca) اور اکائی ڈیسی آر (deciare)) وغیرہ استعمال کرتے وقت واضح فرق کرنا چاہئے۔

SI بنیادی اکائی کلوگرام (kilogram)، SI سابقہ (ایک ضعف جو 10^3 کے مساوی ہے) کلو (kilo) کو cgs (سینٹی میٹر، گرام، سیکنڈ) اکائی، گرام (gram) سے ملحق کر کے تشکیل دی گئی ہے اور یہ ایک بے ضابطگی معلوم ہوتی ہے۔ اسی لئے جبکہ لمبائی کی اکائی (میٹر) کا ہزارواں حصہ ملی میٹر (mm) (millimetre) کہلاتا ہے۔ کمیت کی اکائی کلوگرام (kg) (kilogram) کا ہزارواں حصہ صرف گرام (gram) کہلاتا ہے۔ اس سے ایسا محسوس ہوتا ہے جیسے کمیت کی اکائی گرام (g) (gram) ہے، جو کہ درست نہیں ہے۔ یہ صورت اس لئے پیدا ہو گئی ہے کیونکہ ہم نام کلوگرام کی جگہ کوئی دوسری مناسب متبادل اکائی نہیں حاصل کر سکے ہیں۔ اس لئے یہ ایک استثنا ہے کہ کمیت کی اکائی اضعاف اور تحت اضعاف کے نام لفظ گرام کے ساتھ سابقے ملحق کر کے تشکیل دیے جاتے ہیں، لفظ کلوگرام جو SI اکائی ہے کے ساتھ سابقے ملحق کر کے نہیں تشکیل دیے جاتے۔ مثلاً

$$\begin{aligned} 10^3 \text{ kg} &= 1 \text{ megagram (1Mg)} & \text{لیکن } 1 \text{ kilo kilogram (1 k kg)} & \text{نہیں،} \\ 10^{-6} \text{ kg} &= 1 \text{ milligram (1 mg)} & \text{لیکن } 1 \text{ microkilogram (1 } \mu\text{kg)} & \text{نہیں،} \\ 10^{-3} \text{ kg} &= 1 \text{ gram (1g)} & \text{لیکن } 1 \text{ millikilogram (1mkg)} & \text{نہیں، وغیرہ۔} \end{aligned}$$

ایک بار پھر یاد دہانی کرانا ضروری ہے کہ آپ کو عالمی پیمانے پر منظور شدہ اور تجویز کردہ علامتیں ہی استعمال کرنا چاہیں۔ اکائی علامتوں کو عمومی قاعدوں اور رہنمایا نہ خطوط کے مطابق لکھنے کی لگاتار مشق کے ذریعے آپ طبعی مقداروں کی SI اکائیوں، سابقوں اور متعلقہ علامتوں کو مناسب پس منظر میں درست طور پر استعمال کرنا سیکھ جائیں گے۔

ضمیمہ A.9 (APPENDIX A.9)

طبیعی مقداروں کے ابعادی فارمولے DIMENSIONAL FORMULAE OF PHYSICAL QUANTITIES

نمبر شمار	ابعاد	دیگر طبیعی مقداروں سے رشتہ	طبیعی مقدار	ابعادی فارمولا
1.	رقبہ	لمبائی × چوڑائی	$[L^2]$	$[M^0 L^2 T^0]$
2.	حجم	لمبائی × چوڑائی × اونچائی	$[L^3]$	$[M^0 L^3 T^0]$
3.	کمیت کثافت	$\frac{\text{کمیت}}{\text{حجم}}$	$[M]/[L^3]$ or $[M L^{-3}]$	$[M L^{-3} T^0]$
4.	تعدد	$\frac{1}{\text{دوری وقت}}$	$1/[T]$	$[M^0 L^0 T^{-1}]$
5.	رفتار، چال	نقل / وقت	$[L]/[T]$	$[M^0 L T^{-1}]$
6.	اسراع	رفتار / وقت	$[L T^{-1}]/[T]$	$[M^0 L T^{-2}]$
7.	قوت	کمیت × اسراع	$[M][L T^{-2}]$	$[M L T^{-2}]$
8.	جھٹکا	قوت × وقت	$[M L T^{-2}][T]$	$[M L T^{-1}]$
9.	کام، توانائی	قوت × فاصلہ	$[M L T^{-2}][L]$	$[M L^2 T^{-2}]$
10.	پاور	کام / وقت	$[M L^2 T^{-2}]/[T]$	$[M L^2 T^{-3}]$
11.	میعاد حرکت	کمیت × رفتار	$[M][L T^{-1}]$	$[M L T^{-1}]$
12.	دباؤ، ذرر	قوت / رقبہ	$[M L T^{-2}]/[L^2]$	$[M L^{-1} T^{-2}]$
13.	بگاڑ	بعد میں تبدیلی ابتدائی بعد	$[L]/[L]$ or $[L^3]/[L^3]$	$[M^0 L^0 T^0]$
14.	لچک کے مقیاس	ذرر / بگاڑ	$\frac{[M L^{-1} T^{-2}]}{[M^0 L^0 T^0]}$	$[M L^{-1} T^{-2}]$
15.	سطی تناؤ	قوت × لمبائی	$[M L T^{-2}]/[L]$	$[M L^0 T^{-2}]$
16.	سطی توانائی	توانائی / رقبہ	$[M L^2 T^{-2}]/[L^2]$	$[M L^0 T^{-2}]$
17.	رفتار	رفتار / فاصلہ	$[L T^{-1}]/[L]$	$[M^0 L^0 T^{-1}]$
18.	دباؤ	دباؤ / فاصلہ	$[M L^{-1} T^{-2}]/[L]$	$[M L^{-2} T^{-2}]$
19.	دباؤ توانائی	دباؤ × حجم	$[M L^{-1} T^{-2}][L^3]$	$[M L^2 T^{-2}]$
20.	لزوجیت کا قریب	$\frac{\text{قوت}}{\text{رقبہ} \times \text{رفتار}}$	$\frac{[M L T^{-2}]}{[L^2][L T^{-1}]/[L]}$	$[M L^{-1} T^{-1}]$
21.	زاویہ، زاویائی نقل	$\frac{\text{قوس}}{\text{نصف} \times \text{قطر}}$	$[L]/[L]$	$[M^0 L^0 T^0]$
22.	ٹرنومیٹر یا نسبت $\sin\theta, \cos\theta, \tan\theta$, etc.	$\frac{\text{لمبائی}}{\text{لمبائی}}$	$[L]/[L]$	$[M^0 L^0 T^0]$
23.	زاویائی رفتار	زاویہ / وقت	$[L^0]/[T]$	$[M^0 L^0 T^{-1}]$

24.	زاویائی اسراع	زاویائی رفتار وقت	$[T^{-1}]/[T]$	$[M^0 L^0 T^{-2}]$
25.	جائزیشن کا نصف قطر	فاصلہ	$[L]$	$[M^0 L T^0]$
26.	جمود کا معیار حرکت اثر	کمیت $\times$ (جائزیشن نصف قطر) ²	$[M] [L^2]$	$[ML^2 T^0]$
27.	زاویائی معیار حرکت	جمود معیار اثر $\times$ زاویائی رفتار	$[ML^2] [T^{-1}]$	$[ML^2 T^{-1}]$
28.	قوت کا معیار اثر، جفتہ کا معیار اثر	قوت $\times$ فاصلہ	$[MLT^{-2}] [L]$	$[ML^2 T^{-2}]$
29.	قوت گردشہ	زاویائی معیار حرکت / وقت یا قوت $\times$ فاصلہ	$[ML^2 T^{-1}] / [T]$ or $[MLT^{-2}] [L]$	$[ML^2 T^{-2}]$
30.	زاویائی تعدد	تعدد $\times \pi$ فاصلہ 2	$[T^{-1}]$	$[M^0 L^0 T^{-1}]$
31.	طول موج	فاصلہ	$[L]$	$[M^0 L T^0]$
32.	ہبل مستقلہ	توانائی / وقت / رقبہ	$[LT^{-1}] / [L]$	$[M^0 L^0 T^{-1}]$
33.	موج کی شدت	رجعتی رفتار فاصلہ	$[ML^2 T^{-2} / T] / [L^2]$	$[ML^0 T^{-3}]$
34.	اشعاع دباؤ	موج کی شدت روشنی کی چال	$[MT^{-3}] / [LT^{-1}]$	$[ML^{-1} T^{-2}]$
35.	توانائی کثافت	توانائی / حجم	$[ML^2 T^{-2}] / [L^3]$	$[ML^{-1} T^{-2}]$
36.	فاصل رفتار	ریٹالڈ عدد $\times$ لزوجیت کا ٹیب کمیت کثافت $\times$ نصف قطر	$\frac{[M^0 L^0 T^0] [ML^{-1} T^{-1}]}{[ML^{-3}] [L]}$	$[M^0 L T^{-1}]$
37.	فرار رفتار	$(\text{مادی کشش اسراع} \times 2 \times \text{اونچائی})^{1/2}$	$[LT^{-2}]^{1/2} \times [L]^{1/2}$	$[M^0 L T^{-1}]$
38.	حرارتی توانائی، اندرونی توانائی	(فاصلہ $\times$ قوت) = کام	$[MLT^{-2}] [L]$	$[ML^2 T^{-2}]$
39.	حرکی توانائی	$(\text{رفتار})^2 \times \text{کمیت} (1/2)$	$[M] [LT^{-1}]^2$	$[ML^2 T^{-2}]$
40.	توانائی بالقوة	کمیت $\times$ مادی کشش اسراع $\times$ اونچائی	$[M] [LT^{-2}] [L]$	$[ML^2 T^{-2}]$
41.	گردشی حرکی توانائی	$(\text{زاویائی رفتار})^2 \times \text{جمود}$ (معیار اثر $\times 1/2$)	$[M^0 L^0 T^0] [ML^2] \times [T^{-1}]^2$	$[M L^2 T^{-2}]$
42.	استعداد	برآمدہ کام یا توانائی درآمدہ کام یا توانائی	$\frac{[ML^2 T^{-2}]}{[ML^2 T^{-2}]}$	$[M^0 L^0 T^0]$
43.	زاویائی جھکا	وقت $\times$ قوت	$[ML^2 T^{-2}] [T]$	$[M L^2 T^{-1}]$
44.	مادی کشش مستقلہ	$(\text{فاصلہ})^2 \times \text{قوت}$ کمیت $\times$ کمیت	$\frac{[MLT^{-2}] [L^2]}{[M] [M]}$	$[M^{-1} L^3 T^{-2}]$
45.	پلانک مستقلہ	توانائی / تعدد	$[ML^2 T^{-2}] / [T^{-1}]$	$[ML^2 T^{-1}]$

