

سیالوں کی میکانیکی خاصیتیں (MECHANICAL PROPERTIES OF FLUIDS)



5168CH10

10.1 تعارف (INTRODUCTION)

اس باب میں ہم رقین اور گیس اشیا کی کچھ عام طبعی خاصیتوں کا مطالعہ کریں گے۔ رقین اور گیس بہہ سکتے ہیں، اس لیے سیال (بہنے والے) کہلاتے ہیں۔ یہی وہ خاصیت ہے جو رقین اور گیسوں کو بنیادی طور پر ٹھوں اشیاء سے الگ کرتی ہے۔

ہمارے چاروں اطراف ہر جگہ سیال ہیں۔ زمین پر ہوا کا ایک غلاف ہے اور اس کا دو تھائی حصہ پانی سے گھرا ہوا ہے۔ پانی نہ صرف انسانی وجود کے لیے لازمی ہے، ہر پستان دار حیوان کے جسم کا زیادہ تر حصہ پانی ہوتا ہے۔ جاندار چیزوں میں، بہ شمول پیڑ پودے، ہونے والے تمام عمل پانی کے ذریعے ہوتے ہیں۔ اس لیے سیالوں کے برتاؤ اور ان کی خاصیتوں کو سمجھنا ہم ہے۔

سیال، ٹھوں اشیاء سے کیے مختلف ہیں؟ رقین اشیا اور گیسوں میں کیا مشترک ہے؟ ٹھوں کے برخلاف، ایک سیال کی کوئی اپنی شکل نہیں ہوتی۔ ٹھوں اور رقین اشیا کا ایک معین جنم ہوتا ہے، جبکہ گیس، جس برتن میں رکھی جائے، اس کے پورے جنم کو گھیر لیتی ہے، ہم پچھلے باب میں سیکھ چکے ہیں کہ ٹھوں اشیا کے جنم کو ذرر کے ذریعے تبدیل کیا جاسکتا ہے۔ ایک ٹھوں، رقین یا گیس کا جنم اس پر لگ رہے ذرر یاد باؤ کے تابع ہے۔ جب ہم ٹھوں یا رقین کے معین جنم کی بات کرتے ہیں، تو ہمارا مطلب فضائی دباؤ کے زیر اشاس کے جنم سے ہوتا ہے۔ گیسوں اور ٹھوں یا رقین اشیا میں فرق یہ ہے کہ ٹھوں یا رقین اشیا کے جنم میں، باہری دباؤ کی تبدیلی سے بہت کم تبدیلی ہوتی ہے۔ دوسرے لفظوں میں، رقین اور ٹھوں اشیا کی داب پذیری، گیسوں کے مقابلے میں بہت کم ہوتی ہے۔

تحریف ذرر، ایک ٹھوں کی شکل، اس کا جنم معین رکھتے ہوئے، تبدیل کر سکتا ہے۔ سیالوں کی کلیدی خاصیت یہ ہے کہ وہ تحریف ذرر کی بہت کم مزاحمت کرتے ہیں۔ ان کی شکل بہت چھوٹی تحریف ذرر کے لگانے پر تبدیل ہو جاتی ہے۔ سیالوں کا تحریفی ذرر، ٹھوں اشیا کے مقابلے میں تقریباً اس لاکھ گناہم ہوتا ہے۔

10.1 تعارف

10.2 دباؤ

10.3 مستقل بہاؤ

10.4 برنولی کا اصول

10.5 لزوجت

10.6 سطحی تناو

خلاصہ

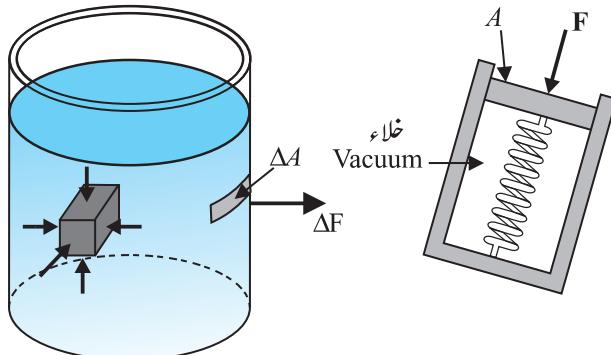
قابل غورنکات

مشق

انسانی مشق

ضمیمه

اس آنکھ کو سیال کے اندر ایک نقطہ پر رکھا جاتا ہے۔ سیال کے ذریعے پسٹن پر لگ رہی اندر کی سمت میں قوت، باہری اسپر گ قوت کے ذریعے متوازن ہوتی ہے، اور اس طرح ناپی جاتی ہے۔



شکل 10.1 (a) بیکر میں رکھے سیال کے ذریعے، ڈوبی ہوئی شے یا بیکر کی دیواروں پر لگائی گئی قوت، تمام تقاط پر سطح پر عمود ہے۔
(b) دباؤ کو ناپنے کا ایک مثالی آلہ

اگر رقبہ A کے پسٹن پر لگ رہی اس عمودی قوت کی عددی قدر F ہے، تب اوسط دباؤ (Average Pressure)، P_{av} کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ اکائی رقبہ پر لگ رہی عمودی قوت ہے۔

$$P_{av} = \frac{F}{A} \quad (10.1)$$

اصولی طور پر، پسٹن کے رقبہ کو ہم جتنا چاہیں کم کر سکتے ہیں۔ اس لیے محدود طور پر دباؤ کی تعریف اس طرح کی جاسکتی ہے۔

$$P = \lim_{\Delta A \rightarrow 0} \frac{\Delta F}{\Delta A} \quad (10.2)$$

دباؤ ایک غیر سمتی عددی (Scalar) مقدار ہے۔ ہم آپ کو یہ یاد دلانا چاہتے ہیں کہ یہ قوت کا وہ جزو ہے جو ملاحظہ کیے جا رہے رقبہ پر عمود ہے اور وہ سمتی قوت (Vector) نہیں ہے جو مساوات (10.1) اور (10.2) کے نسب نما (Numerator) میں ظاہر ہوتی ہے۔ اس کے ابعاد $[ML^{-1}T^{-2}]$ ہیں۔ دباؤ کی SI اکائی $N m^{-2}$ ہے۔ اسے سیال دباؤ پر تحقیق کرنے والے فرانسیسی سائنسدار، بلائس پاسکل (Blaise Pascal) (1623-1662) کے اعزاز میں پاسکل (Pascal, Pa) کا نام دیا گیا ہے۔ دباؤ کی ایک عام اکائی فضا

10.2 دباؤ (PRESSURE)

ایک نکلی سوئی کو اگر ہم اپنی کھال پر رکھ کر دبائیں تو وہ ہماری کھال کو چھید دیتی ہے لیکن اگر ہم ایک بے دھار (blunt) حصہ (جیسے چچپ کا پچھلا حصہ) سے جس کا رقبہ (contact area) زیاد ہے، اپنی کھال کو اتنی ہی قوت سے دبائیں تو ہماری کھال ویسی ہی رہتی ہے۔ اگر ایک ہاتھی انسان کے سینے پر پیروکھ دے، تو انسان کی پسلیاں ٹوٹ جائیں گی۔ ایک سرکس کا فنکار، جس کے سینے پر ایک بڑا، بہکا مگر مضبوط گٹری کا تنہہ رکھ دیا جاتا ہے اور پھر اس پر سے ہاتھی گزرتا ہے تو فنکار اس طرح کے حادثے سے محفوظ رہتا ہے۔ اس طرح کہ روزمرہ کے واقعات سے ہمیں یقین ہوتا ہے کہ قوت اور وہ کتنے رقبے پر لگ رہی ہے، دونوں اہم ہیں۔ قوت جتنے مقابلاتاً کم رقبے پر لگ گی، اس کا اثر اتنا زیادہ ہوگا۔ یہ اثر بطور دباؤ (Pressure) جانا جاتا ہے۔

جب ایک شے کو ساکت سیال میں ڈبوایا جاتا ہے، تو سیال شے کی سطح پر ایک قوت لگاتا ہے۔ یہ قوت شے کی سطح کے ہمیشہ عمودی سمت میں ہوتی ہے۔ ایسا اس لیے ہوتا ہے کہ اگر اس قوت کا ایک جز شے کی سطح کے متوازی بھی ہو، تو شے بھی سیال پر، اس کے متوازی ایک قوت لگائے گی، کیونکہ نیوٹن کے تیسرا قانون سے یہی نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔ یہ قوت سیال کو سطح کے متوازی بھائے گی۔ کیونکہ سیال حالت سکون ہے، یہ نہیں ہو سکتا۔ اس لیے حالت سکون میں ہونے والے سیال کے ذریعے لگائی گئی قوت، اس کے لمس میں آئی سطح پر عمودی ہی ہو سکتی ہے۔ اسے شکل 10.1 میں دکھایا گیا ہے۔

ایک نقطہ پر سیال کے ذریعے لگائی گئی عمودی قوت ناپی جاسکتی ہے۔ ایسے دباؤ ناپنے والے آلے کی ایک مثالی شکل، شکل (b) میں دکھائی گئی ہے۔ یہ ایک ایسے خلا کیے ہوئے (Envacuated Chamber) پر مشتمل ہوتا ہے، جس میں ایک اسپر گ (Calibrated) ہوتا ہے۔ یہ اسپر گ، پسٹن پر لگ رہی قوت کو ناپنے کے لیے پیمانہ بند کیا ہوا (Calliberated) ہوتا ہے۔

مثال 10.1 دُران کی ہڈیاں (عظام الفخذ Femurs)، جن میں سے ہر ایک کا تراشی رقبہ 10 cm^2 ہے، جو 40Kg کے ایک انسانی جسم کے اوپری حصہ کو سہارا دیتی ہیں۔ ہڈیوں کے ذریعہ برداشت کیے جا رہے اوسط دباؤ کا حساب لگائیے۔

جواب: ران کی ہڈیوں کا کل تراشی رقبہ ہے؟

$$A = 2 \times 10 \text{ cm}^2 = 20 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

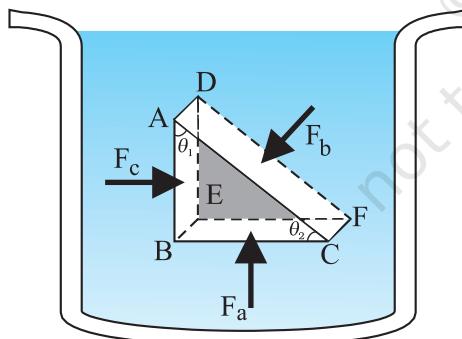
$$F = 40 \text{ kg g} \quad w t = 400 \text{ N}$$

ان پر لگ رہی قوت ہے: $F = 40 \text{ kg g}$ یعنی $w t = 400 \text{ N}$ یہ لیتے ہوئے۔ یہ قوت عمودی سمت میں نیچے کی جانب لگ رہی ہے، اس لیے ران کی ہڈیوں پر عمودی ہے۔ اس لیے اوسط دباؤ

$$P_{av} = \frac{F}{A} = 2 \times 10^5 \text{ N m}^{-2}$$

پاسکل کا قانون (Pascal's law) 10.2.1

فرانسیسی سائنسدار بلیس پاسکل (Blaise Pascal) نے مشاہدہ کیا کہ ایک رقین میں جو حالت سکون میں ہے، ان تمام نقاط پر دباؤ یکساں ہوتا ہے جو ایک ہی اونچائی پر ہیں۔ اس حقیقت کا سادہ طور پر مظاہرہ کیا جاسکتا ہے۔



شکل 10.2 پاسکل کرنے والے قانون کا ثبوت: ایک ایسے رقین کرنے اندر کا جز ہے جو حالت سکون میں ہے۔ یہ جز ایک قائم زاویہ منشور کی شکل کا ہے۔ یہ جز چھوٹا ہے، اس لیے ارضی کشش (gravity) کے اثر کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے، لیکن سمجھانے کے لیے اس کو بڑا بنایا گیا ہے۔

شکل 10.2 میں ایک ایسے رقین کا اندر وونی جز دکھایا گیا ہے، جو

یا اسٹماسفیر (Atmosphere) ہے، یعنی کہ، فضا کے ذریعے سطح

$$\text{سمندر پر لگنے والا دباؤ} (1 \text{ atm}) = 1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$$

ایک دوسری مقدار، جو سیالوں کو بیان کرنے میں نظر انداز نہیں کی جاسکتی، کثافت ہے۔ ایک m کی میٹ کا سیال جو V حجم گھیرتا ہے، اس کے لیے

$$\rho = \frac{m}{V} \quad (10.3)$$

کثافت کے ابعاد $[ML^{-3}]$ ہیں۔ اس کی SI کا میٹ kg m^{-3} ہے۔

یہ ایک ثابت لاصحتی مقدار ہے۔ ایک رقین بڑی حد تک غیر داب پذیر ہے، اس لیے اس کی کثافت ہر دباؤ پر تقریباً مستقلہ ہوتی ہے۔ دوسری طرف، گیسوں کی کثافتوں میں دباؤ کے ساتھ کافی تبدیلی ہوتی ہے۔

$$4^\circ\text{C} (277 \text{ K}) \text{ پر پانی کی کثافت } 1.0 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3}$$

ایک شے کی نسبتی کثافت (Relative density)، اس کی کثافت کی 4°C پر پانی کی کثافت سے نسبت ہے۔ یہ غیر ابعادی، ثابت، لاصحتی مقدار ہے۔ مثال کے طور پر المونیم کی نسبتی کثافت 2.7 ہے۔ المونیم کی کثافت $2.7 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3}$ ہے۔ کچھ عام رقینوں کی کثافتوں، جدول 10.1 میں دکھائی گئی ہیں۔

جدول 10.1 STP* پر کچھ عام رقینوں کی کثافتوں

رقین	$\rho (\text{kg m}^{-3})$
پانی	1.00×10^3
بحری پانی	1.03×10^3
پارہ	13.6×10^3
امیتھائیک الکوھل	0.806×10^3
کل خون	1.06×10^3
ہوا	1.29
آسٹریجن	1.43
ہائیڈروجن	9.0×10^{-2}
بین نجی فضا (Interstellar Space)	$\approx 10^{-20}$

STP* کا مطلب ہے معیاری درجہ حرارت (0°C) اور 1 atm دباؤ

10.2.2 گہرائی کے ساتھ دباؤ کی تبدیلی (Variation of pressure with depth)

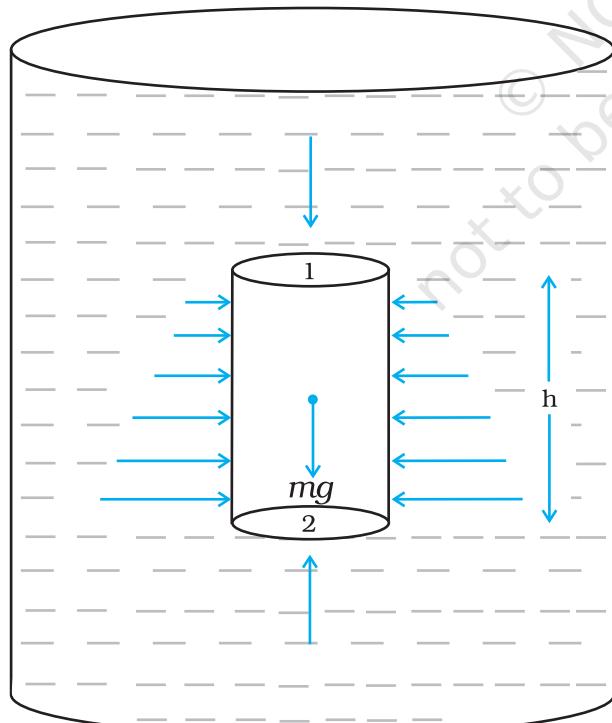
فرض کیجیے کہ ایک برتن میں ایک سیال رکھا ہوا ہے۔ سیال حالت سکون میں ہے۔ شکل 10.3 میں نقطہ 1، نقطہ 2 سے بلندی h پر ہے۔ نقطہ 1 اور نقطہ 2 پر دباؤ، بالترتیب، P_1 اور P_2 ہیں۔ سیال کا ایک استوانی جزو لیجیے، جس کا ساسی رقبہ A اور اونچائی h ہے۔ کیونکہ سیال حالت سکون میں ہے، اس لیے اسی رقبہ A اور اونچائی h پر افقی قوتیں صفر ہونا چاہئیں اور حاصل انتصابی قوتیں کو جزو کے وزن کو متوازن کرنا چاہئیں۔ انتصابی سمت میں لگ رہی قوتیں، اور پری سرے پر ($P_1 A$) سیال کے دباؤ کی وجہ سے ہیں۔ جو اور پر کی طرف کام کر رہا ہے۔ اگر استوانے میں سیال کا وزن mg ہے، تو ہمیں حاصل ہوتا ہے۔

$$(P_2 - P_1) A = mg \quad (10.5)$$

اب اگر میں سیال کی کیمیت کثافت ہے، تو سیال کی کیمیت ہو گی: $m = \rho V = \rho h A$

اس طرح

$$(P_2 - P_1) = \rho g h \quad (10.6)$$



شکل 10.3: ارضی کشش کے زیر اثر سیال۔ ارضی کشش کے اثر کو ایک انتصابی استوانی کالم پر دباؤ کرے ذریعے دکھایا گیا ہے۔