$[ML^2 T^{-2} K^{-1}]$	$[ML^2 T^{-2}]/[K]$	حرارت توانائی درجہ حرارت	حرارتی گنجائش ناکارگی	46.
$[M^0 L^2 T^{-2} K^{-1}]$	$[ML^2 T^{-2}]/[M] [K]$	حرارت توانائی کمیت × درجہ حرارت	نوعی حرارت گنجائش	47.
$[M^0 L^2 T^{-2}]$	$[ML^2 T^{-2}]/[M]$	حرارت توانائی / کمیت	مختی حرارت	48.
$[M^0 L^0 K^{-1}]$	$[L] / [L][K]$	ابعاد میں تبدیلی آغازی ابعاد × درجہ حرارت	حرارتی پھیلاؤ ضریب یا حرارتی اتساعیت	49.
$[MLT^{-3} K^{-1}]$	$\frac{[ML^2 T^{-2}][L]}{[L^3] [K] [T]}$	موٹائی × حرارتی توانائی رقبہ × درجہ حرارت × وقت	حرارتی ایصالیت	50.
$[ML^{-1} T^{-2}]$	$\frac{[L^3] [ML^{-1} T^{-2}]}{[L^3]}$	(دباؤ میں تبدیلی) × حجم حجم میں تبدیلی	حجم مقیاس یا $^{-1}$ (دب پذیری)	51.
$[M^0 LT^{-2}]$	$[LT^{-1}]^2 / [L]$	نصف قطر / (رقبہ)	مرکز جواسراع	52.
$[ML^0 T^{-3} K^{-1}]$	$\frac{[ML^2 T^{-2}]}{[L^2] [T] [K]^4}$	توانائی × رقبہ × وقت 4 (درجہ حرارت)	اسٹیفن مستقلہ	53.
$[M^0 LT^0 K]$	$[L] [K]$	درجہ حرارت × طول لہر	وین مستقلہ	54.
$[ML^2 T^{-2} K^{-1}]$	$[ML^2 T^{-2}]/[K]$	توانائی درجہ حرارت	بولٹز مین مستقلہ	55.
$[ML^2 T^{-2} K^{-1} \text{ mol}^{-1}]$	$\frac{[ML^{-1} T^{-2}][L^3]}{[\text{mol}] [K]}$	حجم × دباؤ درجہ حرارت × مول	عالمی گیس مستقلہ	56.
$[M^0 L^0 TA]$	$[A] [T]$	وقت × کرنٹ	برقی بار	57.
$[M^0 L^{-2} T^0 A]$	$[A] / [L^2]$	کرنٹ / رقبہ	کرنٹ کثافت	58.
$[ML^2 T^{-3} A^{-1}]$	$[ML^2 T^{-2}]/[AT]$	کام / چارج	دو لچ، برقی قوت، برق محرک قوت	59.
$[ML^2 T^{-3} A^{-2}]$	$\frac{[ML^2 T^{-3} A^{-1}]}{[A]}$	قوت فرق کرنٹ	مزاحمت	60.
$[M^{-1} L^{-2} T^4 A^2]$	$\frac{[AT]}{[ML^2 T^{-3} A^{-1}]}$	چارج قوت فرق	Capacitance	61.
$[ML^3 T^{-3} A^{-2}]$	$\frac{[ML^2 T^{-3} A^{-2}]}{[L^2]/[L]}$	رقبہ × مزاحمت لمبائی	Electrical resistivity or (electrical conductivity) $^{-1}$	62.
$[MLT^{-3} A^{-1}]$	$[MLT^{-2}]/[AT]$	برقی قوت / بار	Electric field	63.
$[ML^3 T^{-3} A^{-1}]$	$[MLT^{-3} A^{-1}][L^2]$	برقی میدان × رقبہ	Electric flux	64.

$[M^0 L T A]$	$\frac{[ML^2 T^{-2}]}{[MLT^{-3} A^{-1}]}$	قوت گردش برقی میدان	برقی دو قطبی میعار اثر	65.
$[MLT^{-3} A^{-1}]$	$\frac{[ML^2 T^{-3} A^{-1}]}{[L]}$	قوة فرق فاصلہ	برقی میدان طاقت یا برقی شدت	66.
$[ML^0 T^{-2} A^{-1}]$	$[MLT^{-2}]/[A] [L]$	قوت کرنٹ $\times$ لمبائی	مقناطیسی میدان، مقناطیسی فلکس کثافت مقناطیسی امالہ	67.
$[ML^2 T^{-2} A^{-1}]$	$[MT^{-2} A^{-2}] [L^2]$	مقناطیسی میدان $\times$ رقبہ	مقناطیسی فلکس	68.
$[ML^2 T^{-2} A^{-2}]$	$\frac{[ML^2 T^{-2} A^{-1}]}{[A]}$	مقناطیسی فلکس کرنٹ	امالیت	69.
$[M^0 L^2 T^0 A]$	$[ML^2 T^{-2}] / [MT^{-2} A^{-1}]$ or $[A] [L^2]$	قوت گردش / برقی میدان یا کرنٹ $\times$ رقبہ	مقناطیسی دو قطبی میعار اثر	70.
$[M^0 L^{-1} T^0 A]$	$\frac{[L^2 A]}{[L^3]}$	مقناطیسی معیار اثر حجم	مقناطیسی میدان طاقت، مقناطیسی شدت یا مقناطیسی میعار اثر کثافت	71.
$[M^{-1} L^{-3} T^4 A^2]$	$\frac{[AT][AT]}{[MLT^{-2}][L]^2}$	چارچ $\times$ چارچ $(4\pi \times \text{قوت} \times \text{برقی فاصلہ})^2$	برقی سرایت پذیری مستقلہ (خلاء کا)	72.
$[MLT^{-2} A^{-2}]$	$\frac{[M^0 L^0 T^0][MLT^{-2}][L]}{[A][A][L]}$	فاصلہ $\times$ قوت $\times 2\pi$ لمبائی $\times$ کرنٹ $\times$ کرنٹ	مقناطیسی سرایت پذیری مستقلہ (خلاء کا)	73.
$[M^0 L^0 T^0]$	$[LT^{-1}]/[LT^{-1}]$	خلاء میں روشنی کی رفتار واسطے میں روشنی کی رفتار	انعطاف اشاریہ	74.
$[M^0 L^0 T A \text{ mol}^{-1}]$	$[AT]/[\text{mol}]$	ایوگیڈر مستقلہ $\times$ بنیادی چارچ	فیراڈے مستقلہ	75.
$[M^0 L^{-1} T^0]$	$[M^0 L^0 T^0] / [L]$	$\frac{2\pi}{\text{طول موج}}$	موج عدد	76.
$[ML^2 T^{-3}]$	$[ML^2 T^{-2}]/[T]$	اشعاع شدہ توانائی / وقت	اشعاعی فلکس، اشعاعی پاور	77.
$[ML^2 T^{-3}]$	$[ML^2 T^{-3}] / [M^0 L^0 T^0]$	اشعاع پاور یا وسیلہ کا اشعاعی فلکس ٹھوس زاویہ	اشعاعی فلکس کی درخشیت یا اشعاعی پذیر شدت	78.
$[ML^2 T^{-3}]$	$[ML^2 T^{-2}]/[T]$	خارج شدہ درخشانی توانائی وقت	درخشانی پاور یا وسیلہ کا درخشانی فلکس	79.

$[ML^2 T^{-3}]$	$\frac{[ML^2 T^{-3}]}{[M^0 L^0 T^0]}$	درخشنا فلکس ٹھوس زاویہ	درخشنا شدت یا وسیلے کی روشن کاری طاقت	80.
$[ML^0 T^{-3}]$	$[ML^2 T^{-3}]/[L^2]$	درخشنا شدت 2 (فاصلہ)	روشن کاری کی شدت	81.
$[M^0 L^0 T^0]$	$\frac{[ML^2 T^{-1}]}{[ML^2 T^{-3}]}$	دی ہوئی طول لہر کے وسیلے کا درخشنا فلکس اسی پاوری کی از حد حساس طول لہر (555nm) کے وسیلے کا درخشنا فلکس	اضافی درخشنا نیت	82.
$[M^0 L^0 T^0]$	$[ML^2 T^{-3}] / [ML^2 T^{-3}]$	کل درخشنا فلکس کل اشعائی فلکس	درخشنا استعداد	83.
$[ML^0 T^{-3}]$	$[ML^2 T^{-3}]/[L^2]$	واقع درخشنا فلکس رقبہ	روشن کاری	84.
$[ML^0 T^0]$	$[M]$	(نیوکلیانوں کی کمیوں کا حاصل جمع) (نیوکلیس کی کمیت)	کمیت نقص	85.
$[ML^2 T^{-2}]$	$[M] [L T^{-1}]^2$	کمیت نقص $\times$ (خلایوں میں روشنی کی رفتار)	نیوکلیس کی بندش توانائی	86.
$[M^0 L^0 T^{-1}]$	$[T^{-1}]$	0.693 نصف حیات	تنزل مستقلہ	87.
$[M^0 L^0 A^0 T^{-1}]$	$[ML^2 T^{-2} A^{-2}]^{-\frac{1}{2}} \times$ $[M^{-1} L^{-2} T^4 A^2]^{-\frac{1}{2}}$	$^{-1/2}$ (امالیت $\times$ گنجائش)	گمک تعدد	88.
$[M^0 L^0 T^0]$	$\frac{[T^{-1}][ML^2 T^{-2} A^{-2}]}{[ML^2 T^{-3} A^{-2}]}$	گمک تعدد $\times$ امالیت مزاحمت	Quality factor or Q- factor of coil کیفیت	89.
$[M^0 L^{-1} T^0]$	$[L^{-1}]$	$^{-1}$ (طول ماسئلہ)	عدسہ کی پاور	90.
$[M^0 L^0 T^0]$	$[L]/[L]$	عکس کی دوری شے کی دوری	تکبیر	91.
$[M^0 L^3 T^{-1}]$	$\frac{[ML^{-1} T^{-2}] [L^4]}{[ML^{-1} T^{-1}] [L]}$	4 (نصف قطر) $\times$ (دباؤ) $(\pi/8)$ (لزوجیت ضریب) $\times$ (لمبائی)	سیال بننے کی شرح	92.
$[ML^2 T^{-3} A^{-2}]$	$[T^{-1}]^{-1} [M^{-1} L^{-2} T^4 A^2]^{-1}$	زاویائی تعدد $\times$ گنجائش	گنجائش نا اہلیت	93.
$[ML^2 T^{-3} A^{-2}]$	$[T^{-1}][ML^2 T^{-2} A^{-2}]$	زاویائی تعدد $\times$ امالیت	اماسی نا اہلیت	94.

جوابات (ANSWERS)

باب 2

- (a) 10^{-6} ; (b) 1.5×10^4 ; (c) 5; (d) 11.3, 1.13×10^{-4} **2.1**
- (a) 10^7 ; (b) 10^{-16} ; (c) 3.9×10^4 ; (d) 6.67×10^{-8} 6.67×10^{-8} **2.2**
- 500 **2.5**
- (c) **2.6**
- 0.035 mm **2.7**
- 94.1 **2.9**
- (a) 1 ; (b) 3 ; (c) 4 ; (d) 4 ; (e) 4 ; (f) 4 **2.10**
- 8.72 m^2 ; 0.0855 m^3 **2.11**
- (a) 2.3 kg ; (b) 0.02 g **2.12**
- 13% ; 3.8 **2.13**
- (b) اور (c) اعمادی لحاظ سے غلط ہیں۔ اشارہ: ایک ٹرگونیٹریائی تفاعل کا حامل زاویہ (argument) ہمیشہ غیر اعمادی ہونا چاہیے۔ **2.14**
- درست فارمولا ہے: $m = m_0 \left(1 - \frac{v^2}{c^2}\right)^{-1/2}$ **2.15**
- $\cong 3 \times 10^{-7} \text{ m}^3$ **2.16**
- 10^4 ~ ایک گیس میں بین مالیکیولیائی فاصلہ، مالیکیول کے سائز کے مقابلے میں بہت زیادہ ہوتا ہے۔ **2.17**
- قریب کی اشیاء مشاہد کی آنکھ پر، دور کی اشیاء کے مقابلے میں بڑا زیوایہ بناتی ہیں۔ جب آپ متحرک ہوتے ہیں تو دور کی اشیائے لیے، زاویائی تبدیلی، قریب کی اشیاء کے لیے زاویائی تبدیلی کے مقابلے میں کم ہے۔ اس لیے یہ دور کی اشیاء آپ کو اپنے ساتھ حرکت کرتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں، جبکہ قریب کا اشیاء آپ کو اپنے ساتھ حرکت کرتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں، جبکہ قریب کی اشیاء مخالف سمت میں حرکت کرتی ہوئی معلوم ہوتی ہیں۔ **2.18**
- $3 \times 10^{16} \text{ m}$ ~ لمبائی کی اکائی کے بہ طور ایک پارسیک (parsec) کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ ایک پارسیک، $3.084 \times 10^6 \text{ m}$ کے مساوی ہے۔ **2.19**
- 1.32 persec ; 2.64 (آرک کا سینڈ) **2.20**
- $1.4 \times 10^3 \text{ kg m}^3$ ، سورج کی کمیت کثافت، مائع ٹھوس کی کثافت کی سعت میں ہے، گیسوں کی کثافت کی سعت میں نہیں۔ کثافت کے اتنا زیادہ **2.23**

$$1.29 \times 10^5 \text{ km} \quad \mathbf{2.24}$$

2.26 $10^{12} - 11^{11}$ میں 1 حصہ کی درستگی صحت

2.28 $0.03 \times 10^{18} \text{ m}^{-3} \sim$ نیوکلیائی کثافت، مادہ کی ایٹمی کثافت کی 10^{15} گنا ہوتی ہے۔

$$3.84 \times 10^8 \text{ m} \quad \mathbf{2.29}$$
55.8 km **2.30** $2.8 \times 10^{22} \text{ km}$ **2.31**3.581 km **2.32**

2.33 اشارہ: مقدار $\frac{e^4}{(16\pi^2 \epsilon_0^2 m_p m_e^2 c^3 G)}$ کے ابعاد وقت کے ہیں۔

باب 3

(a) , (b) **3.1**

3.2 (a) B ----- A (b) B ----- A (c) B ----- A (d) A ----- B کیساں

یک بار A B (e)

375 **3.4**

1000 km/h **3.5**

3.06 ms²; 11.45 **3.6**

3.7 1250 m (اشارہ : B کی حرکت کو A کی مناسبت سے دیکھیے)

3.8 1 ms^{-2} (اشارہ: B اور c کی حرکت کو A کی مناسبت سے دیکھیے)

$$\frac{vT}{v+20} = 6 \text{ : چال، اشاره } = 40 \text{ km/h' } T=9 \text{ min} \quad 3.9$$