حالت سکون میں ہے۔ یہ جز (ABC-EF(element) right-angled prism) کی شکل کا ہے۔ اصولی طور پر یہ منشوری جز بہت چھوٹا ہے، تاکہ اس کا ہر حصہ ریقین کی سطح سے یکساں گہرائی پر مانا جاسکے اور اس لیے اس کے ان تمام نقاط پر کشش ارضی کا اثر یکساں ہے۔ لیکن وضاحت کے خیال سے ہم نے اسے بڑا دکھایا ہے۔ اس جزو پر لگ رہی قوتیں وہ ہیں جو باقی ریقین کے ذریعے لگائی جا رہی ہیں، اس لیے اور انہیں اس جزو کی سطح پر عمودی ہونا لازمی ہے، جیسا کہ پہلے بحث کی جا چکی ہے۔ اس لیے باقی ریقین اس جزو پر دباؤ P_o , P_s اور P_c لگاتا ہے جو عمودی قوتیں، F_c اور F_b کے مقابلے ہیں۔ جیسا کہ شکل 10.2 میں دکھایا گیا ہے۔ یہ قوتیں بالترتیب جز کے رخوں ADFC, BEFC اور DADB پر لگ رہی ہیں۔ جنہیں (بالترتیب) A_a , A_b اور A_c سے ظاہر کیا گیا ہے۔

$$F_b \sin\theta = F_c, \quad F_b \cos\theta = F_a \quad (\text{توازن سے})$$

$$A_b \sin\theta = A_c, \quad A_b \cos\theta = A_a \quad (\text{جو میٹری سے})$$

اس لیے

$$\frac{F_b}{A_b} = \frac{F_c}{A_c} = \frac{F_a}{A_a}; \quad P_b = P_c = P_a \quad (10.4)$$

اس لیے، اس ریقین پر جو حالت سکون میں ہے، لگایا گیا دباؤ ہر سمت میں یکساں ہے۔ یہ پھر ہمیں یاد دلاتا ہے کہ ذرر کی دوسری قسموں کی طرح، دباؤ بھی ایک سمتی مقدار نہیں ہے۔ اسے کوئی سمت نہیں تقویض کی جاسکتی ہے۔ ریقین کے اندر (یا اسے گھیرنے والے) کسی بھی رقبہ پر لگ رہی قوت، اگر ریقین حالت سکون میں ہے اور دباؤ کے زیر اثر ہے، رقبہ کے تعین سمت (Orientation) کا لحاظ کے بغیر، رقبہ پر عمود ہے۔

اب ایک ایسا ریقین جزو لیجیے جو ہموار تراش کی افقی چھپڑ کی شکل کا ہے۔ چھپڑ توازن میں ہے۔ اس کے دونوں کناروں پر لگ رہی افقی قوتیں لازمی طور پر متوازن ہونا چاہئیں یا دونوں کناروں پر دباؤ مساوی ہونا چاہیے۔ اس سے ثابت ہوتا ہے کہ ایک ایسے ریقین کے لیے جو توازن میں ہے، ایک افقی مستوی (Horizontal Plane) میں، تمام نقاط پر، دباؤ یکساں ہے، فرض کیجیے کہ سیال کے مختلف حصوں میں دباؤ مساوی نہیں ہوتا، تب سیال کا ایک بہاؤ ہو گا، کیونکہ اس پر ایک کل قوت کام کر رہی ہو گی۔ اس لیے بہاؤ کی غیر موجودگی میں، سیال میں ہر جگہ دباؤ افقی سطح میں یکساں ہونا ضروری ہے۔

مثال 10.2: اس تیراک پر کتنا دباؤ ہوگا، جو ایک جھیل میں سطح جھیل سے 10m نیچے ہے۔

جواب: یہاں،

$$h = 10 \text{ m}, \quad \rho = 1000 \text{ kg m}^{-3}, \quad g = 10 \text{ m s}^{-2}$$

مساوات (10.7) سے

$$P = P_a + \rho gh$$

$$= 1.01 \times 10^5 \text{ Pa} + 1000 \text{ kg m}^{-3} \times 10 \text{ m s}^{-2} \times 10 \text{ m}$$

$$= 2.01 \times 10^5 \text{ Pa}$$

$$\approx 2 \text{ atm}$$

یہ جھیل کے دباؤ سے 100% اضافہ ہے۔ 1 Km کی گہرائی پر، دباؤ میں اضافہ، ہوگا۔ پنڈیوں (Submarines) کا ڈیزائن اس طرح تیار کیا جاتا ہے کہ وہ اتنے بڑے دباؤ کو برداشت کر سکیں۔ ▶

10.2.3 فضائی دباؤ اور گنج دباؤ (Atmospheric pressure and gauge pressure)

کسی بھی نقطے پر فضا کا دباؤ، اس نقطے سے فضا کی چوٹی تک کے، اکائی تراشی رقبے والے، ہوا کے کالم کے وزن کے مساوی ہے۔ سطح سمندر پر یہ (1atm) $1.013 \times 10^5 \text{ Pa}$ ہے۔ اطالوی سائنس دال ایوان جی لستارسلی (Evangelista Torricelli) نے سب سے پہلے فضائی دباؤ ناپنے کا طریقہ بتایا۔ ایک لمبی شیشے کی ٹیوب کو، جس کا ایک سرا بند ہوتا ہے اور جس میں پارہ بھرا ہوتا ہے، پارہ بھرے برتن میں لٹا کھڑا کیا جاتا ہے، جیسا کہ شکل 10.5(a) میں دکھایا گیا ہے۔ یہ آلم پارہ بیرو میٹر کہلاتا ہے۔ ٹیوب میں پارہ کے کالم سے اوپر کی جگہ میں صرف پارہ کے انحرافات ہوتے ہیں، جن کا دباؤ اتنا کم ہوتا ہے کہ اسے نظر انداز کیا جا سکتا ہے۔ لہذا $P_a = 0$ نقطہ A پر دباؤ کالم کے اندر نقطہ B پر دباؤ لازمی طور پر نقطہ C پر دباؤ کے مساوی ہوگا، جو کہ فضائی دباؤ P_a ہے۔

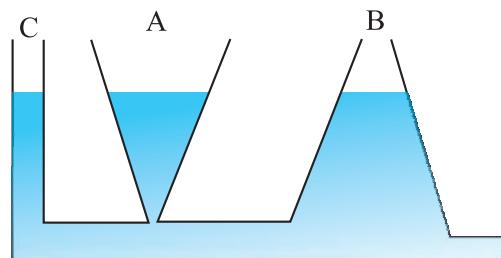
$$P_a = \text{فضائی دباؤ} = \text{نقطہ B پر دباؤ} - \text{نقطہ A پر دباؤ}$$

$$P_a = \rho gh \quad (10.8)$$

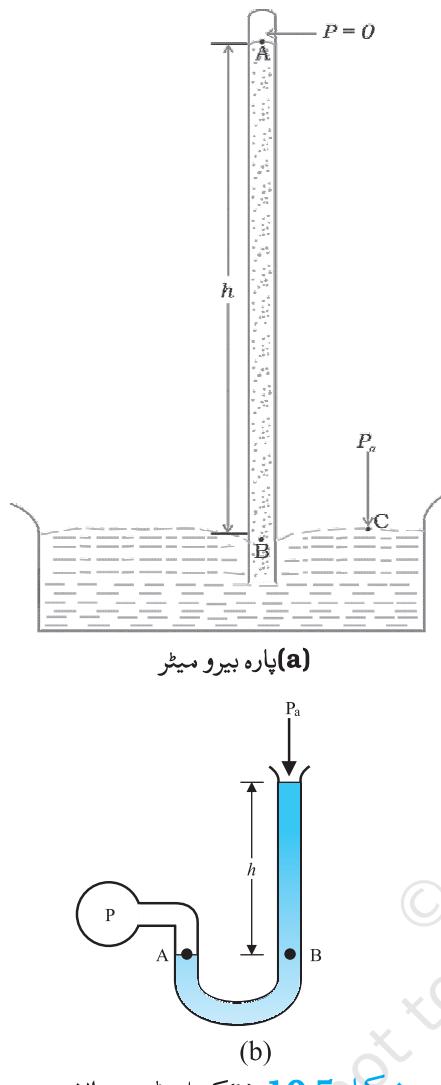
دباؤ فرق، نقاط (1 اور 2) کے درمیان انتسابی فاصلے h، سیال کی کمیت کشافت اور مادی کشش اسراع g تابع ہے۔ اگر زیر بحث نقطہ 1 کو سیال (فرض کیا گانی) کی اوپری سطح پر منتقل کر دیا جائے، جو فضا کے لیے کھلا ہوا ہے، تو P_1 کو فضائی دباؤ (P_a) سے تبدیل کیا جا سکتا ہے اور ہم P_2 کو P_a سے تبدیل کر دیتے ہیں۔ تب مساوات 10.6 سے حاصل ہوتا ہے۔

$$P = P_a + \rho gh \quad (10.7)$$

اس لیے، ایک ایسے سیال میں جو فضا کے لیے کھلا ہوا ہے، اس کی اوپری سطح سے نیچے گہرائی میں دباؤ p ، فضائی دباؤ سے ρgh مقدار میں زیادہ ہوتا ہے۔ گہرائی h پر زائد دباؤ، $(P - P_a)$ ، اس نقطے پر گنج دباؤ (Gauge Pressure) کہلاتا ہے۔ مساوات (10.7) میں مطلق (Absolute) دباؤ کی عبارت میں، استوانے کا رقبہ شامل نہیں ہے۔ اس لیے سیال کالم کی اوپرچاری اہمیت رکھتی ہے، تراشی رقبہ یا اساسی رقبہ یا برتن کی شکل اہمیت نہیں رکھتی۔ یکساں افقي سطح (یکساں گہرائی) پر تمام نقاط پر سیال کا دباؤ یکساں ہوتا ہے۔ آب سکوتی متناقضہ (Hydrostatic Paradox) کی مثال کے ذریعے اس نتیجے کو مزید سمجھا جا سکتا ہے۔ تین برتن A، B اور C لیجیے (شکل 10.4) جو مختلف شکلوں کے ہیں۔ ان کے پیندوں کو ایک افقي پائیپ کے ذریعے جوڑ دیا گیا ہے۔ ان میں پانی بھرنے پر، تینوں میں پانی کی سطح یکساں ہے، حالانکہ تینوں میں پانی کی مقدار الگ الگ ہے۔ ایسا اس لیے ہے کہ یونکہ پیندے پر پانی کا دباؤ برتن کے ہر تراشہ کے نیچے، یکساں ہے۔



شكل 10.4 آب سکوتی متناقضہ کا اظہار۔ تین برتنوں، A، B اور C، میں پانی کی مقدار مختلف ہے، لیکن پانی کی سطح یکساں بلندی پر ہے۔



شکل 10.5 (b) کھلی ٹیوب والا مینو میٹر

اور دباؤ کی تبدیلی سے بہت زیاد تبدیلی ہوتی ہے۔ اس لیے گیسوں کے برخلاف، ہم ریقیقوں کو غیر داب پذیر نہیں ہیں۔

مثال 10.3: سطح سمندر پر فضائی کثافت 1.29 kg/m^3 فرض کیجیے کہ یہ بلندی کے ساتھ تبدیلی نہیں ہوتی۔ تو فضائی وسعت کتنی بلندی تک ہے؟

جواب: ہم مساوات (10.7) استعمال کرتے ہیں۔

$$\rho gh = 1.29 \text{ kg m}^{-3} \times 9.8 \text{ m s}^{-2} \times h \text{ m} = 1.01 \times 10^{-5} \text{ Pa}$$

$$\therefore h = 7989 \text{ m} \approx 8 \text{ km}$$

حقیقت میں، ہوا کی کثافت، بلندی کے ساتھ کم ہوتی جاتی ہے اور گو کی قدر بھی بلندی کے ساتھ کم ہوتی ہے۔ فضائی غلاف، دباؤ کم ہوتے ہوئے

جبکہ مپارہ کی کثافت اور ہٹیوب میں پارہ کے کالم کی اونچائی ہے۔ اس تجربے میں یہ معلوم ہوا کہ بیرومیٹر (Dab پیٹا) (Barometer) میں پارہ کے کالم کی اونچائی سطح سمندر پر، تقریباً 76 cm ہے، جو ایک اسٹاماسفیر (atmosphere) کے مراد (equivalent) ہے۔ یہ مساوات (10.8) میں م کی قدر رکھ کر بھی حاصل کیا جا سکتا ہے۔ دباؤ کو ظاہر کرنے کا ایک عام طریقہ یہ ہے کہ اسے پارہ (Hg) کے mm/cm کی شکل میں ظاہر کیا جائے۔ 1 mm کے مراد (equivalent) 1 mm Torr (Torr) کہا جاتا ہے (ٹو رسی کے نام پر)۔

$$1 \text{ torr} = 133 \text{ Pa}$$

torr کے علم طب (Medicine) اور علم انعام (Physiology) میں استعمال ہوتے ہیں۔ جب کہ موسمیات (Meterology) میں استعمال ہونے والی عام اکائیاں bar (bar) اور میلی بار (Millibar) ہیں۔

$$1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$$

ایک کھلی ٹیوب والا مینو میٹر (Manometer)، دباؤ کے فرق کو ناپنے کا ایک کار آمد آہے۔ یہ ایک U- ٹیوب پر مشتمل ہوتا ہے، جس میں ایک مناسب ریقیق بھرا ہوتا ہے۔ چھوٹے دباؤ فرق کو ناپنے کے لیے کم کثافت والا ریقیق (جیسے تیل) استعمال کیا جاتا ہے اور بڑے دباؤ کے فرق کو ناپنے کے لیے زیادہ کثافت والا ریقیق (جیسے پارہ) استعمال کیا جاتا ہے۔ ٹیوب کا ایک سر اکھلا ہوتا ہے اور اس طرح فضا سے مس میں ہوتا ہے، جب کہ دوسرے سرے کو اس نظام سے مسلک کر دیا جاتا ہے، جس پر دباؤ ناپنا ہے۔ [دیکھیے شکل (b) 10.5]۔ پر دباؤ P، نقطہ B پر دباؤ کے مساوی ہے۔ ہم عام طور سے جو ناپنے ہیں وہ تجھ دباؤ ہوتا ہے، جو $P_a - P$ ہے، اور مساوات (10.8) سے دیکھا جاسکتا ہے کہ یہ مینو میٹر کی اونچائی h کے تناسب ہے۔

ریقیق بھری U- ٹیوب میں دونوں طرف یکساں سطح پر دباؤ یکساں ہو گا۔ ریقیقوں کی کثافت میں دباؤ اور درجہ حرارت کی تبدیلی کی کافی بڑی وسعت (Range) میں بھی بہت کم تبدیلی ہوتی ہے۔ اس لیے ہم اپنے کام کے لیے کثافت کو مستقلہ مان سکتے ہیں۔ جب کہ کیس کی کثافت میں درجہ حرارت

$$P - P_a = \rho gh = P_g \quad (b) \quad \text{گنج دباؤ ہے:}$$

$$P - P_a = \rho gh = P_g$$

$$\begin{aligned} P_g &= 1.03 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3} \times 10 \text{ ms}^2 \times 1000 \text{ m} \\ &= 103 \times 10^5 \text{ Pa} \\ &\approx 103 \text{ atm} \end{aligned}$$

(c) پن ڈبی کے باہر دباؤ ہے: $P = P_a + \rho gh$ اور پنڈبی کے اندر دباؤ ہے: $P_a = \rho gh$ لیکہ کھڑکی پر لگ رہا کل دباؤ، گنج دباؤ ہے: $P_g = \rho gh$ کیونکہ کھڑکی کارقبہ $A = 0.04 \text{ m}^2$ اس لیے کھڑکی پر لگ رہی قوت:

$$\blacktriangleright F = P_g A = 103 \times 10^5 \text{ Pa} \times 0.04 \text{ m}^2 = 4.12 \times 10^5 \text{ N}$$

تقریباً 100Km کا سمندر پر فضائی دباؤ ہمیشہ پارہ کے سطح میں 760mm ہوتا ہے۔ Hg کی سطح میں 10mm یا اس سے زیادہ کی گراوٹ، آنے والے طوفان کی نشانی ہے۔ ▶

مثال 10.4: ایک سمندر میں 1000mm کی گہرائی پر (a) مطلق دباؤ کتنا ہوگا؟ (b) گنج دباؤ کتنا ہوگا؟ (c) اس گہرائی پر ایک پن ڈبی کی کھڑکی پر لگنے والی قوت معلوم کیجیے۔ کھڑکی کارقبہ 20cm × 20cm ہے۔ پن ڈبی کے اندر سطح سمندر فضائی دباؤ کو قائم رکھا گیا ہے۔ (سمندری پانی کی کثافت $g = 10 \text{ m s}^{-2}$ ، $1.03 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3}$)

$$\text{جواب: } \rho = 1.0 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3} \text{ اور } h = 1000 \text{ m}$$

(a) مساوات (10.6) سے مطلق دباؤ

$$\begin{aligned} P &= P_a + \rho gh \\ &= 1.01 \times 10^5 \text{ Pa} \\ &\quad + 1.03 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3} \times 10 \text{ m s}^{-2} \times 1000 \text{ m} \\ &= 104.01 \times 10^5 \text{ Pa} \\ &\approx 104 \text{ atm} \end{aligned}$$

آبی مشینیں (Hydraulic machines) 10.2.4

آئیے اب ملاحظہ کریں کہ جب ہم ایک برتن میں رکھے ہوئے سیال پر دباؤ تبدیل کرتے ہیں، تو کیا ہوتا ہے۔ ایک افتنی استوانہ لیجیے، جس میں پسٹن لگا ہو اور تین مختلف نقاٹ پر تین انقصابی ٹوبے گلی ہوں (شکل 10.6(a)) افتنی استوانہ میں دباؤ کی نشاندہی، انقصابی ٹوبوں میں رقیق کالم کی اونچائی سے ہوتی ہے۔ یہ لازمی