3.10 راسی نیچے کی سمت میں، (b) صفر رفتار، 9.8 m s^{-2} کا اسراع نیچے کی طرف

- (c) $x > 0$ (نیچے کی جانب)، $a > 0$ پوری حرکت کے دوران، $44/1 \text{ m}, 6 \text{ s}$
- 3.11** (a) صادق (b) غیر صادق (c) صادق (اگر ذرہ اسی لمحے، یکساں چال سے واپس لوٹتا ہے، اس کا مطلب ہے لامتناہی اسراع، جو غیر طبعی ہے۔) (d) غیر صادق (صرف تب ہی صادق ہو سکتا ہے جب منتخب کی گئی مثبت سمت، حرکت کی سمت کے جانب ہے۔)
- 3.14** (a) 5 km h^{-1} , 5 km h^{-1} (b) $0, 6 \text{ km h}^{-1}$ (c) $\frac{15}{8} \text{ h m h}^{-1}$, $\frac{45}{8} \text{ h m h}^{-1}$
- 3.15** کیونکہ ایک اختیاری قلیل وقفہ وقت کے لیے، نقل کی عددی قدر، راہ کی لمبائی کے مساوی ہے۔
- 3.16** چاروں گراف ناممکن ہیں۔ (a) ایک ذرہ کے ایک ہی وقت پر دو مختلف مقامات نہیں ہو سکتے۔ (b) ایک ذرہ کی ایک ہی وقت پر رفتار دو مخالف سمتوں میں نہیں ہو سکتی۔ (c) چال ہمیشہ غیر منفی ہوتی ہے۔ (d) ایک ذرہ کی کل راہ لمبائی وقت کے ساتھ کم نہیں ہو سکتی۔
- (نوٹ: گراف میں دکھائے گئے تیر کے نشانات بے معنی ہیں۔)
- 3.17** نہیں، درست نہیں۔ $x-t$ ترسیم ایک ذرہ کا خط راہ نہیں دکھاتی۔ تناظر: ایک جسم $t=0$ پر ایک مینار ($x=0$) سے گرایا گیا ہے۔
- 3.18** 105 ms^{-1} ، وقت
- 3.19** (a) ایک ہموار فرش پر رکھی ہوئی گیند کو ٹھوکر ماری گئی ہے۔ وہ دیوار سے ٹکرا کر، پہلے کے مقابلے میں کم چال سے واپس لوٹتی ہے اور مخالف دیوار تک حرکت کرتی ہے جو اسے روک دیتی ہے۔
- (b) ایک گیند کسی آغازی رفتار سے اوپر اچھالا جاتا ہے۔ ہر بار فرش سے ٹکرانے کے بعد اس کی چال بتدریج کم ہوتی جاتی ہے۔ (c) ایک ہموار حرکت کرتی ہوئی کرکٹ کی گیند ایک بلے سے مارے جانے کے بعد، ایک بہت ہی مختصر وقفہ وقت کے لیے واپس گھوم جاتی ہے۔
- 3.20** $x < 0, v > 0, a > 0$ ' $x > 0, v > 0, a < 0$ ' $x < 0, v < 0, a > 0$
- 3.21** 3 میں سب سے زیادہ، 2 میں سب سے کم، 1 اور 2 میں $v < 0$ ، 3 میں $v > 0$
- 3.22** اسراع کی عددی قدر 2 میں سب سے زیادہ ہے، چال 3 میں سب سے زیادہ ہے،
- 1، 2 اور 3 میں $v > 0$ ، 1 اور 3 میں $a > 0$ ، 2 میں $a < 0$ ، A، B، C اور D پر $a = 0$
- 3.23** ہموار اسراع حرکت کے لیے وقت۔ محور کے ساتھ جھکا ہوا ایک خط مستقیم، ہموار حرکت کے لیے وقت۔ محور کے متوازی
- 3.24** 10 s ، 10 s
- 3.25** 13 km h^{-1} (b) 5 km h^{-1} (c) دونوں میں سے کسی بھی سمت میں 20 s ، والدین میں سے کسی کے بھی دیکھنے پر، بچے کی چال، دونوں میں سے کسی بھی سمت میں 9 km h^{-1} ہے، (c) کا جواب تبدیل نہیں ہوتا۔
- 3.26** (نہلی حصہ) $x_2 - x_1 = 15t$ ، (اُختائی حصہ) $x_2 - x_1 = 200 + 30t - 5t^2$
- 3.27** (a) 60 m ، 6 ms^{-1} (b) 36 m ، 9 ms^{-1}

(c), (d), (f) 3.28

باب 4

4.1 حجم، کمیت، چال، کشافت، مولوں کی تعداد، زاویائی تعدد، عددیے ہیں، باقی سب سمجھتے ہیں۔

4.2 کام، برقی رو

4.3 جھٹکا

4.4 صرف (c) اور (d) ہو سکتے ہیں۔

4.5 (a) 7 ' F (b) ' F (c) ' T (d) ' T (e)

4.6 اشارہ: ایک مثلث کے کن ہی دواضلاع کی لمبائیوں کا حاصل جمع (حاصل تفریق)، کبھی بھی تیسرے ضلع کی لمبائی سے کم (زیادہ) نہیں ہو سکتا۔ ہم خط سمتیوں کے لیے مساوات درست ہے۔

4.7 سوائے (a) کے تمام بیانات درست ہیں۔

4.8 ہر ایک کے لیے 400 m B

4.9 (a) 0 ' (b) 0 ' (c) 21.4 km h^{-1}

4.10 1 km عددت قدر اور آغازی سے 60° سمت میں نقل، کل راہ لمبائی 1.5 km (تیسرا موڑ)، نل نقل سمتیہ، راہ لمبائی = 3 km

(چھٹا موڑ)، 866m، 30° 4km (آٹھواں موڑ)

4.11 (a) 49.3 kmh^{-1} ' (a) 21.4 km h^{-1} نہیں، اوسط چال، اوسط رفتار کی عددی قدر کے مساوی صرف مستقیم راہ لے لیے ہوتی ہے۔

4.12 جنوب کی جانب، عمود سے تقریباً 18° کے زاویے پر

4.13 15 min, 750m

4.14 مشرق (تقریباً)

4.15 150.5 m

4.16 50 m

4.17 9.9 m s^{-1} نہیں، او مرکز کی طرف کے ہر نقطہ پر، نصف قطر کی جانب

4.18 6.4 g

4.19 غیر صادق (صادق صرف ہموار دائری حرکت کے لیے) (b) صادق (c) صادق

4.20 (a) $\hat{a}(t) = -4.0\hat{j}$, $\hat{v}(t) = (3.0\hat{i} - 4.0t\hat{j})$ (b) $-x \cdot 8.54 \text{ ms}^{-1}$ محور کے ساتھ 70°

4.21 (a) $25, 24\text{m}, 21.26 \text{ m s}^{-1}$

$$4.22 \quad x, \sqrt{2} - \text{محور کے ساتھ } 45^\circ, \sqrt{2}, -x, \text{ محور کے ساتھ } (-45^\circ), \left(\frac{5}{\sqrt{2}} - \frac{1}{\sqrt{2}}\right)$$

$$4.23 \quad (b) \text{ اور } (e)$$

$$4.24 \quad \text{صرف } (e) \text{ صادق ہے}$$

$$4.25 \quad 182 \text{ m s}^{-1}$$

$$4.27 \quad \text{نہیں، گردش (چکروں) کو عمومی طور پر سمتیوں سے منسلک نہیں کیا جاسکتا۔}$$

$$4.28 \quad \text{مسطح رقبہ کے ساتھ ایک سمتیہ منسلک کیا جاتا ہے۔}$$

$$4.29 \quad \text{نہیں}$$

$$4.30 \quad \text{عمود کے ساتھ } \sin^{-1}\left(\frac{1}{3}\right) = 19.5^\circ \text{ کا زاویہ پر } 16 \text{ km}$$

$$4.31 \quad 0.86 \text{ ms}^{-2}, \text{ رفتار کی سمت کے ساتھ } 54.5^\circ \text{ کا زاویہ پر}$$

باب 5

$$5.1 \quad (a) \text{ سے } (d), \text{ نیوٹن کے پہلے قانون کے مطابق کوئی نیٹ قوت نہیں لگتی}$$

$$(e) \text{ چونکہ یہ برق مقناطیسی اور مادی کشش قوت پیدا کرنے والی طبیعی ایجنسیوں سے بہت دور ہے، لہذا کوئی قوت نہیں لگتی۔}$$

$$5.2 \quad \text{ہر ایک حالت میں (ہوا کے اثر کو نظر انداز کرتے ہوئے) کنکر پر صرف } 0.5 \text{ N کی مادی کشش قوت عمودی نشیبی سمت میں لگتی ہے۔ اگر کنکر کی حرکت عمود}$$

$$\text{کے موافق نہیں ہے تب بھی جواب میں کوئی تبدیلی نہیں ہوگی۔ کنکر اعلیٰ ترین نقطے پر سکونی حالت میں نہیں ہے۔ اس کی پوری حرکت کے دوران اس کی رفتار کا ایک مستقل افقی جزو ہوتا ہے۔}$$

$$5.3 \quad (a) 1 \text{ N عمودی نشیبی، (b) وہی جو (a) میں ہے، (c) وہی جو (a) میں ہے؛ کسی بھی ساعت پر قوت اس ساعت کی حالت پر منحصر ہوتی ہے، تاریخ پر نہیں۔}$$