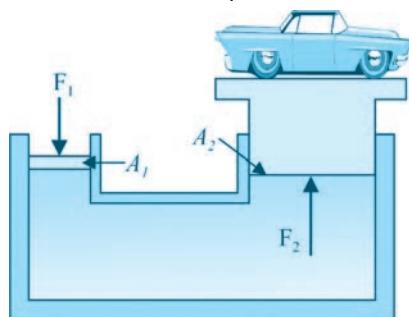
آرشمیدس کا اصول (Archimedes' Principle)

ایسا لگتا ہے کہ سیال، ان کے اندر کھی ہوئی اشیا کو جزوی سہارا فراہم کرتے ہیں۔ جب ایک جسم ایسے سیال میں جو حالت سکون پر ہو، جزوی یا کل طور پر ڈبو یا جاتا ہے، تو سیال جسم کی اس سطح پر جو اس سے لمبی ہوئی ہے، ایک دباؤ لگاتا ہے۔ جسم کی پچی سطحوں پر دباؤ، جسم کی اوپری سطحوں سے زیادہ ہوتا ہے، کیونکہ سیالوں میں دباؤ، گہرائی کے ساتھ بڑھتا ہے۔ ان تمام قوتوں کا ماحصل ایک اوپری سمت میں قوت ہے، جو قوت اچھال (buoyant force) کہلاتی ہے۔ فرض کیجیے کہ ایک استوانی جسم کو سیال میں ڈبو یا گیا ہے۔ جسم کے پیندے پر اوپر کی جانب لگ رہی قوت، اس کے اوپری سرے پر نیچے کی جانب لگ رہی قوت سے زیادہ ہے۔ یہ سیال جسم پر ایک ماحصل، اوپر کی جانب، قوت یا قوت اچھال لگاتا ہے جو $(P_2 - P_1) A$ کے مساوی ہے (شکل 10.3)۔ ہم مساوات 10.4 میں دیکھ چکے ہیں $P_2 - P_1 = \rho g h A$ ، اب Ah کا جم ہے اور اس کے مترادف سیال کے جم کی میت ہے۔ $P_2 - P_1 = mg$ ۔ اس لیے اوپر کی جانب لگائی گئی قوت ہٹائے ہوئے سیال کے وزن کے مساوی ہے۔

یہ تجربہ بالا ناظر شے کی شکل صادق ہے اور یہاں استوانی نئے صرف ہویت کے لیے لی گئی ہے۔ یہ آرشمیدس کا اصول ہے۔ پوی ڈبی ہوئی اشیا کے لیے، شے کے ذریعے ہٹائے گئے سیال کا جم، شے کے جم کے مساوی ہے اگر ڈبی ہوئی شے کی کثافت سیال کی کثافت سے زیادہ ہے تو شے ڈوب جائے گی، کیونکہ جسم کا وزن اوپری دھکے (Thrust) سے زیادہ ہے۔ اگر ڈبی ہوئی شے کی کثافت، سیال کی کثافت سے کم ہے تو وہ جزوی طور پر ڈبی ہوئی سیال میں تیرے گی۔ ڈوبے ہوئے جم کا حساب لگانے کے لیے: فرض کیجیے شے کا کل جم V_s اور اس کا ایک حصہ V_p سیال میں ڈوبا ہے۔ تب اوپر کی جانب قوت جو ہٹائے ہوئے سیال کا وزن ہے، $P_p g V_p$ جسے جم کے وزن کے برابر ہونا چاہئے: $P_p g V_p = \rho_s g V_s$ یا $\rho_s / \rho_p = V_p / V_s$ تیرتے ہوئے جسم کا ظاہری وزن صفر ہوتا ہے۔

اصول کا خلاصہ اس طور پر بیان کیا جاسکتا ہے: ایک ڈوبے ہوئے جم (جزوی یا کل) کے وزن میں آنے والی کی اس کے ذریعے ہٹائے گئے سیال کے وزن کے برابر ہوتی ہے۔

ٹرک کا بڑا وزن، جو ایک پلیٹ فارم پر رکھا ہو) $F_2 = PA_2 = \frac{F_1 A_2}{A_1}$ ، اس طرح لگائی جانے والی قوت کو بدمل کر کے، پلیٹ فارم کو اوپر یا نیچے کیا جاسکتا ہے۔ اس طرح لگائی جانے والی قوت کو جز ضربی (Factor) سے بڑھادیا گیا ہے اور یہ جز ضربی اس آلة کا میکانیکی فائدہ (Mechanical Advantage) ہے۔ نیچے دی ہوئی مثال، اس کی وضاحت کرتی ہے۔



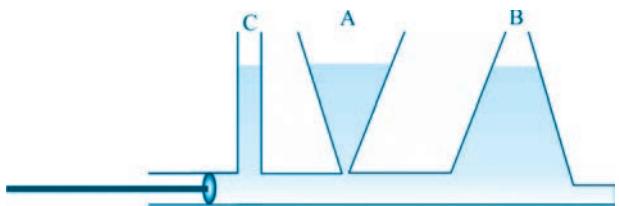
شکل 10.6 (b): بھاری وزن اٹھانے والے آلے، ہائیڈرولک لفت (آبی لفت) کی کار کردنگی کے پیچھے کار فرماء اصول کی وضاحت کرتی ہوئی خاکہ ڈائیگرام

مثال 10.5: دو مختلف تراشوں کی سرخیں (سوئیں کے بغیر) پانی سے بھری گئیں اور ایک پانی سے بھری ہوئی ربر ٹیوب میں مضبوطی سے لگادی گئیں۔ مقابلاً چھوٹے اور بڑے پسٹشوں کے قطر، بالترتیب، 3.0 cm اور 1.0 cm میں، جب مقابلاً چھوٹے پسٹن پر 10N قوت لگائی جاتی ہے، تو بڑے پسٹن پر کتنی قوت لگے گی؟ (اگر مقابلاً چھوٹا پسٹن 6.0 cm دھمکیلا جاتا ہے تو بڑا پسٹن باہر کی طرف کتنی حرکت کرے گا؟)

جواب: (a) کیونکہ دباؤ بغیر کم ہوئے، یورے سیال میں ترسیل ہوتا ہے،

$$F_2 = \frac{A_2}{A_1} F_1 = \frac{\pi (3/2 \times 10^{-2} \text{ m})^2}{\pi (1/2 \times 10^{-2} \text{ m})^2} \times 10 \text{ N} = 90 \text{ N}$$

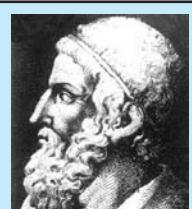
طور پر سب میں یکساں ہو گی۔ اگر ہم پسٹن کو دھکھلتے ہیں، تو ہر ٹیوب میں رہیں کی سطح اونچی ہو جاتی ہے اور پھر ہر ایک میں رہیں کی ایک ہی سطح ہوتی ہے۔



شکل 10.6(a): جب کبھی کسی برتن میں رکھے مائع کر کسی بھی حصے پر باہری دباؤ ڈالا جاتا ہے تو یہ دباؤ تمام سمتوں میں مساوی طور پر بھی ہوتا ہے۔ اس سے ظاہر ہوتا ہے کہ جب استوانے پر دباؤ بڑھایا گیا، تو یہ ہمارا طور پر پورے استوانے پر تقسیم ہوا۔ ہم کہہ سکتے ہیں کہ جب ایک برتن میں رکھے ہوئے رہیں کسی بھی حصے پر باہری دباؤ ڈالا جاتا ہے تو اس کی ترسیل، بنا کم ہوئے، ہر سمت میں مساوی ہوتی ہے۔ یہ پاسکل قانون کی دوسری شکل ہے، اور اس کے روزانہ زندگی میں بہت سے استعمال ہیں۔

بہت سے آلات، جیسے آبی لفت (Hydraulic Lift) اور آبی بریک (Hydraulic Brakes) وغیرہ پاسکل کے قانون پر مبنی ہیں۔ ان آلات میں دباؤ کی ترسیل کے لیے سیال استعمال کیے جاتے ہیں۔ ایک آبی لفت میں، جیسا کہ شکل 10.6(b) میں دکھایا گیا ہے، دو پسٹشوں کو ان کے درمیان کی جگہ ایک سیال سے بھر کر، ایک دوسرے سے جدا کیا جاتا ہے۔ ایک کم تراشی رقبہ A_1 کا پسٹن P_1 ، رہیں پر براہ راست، قوت F_1 ، لگانے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔ دباؤ: $\frac{F_1}{A_1} = P$ پورے رہیں میں ترسیل ہوتا ہے اور بڑے استوانے پر بھی جس میں بڑا پسٹن، رقبہ A_2 کا، لگا ہوتا ہے۔ جس کے نتیجے میں اوپر کی جانب قوت $P \times A_2$ حاصل ہوتی ہے۔ اس لیے، پسٹن اس قابل ہو جاتا ہے کہ ایک بڑی قوت کو سہار سکے (مثلاً ایک کار یا ایک

آرشمیدس (ق م 212-287)

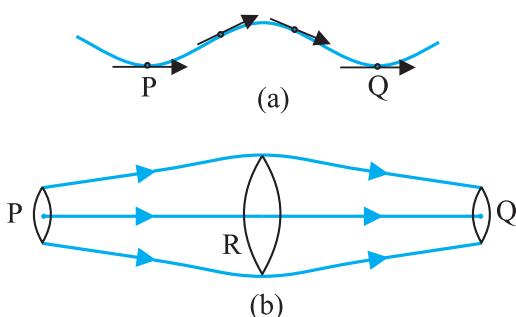


آرشمیدس ایک یونانی فلسفی، ریاضی دان، سائنس دان اور انجینئر تھے۔ انہوں نے غلیل (Catapult) ایجاد کی، بھاری وزنوں کو اٹھانے اور لے جانے کے لیے گراریوں اور لیوولا (Lever) کے نظام بنائے۔ ان کے وطن شہر سیراکوس کے بادشاہ، ہائیرون II نے ان سے کہا کہ وہ یہ معلوم کریں کہ اس کے سونے سے بننے تاکہ میں کسی اور سستی دھات کی آمیزش، جیسے چاندی، تو نہیں کی گئی ہے، لیکن تاکہ کوئی نقصان پہنچائے بغیر۔ اپنے نہانے کے شب میں بیٹھے ہوئے، جب انہیں جزوی وزن میں کسی کا احساس ہوا، تو اس مسئلے کا حل ان کی سمجھ میں آگیا۔ وہ سیراکوس کی گلیوں سے بغیر کپڑے پہنے، چلاتے ہوئے بھاگے: یوریکا، یوریکا۔ میں نے معلوم کر لیا، میں نے معلوم کر لیا۔

پیدل پر گلائی گئی ایک کم قوت پہیوں پر ایک بڑی مقنی اسرا می (Retarding) قوت پیدا کرتی ہے۔ اس نظام کا ایک اہم فائدہ یہ ہے کہ پیدل دبانے سے پیدا ہونے والا دباؤ کی چاروں سے جڑے ہوئے استوانوں تک مساوی تریل ہوتی ہے، اس طرح بریک لگانے کی کوشش چاروں پہیوں پر برابر ہوتی ہے۔

10.3 مستقل بہاؤ (STREAMLINE FLOW)

اب تک ہم نے ان سیالوں کا مطالعہ کیا ہے جو حالت سکون پر ہیں۔ حرکت کرتے ہوئے سیالوں کا مطالعہ سیال حرکیات (Fluid Dynamics) کہلاتی ہے۔ جب پانی کی ٹوٹی کو آہستہ سے کھولا جاتا ہے تو شروع میں پانی کا بہاؤ ہموار ہوتا ہے، لیکن جب بہاؤ کی رفتار بڑھاتی جاتی ہے، تو یہ ہمواریت نہیں رہتی۔ سیالوں کی حرکت کا مطالعہ کرنے میں ہم اپنی توجہ اس بات پر مرکوز کرتے ہیں کہ سیال کے مختلف ذرات پر فضائی مخصوص نقاط و مخصوص وقت پر کیا ہو رہا ہے۔ ایک سیال کے بہاؤ کو ہم اس وقت قائم (Steady) کہتے ہیں، اگر کسی دیے ہوئے نقطے سے گذرنے والے سیال کے ہر ذرے کی رفتار وقت کے ساتھ مستقل ہو۔ اس کا یہ مطلب نہیں کہ فضا (Space) کے مختلف نقاط پر رفتار پیاسا ہے۔ ایک مخصوص ذرے کی رفتار، ایک نقطے سے دوسرے نقطے تک حرکت کرنے میں تبدیل ہو سکتی ہے۔ یعنی کہ کسی دوسرے نقطے پر ذرے کی رفتار مختلف ہو سکتی ہے، لیکن ہر ایک ذرہ جو دوسرے نقطے سے گذرتا ہے، بالکل پچھلے ذرے کی طرح ہی برتاؤ کرتا ہے۔ ہر ذرہ ایک ہموار راستے سے گذرتا ہے اور ذرات کے راستے ایک دوسرے کوقطع نہیں کرتے۔



شکل 10.7 مستقل بہاؤ خطوط کے معنی (a) سیال کے ایک ذرے کا مخصوص خط حرکت۔
(b) مستقل بہاؤ کا ایک علاقہ۔

(b) پانی کو مثالی غیر دباؤ، پنیر سمجھا جاتا ہے۔ اس لیے مقابلاً چھوٹے پسٹن کے ذریعے اندر کی طرف طے کیا گیا جم، بڑے پسٹن کے ذریعے باہر کی طرف طے کیے گئے جم کے مساوی ہو گا۔

$$L_1 A_1 = L_2 A_2$$

$$L_2 = \frac{A_1}{A_2} L_1 = \frac{\pi (1/2 \times 10^{-2} \text{ m})^2}{\pi (3/2 \times 10^{-2} \text{ m})^2} \times 6 \times 10^{-2} \text{ m} \\ = 0.67 \times 10^{-2} \text{ m} = 0.67 \text{ cm}$$

نوٹ کریں کہ فضائی دباؤ دونوں پسٹنوں کے لیے مشترک ہے، اس لیے اسے انداز کر دیا گیا ہے۔

مثال 10.6: ایک کار لفت میں دباد شدہ (Compressed) ہوا 5.0cm نصف قطر کے مقابلاً چھوٹے پسٹن پر ایک قوت F_1 لگاتی ہے۔ اس دباؤ کی تریل 15cm نصف قطر کے دوسرے پسٹن پر ہوتی ہے۔ (شکل 10.7)۔ اگر جس کار کو اٹھایا جانا ہے، اس کی کیت 1350Kg ہے، تو F_1 کا حساب لگائیے۔ اس کام کرنے کے لیے لفڑا باؤ ضروری ہے۔

جواب: کیونکہ دباؤ بغیر کم ہوئے پورے سیال میں تریل ہوتا ہے،

$$F_1 = \frac{A_1}{A_2} F_2 = \frac{\pi (5 \times 10^{-2} \text{ m})^2}{\pi (15 \times 10^{-2} \text{ m})^2} (1350 \text{ kg} \times 9.8 \text{ ms}^{-2}) \\ = 1470 \text{ N} \\ \approx 1.5 \times 10^3 \text{ N}$$

وہ ہوا کا دباؤ جو یہ قوت پیدا کرے گا

$$P = \frac{F_1}{A_1} = \frac{1.5 \times 10^3 \text{ N}}{\pi (5 \times 10^{-2})^2 \text{ m}} = 1.9 \times 10^5 \text{ Pa}$$

یہ فضائی دباؤ کا تقریباً دو گناہے۔ گاڑیوں میں لگے سیالی بریک بھی اسی اصول پر کام کرتے ہیں۔ جب ہم پیدل پر اپنے پیر سے تھوڑی قوت لگاتے ہیں، تو ماڈل استوانے کے اندر ماڈل پسٹن حرکت کرتا ہے، اور پیدا ہوا دباؤ بریک تیل میں تریل ہو کر بڑے رقبے کے پسٹن پر لگتا ہے۔ اس پسٹن پر ایک بڑی قوت کم کرتی ہے اور یہ پسٹن نیچے کی طرف دھکیلا جاتا ہے اور بریک لائٹنگ پر بریک شو زپھیل جاتے ہیں۔ اس طرح

$$\rho_p A_p v_p \Delta t = \rho_r A_r v_r \Delta t = \rho_q A_q v_q \Delta t \quad (10.9)$$

غیر دا ب پذیر سیالوں کے لیے: $\rho_p = \rho_r = \rho_q$

اس لیے مساوات (10.9) ہو جاتی ہے

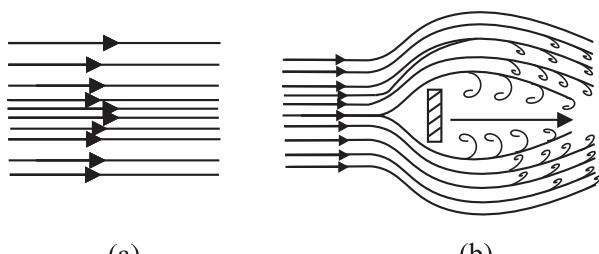
$$A_p v_p = A_r v_r = A_q v_q \quad (10.10)$$

جو تسلسل کی مساوات (equation of continuity) کہلاتی ہے اور یہ غیر دا ب پذیر سیالوں کے بہاؤ میں کمیت کی بقا کا بیان ہے۔ عمومی شکل میں:

$$A v = \text{مستقل} \quad (10.11)$$

حجم فلکس (volume flux) یا بہاؤ کی شرح (flow rate) دیتا ہے اور پورے بہاؤ کے پائپ میں مستقل رہتا ہے۔ اس لیے پتلے حصوں پر، جہاں مستقل بہاؤ خطوط، نزدیک نزدیک ہوتے ہیں، رفتار بڑھ جاتی ہے اور اس کے بخلاف بھی۔ شکل (10.7(b)) سے یہ ظاہر ہے کہ $A_Q > A_R > A_p$ یا $v_Q < v_R < v_p$ ۔

یہ افتن پائپوں سے سیالوں کے بہنے میں دباؤ کی تبدیلی سے منسک ہے۔ قائم بہاؤ، بہاؤ کی کم رفتاروں پر حاصل ہوتا ہے۔ ایک حدی قدر قائم بہاؤ، بہاؤ کی کم رفتاروں پر حاصل ہوتا ہے، جو قدر کہلاتی ہے، سے یہ بہاؤ آگے کا پنی قائمیت (Limiting Value) کھو دیتا ہے اور آشوبی (Turbulent) ہو جاتا ہے۔ ایسا اس وقت دیکھنے میں آتا ہے جب ایک تیز بہتی ہوئی دھار چٹان سے ٹکراتی ہے۔ یا چھوٹے، جھاگ والے پھونور جیسے علاقوں سے گزرتی ہے۔ مثال کے طور پر شکل (10.8(a)) ایک ورنی بہاؤ (Laminar flow) کو دکھاتی ہے جہاں سیال میں مختلف نقاط پر رفتاروں کی عددی قدریں مختلف ہو سکتی ہیں لیکن ان کی سمتیں متوازی ہیں۔ شکل (10.8(b)) میں ایک آشوبی بہاؤ کا خاکہ دکھایا گیا ہے۔



شکل 10.8(a) سیال کے بہاؤ کے لیے کچھ مستقل بہاؤ خطوط ہوا کا ایک جھونکا (Jet) جو اس کے عمودی رکھی ہوئی پلیٹ سے ٹکراتا ہے۔ یہ آشوبی بہاؤ کی ایک مثال ہے۔

قائم بہاؤ کے دوران، سیال کے ایک ذرے کے ذریعے اختیار کیا گیا راستہ ایک مستقل بہاؤ خط (Streamline) ہے۔ اس کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ وہ مخفی ہے، جس کے کسی بھی نقطے پر کھینچا گیا ماس (Tangent)، اس نقطے پر سیال کی رفتار کی سمت میں ہو۔ ایک ذرے کے راستے ملاحظہ کیجیے، جیسا کہ شکل (a) 10.7 میں دکھایا گیا ہے، مخفی یہ بیان کرتا ہے کہ ایک ذرہ سیال وقت کے ساتھ کیسے حرکت کرتا ہے۔ مخفی PQ، سیال کے بہاؤ کا ایک مستقل نقشہ ہے، جو نشان دہی کرتا ہے کہ سیال کا مستقل بہاؤ کیسا ہوتا ہے۔ دو مستقل بہاؤ خطوط بھی ایک دوسرے کو قطع نہیں کر سکتے اس لیے کہ اگر وہ ایسا کریں گے تو ان کے پیچھے آنے والا ذرہ سیال ان میں سے ایک کے راستے پر بھی جا سکتا ہے اور دوسرے کے راستے پر بھی اور پھر بہاؤ قائم نہیں رہے گا۔ اس لیے ایک قائم بہاؤ میں، بہاؤ کا نقشہ وقت کے ساتھ ساکت رہتا ہے۔ ہم ایک دوسرے کے بہت نزدیکی میں مستقل بہاؤ خطوط کیسے کھینچتے ہیں؟ اگر ہم ہر بنے والے ذرے کا مستقل بہاؤ خط دکھانا چاہیں تو ہمیں خطوط کا ایک سلسہ (Continuum) ملے گا۔ سیال کے بہنے کی سمت کے عمودی مستوی لیجیے، مثلاً (b) 10.7 میں تین نقاط P, R اور Q پر مستوی کے لکڑے اس طرح منتخب کیے جاتے ہیں کہ ان کی حدود (Boundaries)، مستقل بہاؤ خطوط کے لیکن سیال سے معلوم کی جاسکیں۔ اس کا مطلب ہوا کہ R, P اور Q پر دکھائی گئی سطحوں سے گزرنے والے سیال کے ذرات کی تعداد لیکن A_P, A_R اور A_Q ہیں۔ اور سیال کی رفتاریں v_P, v_R اور v_Q ہیں، تو چھوٹے وقت وقفہ وقت Δt میں سے $\rho_p A_p V_p \Delta t$ میں Δm_p گزرنے والے سیال کی ذرات کی کمیت Δm_p ہوگی: $\Delta m_p = \rho_p A_p V_p \Delta t$ ۔ تمام اس طرح چھوٹے وقت وقفہ وقت Δt میں A_R سے گزرنے والے سیال کے ذرات کی کمیت Δm_R ہوگی: $\Delta m_R = \rho_R A_R V_R \Delta t$ ۔ تمام اس طرح چھوٹے وقت وقفہ وقت Δt میں A_Q سے گزرنے والے سیال کے ذرات کی کمیت Δm_Q ہوگی: $\Delta m_Q = \rho_Q A_Q V_Q \Delta t$ ۔ تمام صورتوں میں ایک نقطہ تک بہہ کر آنے والے سیال کی کمیت اور اس نقطے سے بہہ کر جانے والے سیال کی کمیت مساوی ہوگی۔ اس لیے:

ہے۔ دباؤ P_1 اور P_2 اس طرح کام کرتے ہیں، جیسا کہ رقبہ A_1 اور A_2 کے مستوی رخوں پر دکھائے گئے ہیں، اور دونوں علاقوں کو آپس میں باندھتے ہیں۔ باسیں سرے (BC) پر سیال پر کیا گیا کام ہے: $W_1 = P_1 A_1 (v_1 \Delta t) = P_1 \Delta V$ ، کیونکہ یہاں حجم ΔV دونوں علاقوں سے گزرتا ہے (سلسل کی مساوات سے)، سیال کے ذریعے دوسرے سرے (DE) پر کیا گیا کام ہے: $W_2 = P_2 A_2 (v_2 \Delta t) = P_2 \Delta V$ یا سیال پر کیا گیا کام ہے: $P_2 \Delta V$ ۔ اسی طرح سیال پر کیا گیا کام کام ہوا ہے:

$$W_1 - W_2 = (P_1 - P_2) \Delta V$$

اس کام کا کچھ حصہ سیال کی حرکی تو انائی تبدیل کرنے میں لگتا ہے اور کچھ حصہ کشش ارضی تو انائی بالقوعہ تبدیل کرنے میں۔ اگر سیال کی کثافت ρ ہے اور سے گزرتی ہے، تب کشش ارضی تو انائی بالقوعہ (gravitational potential energy) میں تبدیل ہے۔

$$\Delta U = \rho g \Delta V (h_2 - h_1)$$

اس کی حرکی تو انائی میں تبدیل ہے

$$\Delta K = \left(\frac{1}{2}\right) \rho \Delta V (v_2^2 - v_1^2)$$

ہم سیال کے اس حجم کے لیے کام۔ تو انائی مسئلہ (Theorem of Bernoulli) استعمال کر سکتے ہیں (بیکھیے باب 6)، اور اس سے حاصل ہوتا ہے $(P_1 - P_2) \Delta V = \left(\frac{1}{2}\right) \rho \Delta V (v_2^2 - v_1^2) + \rho g \Delta V (h_2 - h_1)$ اب ہم ہر کن کو ΔV سے تقسیم کرتے ہیں، تو حاصل ہوتا ہے

10.4 برنوی کا اصول (BERNOULLI'S PRINCIPLE)

سیالوں کا بہاؤ ایک پیچیدہ مظہر ہے۔ لیکن ہم تو انائی کی بقا کو استعمال کر کے، قائم یا مستقل بہاؤ کے لیے کچھ کاراً مخصوصیں حاصل کر سکتے ہیں۔

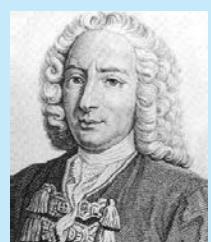
ایک ایسا سیال تصور کیجیے جو ایک ایسے پائپ میں سے بہ رہا ہے، جس کا تراشی رقب مختلف مقامات پر مختلف ہے۔ فرض کیجیے کہ پائپ مختلف اونچائیوں پر ہے، جیسا کہ شکل 10.9 میں دکھایا گیا ہے۔ اب ہم فرض کرتے ہیں کہ ایک غیر دا ب پذیر سیال اس پائپ میں ایک قائم بہاؤ کے ساتھ بہ رہا ہے۔ سلسل کی مساوات کے مطابق اس کی رفتار لازمی طور پر بدلتا چاہیے۔ اس اسرائ کو پیدا کرنے کے لیے ایک قوت درکار ہوگی، جو اس سیال کے ذریعے لگ رہی ہے جو اسے گھیرے ہوئے ہے۔ مختلف علاقوں میں دباؤ بھی مختلف ہو گا۔ برنوی مساوات ایک عمومی ریاضیاتی عبارت ہے جو پائپ کے دونوں پر دباو کے فرق میں اور رفتار کی تبدیلی (حرکی تو انائی تبدیلی) اور بلندی (اونچائی) کی تبدیلی (تو انائی بالقوعہ تبدیلی) دونوں میں، رشتہ دیتی ہے، سوئز طیعیات دا ڈیبل برنوی نے یہ رشتہ 1738 میں دیا۔

دو علاقوں، علاقہ 1 (یعنی BC) اور علاقہ 2 (یعنی DE) میں بہاؤ دیکھیں۔

اور D کے درمیان سیال کو پہلے لیں، جو ایک لامدد و خفیف وقفہ وقت Δt میں B پر تھا، اس نے C تک فاصلہ $v_1 \Delta t$ طے کیا ہے۔ (انتا میں B پر تھا، اس نے C تک فاصلہ $v_1 \Delta t$ طے کیا ہے۔) اسی وقفہ وقت Δt میں چھوٹا ہے کہ BC پر تراش کو مستقلہ مانا جاسکتا ہے۔ اسی وقفہ وقت Δt میں وہ سیال جو D پر تھا، E تک حرکت کرتا ہے، اور یہ فاصلہ $v_1 \Delta t$ کے مساوی

ڈیبل برنوی (1700-1782)

ڈیبل برنوی ایک سوئز سائنس داں اور ماہر ریاضی تھے جنہیں یونارڈ ایولر کے ہمراہ ریاضی کے لیے فرانسیسی اکیڈمی کا انعام دن بار حاصل کرنے کا اعزاز ملا۔ انہوں نے علم طب کی تعلیم بھی حاصل کی اور کچھ عرصے باسلے، سوئزرلینڈ میں اناثوںی اور بنا بات کے پروفیسر کی حیثیت سے ذمہ داری بھائی۔ ان کا سب سے زیادہ معروف کام آبی حرکیات میں ہے، جس مضمون کی انہوں نے ایک واحد اصول کے ذریعے نشوونما کی۔ یہ واحد اصول تو انائی کی بقا ہے۔ ان کے کام میں، کیلکولس، نظریہ احتمال، ارجمندی دوڑکا نظریہ اور عملی ریاضی شامل ہیں۔ انہیں ریاضیاتی طیعیات کا بانی کہا جاتا ہے۔



پر تیس (layers) مختلف رفتاروں کے ساتھ ہوتی ہیں۔ یہ پر تیس ایک دوسرے پر رگڑ قوتیں لگاتی ہیں، جس کے نتیجے میں تو انائی کا زیاد ہوتا ہے۔ سیال کی یہ خاصیت لزوجت (Viscosity) کہلاتی ہے، اور اس پر تفصیلی بحث بعد کے حصے میں کی جائے گی۔ سیال کی ضائع ہوئی حرکتی تو انائی میں تبدیل ہو جاتی ہے۔ اس لیے، برجنوی کی مساوات، مثالی شکل میں، ان سیالوں کے لیے درست ہے، جن کی لزوجت صفر ہو یا جو غیر لزوجی سیال ہیں۔ برجنوی مساوات کے استعمال پر دوسری پابندی یہ ہے کہ سیال غیر دا ب پذیر ہونا چاہیے، کیونکہ سیال کی پچ تو انائی کو بھی نظر انداز کر دیا گیا ہے۔ عملی طور پر اس کے بہت سے استعمال ہیں اور کم لزوجت والے غیر دا ب پذیر سیالوں کے مختلف النوع مظاہر کی وضاحت کرنے میں یہ مساوات مدد کرتی ہے۔ برجنوی کی مساوات، غیر تاقم (non steady) اور آشوبی بہاؤ کے لیے بھی درست نہیں ہے، اس لیے کہ ایکی حالت میں رفتار اور دباؤ وقت کے ساتھ تیزی سے تبدیل ہوتے رہتے ہیں۔

جب سیال حالت سکون میں ہو، یعنی کہ اسکی رفتار ہر جگہ صفر ہو، تو برجنوی مساوات ہو جاتی ہے:-

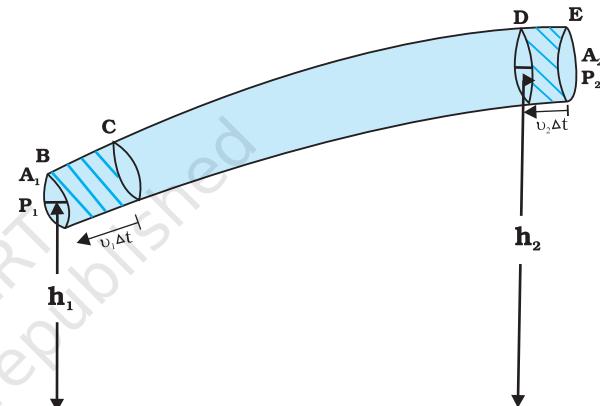
$$\begin{aligned} P_1 + \rho gh_1 &= P_2 + \rho gh_2 \\ (P_1 - P_2) &= \rho g (h_2 - h_1) \\ \text{جو مساوات (10.6) کے کیساں ہے۔} \end{aligned}$$

10.4.1 باہر کی جانب بہاؤ کی رفتار: تارسلی کا قانون (Speed of efflux: torricelli's law)

لفظ (efflux) کا مطلب ہے سیال کا باہر کی جانب بہاؤ۔ تارسلی نے دریافت کیا کہ ایک کھلے ہوئے ٹنکی سے سیال کے باہر کی جانب بہاؤ کی رفتار ایک ایسے فارمولے سے دی جاسکتی ہے جو آزادانہ طور پر رگرتے ہوئے اجسام (identical) (freely falling bodies) کے فارمولے سے متماثل (similar) ہے۔ ایک ٹنکی لیجیے جس میں کثافت کا ریقق بھرا ہے، اور اس کی ایک دیوار میں ٹنکی کی تلی سے اونچائی u پر ایک سوراخ ہے۔ (دیکھیے شکل 10.10)۔ ریقق کے اوپر کی ہوا کا دباؤ P ہے۔ ریقق کی اوپری سطح اونچائی u پر ہے۔

$(P_1 - P_2) = \left(\frac{1}{2}\right) \rho (v_2^2 - v_1^2) + \rho g (h_2 - h_1)$
ہم اور پر دیے ہوئے ارکان کو دوبارہ ترتیب دے کر حاصل کرتے ہیں
 $P_1 + \left(\frac{1}{2}\right) \rho v_1^2 + \rho gh_1 = P_2 + \left(\frac{1}{2}\right) \rho v_2^2 + \rho gh_2 \quad (10.12)$
یہ برجنوی مساوات ہے۔ کیونکہ 1 اور 2 پائپ کے کن ہی دو مقامات کی نشاندہی کرتے ہیں، اس لیے ہم اس ریاضیاتی عبارت کو عمومی شکل میں لکھ سکتے ہیں:

$$P + \left(\frac{1}{2}\right) \rho v^2 + \rho gh = \text{مستقلہ} \quad (10.13)$$



شکل 10.9: تبدیل ہوئے تراش کے پائپ میں سے ایک مثالی سیال کا بہاؤ وقفہ Δt میں، لمبائی $v_2 \Delta t$ کے حصے سے سیال لمبائی $v_2 \Delta t$ کے حصہ تک حرکت کرتا ہے۔

دوسرے الفاظ میں برجنوی کے رشتے کو مندرجہ ذیل طور پر بیان کیا جاسکتا ہے: ہم جب ایک مستقل بہاؤ خط پر حرکت کرتے ہیں، تو دباؤ (P)، حرکتی تو انائی فی اکائی جم ($\frac{\rho v^2}{2}$)، اور تو انائی بالقوہ فی اکائی جم (ρgh) کا حاصل جمع مستقلہ رہتا ہے۔

نوٹ کریں کہ تو انائی کی بقا کے اصول کو استعمال کرنے میں ایک مفروضہ یہ ہے کہ رگڑ کی وجہ سے کوئی تو انائی ضائع نہیں ہو رہی ہے۔ لیکن حقیقت میں جب سیال بہتے ہیں تو کچھ تو انائی اندر وہی رگڑ کی وجہ سے ضرور ضائع ہوتی ہے۔ ایسا س لیے ہوتا ہے، کیونکہ ایک سیال کے بہاؤ میں سیال کی مختلف

$$\text{سطح فضائے میں } P = P_a \text{ اور} \\ v_1 = \sqrt{2gh} \quad (10.15)$$

یہ ایک آزادانہ گرتے ہوئے جسم کی رفتار ہے۔ مساوات (10.15) میں اسی قانون کا ظاہر کرتی ہے۔

10.4.2 وینچوری-میٹر (Venturi-meter)