$$(d) 0.1 \text{ N ریل گاڑی کی حرکت کی سمت میں۔}$$

$$5.4 \quad T (i)$$

$$5.5 \quad v = u + at, a = -2.5 \text{ ms}^{-2} \text{ کا استعمال کرنے پر، } 0 = 15 - 2.5t, \text{ یعنی } t = 6.0 \text{ s}$$

$$5.6 \quad a = 1.5/25 = 0.06 \text{ m}^{-2}\text{s}$$

$$F = 3 \times 0.06 = 0.18 \text{ N, حرکت کی سمت میں۔}$$

$$5.7 \quad \text{حاصل قوت } 8 \text{ N, } 10 \text{ N کی قوت سے، } \tan^{-1}(3/4) = 37^\circ, 8 \text{ N کا زاویہ بناتے ہوئے۔}$$

$$\text{اسراع } 2 \text{ m s}^{-1} \text{ حاصل قوت کی ہی سمت میں۔}$$

$$5.8 \quad 465 \times 2.5 = 1.2 \times 10^3, a = -2.5 \text{ m s}^{-2} \text{ ابطا قوت}$$

$$F = 3.0 \times 10^5 \text{ N یعنی } F = 20,000 \times 10 = 20,000 \times 5.0 \quad 5.9$$

$$a = -20 \text{ m s}^{-2} \quad 0 < t < 30 \text{ s} \quad 5.10$$

$$t = -5 \text{ s} : x = ut = -10 \times 5 = -50 \text{ m}$$

$$t = 25 \text{ s} : x = ut + \frac{1}{2}at^2 = (10 \times 25 - 10 \times 625) \text{ m} = -6 \text{ km}$$

$$t = 100 \text{ s پہلے } 30 \text{ s تک کی حرکت پر غور کیجیے :}$$

$$x_1 = 10 \times 30 - 10 \times 900 = -8700 \text{ m}$$

$$v = 10 - 20 \times 30 = -590 \text{ m s}^{-1} \text{ پر } t = 30 \text{ s}$$

$$x_2 = -590 \times 70 = -41300 \text{ m: لیے } 100 \text{ s تک کی حرکت کے لیے}$$

$$x = x_1 + x_2 = -50 \text{ km}$$

$$(a) \text{ کا رفتار (} t=10 \text{ s پر) } = 0 + 2 \times 10 = 20 \text{ m s}^{-1} \quad 5.11$$

نیوٹن کی حرکت کے پہلے قانون کے مطابق پوری حرکت کی مدت میں رفتار کا افقی جز: 20 m s^{-1} ہے۔

$$(b) \text{ کا رفتار (} t=11 \text{ s پر) } = 0 + 10 \times 1 = 10 \text{ m s}^{-1}$$

$$(t = 11 \text{ s پر) پتھر کی رفتار، } \sqrt{20^2 + 10^2} = \sqrt{500} = 22.4 \text{ m s}^{-1} \text{ پتھر کی رفتار (} t = 11 \text{ s پر)}$$

افقی سمت سے $\tan^{-1}(1/2)$ کا زاویہ بناتے ہوئے۔

$$(b) 10 \text{ m s}^{-2} \text{ عمودی طور پر نشیبی۔}$$

$$(a) \text{ انتہائی حالت پر باب (bob) کی چال صفر ہے۔ اگر ڈوری کاٹ دی جائے تو وہ عمودی سمت میں نیچے کی طرف گرے گا۔} \quad 5.12$$

(b) وسط مقام پر باب (bob) میں افقی رفتار ہوتی ہے۔ اگر ڈوری کاٹ دی جائے تو وہ ایک مکانی (پیرابولی) راہ اختیار کرتے ہوئے گرے گا۔

$$5.13 \text{ میزان (پیمانے) کی ریڈنگ شخص کے ذریعہ فرش پر لگائی گئی قوت کی پیمائش ہوتی ہے۔ نیوٹن کے حرکت کے تیسرے قانون کے مطابق یہ فرش کے}$$

ذریعہ شخص پر لگائی گئی عمودی قوت N کے مساوی اور مخالف ہوتا ہے۔

$$(a) N = 70 \times 10 = 700 \text{ N ریڈنگ } 70 \text{ kg ہے۔}$$

$$(b) N = 70 \times 5 = 350 \text{ N ریڈنگ } 35 \text{ kg ہے}$$

$$(c) N = 70 \times 10 = 700 \text{ N ریڈنگ } 1050 \text{ kg ہے}$$

$$(d) N = 70 \times 10 = 700 \text{ N ریڈنگ صفر ہوگی، پیمانے کی ریڈنگ صفر ہوگی۔}$$

$$(a) \text{ سبھی تینوں وقفہ وقت میں اسراع صفر ہے اور اس لیے قوت بھی صفر ہے۔} \quad 5.14$$

$$(b) t = 0 \text{ پر: } 3 \text{ kg ms}^{-1}; t = 4 \text{ (sc): } 3 \text{ kg ms}^{-1} \text{ پر (c) } t = 4 \text{ (sc): } 3 \text{ kg ms}^{-1}$$

$$5.15 \text{ اگر } 20 \text{ kg کیت کے جسم کو کھینچتے ہیں، تو}$$

$$600 - T = 20a, \quad T = 10a$$

$$a = 20 \text{ m s}^{-2}, \quad T = 200 \text{ N}$$

اگر 10 kg کمیت کے جسم کو کھینچتے ہیں تو $a = 20 \text{ m s}^{-2}$; $T = 400 \text{ N}$

$$T - 8 \times 10 = 8a, 12 \times 10 - T = 12a \quad 5.16$$

یعنی، $a = 2 \text{ m s}^{-2}$; $T = 96 \text{ N}$

5.17 معیار حرکت کی بقا کے اصول کے ذریعہ کل آخری معیار حرکت صفر ہے۔ دو معیار حرکت سمتیوں کا حاصل جمع تب تک صفر نہیں ہو سکتا جب تک کہ وہ دونوں مساوی اور مخالف نہ ہوں۔

$$5.18 \text{ ہر ایک گیند پر جھٹکے کی قدر، دونوں جھٹکے مخالف سمتوں میں ہیں۔} \quad 0.05 \times 12 = 0.6 \text{ kg m s}^{-1}$$

$$5.19 \text{ معیار حرکت کی بقا کے اصول کا استعمال کرتے ہوئے:} \quad 100 v = 0.02 \times 80$$

$$v = 0.016 \text{ ms}^{-1} = 1.6 \text{ cm s}^{-1}$$

$$5.20 \text{ جھٹکا، ابتدائی اور آخری سمتوں کے ناصف (bisector) کی سمت میں ہے۔ اس کی عددی قدر ہے:} \quad 0.15 \times 2 \times 15 \times \cos 22.5^\circ = 4.2 \text{ kg}$$

$$\begin{aligned} & \text{m s}^{-1} \\ & v = 2\pi \times 1.5 \times \frac{40}{60} = 2\pi \text{ m s}^{-1} \\ & v = 2\pi \times 1.5 \times \frac{40}{60} = 2\pi \text{ ms}^{-1} \end{aligned} \quad 5.21$$

$$T = mv^2/R = 0.25 \times 4\pi^2/1.5 = 6.6 \text{ N}$$

$$v_{\max} = 34.6 \text{ m s}^{-1} \quad 200 = mv_{\max}^2/R$$

5.22 پہلے قانون کے مطابق متبادل (b) صحیح ہے۔

5.23 (a) خالی فضا (empty space) میں گھوڑا گاڑی نظام پر کوئی بیرونی قوت عمل پذیر نہیں ہے۔ گھوڑا اور گاڑی کے درمیان باہمی قوتیں رد و ہوجاتی ہیں (تیسرا

قانون)۔ فرش پر، نظام اور فرش کے درمیان تماسی قوت (رگڑ قوت) گھوڑے اور گاڑی کو ان کی حالت سکون سے حرکت میں لانے کا سبب ہوتی ہے۔

(b) جسم کا جو حصہ نشست (سیٹ) کے سیدھے رابطے میں نہیں ہے اس کے جمود کے سبب۔

(c) لان موور (گھاس ہٹانے والا) کو کسی زاویے پر قوت اطلاق کر کے کھینچنا یا ڈھکیلا جاتا ہے۔ جب آپ دھکا دیتے ہیں، تب عمودی سمت میں توازن کے لیے

عمودی قوت (N) اس کے وزن سے زیادہ ہونا چاہیے۔ اس کے نتیجے میں رگڑ قوت ($f \propto N$) بڑھ جاتی ہے اور اسی لیے موور کو چلانے کے لیے زیادہ قوت لگانی پڑتی ہے۔ کھینچتے وقت ٹھیک اس کے برعکس ہوتا ہے۔