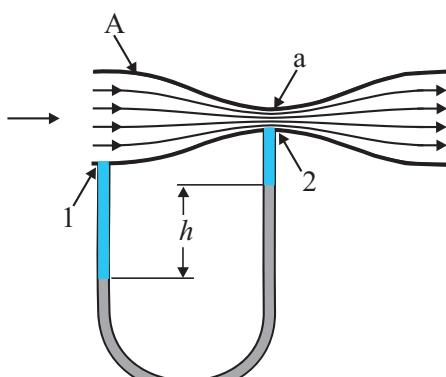
وینچوری میٹر غیر دب پذیر سیال کی رفتار نانے کا ایک آلہ ہے۔ یہ چوڑے قطر کی ایک ٹیوب پر مشتمل ہوتا ہے، جس کے بیچ میں ایک چھوٹا انبعاث (Constriction) ہوتا ہے، جیسا کہ شکل (10.11) میں دکھایا گیا ہے۔ ایک U-ٹیوب کی شکل کا مونو میٹر بھی اس سے منسلک ہوتا ہے جس کا ایک بازو چوڑی گردان کے نقطے سے منسلک ہوتا ہے اور دوسرا انبعاث سے، جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ مونو میٹر میں کثافت ρ_m کا ریتیں بھرا ہوتا ہے۔ چوڑی گردان کے رقبے A سے بہنے والے ریتیں کی رفتار v_1 ہے۔

مساوات (10.10) سے انبعاث پر ریتیں کی رفتار v_2 ہے: $v_2 = \frac{A}{a} v_1$

پھر، $h_1 = h_2$ کے لیے برلنولی کی مساوات (10.12) استعمال کرتے ہوئے، ہمیں حاصل ہوتا ہے

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = P_2 + \rho v_2^2 \left(\frac{A}{a} \right)^2 \quad \text{اس طرح}$$

$$P_1 - P_2 = \rho v_1^2 \left[\left(\frac{A}{a} \right)^2 - 1 \right] \quad (10.16)$$

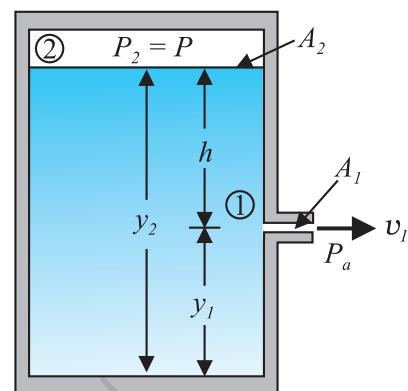


شکل 10.11 وینچوری میٹر کی خاکہ ڈائیگرام

تسلسل کی مساوات [مساوات (10.10)] سے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$v_1 A_1 = v_2 A_2$$

$$v_2 = \frac{A_1}{A_2} v_1$$



شکل 10.10 ٹارسلی کا قانون: ٹنکی کی دیوار سے باہر کی جانب بہاؤ کی رفتار v_1 ، برلنولی مساوات کو استعمال کر کر حاصل کی جاسکتی ہے۔ اگر ٹنکی اوپر سے کھلی ہوئی ہے اور اوپری سطح فضائے میں ہے، تو $v_1 = \sqrt{2gh}$

اگر ٹنکی کا تراشی رقبہ A_2 ، سوراخ کی تراشی رقبہ سے بہت بڑا ہے ($A_2 >> A_1$)، تب ہم ٹنکی کی اوپر کی سطح کے ریتیں کو تقریباً حالات سکون میں مان سکتے ہیں، یعنی کہ: $v_2 = 0$ اب نقطہ 1 اور 2 پر برلنولی مساوات، $P_1 = P_a$ استعمال کرتے ہوئے اور یونٹ کرتے ہوئے کہ سوراخ پر P_2 کا فضائی دباؤ ہے، ہمیں مساوات (10.12) سے حاصل ہوتا ہے:

$$P_a + \frac{1}{2} \rho v_1^2 + \rho g y_1 = P + \rho g y_2$$

لیتے ہوئے ہمیں $y_2 - y_1 = h$ حاصل ہوتا ہے:

$$v_1 = \sqrt{2gh + \frac{2(P - P_a)}{\rho}} \quad (10.14)$$

جب $P >> P_a$ اور $2gh$ کو نظر انداز کیا جاسکتا ہو، تو باہر کی جانب بہاؤ کی رفتار ٹنکی کے دباؤ سے معلوم کی جاسکتی ہے۔ ایسی صورت را کٹ کو داغنے میں پیش آتی ہے۔ دوسری طرف اگر ٹنکی کھلی ہوئی ہو اور ریتیں کی اوپری

مساوات (10.17) استعمال کر کے، ہمیں حاصل ہوتا ہے

$$\triangleright V_1 = \sqrt{\frac{2 \times 24 Pa}{1060 kg m^{-3} \times (2^2 - 1)}} = 0.123 ms^{-1}$$

10.4.3 خون کا بہاؤ اور دل کا دورہ (Blood flow and heart attack)

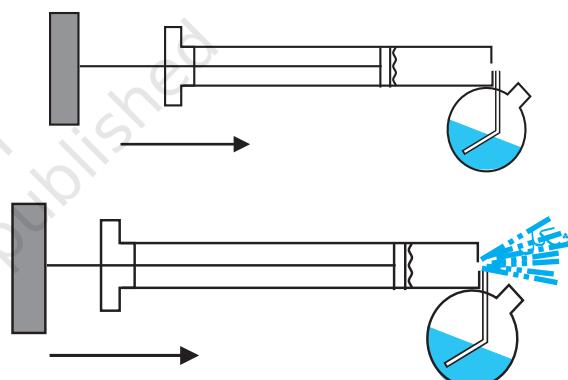
برنولی کا اصول شریان میں خون کے بہاؤ کی وضاحت کرنے میں ہماری مدد کرتا ہے۔ شریان، اپنی اندر ورنی دیوار پر دادا کٹھا ہو جانے کی وجہ سے سکر سکتی ہے۔ اس سکر کی ہوئی جگہ سے خون کو گذارنے کے لیے، دل کی فعالیت پر زیادہ زور پڑتا ہے۔ اس علاقے میں سے خون کے پہنچ کی رفتار بڑھ جاتی ہے، جس کی وجہ سے اندر کی طرف دباؤ کم ہو جاتا ہے یا در شریان باہری دباؤ کی وجہ سے پچ سکتی ہے۔ دل اس شریان کو کھولنے کے لیے مزید دباؤ دالتا ہے اور خون کو گذارنے کے لیے قوت لگاتا ہے۔ جب سوراخ سے خون تیزی سے بہتا ہے، اندر ورنی دباؤ پھر دوبارہ، انہی وجوہات سے کم ہو جاتا ہے اور پھر شریان اور پچ کا جاتی ہے۔ اس سے دل کا دورہ پڑ سکتا ہے۔

10.4.4 حرکی اٹھاؤ (Dynamic lift)

حرکی اٹھاؤ دو قوت ہے جو ایک جسم، جیسے ہوائی جہاز کے پر ایک آب روک پر ٹھہر کر کر کھلیوں، پاس کے سیال میں سے گزرنے کی وجہ سے لگتی ہے۔ بہت سے کھلیوں، جیسے کرکٹ، ٹینس، بیس بال یا گولف، میں ہم دیکھتے ہیں کہ ایک اسپن کرتی ہوئی گیند جب ہوا سے گزرتی ہے تو اپنے مکانی حرکت خط (Parabolic Trajectory) سے منحرف ہو جاتی ہے۔ یہ انحراف جزوی طور پر، برنولی اصول کی مدد سے سمجھا جاسکتا ہے۔

(i) بغیر اسپن کے حرکت کرتی ہوئی گیند: شکل (a) 10.13 میں ایک ایسی گیند کے گرد مستقل بہاؤ خطوط دکھائے گئے ہیں جو بغیر اسپن کے ایک سیال کی مناسبت سے حرکت کر رہی ہے۔ مستقل بہاؤ خطوط کے تشکل سے یہ ظاہر ہے کہ سیال (ہوا) کی رفتار، گیند کے اوپر اور نیچے، متناظر نفاط پر یکساں ہے، جس کے نتیجے میں دباؤ فرق صفر ہے۔ اس

اس میٹر کی کارکردگی کے پیچھے کار فرما اصول کے بہت سے استعمال ہیں۔ گاڑیوں کے کار بوریٹر میں ایک ونچوری نکلی ہوتی ہے، جس میں سے ہوا تیز رفتار سے بہتی ہے۔ پھر تیگی گردن پر دباؤ کو کم کیا جاتا ہے اور پیروں، خانہ میں اوپر کھجھ جاتا ہے، جس سے احتراق کے لیے ضروری ہوا اور ایندھن کا درست آمیزہ حاصل ہوتا ہے۔ فلٹر پپ اور بادکش (ہوا باہر کھنچنے کا آلہ) بننے پوچھے (Bunsen Burner)، عرق پاش آلے (وہ آل جس سے رقیق کی باریک پھواریں بیدا کی جاتی ہیں) Atomiser)، پرفیوم چھپر کنے کے لیے استعمال ہونے والے آلے Sprayer) اور جراثیم کش دواؤں کے چھپر کنے کے آلے اسی اصول پر کام کرتے ہیں۔



شکل 10.12: چھپر کنے کی گن (Spray gun)۔ پسٹن بڑی رفتار پر ہوا کو دھکیلتا ہے، جس سے برتن کی گردن پر دباؤ کم ہو جاتا ہے

مثال 10.7: خون کی رفتار: ایک بے ہوش (انٹھیسیا کے زیر اثر) ٹھکٹ کی بڑی شریان (Artery) سے ونچوری میٹر کے ذریعے خون کے بہاؤ کو دوسرا سمت میں موڑا جاتا ہے۔ میٹر مقابلاً چوڑے حصے کا تراشی رقبہ، شریان کے تراشی رقبہ کے مساوی ہے۔ $A = 8 mm^2$ ، مقابلاً پتلے حصے کا رقبہ، $a = 4 mm^2$ ۔ شریان میں دباؤ میں کمی $24 Pa$ ہے۔ شریان میں خون کی رفتار کیا ہے؟

جواب: ہم جدول 10.1 سے خون کی کثافت حاصل کرتے ہیں جو $\left(\frac{A}{a}\right)^2 = 1.06 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3}$ ہے۔ رقبوں کی نسبت ہے:

خلاف حرکت کرتا ہے تو بہاؤ کے لحاظ سے، پر کی تشریق (Orientation) مستقل بہاؤ خطوط کو پر کے اوپر، پر کے نیچے کے مقابلے میں زیادہ ایک جگہ اکٹھا کر دیتی ہے۔ اس کے اوپر بہاؤ کی رفتار، اس کے نیچے بہاؤ کی رفتار کے مقابلے میں زیادہ ہوتی ہے۔ اس لیے اوپر کی جانب ایک قوت لگتی ہے، جس سے حرکی اٹھاؤ پیدا ہوتا ہے، جو جہاز کے وزن کو متوازن کرتا ہے۔ مندرجہ ذیل مثال اس کی وضاحت کرتی ہے۔

مثال 10.8 ایک بھرے ہوئے ہوائی جہاز کی کمیت $3.3 + 10^5 \text{ kg}$ ہے۔ اس کے پروں کا کل رقبہ 500 m^2 ہے۔ یہ سطح کے درمیان دباؤ فرق معلوم کیجیے۔ (a) پروں کی اوپری سطح اور پیچلی سطح کے درمیان دباؤ فرق معلوم کیجیے۔ (b) پر کی پیچلی سطح کے مقابلے میں اور پری سطح پر ہوا کی رفتار میں کسری اضافہ معلوم کیجیے۔

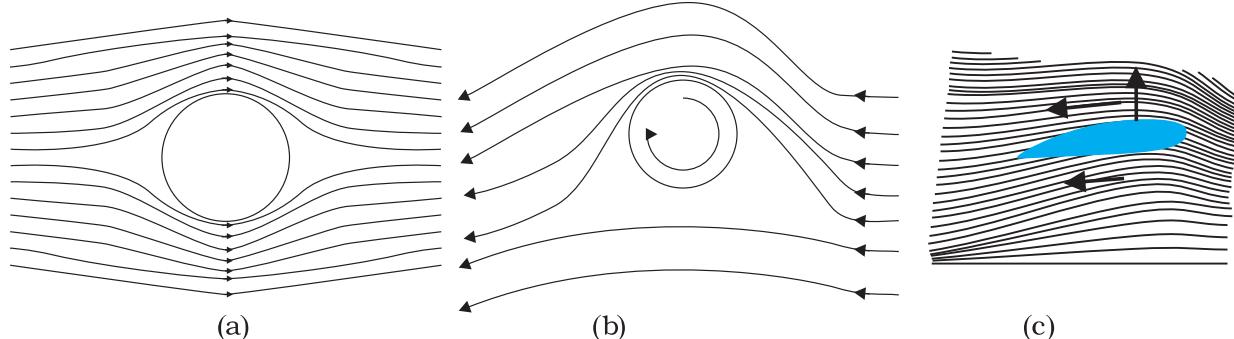
جواب (a) ہوائی جہاز کے وزن کو دباؤ فرق کی وجہ سے لگنے والی اوپر کی سمت میں قوت متوازن کرتی ہے۔

$$\Delta P \times A = 3.3 \times 10^5 \text{ kg} \times 9.8$$

$$\begin{aligned} \Delta P &= (3.3 \times 10^5 \text{ kg} \times 9.8 \text{ m s}^{-2}) / 500 \text{ m}^2 \\ &= 6.5 \times 10^3 \text{ Nm}^{-2} \end{aligned}$$

(b) ہم مساوات (10.12) میں، اوپری اور پیچلی سطح کے درمیان اونچائی کے معمولی فرق کو نظر انداز کر دیتے ہیں۔ تو ان کے درمیان دباؤ فرق ہے۔

$$\Delta P = \frac{\rho}{2} (v_2^2 - v_1^2)$$



شکل 10.13 : (a) سیال جو ایک ساکت کرہ سے بہے کر گزر رہا ہے۔ (b) ایک ایسے سرکار کرے کرے گرد مستقل بہاؤ خطوط جو گھڑی کی سمت میں اسپن کرتے ہوئے سیال سے گذر رہا ہے۔ (c) ایک ایرو فائل سے گذر کر بہتی ہوئی ہوا۔

لیے ہوا، گیند پر پری یا نیچے کی سمت میں کوئی قوت نہیں لگاتی۔

اسپن کے ساتھ حرکت کرتی ہوئی گیند: ایک گیند جو اسپن کر رہی ہے، اپنے ساتھ ہوا کو کھینچتی ہے۔ اگر سطح کھر دری ہو تو زیادہ ہوا کھینچتی ہے۔ شکل (b) میں ایسی گیند کے مستقل بہاؤ خطوط دکھائے گئے ہیں جو ایک ہی وقت میں اسپن بھی کر رہی ہے اور حرکت بھی کر رہی ہے۔ گیند آگے کی جانب حرکت کر رہی ہے اور گیند کی مناسبت سے ہوا یا نیچے کی طرف حرکت کر رہی ہے۔ اس لیے گیند کی مناسبت سے ہوا کی رفتار گیند کے اوپر مقابلہ زیادہ ہے اور گیند کے نیچے مقابلہ کم ہے (یہ کبھی حصہ 10.3)۔ اس لیے مستقل بہاؤ خطوط اور قریب قریب ہو جاتے ہیں۔ اور نیچے ایک دوسرے سے دور ہٹ جاتے ہیں۔

ہوا کی رفتاروں میں یہ فرق گیند کے نیچے اور اوپری رخوں کے درمیان دباؤ فرق پیدا کرتا ہے اور گیند پر ایک کل قوت اور پر کی سمت میں لگتی ہے۔ اسپن کرنے کی وجہ سے پیدا ہونے والا یہ حرکی اٹھاؤ، میگنوس اثر (Magnus effect) کہلاتا ہے۔

ہواروک پتیریا ہوائی جہاز کے پروں پر اٹھاؤ: شکل (c) میں ایک ہواروک پتیریا (Aerofoil) دکھایا گیا ہے۔ جو ایک ٹھوس ٹکڑا ہے، جس کی شکل ایسی بنائی جاتی ہے کہ جب وہ ہوا میں سے افقی حرکت کرے تو اوپر کی سمت میں حرکی اٹھاؤ مہیا کرے۔ ایک ہوائی جہاز کے پروں کی تراش کی شکل کچھ کچھ شکل (c) میں دکھائے گئے ایرو فائل جیسی ہوتی ہے۔ شکل میں اس کے گرد مستقل بہاؤ خطوط بھی دکھائے گئے ہیں۔ جب ایرو فائل ہوا کے

رفار) سے اوپری ترین پرت (v₂) تک ہموار طور پر بڑھتی ہیں۔ ریقین کی کسی بھی پرت کو اس سے اوپر والی پرت آگے کی طرف ڈھکیلیتی ہے، جب کہ نچلی پرت اسے پیچھے کی طرف کھینچتی ہے۔ اس کے نتیجے میں تہوں کے درمیان قوت کام کرتی ہے۔ اس قسم کے بہاؤ کو ورقی بہاؤ (laminar flow) کہتے ہیں۔ ریقین کی تہیں ایک دوسرے کے اوپر اسی طرح پھسلتی ہیں، جس طرح اگر ایک کتاب کو میز پر رکھ دیا جائے اور اس کے اوپر کے صفحے پر افقی قوت لگائی جائے تو کتاب کے صفحے پھسلتے ہیں۔ جب ایک سیال ایک پائپ یا ٹیوب میں سے بردہ ہوتا ہے، تو ٹیوب کے مجرور پر سے گذرنے والی سیال کی پرت کی رفتار سب سے زیادہ ہوتی ہے اور یہ رفتار ہم جیسے جیسے دیوار کی طرف حرکت کرتے ہیں، بتدریج کم ہوتی جاتی ہے، اور دیوار پر صفر ہو جاتی ہے، شکل 10.14(b)۔ ایک ٹیوب میں ایک استوانی سطح پر رفتار مستقلہ ہوتی ہے۔

اس حرکت کی وجہ سے، ریقین کا ایک حصہ جس کی ایک وقت پر شکل ABCD تھی، مختصر و قند وقت Δt کے بعد، اس کی شکل AEFD ہو جاتی ہے۔ اس وقت وقت کے دوران، ریقین میں $\frac{\Delta x}{\Delta t}$ کی تحریری یعنی بگاڑ ہوا ہے، کیونکہ ایک بہتے ہوئے ریقین میں بگاڑ وقت کے ساتھ لگاتا رہتا ہے، اس لیے ٹھوں کے برخلاف، تحریری طور پر ذرر، بگاڑ کی تبدیلی کی شرح یا بگاڑ شرح، یعنی $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ یا $\frac{\Delta x}{\Delta t}$ کے متناسب ہوتا ہے، خود بگاڑ کے متناسب نہیں ہوتا۔ ایک سیال کے لیے نزوجت کے ضریب η (جس کا تلفظ ایٹھا ہے) کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے η کی تحریری ذرر کی بگاڑ شرح سے نسبت ہے۔

$$\eta = \frac{F/A}{v/l} = \frac{F l}{v A} \quad (10.18)$$

نزوجت کی SI اکائی پواتزل (PI) ہے۔ اس کی دوسری اکائیاں Nsm^{-2} یا Pas ہیں۔ نزوجت کے ابعاد $[ML^{-1}T^{-1}]$ ہے۔ عام طور سے پتلے ریقین جیسے پانی، الکوحل وغیرہ، گاڑھے رفتیوں جیسے تارکوں، خون، گلیسرین وغیرہ کے مقابلے میں کم لرزج ہوتے ہیں۔ کچھ عام سیالوں کے لیے نزوجت کے ضریب، جدول 10.2 میں دیے گئے ہیں۔ ہم پانی اور خون کے بارے میں دو حقیقوں کی نشاندہی کر رہے ہیں، جو آپ کو لچک پ معلوم ہوگی۔ جیسا جدول 10.2

جہاں v_2 اوپری سطح کے اوپر ہوا کی رفتار ہے اور v_1 نچلی سطح کے نیچے ہوا کی رفتار ہے۔

$$(v_2 - v_1) = \frac{2\Delta P}{\rho(v_2 + v_1)}$$

اوسر رفتار لیتے ہوئے

$$v_{av} = \left(\frac{v_2 + v_1}{2} \right) = 960 \text{ km/h}$$

$$= 267 m s^{-1}$$

اب ہمارے پاس ہے

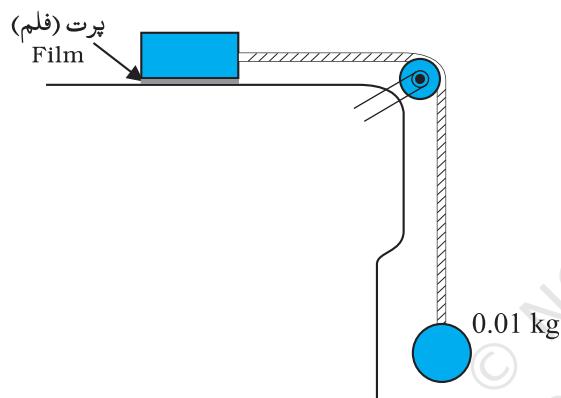
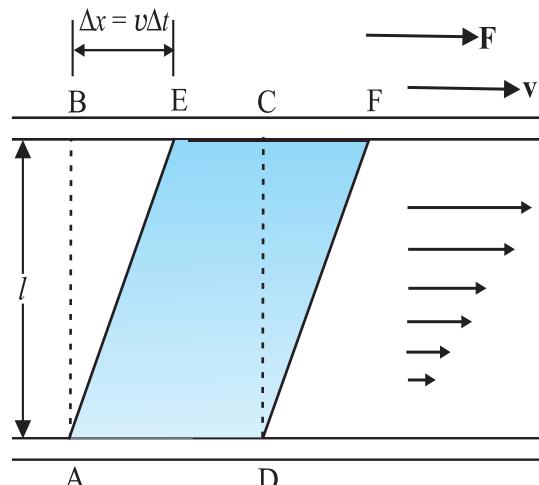
$$(v_2 - v_1) / v_{av} = \frac{\Delta P}{\rho v_{av}^2} \approx 0.08$$

اس لیے پروں کے اوپر ہوا کی رفتار، پروں کے نیچے ہوائی رفتار سے صرف 8% زیادہ ہونی چاہیے۔

10.5 نزوجت (VISCOSITY)

زیادہ تر سیال، مثابی نہیں ہوتے اور حرکت کو کچھ مزاحمت فراہم کرتے ہیں۔ سیال کی حرکت کی یہ مزاحمت ایک اندروںی رگڑ کی طرح ہے جو ایک ٹھوں کے ایک سطح پر حرکت کرنے میں رگڑ کے مشابہ ہے۔ اسے نزوجت (Viscosity) کہتے ہیں۔ یہ قوت اس وقت پائی جاتی ہے، جب ریقین کی پرتوں کے درمیان ایک دوسرے کی بینبست حرکت ہو۔ فرض کیجیے ہم ایک سیال، جیسے تیل، مان لیتے ہیں۔ جو دو شیشے کی بلیٹوں کے درمیان گھرا ہوا ہے، جیسا شکل 10.14(a) ہے۔ جب کہ اوپری بلیٹ، نچلی بلیٹ کی بینبست ∇ مستقلہ رفتار سے حرکت کرتی ہے۔ اگر تیل کی جگہ شہد لیا جائے، تو بلیٹ کو یکساں رفتار سے حرکت دینے کے لیے مقابلاً زیادہ قوت چاہیے ہوگی۔ اس لیے ہم کہتے ہیں کہ شہد، تیل کے مقابلے میں زیادہ نزوجت (Viscous) ہے۔ ایک سیال جو سطح کے ساتھ لمس میں ہو، اس کی رفتار وہی ہوگی جو سطح کی ہے۔ اس لیے سیال کی وہ پرت جو اوپری سطح کے ساتھ لمس میں ہے، رفتار ∇ کے ساتھ حرکت کرتی ہے اور سیال کی وہ پرت جو قائم سطح کے ساتھ لمس میں ہے، ساکت ہے۔ پرتوں کی رفتاریں نچلی ترین پرت (صرف

مثال 10.9: دھات کے ایک مستطیل بلکٹے کو، جس کا رقبہ 0.10m^2 ہے، ایک رسی کے ذریعے جو ایک گواری سے گزرا رہی ہے، ایک کیت سے مسلک کیا گیا ہے۔ (رسی کی کیت اور گڑ کو صفر مانا جاتا ہے)، جیسا کہ شکل 10.15 میں دکھایا گیا ہے۔ ایک رقیق، جس کی فلم (پرت) موٹائی 0.30mm ہے، بلکٹے اور میز کے درمیان رکھا جاتا ہے۔ چھوڑے جانے پر بلکٹا مستقلہ رفتار 0.085ms^{-1} کے ساتھ دائیں طرف حرکت کرتا ہے۔ رقیق کا لزوجت کا ضرب معلوم کیجیے۔



شکل 10.15: رقیق کی لزوجت کی پیمائش۔

جواب: رسی میں تاؤ کی وجہ سے، دھات کا بلکٹا دائیں طرف حرکت کرتا ہے۔ سی کے تاؤ T ، کی عددی قدر بیکاری گئی کیت m کے وزن کے مساوی ہے۔ س لیے لامنی قوت F ہے۔

$$F = T = mg = 0.010\text{kg} \times 9.8\text{ms}^{-2} = 9.8 \times 10^{-2}\text{N}$$

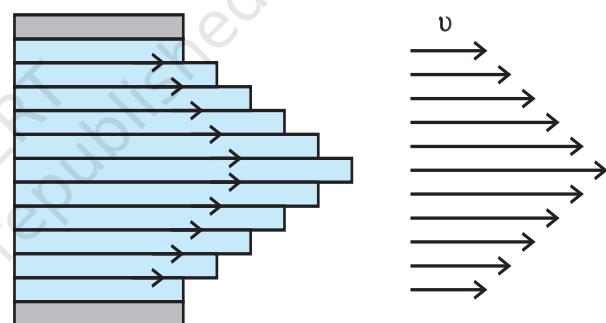
$$\frac{F}{A} = \frac{0.085}{0.30 \times 10^{-3}} \text{ N/m}^2$$

$$\frac{v}{l} = \frac{0.085}{0.30 \times 10^{-3}}$$

$$\eta = \frac{\text{بگڑ شرح}}{\text{ذرر}} = \frac{\text{بگڑ شرح}}{\text{ذرر}} = \eta$$

$$= \frac{(9.8 \times 10^{-2}\text{N})(0.30 \times 10^{-3}\text{m})}{(0.085\text{ms}^{-1})(0.10\text{m}^{-2})}$$

$$= 3.46 \times 10^{-3}\text{Pas}$$



شکل 10.14: (a) رقیق کی ایک برت جو دو متوازی شیشے کی پلیٹوں کے درمیان ہے، جن میں سے نچلی پلیٹ اپنی جگہ قائم رہتی ہے اور اوپری پلیٹ رفتار v سے دائیں طرف حرکت کرتی ہے۔ (b) ایک پائپ میں لزجی بہاؤ کے لیے رفتار تقسیم

سے ظاہر ہوتا ہے، خون پانی کے مقابلے میں گاڑھا (زیادہ نرخ) ہوتا ہے۔ مزید یہ کہ خون کی اضافی لزوجت (η/η_{water}) 37°C سے 0°C سے تک کے درمیان مستقلہ رہتی ہے۔ رقیقوں کی لزوجت درجہ حرارت کے ساتھ کم ہوتی ہے، جب کہ گیسوں کے لیے یہ بڑتی ہے۔

منفی اسرائی قوت بھی بڑھتی ہے۔ آخر میں، جب لزج قوت اور قوت اچھا مل کر ارضی کشش کی قوت کے برابر ہو جاتی ہیں، تو کل قوت صفر ہو جاتی ہے اور اسرائی بھی صفر ہو جاتا ہے۔ کردہ (بارش کا قطرہ) پھر ایک مستقلہ رفتار سے نیچے گرنے لگتا ہے۔ اس لیے حالتِ توازن میں، یہ ختمی رفتار (Terminal Velocity) دی جاتی ہے:

$$6\pi\eta av_t = (4\pi/3) a^3 (\rho - \sigma)g$$

جہاں a اور، σ حسب ترتیب، کردہ اور سیال کی کمیت کثافتیں ہیں۔ ہمیں حاصل ہوتا ہے

$$v_t = 2a^2(4\pi/3)(9\eta)$$

اس طرح، ختمی رفتار v_t ، کردہ کے نصف قطر کے مرتع کے راست متناسب اور سیال کی لزوجت کے مقلوب متناسب ہے۔

آپ اس نتاظر میں مثال (6.2) پر دوبارہ غور کرنا چاہیں گے۔

مثال 10.10: 2mm نصف قطر کی تابندگی گیند کی 20°C پر ایک تیل کی شکنی سے گرتے ہوئے ختمی رفتار 6.5 cm s^{-1} ہے۔ 20°C میں ایک ایسی حرکت کی عالم مثالیں ہیں۔ یہ دیکھا گیا ہے کہ لزج قوت، شے کی رفتار کے متناسب ہوتی ہے اور حرکت کی سمت کی مخالف سمت میں ہوتی ہے۔ دوسری مقداریں جن کے یقوت تابع ہے، سیال کی لزوجت F اور کردہ کا نصف قطر a ۔ ایک انگریز سائنس داں، سرجارج جی۔ اسٹوکس (1819-1903) نے بتایا کہ یہ لزج کشید قوت (viscous drag force) F دی جاتی ہے:

جواب: ہمارے پاس ہے:

$$v_t = 6.5 \times 10^{-2} \text{ ms}^{-1}, a = 2 \times 10^{-3} \text{ m,}$$

$$g = 9.8 \times 10^{-2} \text{ ms}^{-2}, p = 8.9 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3}$$

$$\sigma = 1.5 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3}, \text{ مساوات (10.20) سے}$$

$$\eta = \frac{2}{9} \times \frac{(2 \times 10^{-3})^2 \text{ m}^2 \times 9.8 \text{ ms}^{-2}}{6.5 \times 10^{-2} \text{ ms}^{-1}} \times 7.4 \times 10^3 \text{ kg m}^{-3}$$

$$= 9.9 \times 10^{-1} \text{ kg m}^{-1} \text{ s}^{-1}$$

جدول 10.2 کچھ سیالوں کی لزوجت قدریں

لزوجت	T ($^\circ\text{C}$)	سیال
1.0	20	پانی
0.3	100	خون
2.7	37	مشین کا تیل
113	16	گلیسرین
34	38	شہد
830	20	ہوا
200	0	
0.017	40	
0.019		

10.5.1 اسٹوکس کا قانون (Stokes' law)

جب ایک جسم ایک سیال سے گذرتا ہے تو وہ سیال کی اس پرت کو جو اس کے لمس میں ہوتی ہے، اپنے ساتھ کھینچتا ہے۔ اس طرح سیال کی مختلف پرتوں میں ایک دوسرے کی متناسب سے حرکت پیدا ہو جاتی ہے اور جسم ایک منفی اسرائی قوت محسوس کرتا ہے۔ ایک بارش کے قطرے کا گرنا یا ایک پنڈولم کا ڈولنا، ایک ایسی حرکت کی عالم مثالیں ہیں۔ یہ دیکھا گیا ہے کہ لزج قوت، شے کی رفتار کے متناسب ہوتی ہے اور حرکت کی سمت کی مخالف سمت میں ہوتی ہے۔ دوسری مقداریں جن کے یقوت تابع ہے، سیال کی لزوجت F اور کردہ کا نصف قطر a ۔ ایک انگریز سائنس داں، سرجارج جی۔ اسٹوکس (1819-1903) نے بتایا کہ یہ لزج کشید قوت (viscous drag force) F دی جاتی ہے:

$$F = 6\pi\eta av \quad (10.19)$$

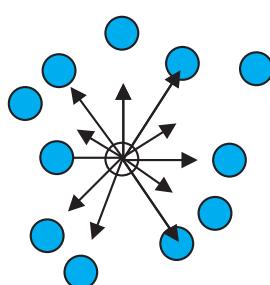
یہ اسٹوکس قانون کے بطور جانا جاتا ہے۔ ہم اسٹوکس قانون کو مشتق نہیں کریں گے۔ یہ قانون ایک منفی اسرائی قوت کی دلچسپ مثال ہے۔ جو رفتار کے متناسب ہے۔ ہم ایک لزج ویلے سے گرتے ہوئے جسم پر اس کے نتائج کا مطالعہ کریں گے۔ ہم ہوا میں ایک بارش کا قطرہ تصور کرتے ہیں۔ شروعات میں یہ ارضی کشش کے سبب اسرائی پذیر ہوتا ہے۔ جیسے جیسے رفتار بڑھتی ہے،



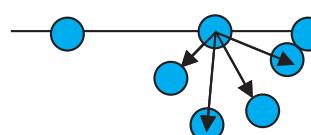
مالکیوں کی تعداد اور ترتیم پر مختصر ہوتی ہے۔ لیکن تمام مالکیوں کے ایک مجموعے (یعنی ریقین) کو لے کر اگر ان کی تبدیل کرنے کے لیے انہیں ایک دوسرے سے دور دور کرنا ہو تو درکار تبدیلی حرارت کافی زیادہ ہوتی ہے۔ پانی کے لیے یہ 40 kJ/mol کے درجے کی ہے۔

اب ہم ایک مالکیوں سطح کے قریب تصور کرتے ہیں، شکل 10.16(b)۔ اس کی صرف نچلا نصف حصہ ہی ریقین کے مالکیوں سے گھرا ہوا ہے۔ ان کی وجہ سے کچھ منفی توانائی بالقوہ ہو گی لیکن ظاہر ہے کہ یہ اس مالکیوں کی منفی توانائی بالقوہ سے کم ہو گی جو پوری طرح ریقین کے اندر ہے۔ یہ تقریباً اس کی نصف ہو گی۔ ریقین کی سطح کے مالکیوں میں ریقین کے اندر کے مالکیوں کے مقابلے میں کچھ زائد توانائی ہوتی ہے۔ اس لیے ایک ریقین وہ کم سے کم سطحی رقبہ اختیار کرنے کی کوشش کرتا ہے، جو باہری شرائط کے مطابق ممکن ہو۔ سطحی رقبے کو بڑھانے کے لیے توانائی درکار ہو گی۔ زیادہ سطحی مظاہر کو اس حقیقت کی روشنی میں سمجھا جاسکتا ہے۔ ایک مالکیوں کو سطح پر رکھنے کے لیے کتنی توانائی درکار ہو گی۔ جیسا پہلے بیان کیا جا چکا ہے، یہ تقریباً اس توانائی کی نصف ہو گی۔ جو اس مالکیوں کو ریقین سے مکمل طور پر علیحدہ کرنے کے لیے چاہئے، یعنی کہ تبدیلی حرارت کی نصف ہو گی۔