(d) ایسا معیار حرکت (momentum) کی تبدیلی کی شرح کو کم کرنے اور اس طرح گیند کو روکنے کے لیے ضروری قوت کو کم کرنے کے لیے کرتا ہے۔

$$5.24 \quad x = 0 \text{ اور } x = 2 \text{ cm پر واقع دیواروں سے ہر } 2 \text{ s کے بعد } 1 \text{ cm s}^{-1} \text{ کی یکساں چال سے جسم ذرے کے ذریعہ حاصل جھٹکے کی عددی قدر:}$$

$$0.04 \text{ kg} \times 0.02 \text{ m s}^{-1} = 8 \times 10^{-4} \text{ kg m s}^{-1}$$

$$5.25 \quad \text{کل قوت} = 65 \text{ kg} \times 1 \text{ m s}^{-2} = 65 \text{ N}$$

$$a_{\max} = \mu_s g = 2 \text{ m s}^{-2}$$

5.26 متبادل (a) صحیح ہے۔ نوٹ کیجیے۔

$$mg + T_2 = mv_2^2/R, \quad T_1 - mg = mv_1^2/R$$

اصول یہ ہے: کسی جسم پر لگائی گئی حقیقی مادی قوتوں (تباؤ، مادی کشش قوت وغیرہ) اور ان قوتوں کے اثرات کے ساتھ (اسی مثال میں مرکز جو اسراع $v^2/2R$ یا v_1^2/R) غلط نہیں ہو۔

5.27 (a) 'آزاد جسم': جہاز کا عملہ اور مسافر

(اوپر کی جانب) $F =$ فرش کے ذریعہ نظام پر قوت

(نیچے کی جانب) $mg =$ نظام کا وزن

$$F - 300 \times 10 = 300 \times 15$$

$$F = 7.5 \times 10^3 \text{ N (نیچے کی جانب)}$$

تیسرے قانون کے ذریعہ، عملہ ہیلی کا پٹر اور مسافروں کے ذریعہ فرش پر قوت: $7.5 \times 10^3 \text{ N}$ ، (نیچے کی جانب)۔

(b) "آزاد جسم": ہیلی کا پٹر + عملہ + مسافر

(اوپر کی جانب): R ہوا کے ذریعہ نظام پر قوت، (نیچے کی جانب) $mg =$ نظام کا وزن

$$R - 1300 \times 10 = 1300 \times 15$$

$$R = 3.25 \times 10^4 \text{ N (نیچے کی جانب)}$$

تیسرے قانون کے مطابق ہوا پر ہیلی کا پٹر کے ذریعہ قوت (عمل): $3.25 \times 10^4 \text{ N}$ = (نیچے کی جانب)

$$(c) \text{ (اوپر کی جانب)} 3.25 \times 10^4 \text{ N}$$

$$5.28 \quad 150 \text{ kg s}^{-1} = 15 \text{ m s}^{-1} \times 10^{-2} \text{ m}^2 \times 10^3 \text{ kg m}^3 = \text{نی سیکنڈ دیوار سے ٹکرانے والے پانی کی کمیت،}$$

$$2.25 \times 10^3 \text{ N} = 15 \text{ m s}^{-1} \times 150 \text{ kg s}^{-1} = \text{پانی کے معیار حرکت کا زیاں فی سیکنڈ = دیوار کے ذریعہ لگائی گئی قوت}$$

$$5.29 \quad (a) 3 \text{ mg (نیچے)} \quad (b) 3 \text{ mg (نیچے)} \quad (c) 4 \text{ mg (اوپر)}$$

5.30 اگر پنکھوں پر عمودی قوت N ہے، تب

$$N \cos \theta = mg, \quad N \sin \theta = m v^2 / R$$

جس سے حاصل ہوتا ہے

$$R = \frac{v^2}{g \tan \theta} = \frac{200 \times 200}{10 \times \tan 15^\circ} = 14.9 \text{ km}$$

5.31 پٹریوں کے ذریعہ پہیوں کے ابھرے ہوئے کناروں (flanges) پر عرضی دھکا (lateral thrust)، مرکز جو (centripetal) قوت فراہم کرتا

ہے۔ تیسرے قانون کے مطابق ریل گاڑی کے پیسے پٹریوں پر مساوی اور مخالف دھکا لگاتے ہیں جس کے سبب پٹریوں میں ٹوٹ پھوٹ ہوتی ہے۔

$$\text{موڑ کا ڈھال زاویہ، } \tan^{-1} \left(\frac{v^2}{R g} \right) = \tan^{-1} \left(\frac{15 \times 15}{30 \times 30} \right) = 37^\circ = \text{لگائی گئی}$$

5.32 حالت توازن میں شخص پر الگ رہی قوتوں پر غور کیجیے: اس کا وزن، ڈوری کے ذریعہ لگائی گئی قوت اور فرش کے سبب عمودی قوت۔

$$(a) 750 \text{ N} \quad (b) 250 \text{ N} \quad \text{ڈھنگ (b) اپنانا چاہیے۔}$$

$$T = 640 \text{ N} \quad , T - 400 = 240 \text{ (a) 5.33}$$

$$T = 240 \text{ N} \quad , 400 - T = 160 \text{ (b)}$$

$$T = 400 \text{ N (c)}$$

$$T = 0 \text{ (d)}$$

حالت (a) میں رسی ٹوٹ جائے گی۔

5.34 ہم جسم A اور B اور استوار تقسیمی دیوار (partition) کے درمیان مکمل تماسی (perfect contact) فرض کرتے ہیں۔ اس حالت میں تقسیمی دیوار کے ذریعہ B پر لگ رہی خود تپائی (Selfad justing) عمودی قوت (رد عمل) 200 N کے برابر ہے۔ یہاں کوئی قریب الوقوع حرکت نہیں ہے اور رگڑ نہیں ہے۔ A اور B کے درمیان عمل۔ رد عمل قوت بھی 200 N ہیں۔ جب تقسیمی دیوار کو ہٹا لیتے ہیں، تب حرکی رگڑ کام کرنے لگتی ہے۔

$$+ \text{ A کا اسراع، } 11.8 \text{ m s}^{-2} = [200 - (150 \times 0.15) / 15]$$

$$A \text{ پر رگڑ، } A = 0.15 \times 50 = 7.5 \text{ N}$$

$$200 - 7.5 - F_{AB} = 5 \times 11.8$$

$$F_{AB} = 133.5 \text{ N} \quad ; \text{ حرکت کے خلاف}$$

$$F_{BA} = 133.5 \text{ N} \quad (\text{حرکت کی مخالف سمت میں})$$

5.35 (a) بلاک اور ٹرائی کے درمیان قریب الوقوع نسبتی حرکت کی مخالفت کرنے کے لیے ممکنہ زیادہ سے زیادہ قوت رگڑ، $150 \times 0.18 = 27 \text{ N}$ = قوت رگڑ (از حد قدر) جو ٹرائی کے ساتھ بلاک کو اسراع کرانے کے لیے ضروری قوت رگڑ $15 \times 0.5 = 7.5 \text{ N}$ سے زیادہ ہے۔ جب ٹرائی یکساں رفتار سے حرکت کرتی ہے، تب بلاک پر کشی رگڑ قوت نہیں لگتی۔ قوت رگڑ عمل نہیں کرتی۔

(b) اسراعی (غیر استحراری noninertial) مشاہد کے لیے، قوت رگڑ کی مخالف، یکساں عددی قدر کی ناقض قوت (Pseudoforce) کرتی ہے اور اس طرح بکس، مشاہد کی مناسبت سے، حالت سکون میں رہتا ہے۔ جب ٹرائی یکساں رفتار سے حرکت کرتی ہے تو متحرک (استحراری) مشاہد کے لیے کوئی ناقض قوت نہیں ہوتی اور نہ ہی کوئی رگڑ ہوتی ہے۔

5.36 رگڑ کے سبب بکس کی اسراع $\mu g = 0.15 \times 10 = 1.5 \text{ m s}^{-2}$ = لیکن ٹرک کا اسراع، زیادہ ہے۔ ٹرک کی نسبت صندوق کا اسراع، 0.5 m s^{-2} ہے لیکن ٹرک کا اسراع، زیادہ ہے۔ ٹرک کی نسبت صندوق کا اسراع، 0.5 m s^{-2} ہے اور یہ ٹرک کے پچھلے حصے کی طرف ہے۔ صندوق کے ذریعہ ٹرک سے نیچے گرنے میں لگا وقت، $20 \text{ s} = \frac{2 \times 5}{0.5}$ = اتنے وقت میں ٹرک کے ذریعہ چلی گئی دوری، $1/2 \times 2 \times 20 = 20 \text{ m}$