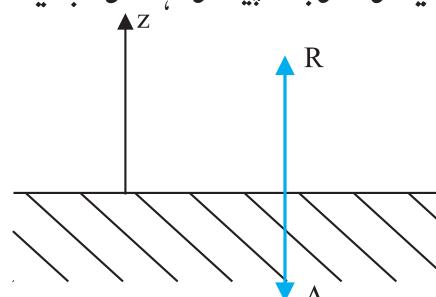
آخری سوال، ایک سطح کیا ہے؟ کیونکہ ریقین ایسے مالکیوں پر مشتمل ہے جو ادھر ادھر حرکت کر رہے ہیں، اس لیے اس کی کوئی واضح سطح نہیں ہو سکتی۔ ہم جب شکل 10.16(c) میں دکھائی گئی سمت میں جاتے ہیں تو $z=0$ کے گرد ریقین کی کثافت اتنی تیزی سے گرتی ہے کہ چند مالکیوں ناپوں کے درجے کے فاصلے میں ہی صفر ہو جاتی ہے۔



(a)



(b)



(c)

شکل 10.6: ایک ریقین کے اندر ہوں مالکیوں، سطح کے مالکیوں اور قوتون کے توازن کا خاکہ (a) ریقین کے اندر ہوں مالکیوں: ایک مالکیوں بر دوسرے مالکیوں کے ذریعے لگ رہی قوتیں دکھائی گئی ہیں۔ تیروں کے نشان کی سمت کشش یا دفاع کو ظاہر کرتی ہے۔ (b) یہی بات سطح کے مالکیوں کے لیے (c) کششی (A) اور دفاعی (R) قوتون کا توازن

سطحی تناو (SURFACE TENSION) 10.6

آپ نے دیکھا ہو گا کہ تیل اور پانی آپس میں نہیں ملتے، پانی مجھے اور آپ کو گیلا کر دیتا ہے، لیکن بطنوں کو گیلا نہیں کرتا، پارہ گلاس کو گیلا نہیں کرتا، لیکن پانی اس سے چپک جاتا ہے، تیل ایک سوتی متی میں کشش ارضی کے باوجود اور چڑھ جاتا ہے، عرق اور پانی درختوں کی پتوں کے اوپری سرے تک چڑھ جاتے ہیں، ایک رنگ کرنے کے برش کے بال جب سوکھ ہوتے ہیں اور یہاں تک کہ جب انہیں پانی میں ڈبو جاتا ہے، تب بھی ایک دوسرے سے نہیں ملتے لیکن پانی سے باہر نکالنے پر آپس میں مل کر ایک باریک نوک بنایتے ہیں۔ یہ تمام اور ایسے اور بہت سے تجربات ریقین کی آزاد سطحوں سے متعلق ہیں۔ کیونکہ ریقین اشیا کی کوئی معین شکل نہیں ہوتی، لیکن ان کا جم میں ہوتا ہے، اس لیے جب انہیں ایک برتن میں انٹیلا جاتا ہے تو انہیں ایک آزاد سطح چاہئے ہوتی ہے۔ ان سطحوں میں کچھ اضافی توانائی درکار ہو گی۔ مظہر سطحی تناو کہلاتا ہے۔ اور اس کا مشاہدہ صرف ریقین اشیا میں کیا جاسکتا ہے۔ کیونکہ گیسوں میں آزاد سطھیں نہیں ہوتیں۔ آئیے اس مظہر کو سمجھیں۔

سطحی توانائی (Surface energy) 10.6.1

ایک ریقین اپنے مالکیوں کے درمیان آپسی کشش کی وجہ سے ایک ساتھ رہ پاتا ہے۔ ریقین کے خوب اندر کا ایک مالکیوں تصور کیجیے۔ میں مالکیوں کی فاصلے ایسے ہیں کہ یہ ان تمام مالکیوں کے ذریعے کشش کیا جاتا ہے، جن سے یہ گھرا ہوا ہے۔ [شکل 10.16(a)]. اس کشش کی وجہ سے مالکیوں کے لیے ایک منفی توانائی بالقوہ پیدا ہوتی ہے جو اس منتخب کیے گئے مالکیوں کے گرد

کے ذریعے لگائی گئی قوت فی اکائی لمبائی کے بھی مساوی ہے۔

ابھی تک ہم نے ایک ریقق کی سطح کے بارے میں بات کی ہے۔ عام طور سے ہمیں ایسی ریقق کی سطح دیکھنی ہوتی ہے جو دوسرے سیالوں یا ٹھوں سطحوں سے لمبی ہوتی ہے۔ اس صورت میں سطحی توانائی سطح کے دونوں طرف کے مادوں پر منحصر ہوتی ہے۔ مثلاً، اگر دونوں اشیا کے مالکیوں ایک دوسرے کو کشش کرتے ہیں، تو سطحی توانائی کم ہو جاتی ہے اور اگر وہ ایک دوسرے کو دفع کرتے ہیں، تو سطحی توانائی بڑھ جاتی ہے۔ اس لیے، زیادہ درست طور پر، سطحی توانائی، دو مادی اشیا کے درمیانی رخ کی توانائی ہے اور دونوں کے تابع ہے۔

ہم مندرجہ بالا بحث سے مندرجہ ذیل نکات اخذ کر سکتے ہیں۔

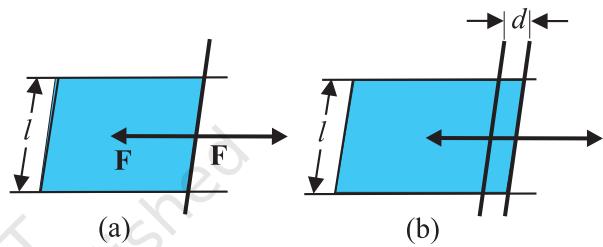
(i) سطحی توانائی قوت فی اکائی لمبائی (یا توانائی فی اکائی رقبہ) ہے جو ریقق کے مستوی اور کسی دوسری مادی شے کے درمیانی رخ کے مستوی پر لگتی ہے، یہ وہ زائد توانائی بھی ہے جو درمیانی رخ کے مالکیوں میں اندرونی مالکیوں کے مقابلے میں ہوتی ہے۔

(ii) حد کے علاوہ، درمیانی رخ کے کسی بھی نقطے پر، ہم ایک خط کھینچ سکتے ہیں اور درمیانی رخ کے مستوی میں، خط کے عمودی سمت میں لگتی ہوئی، دو مساوی اور مخالف سطحی قوتیں S فی اکائی لائن کی لمبائی تصور کر سکتے ہیں۔ یہ خط حالت توازن میں ہے۔ زیادہ مخصوص طور پر سمجھنے کے لیے، سطح پر ایٹھوں یا مالکیوں کا ایک خط تصور کریں۔ اس کے باہمی طرف کے ایٹھ اسے اپنی طرف کھینچتے ہیں، اور دوائیں طرف کے ایٹھ سے اپنی طرف کھینچتے ہیں۔ اس لیے ایٹھوں کا یہ خط، تناوہ کے زیر اثر حالت توازن میں ہے۔ اگر یہ خط، درمیانی رخ کے بالکل خاتمے پر ہے تو صرف اندر (جیسا کہ شکل (a) اور (b) میں دکھایا گیا ہے۔ تو صرف اندر کی طرف قوت S فی اکائی لمبائی لگ رہی ہے۔

جدول 10.3 میں مختلف ریقق اشیاء کے سطحی تناوہ کی قدریں دی گئی ہیں۔ سطحی تناوہ کی قدر درجہ حرارت کے تابع ہے۔ لزوجت کی طرح سطحی تناوہ میں بھی درجہ حرارت بڑھنے سے کمی آتی ہے۔

10.6.2 سطحی توانائی اور سطحی تناوہ (Surface energy and surface tension)

جیسا کہ ہم پہلے بحث کرچکے ہیں کہ ریققوں کی سطح سے ایک زائد توانائی منسلک ہوتی ہے، اس لیے مزید سطح تخلیق کرنے (سطح کو پھیلانا) کے لیے، دوسری چیزوں جیسے جنم کو معین رکھتے ہوئے، مزید توانائی درکار ہوتی ہے۔ اسے سمجھنے کے لیے، ایک افقی ریقق فلم تصور کیجیے جو ایک ایسی چھڑ پر ختم ہو رہی ہے جو متوازی چھڑوں کے کھانچے پر آزادانہ پھیل سکتی ہے۔ (شکل 10.17)



شکل 10.17 ایک فلم کو کھینچنا (a) ایک فلم جو توازن میں ہے (b) فلم جس سے زائد فاصلے تک کھینچا گیا ہے۔

فرض کیجیے ہم چھڑ کو ایک چھوٹے فاصلے d سے حرکت دیتے ہیں، جیسا کہ دکھایا گیا ہے۔ کیونکہ نظام کا رقبہ بڑھ جاتا ہے، اس لیے نظام میں اب زیادہ توانائی ہے، اس کا مطلب ہوا کہ ایک اندرونی قوت کے خلاف کچھ کام کیا گیا ہے۔ فرض کیجیے کہ یہ اندرونی قوت F ہے، اس لیے لگائی گئی قوت کے ذریعے کیا گیا کام ہے: $\mathbf{F} \cdot \mathbf{d} = Fd$ ۔ \mathbf{F} ، \mathbf{d} اور F کی بقا سے، فلم میں بطور زائد توانائی ذخیرہ (جمع) ہو جاتی ہے۔ اگر فلم کی سطحی توانائی فی اکائی رقبہ s ہے، اور زائد رقبہ $2dl$ ہے۔ ایک فلم کے دو اطراف ہوتے ہیں اور ریقق ان کے درمیان ہوتا ہے، اس لیے دو سطھیں ہیں، اور زائد توانائی ہے۔

$$S(2dl) = Fd \quad (10.23)$$

یا

$$S = Fd / 2dl = F / 2l \quad (10.24)$$

یہ مقدار سطحی توانائی کی عددی قدر ہے۔ یہ ریقق کے درمیانی رخ (Interface) کی قوت فی اکائی رقبہ کے مساوی ہے اور متحرک چھڑ پر ریقق

فرض کیجیے کہ زائد وزن W ہے۔ تب مساوات (10.24) اور اس بحث سے جو وہاں کی گئی ہے، رقین۔ ہوا درمیانی رخ کا سطحی تناوہ ہے:

$$S_{la} = (W/2l) = (mg/2l) \quad (10.25)$$

چال m زائد کیت اور پلیٹ کے کنارے کی لمبائی ہے۔ زیریں علامات اس حقیقت پر زور دیتی ہے کہ رقین ہوا تناوہ شامل ہے۔

لمس کا زاویہ (Angle of contact): 10.6.3

ایک رقین کی سطح، دوسرے ویلے سے لمس کے مستوی کے قریب، عام طور پر خمیدہ ہوتی ہے۔ نقطہ لمس پر رقین کی سطح پر کھینچنے گئے مماس اور رقین کے اندر ٹھوس سطح کے درمیان بننے والے کو زاویہ لمس کہتے ہیں۔ اسے θ سے ظاہر کرتے ہیں۔ یہ رقین اور ٹھوس اشیا کے مختلف جوڑوں کے درمیانی رخ پر مختلف ہوتا ہے۔ θ کی قدر سے یہ طے ہوتا ہے کہ رقین، ٹھوس کی سطح پر پھیل جائے گا یا اس پر قطرے بنیں گے۔ مثال کے طور پر پانی کنوں کی پتی پر قطرے بناتا ہے، جیسا کہ شکل (a) 10.19 میں دکھایا گیا ہے اور پلاسٹک کی پلیٹ پر پھیل جاتا ہے، جیسا کہ شکل (b) 10.19 میں دکھایا گیا ہے۔

ہم تینوں باہر رخوں پر تینوں باہمی رخوں کے تناوہ لیتے ہیں، جو باہمی رخ ہیں: رقین۔ ہوا، ٹھوس۔ ہوا اور ٹھوس۔ رقین اور تناوہ ہیں بالترتیب، S_{sl} ، S_{sa} ، S_{la} ، جیسا کہ شکل (a) 10.19 اور (b) میں دکھایا گیا ہے۔ لمس کے خط پر، تینوں دیلوں کے درمیان سطحی توقوں کا توازن میں ہونا لازم ہے۔ شکل (a) میں اسے مندرجہ ذیل رشتہ با آسانی مشتق کیا جاسکتا ہے۔

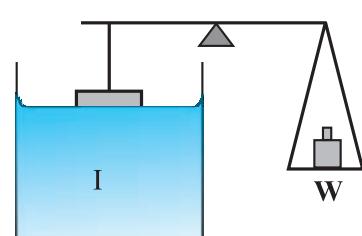
$$S_{la} \cos \theta + S_{sl} = S_{sa}$$

اگر $S_{sl} > S_{la}$ ہو، جیسا کہ پانی پتی درمیانی رخ میں ہوتا ہے، تو لمس زاویہ ایک منفرج زاویہ (Obtuse angle) ہوتا ہے اور اگر $S_{sl} < S_{la}$ ، جیسا کہ پانی۔ پلاسٹک درمیانی رخ میں ہوتا ہے، تو یہ حارہ زاویہ (Acute angle) ہوتا ہے۔ جب θ ایک منفرج زاویہ ہوتا ہے تو رقین کے مالکیوں آپس میں بہت زیادہ کشش کرتے ہیں اور ٹھوس سطح کے مالکیوں سے ان کی کشش کمزور ہوتی ہے۔ اس لیے رقین۔ ٹھوس سطح تخلیق کرنے کے لیے بہت زیادہ توانائی

جدول 10.3: کچھ رقینوں کے نشان دہی کیے گئے درجات حرارت پر، سطحی تناوہ کی قدریں معنی تغیری حرارت

رقین	درجہ حرارت (°C)	سطحی تناوہ (N/m)	تجزیہ کی حرارت (kJ/mol)
ہیلیم	-270	0.000239	0.115
آئسین	-183	0.0132	7.1
امتحانول	20	0.0227	40.6
پانی	20	0.0727	44.16
پارہ	20	0.4355	63.2

ایک رقین ایک ٹھوس سطح سے اس وقت چکے گا اگر رقین اور ٹھوس کے درمیان سطحی توانائی، ٹھوس۔ ہوا اور رقین۔ ہوا کے درمیان سطحی توانائی کے مجموعے سے کم ہو۔ اب ٹھوس سطح اور رقین کے درمیان باہم کشش ہے۔ اس کو تجربہ کے ذریعے براہ راست ناپا جاسکتا ہے، جیسا کہ نقشہ شکل 10.18 میں دکھایا گیا ہے۔ ایک چپٹی، عمودی شیشہ کی پلیٹ، جس کے نیچے کسی رقین سے بھرا برتن رکھا ہے، ترازو کا ایک پلاسٹکیل کرتا ہے۔ پلیٹ کو دوسری طرف کے اوپر اس طرح حالت توازن میں لا جاتا ہے کہ اس کا فتنی کنارہ، پانی کے بالکل اوپر ہو۔ برتن کو تھوڑا سا اوپر اٹھایا جاتا ہے، یہاں تک کہ رقین شیشہ کی پلیٹ سے چھو جائے اور سطحی تناوہ کی وجہ سے اسے تھوڑا سے نیچے کھینچ لے۔ پھر دوسری طرف پلیٹ میں اتنا وزن بٹھایا جاتا ہے کہ پلیٹ پانی سے باہر آجائے۔



شکل 10.18: سطحی تناوہ کی پیمائش

10.6.4 قطرے اور بلبلے (Drops and bubbles)

سطحی تناوہ کا ایک نتیجہ یہ ہے کہ پانی کے آزاد قطرے اور بلبلے، کروی شکل کے ہوتے ہیں، اگر ارضی کشش کے اثرات کو نظر انداز کیا جاسکے۔ آپ نے تیز رفتار چھڑ کاڈ میں یہ چھوٹے قطرے بننے ہوئے ضرور دیکھے ہوں گے اور بچپن میں صابن کے بلبلے بھی بنائے ہوں گے۔ قطرے اور بلبلے کروی کیوں ہوتے ہیں؟ صابن کے جھاگ کو کیا جیز مستحکم رکھتی ہے؟

ہم بار بار یہ کہہ رہے ہیں کہ ایک رقین۔ ہوادر میانی رخ میں تو انائی ہوتی ہے، اس لیے ایک دیے ہوئے جنم کے لیے سب سے کم تو انائی کی سطح وہ ہوگی، جس کا سطحی رقبہ سب سے کم ہو۔ کرہ کی یہ خاصیت ہوتی ہے۔ حالانکہ یہ اس کتاب کے معیار کے دائرہ سے باہر ہے، آپ خود جانچ سکتے ہیں کہ کرہ اس معاملے میں کم سے کم کعب سے تو بہتر ہے۔ اس لیے اگر ارضی کشش اور دوسرا قوتیں (مثلاً ہوا کی رگڑ) غیر موثر ہوں تو رقین کے قطرے کروی قطرے کے سطحی تناوہ کا ایک دوسرا لمحص پ نتیجہ یہ ہے کہ ایک کروی قطرے کے اندر وون دباؤ، شکل (a) 10.20، قطرے کے باہر کے دباؤ سے زیادہ ہوتا ہے۔ فرض کیجیے کہ نصف قطرہ r ، کا ایک کری قطرہ توازن میں ہے۔ اگر اس کے نصف قطر میں Δr کا اضافہ ہو تو زائد سطحی تو انائی ہے:

$$[4\pi(r + \Delta r)^2 - 4\pi r^2]S_{la} = 8\pi r \Delta r S_{la} \quad (10.27)$$