5.37 سکے کو ڈسک کے ساتھ طواف کرنے کے لیے، قوت رگڑ ضروری مرکز جو فراہم کرنے کے لیے کافی ہونا چاہیے یعنی، $mv^2/r < \mu mg$ ، اب $v = r\omega$ یہاں $\omega = 2\pi/T$ اور μ دیے گئے اور ω کے لیے شرط $\mu g / \omega^2 < r$ اس شرط کے پاس والے سکے (مرکز سے 4 cm دوری والے) مطمئن کرتے ہیں۔۔

5.38 اعلیٰ ترین نقطے پر: $N + mg = mv^2 / R$ ، جہاں N موٹر سائیکل سوار پر چیمبر کی چھت کے ذریعہ لگائی گئی عمودی قوت (نشیبی) ہے۔

اعلیٰ ترین نقطہ پر کم ترین ممکنہ رفتار $N=0$ سے مطابقت رکھتی ہے۔ یعنی

$$v_{min} = \sqrt{Rg} = \sqrt{25 \times 10} = 15.8 \text{ ms}^{-1}$$

5.39 دیوار کے ذریعہ شخص پر افقی قوت N ضروری مرکز جو قوت فراہم کرتی ہے: $N = m R \omega^2$ ۔ قوت رگڑ f (اوپر کی جانب) وزن mg کی مخالفت کرتی ہے۔ وہ شخص فرش کو ہٹانے کے بعد بھی دیوار سے چپکا رہ سکتا ہے اگر: $N > \mu mg$ ، یعنی $m R \omega^2 > \mu mg$ ۔ یلین کی گردش کی کمترین زاویائی چال

$$\omega_{min} = \sqrt{g/\mu R} = 4.7 \text{ s}^{-1}$$

5.40 اس حالت میں منکے کے آزاد جسم ڈائیگرام پر غور کیجیے جب کہ دائرہ کار تار کے مرکز سے منکے کو جوڑنے والا نصف قطر سمتیہ عمودی نشیبی سمت سے θ زاویہ بناتا ہے۔ اس حالت میں: $mg = N \cos \theta$ اور $m R \sin \theta \omega^2 = N \sin \theta$ ۔ ان مساوات سے ہمیں حاصل ہوتا ہے: $\cos \theta = g/R\omega^2$ ۔ چونکہ

$$|\cos \theta| < 1 \text{ وہ } g/R\omega^2 < 1 \text{ کے لیے اپنے نچلے ترین نقطے پر ہوتا ہے۔}$$

$$\omega = 2g/R \text{ کے لیے، } \cos \theta = 1/2، \text{ یعنی } \theta = 60^\circ$$

باب 6

6.1 (a) +ve (b) -ve (c) -ve (d) +ve (e) -ve

6.2 (a) 882 J (b) -247 J (c) 635 J (d) 635 J

کسی جسم پر نیٹ قوت کے ذریعہ کیا گیا کام اس کی حرکی توانائی میں تبدیلی کے برابر ہوتا ہے۔

6.3 (a) $0 < x < \infty$; V_1 (b) $x > a$; $-\infty < x < \infty$

(c) $-V_1$; $x > b$; $x > a$; $a/2 < x < b/2$; $-b/2 < x < -a/2$

6.5 (a) راکٹ؛ (b) ایک برقراری قوت کے تحت کسی راہ پر چلنے میں کیا گیا کام جسم کی بالقوۃ توانائی میں تبدیلی کا منفی ہوتا ہے۔ جسم جب اپنے مدار پر میں ایک چکر پورا کرتا ہے تو اس کی بالقوۃ توانائی میں کوئی تبدیلی نہیں ہوتی۔ (c) حرکی توانائی میں اضافہ ہوتا ہے جب کہ بالقوۃ توانائی کمی ہوتی ہے اور دونوں توانائیوں کی جمع رگڑ کے خلاف توانائی تنزل کے سبب کم ہو جاتا ہے؛ (d) دوسرے معاملے میں۔

6.6 (a) کم ہو جاتی ہے؛ (b) حرکی توانائی؛ (c) بیرونی قوت؛ (d) میعار حرکت اور کل توانائی بھی (اگر دو اجسام کا نظام ایک جدا نظام ہے)۔

6.7 (a) F؛ (b) F؛ (c) F؛ (d) F (اکثر صحیح لیکن ہمیشہ نہیں، کیوں؟)

6.8 (a) نہیں؛ (b) ہاں؛ (c) کسی غیر پکدار تصادم کے وقت خطی میعار حرکت برقرار رہتا ہے، حرکی توانائی بلاشبہ برقرار نہیں رہتی، یہاں تک کہ تصادم ختم ہونے کے بعد بھی حرکی توانائی کی بقا نہیں ہوتی۔
(d) پکدار۔

6.9 (b) t

6.10 (c) $t^{3/2}$

6.11 12 J

6.12 الیکٹران نسبتاً زیادہ تیز رفتار ہے $v_e / v_p = 13.5$

6.13 ہر ایک نصف میں: 0.163 J ; 0.082 J

6.14 ہاں، (مالیکول + دیوار) نظام کے میعار حرکت کی بقا ہوتی ہے۔ دیوار کا پسپا میعار حرکت اس طرح ہے کہ دیوار کا میعار حرکت + باہر جانے والے مالیکول کا میعار حرکت = آنے والے مالیکول کا میعار حرکت۔ یہاں یہ مانا گیا ہے کہ دیوار شروع میں مقیم حالت میں ہے۔ تاہم، دیوار کی کمیت بہت زیادہ ہونے کے سبب پسپا میعار حرکت دیوار اس میں قابل نظر انداز رفتار پیدا کر پاتا ہے۔ چونکہ یہاں حرکی توانائی بھی برقرار رہتی ہے لہذا تصادم لچکدار ہے۔

6.15 43.6 kW

6.16 (b)

6.17 وہ اپنا کل میعار حرکت میز پر رکھی گیند کو منتقل کر دیتا ہے اور ذرا بھی اوپر نہیں اٹھتا۔

6.18 5.3 m s^{-1}

6.19 27 km h^{-1} (چال میں کوئی تبدیلی نہیں)

7.20 50 J

6.21 (a) $m = pAvt$ (b) $K = pAv^3 t/2$

(c) $P = 4.5 \text{ kW}$

6.22 (a) 49000 J (b) $6.45 \times 10^3 \text{ kg}$

6.23 (a) 200 m^2 (b) $14 \text{ m} \times 14 \text{ m}$ ابعاد کے کسی بڑے گھر کی چھت سے قابل موازنہ

6.24 21.2 cm , 28.5 J

6.25 نہیں، زیادہ ڈھلان والے مستوی پر پتھر مقابلاً جلدی ہی پیندے تک پہنچتا ہے۔ ہاں، وہ ایک ہی چال v سے نیچے پہنچیں گے $(1/2) mgh = mv^2]$

$V_B = V_C = 14.1 \text{ m s}^{-1}$, $t_B = 2 \text{ s}$, $t_C = 2 \text{ s}$

6.26 0.125

(a) $-3 \text{ m} < x < +3 \text{ m}$, $V_{max} = 5.45 \text{ m s}^{-1}$

(b) $-2 \text{ m} < x < -1 \text{ m}$, $1 \text{ m} < x < 2 \text{ m}$; $V_{max} = 1.5 \text{ m s}^{-1}$

6.27 دونوں معاملوں کے لیے 8.82 J

6.28 شروع میں بچہ ٹرائی کو کچھ جھکا فراہم کرتا ہے اور پھر ٹرائی کی نئی رفتار کی نسبت 4 m s^{-1} کے مستقل نسبتی رفتار سے دوڑتا ہے۔ باہر واقع کسی مشاہد کے لیے

میعار حرکت قانون استعمال کیجیے۔ 10.36 m s^{-1} , 25.9 m

6.29 (v) کے علاوہ سبھی ناممکن ہیں۔

باب 7

7.1 ہر ایک کا جیومیٹریائی مرکز نہیں، کمیت مرکز شے کے باہر واقع ہو سکتا ہے جیسا کہ کسی چھلے، کھوکھلے کرے، کھوکھلے استوانے، کھوکھلے مکعب وغیرہ کی صورتوں میں ہوتا ہے۔

7.2 H اور C نیوکلیوں کو ملانے والے خط پر H سرے سے $1.24 \text{ \AA}$ دوری پر واقع ہے۔

7.3 چونکہ نظام پر کوئی بیرونی قوت عمل پذیر نہیں ہے؛ لہذا (ٹرالی + بچہ) نظام کے کمیت مرکز کی چال تبدیل نہیں ہوتی (v کے برابر) رہتی ہے،۔ ٹرالی کو دوڑاتا رکھنے میں جو قوتیں شامل ہیں وہ سبھی اس نظام کی اندرونی قوتیں ہیں۔

$$l_z = xp_y - yp_x, l_x = yp_z - zp_y, l_y = zp_x - xp_z \quad 7.6$$

$$72 \text{ cm} \quad 7.8$$

$$365 \text{ N} \text{ ہر اگلے پہیہ پر، } 5145 \text{ N} \text{ ہر پچھلے پہیہ پر} \quad 7.9$$

$$3/2 \text{ MR}^2 \text{ (b) } 7/5 \text{ MR}^2 \text{ (a)} \quad 7.10$$

$$\text{کرہ} \quad 7.11$$

$$\text{حرکی توانائی} = 3125 \text{ J} ; \text{ زاویائی معیار حرکت} = 62.5 \text{ J s} \quad 7.12$$

$$\text{(a) چکر/منٹ } 100 \text{ (زاویائی معیار حرکت کی بقا کا برقراری اصول استعمال کیجیے)} \quad 7.13$$

(b) نئی حرکی توانائی گردش کی ابتدائی حرکی توانائی کی 2.5 گنا ہے۔ بچہ اپنی گردش حرکی توانائی میں اضافہ کرنے کے لیے اپنی اندرونی توانائی کا استعمال کرتا ہے۔

$$25 \text{ s}^{-2}; 10 \text{ m s}^{-2} \quad 7.14$$

$$36 \text{ kW} \quad 7.15$$

$$\text{تراشے گئے حصے کے مرکز کے مخالف اصل ڈسک کے مرکز سے } R/6 \text{ پر} \quad 7.16$$

$$66.0 \text{ g} \quad 7.17$$

$$\text{(a) ہاں (b) ہاں (c) مستوی جیگا جھکاؤ کم ہو (a) } \alpha \sin \theta \quad 7.18$$

$$4 \text{ J} \quad 7.19$$

$$6.75 \times 10^{12} \text{ rad s}^{-1} \quad 7.20$$

$$3.0 \text{ s (b) } 3.8 \text{ m (a)} \quad 7.21$$

7.22 کھینچاؤ $N_c = 147 \text{ N}$, $N_B = 245 \text{ N}$, 98 N

7.23 (a) 59 rev/min (b) نہیں، حرکی توانائی بڑھ جاتی ہے اور یہ انسان کے عمل کے ذریعے دوران کیے گئے کام سے حاصل ہوتی ہے۔

7.24 کھینچاؤ $N_c = 147 \text{ N}$, $N_B = 245 \text{ N}$, 98 N

7.25 (a) زاویائی معیار حرکت کی بقا کے ذریعہ، مشترک زاویائی چال: $\omega = (I_1 \omega_1 + I_2 \omega_2) / (I_1 + I_2)$

(b) زیاں (نقصان Loss) رگڑ تماس میں توانائی کے اصراف کے سبب ہوتا ہے اور اسی لیے دونوں ڈسک مشترکہ زاویائی چال ω سے گھومنے لگتی ہیں۔ تاہم چونکہ رگڑ قوت گردشہ نظام کے لیے اندرونی ہے، لہذا زاویائی معیار حرکت غیر تبدیل ہوتا ہے۔

7.28 $A = \omega_0 R$ کی خطی رفتار تیر کی حرکت کی سمت میں $B = \omega_0 R$ کی خطی رفتار، تیر کی حرکت کی مخالف سمت میں؛ $C = \omega_0 R/2$ کی خطی رفتار تیر کی حرکت کی سمت میں۔ بے رگڑ مستوی پر ڈسک نہیں لڑھکے گی۔

7.29 (a) B پر رگڑ قوت B کی رفتار کی مخالفت کرتا ہے۔ لہذا رگڑ قوت اور تیر کی سمت یکساں ہے۔ رگڑ قوت گردشہ کام کرنے کی سمت اس طرح ہے کہ یہ زاویائی حرکت کی مخالفت کرتی ہے ω_0 اور τ دونوں ہی کاغذ کے عمودی کام کرتے ہیں، ان میں ω_0 کاغذ کے اندروں اور 1 کاغذ کے بیرون رخ ہوتے ہیں۔

(b) رگڑ قوت نقطہ تماس B کی رفتار کو کم کر دیتی ہے۔ جب یہ رفتار صفر ہوتی ہے تو ڈسک کی کامل لڑھکن شروع ہوتی ہے۔ ایک بار ایسا ہو جانے پر رگڑ قوت صفر ہو جاتی ہے۔

7.30 قوت رگڑ، کمیت مرکز کو اس کی ابتدائی صفر رفتار سے اسراع کرتی ہے۔ رگڑ۔ قوت گردشہ ابتدائی زاویائی چال ω میں ابطا پیدا کرتا ہے۔ حرکت کی مساوات ہیں: $\mu_k mg = ma$ اور $\mu_k m g R = -I \alpha$ ، جن سے حاصل ہوتا ہے: $\omega = \omega_0 - \mu_k mg R t / I$ ، $v = \mu_k g t$ ۔ پہلے لڑھکنا شروع ہوتا ہے جب $v = R\omega$ ۔ اس طرح یکساں R اور ω_0 کے لیے چھلے کی نسبت ڈسک پہلے لڑھکنا شروع کر دیتی ہے $R = 10 \text{ cm}$ ، $\omega_0 = 10\pi \text{ rad s}^{-1}$ ، $\mu_k = 0.2$ کے لیے حقیقی وقتوں کی قدر معلوم کی جاسکتی ہے۔

7.31 (a) 16.4 N (b) صفر (c) 37° (تقریبی)

باب 8

8.1 (a) نہیں

(b) ہاں، اگر اس کے لیے خلائی جہاز کا سائز اتنا بڑا ہو کہ g میں تبدیلی شناخت کی جاسکے۔
(c) مدّ و جزر کا اثر فاصلہ کے کعب کے مقلوب متناسب ہوتا ہے جبکہ قوت فاصلہ کے مربع کے مقلوب متناسب ہوتی ہے۔

8.2 (a) گھٹتا ہے؛ (b) گھٹتا ہے؛ (c) جسم کی کمیت؛

(d) زیادہ۔

8.3 0.63 کے جزء ضربی سے کم

8.5 3.5×10^8 (سال)

8.6 (a) حرکی توانائی (b) کم

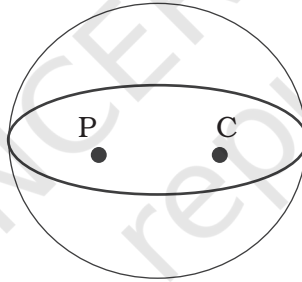
8.7 (c) نہیں (b) نہیں (c) نہیں (d) ہاں [فرار رفتار، جسم کی کمیت اور پھینکے جانے کی سمت کے تابع نہیں ہے۔ یہ اس نقطے پر مادی کشش قوت کے تابع ہے جہاں سے اسے پھینکا جاتا ہے۔ کیونکہ یہ قوت عرض البلد کے (کچھ حد تک) اور نقطہ کی بلندی کے تابع ہے، اس لیے فرار رفتار ان عوامل کے تابع ہے]

8.8 زاویائی رفتار اور کل توانائی کے علاوہ سبھی مقدمات ایک مدار پر تبدیل ہوتی رہتی ہیں۔

8.9 (b)، (c) اور (d)۔

8.10 اور

8.11 ان دونوں سوالوں کے لیے درج ذیل شکل بنائیے۔ نصف کرہ کو کرہ میں بدل لیں۔



8.12 P اور C دونوں پر قوت مستقلہ ہے اور اسی لیے شدت = 0۔ اسی لیے نصف کرہ کے لیے (c) اور (e) صحیح ہیں۔

8.12 2.6×10^8 m

8.13 2.0×10^{30} kg

8.14 1.43×10^{12} m

8.15 28 N

8.16 125 N

8.17 زمین کے مرکز سے 8.0×10^6 m کی دور پر

8.18 31.7 km s^{-1}

8.19 5.9×10^9 J

8.20 $5.6 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}$

8.21 $0.27 \times 10^{-8} \text{ J kg}^{-1}$

8.22 $-9.4 \times 10^{-8} \text{ J kg}^{-1}$

8.23 $\omega^2 R = 1.1 \times 10^6 \text{ m s}^{-2}$ ، $GM/R^2 = 2.3 \times 10^{-12} \text{ m s}^{-2}$ یہاں پر ω گردش کی زاویائی چال ہے۔ لہذا ستارہ کے گردشی فریم میں داخلی قوت اس کے استوا پر موجود بیرونی مرکز گریز قوت کے مقابلے زیادہ بڑی ہوتی ہے۔ شے اٹک جائے گی (اور مرکز گریز قوت کی اڑ نہیں پائے گی)۔ نوٹ کیجیے کہ اگر گردش کی زاویائی چال کو 2000 کے جز تک بڑھا دیا جائے تو ایسی حالت میں شے اڑنے لگے گی۔

8.24 $3 \times 10^{11} \text{ J}$

8.25 495 km