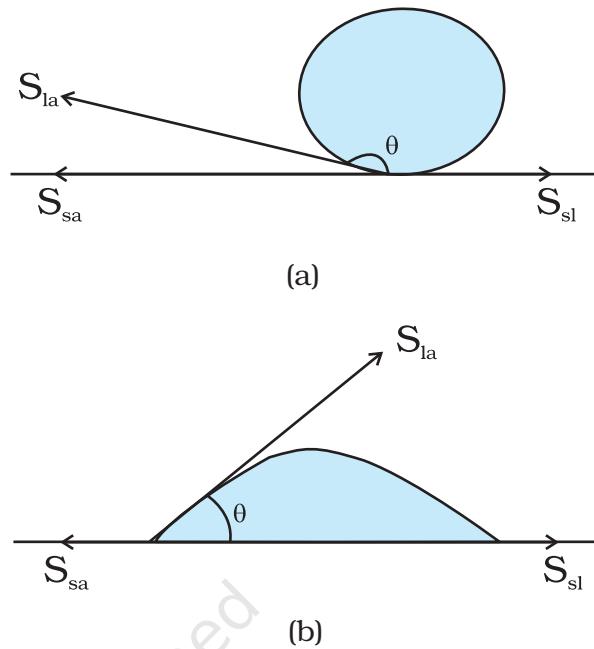
اگر قطرہ حالت توازن میں ہو، تو یہ تو انائی، اس تو انائی سے متوازن ہوگی جو بلبلے کے اندر اور باہر کے دباؤ فرق $(P_i - P_o)$ کے زیر اثر پھیلنے میں حاصل ہوتی ہے۔

$$W = (P_i - P_o) 4\pi r^2 \Delta r \quad (10.28)$$

کیا گیا کام: اس طرح

$$(P_i - P_o) = (2 S_{la} / r) \quad (10.29)$$

عمومی طور پر، ایک رقین۔ گیس در میانی رخ کے لیے، حدبی طرف، جوفی طرف سے زیادہ دباؤ ہوتا ہے۔ مثلاً ایک رقین میں ایک ہوا کے بلبلے میں اندر کی طرف زیادہ دباؤ ہوگا۔ دیکھیے شکل (b) 10.20



شکل 10.19 درمیانی رخوں کے تناوہ کے ساتھ پانی کے قطروں کی مختلف شکلیں (a) ایک کنول کی بنی پر (b) ایک صاف پلاسٹک کی پلیٹ پر

چاہیے ہوتی ہے، اور اس لیے رقین، ٹھوس کو گیلانہیں کرتا۔ پانی کے ساتھ موی یا تیل والی (چکنی) سطحوں پر ایسا ہی ہوتا ہے، اور پارہ کے ساتھ ایسا ہر سطح پر ہوتا ہے۔ دوسرا طرف، اگر رقین کے مالکیوں اور ٹھوس کے مالکیوں کے درمیان کشش بہت زیادہ ہوتی ہے، تو S_{sa} کم ہو جائے گا اور اس لیے $\cos \theta$ بڑھ سکتا ہے، یا θ کم ہو سکتا ہے۔ اس صورت میں θ ایک حادہ زاویہ ہے۔ یہی پانی کے ساتھ شیشے پر پلاسٹک پر ہوتا ہے اور مٹی کے تیل کے ساتھ تقریباً ہر چیز پر (مٹی کا تیل فوراً پھیل جاتا ہے)۔ صابن، ڈٹرجنٹ (Detergent) اور گنکے کی اشیاء گیلا کرنے والے ایجنت ہیں۔ جب انہیں شامل کیا جاتا ہے تو اس زاویہ چھوٹا ہو جاتا ہے تاکہ یہ اندر تک داخل ہو سکیں اور منور ہو سکیں۔ دوسرا طرف وہ ایجنت جو واٹر پروف (پانی سے حفاظت کرنے کے لیے) بنانے کے لیے استعمال ہوتے ہیں، شامل کیے جانے پر پانی اور یہوں کے درمیان بڑا زیادہ لمس بناتے ہیں۔

مطلوب ہوا کہ سب سے اوپر کی سطح کے دونوں طرف دباؤ میں فرق ہے۔ یہ فرق دیا جاتا ہے:

$$(P_i - P_o) = (2S/r) = 2S/(a \sec\theta) \quad (10.31)$$

$$= (2S/a) \cos\theta$$

اس لیے ٹیوب کے اندر، بالکل ہلامی سطح (meniscus) پر (ہوا۔ پانی درمیانی رخ) پانی کا دباؤ، فضائی دباؤ سے کم ہے۔ شکل 10.21(a) میں دو نقاط A اور B لیجئے۔ ایک ہی دباؤ پر ہونا چاہئے۔

$$P_o + h \rho g = P_i = P_A \quad (10.32)$$

جہاں پانی کی کثافت ہے اور h شعري چڑھاؤ (Capillary rise) کہلاتا ہے۔ (شکل 10.21(a)) اور مساوات (10.31) اور مساوات (10.32) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے۔

$$h \rho g = (P_i - P_o) = (2S \cos\theta)/a \quad (10.33)$$

یہاں مساوات (10.28) اور مساوات (10.29) کے ساتھ دی گئی بحث سے یہ واضح ہو جاتا ہے کہ شعري چڑھاؤ کی وجہ سے سطحی تناو ہے۔ یہ مقابلاً چھوٹے کے لیے مقابلاً زیادہ ہوگا۔ باریک شعري نیلوں کے لیے یہ کچھ سینٹی میٹر کے درجہ کا ہوتا ہے۔ مثلاً، اگر (r) = 0.05 cm، پانی کے سطحی تناو کی قدر (جدول 10.3) استعمال کرتے ہوئے، ہمیں حاصل ہوتا ہے،

$$h = 2S/(\rho g a)$$

$$= \frac{2 \times (0.073 \text{ Nm}^{-1})}{(10^3 \text{ kg m}^{-3})(9.8 \text{ ms}^{-2})(5 \times 10^{-4} \text{ m})}$$

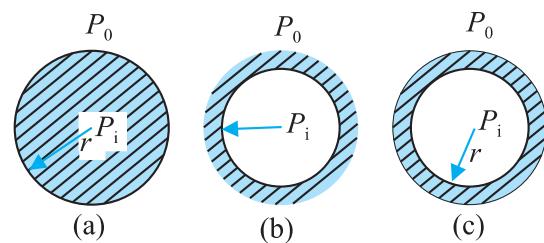
$$= 2.98 \times 10^{-2} \text{ m} = 2.98 \text{ cm}$$

نوت کریں کہ اگر حقیقی کی ہلامی سطح حدی (Convex) ہے، جیسے کہ پارے کی ہوتی ہے، یعنی کہ $\cos\theta < 1$ ہے، تب مساوات (10.32) سے یہ واضح ہے کہ حقیقی کی سطح شعري نیلی میں پیچی ہوگی۔

10.6.6 میل کاٹ (ڈرجنٹ) اور سطحی تناو

(Detergents and surface tension)

سوتی اور دوسرے کپڑوں پر جب چکنائی تیل وغیرہ کے دھبے لگ جاتے ہیں یا وہ میلے ہو جاتے ہیں تو انہیں دھونے کے لیے ہم پانی میں میل کاٹ



شکل 10.20: نصف قطر، r کا قطرہ، جوف اور بلبلہ

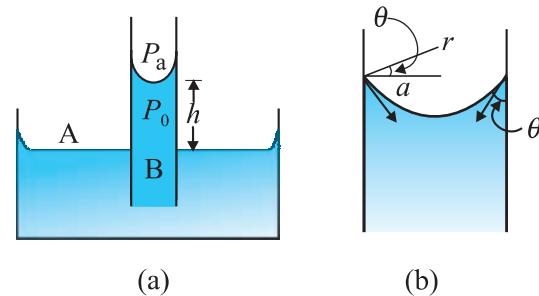
ایک بلبلہ (شکل 10.20(c)) ایک قطرہ یا جوف سے اس طور پر مختلف ہے کہ اس میں دو درمیانی رخ ہوتے ہیں۔ مساوات (10.29) کی طرح، اب بلبلے کے لیے ہم لکھ سکتے ہیں:

$$(P_i - P_o) = (4 S_{la}/r) \quad (10.30)$$

اسی لیے شاید آپ کو بلبلے بنانے کے لیے زور سے، لیکن بہت زور سے نہیں، پھوننا پڑتا ہے۔ کیونکہ اندر تھوڑا زائد ہوا کا دباؤ درکار ہوتا ہے۔

10.6.5 شعري چڑھاؤ (Capillary rise)

ایک خیدہ رہیں۔ ہوا درمیانی رخ کے اطراف میں دباؤ کے فرق کے، ہونے کا ایک معروف اثر یہ ہے کہ پانی ایک پتلی ٹیوب میں، ارضی کشش کے باوجود، اور چڑھ جاتا ہے۔ لاطینی میں لفظ (Capilla) کے معنی ہیں بال، اگر ٹیوب بال جیسی باریک ہو، تو چڑھاؤ بہت اوپر تک ہوگا۔ اسے دیکھنے کے لیے، ایک



شکل 10.21: شعري چڑھاؤ (a) ایک پتلی ٹیوب کا خاکہ جو

پانی میں ڈوبی ہوئی ہے۔ (b) درمیانی رخ کے

قریب، تکبیر شدہ تصویر

داری تراشی رقبہ (نصف قطر a) کی ایک شعري نیلی لیجئے، جسے پانی کے کھل بتن میں عمودی کھڑا کر دیجئے۔ (شکل 10.21(b)) پانی اور شیشہ کے درمیان لمس زاویہ، حاد یہ ہے، اس لیے شعري نیلی میں پانی کی سطح جوئی ہوگی۔ اس کا

دوسرے پچھنائی تیل یا موم کے مالکیوں سے۔ اس طرح یہ پانی۔ تیل درمیان رخوں کو بنتا ہے۔ اس کا نتیجہ شکل (10.22) میں شکلوں کے ایک سلسلے کے ذریعے دکھایا گیا ہے۔

ہم اپنی زبان میں کہیں گے کہ میل کاٹ ملا دینے سے، جس کے مالکیوں ایک سرے پر پانی کو کشش کرتے ہیں اور دوسرے سرے پر میل، جیسے تیل، کو۔ سطحی تناوہ (پانی۔ تیل) بہت کم ہو جاتا ہے۔ اور ایسے درمیانی رخوں کا بننا، تو انہی کی مناسبت سے سازگار بھی ہو سکتا ہے، جیسے گندگی کے گزے جو تیل کاٹ سے گھرے ہوتے ہیں اور پھر پانی سے گھرے ہوتے ہیں۔ اس طرح کے عمل جن میں سطحی فعال میل کاٹ استعمال ہوتے ہیں، صرف صفائی کرنے کے لیے اہم نہیں ہیں بلکہ تیل اور پچے دھات وغیرہ حاصل کرنے میں بھی ان کا استعمال ہوتا ہے۔

مثال 10.11: ایک بیکر میں شعری نئی کا نچلا سرا پانی کی سطح سے 8.00cm نیچے تک ڈبو یا گیا ہے۔ نئی کا قطر 2.00mm ہے۔ نئی کے پان میں ڈوبے سرے پر ایک نصف کری بلبلہ پیدا کرنے کے لیے نئی میں کتنا دباؤ چاہیے ہوگا؟ تجربہ کے درجہ حرارت پر پانی کا سطحی تناوہ $7.30 \times 10^{-2} \text{ Nm}^{-1}$ ہے۔ $1.01 \times 10^5 \text{ Pa}$ = $1.01 \times 10^5 \text{ Nm}^{-2}$ ہے۔ $g = 9.80 \text{ ms}^{-2}$ پانی کی کثافت، 1000 Kg/m^3 زائد دباؤ کا بھی حساب لگائیے۔

جواب: ایک رقیق میں ایک گیس کے بلبلے میں زائد دباؤ r/S سے دیا جاتا ہے، جہاں S ، رقیق۔ گیس درمیانی رخ کا سطحی تناوہ ہے۔ آپ کو یہ نوٹ کرنا چاہیے کہ اس صورت میں رقیق کی صرف ایک سطح ہے (ایک گیس میں ایک رقیق کے بلبلے کے لیے دور قیق سطحیں ہوتی ہیں، اور زائد دباؤ کے لیے، اس صورت میں فارمولہ ہے $(4S/r)$)۔ اب بلبلے کے باہر دباؤ P_o فضائی دباؤ اور 8.00cm پانی کے کالم کی وجہ سے دباؤ کے حاصل جمع کے مساوی ہے۔

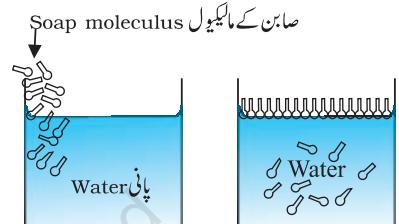
یعنی کہ

$$P_o = (1.01 \times 10^5 \text{ Pa} + 0.08 \text{ m} \times 1000 \text{ kg m}^{-3} \times 9.80 \text{ ms}^{-2})$$

$$= 1.01784 \times 10^5 \text{ Pa}$$

(Detergent) یا صابن ملاتے ہیں، پھر کپڑوں کو اس پانی میں ڈوباتے ہیں اور انہیں رکھتے ہیں۔ آئینے اس عمل کو بہتر طور پر سمجھیں۔

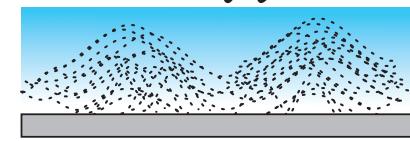
پانی کے ساتھ دھونے سے چکنائی کے دھبے نہیں صاف ہوتے۔ کیونکہ پانی چکنی گندگی کو گیلانہیں کرتا۔ اگر پانی چکنائی کو گیلا کر سکتا ہو تو پانی کا بہاؤ کچھ چکنائی بہالے جاتا۔ اس طرح کی کچھ کامیابی پانی میں میل کاٹ ملا دینے سے حاصل ہوتی ہے۔ میل کاٹ کے مالکیوں کی شکل بالوں میں لگانے کی پن (Hair pin) کی شکل جیسی ہوتی ہے، جس کا ایک سرا پانی سے جڑا ہوتا ہے اور صابن کے مالکیوں



صابن کے مالکیوں جن کے سر پانی سے نسلک ہیں



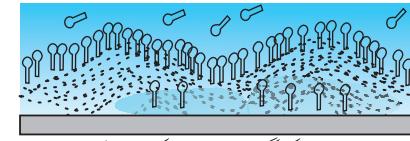
چکنی گندگی کے ذرات کا



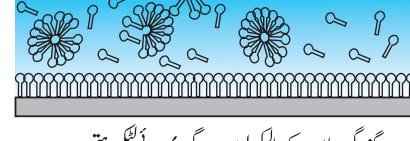
پانی ڈالا جاتا ہے، مگر گندگی اپنی جگہ نہیں چھوڑتی



میل کاٹ شامل کیا جاتا ہے۔ اس کے مالکیوں کے غیر فعال موٹی سرحدوں کی طرف کشش کرتے ہیں، جہاں پانی گندگی سے متاثر ہے۔



غیر فعال کنارے گندگی کو گھیرتے ہیں اور گندگی اب پانی بہانے سے اپنی جگہ سے ہٹائی جا سکتی ہے۔



گندگی صابن کے مالکیوں سے گھری ہوئی رہتی ہے۔

شکل 10.22: میل کاٹ کے مالکیوں جو کرتے ہیں، اس کی شکل میں میل کاٹ کا عمل

جہاں بلبلے کے نصف قطر کو شعیری نی کے نصف قطر کے مساوی لیا گیا ہے،
کیونکہ بلبلے نصف کری ہے۔ جواب تین قابل لحاظ ہندسوں تک درست ہے۔
بلبلے میں زائد باؤ 146 Pa ہے۔

اس لیے، بلبلے کے اندر دباؤ ہے

$$\begin{aligned} P_i &= P_0 + 2S/r \\ &= 1.01784 \times 10^5 \text{ Pa} + (2 \times 7.3 \times 10^{-2} \text{ Pam} / 10^{-3} \text{ m}) \\ &= (1.01784 + 0.00146) \times 10^5 \text{ Pa} \\ &= 1.02 \times 10^5 \text{ Pa} \end{aligned}$$

خلاصہ

- .1 ایک ریقٹ کی بنیادی خاصیت یہ ہے کہ وہ بہہ سنتا ہے۔ سیال اپنی شکل کی تبدیلی کی کوئی مزاحمت نہیں کرتے۔ اس لیے سیال کی شکل وہی ہوتی جو اس برتن کی ہوتی ہے، جس میں سیال رکھا جاتا ہے۔
- .2 ریقٹ غیر داب پذیر ہے اور اس کی اپنی ایک آزادی ہوتی ہے۔ گیس داب پذیر ہے اور جتنی جگہ اس کے لیے موجود ہوتی ہے، وہ اس سب جگہ میں پھیل جاتی ہے۔
- .3 اگر ایک سیال کے ذریعے رقبہ A پر لگائی گئی عمودی قوت F ہو تو اوسط دباؤ کی تعریف بطور قوت کی رقبہ سے نسبت کی جاتی ہے:

$$P_{av} = \frac{F}{A}$$

- .4 دباؤ کی اکائی پاسکل (Pa) ہے۔ یہ Nm^{-2} کے میکس ہے۔ دباؤ کی دوسری عام اکائیاں ہیں۔

$$1 \text{ atm} = 1.01 \times 10^5 \text{ Pa}, 1 \text{ bar} = 10^5 \text{ Pa}$$

$$1 \text{ mm of Hg} = 1 \text{ torr} = 133 \text{ Pa torr} = 133 \text{ Pa} = 0.133 \text{ kPa}$$

- .5 پاسکل کے قانون کا بیان ہے: ایک سیال، جو حالت سکون میں ہو، اس کے ان تمام نقاط پر دباؤ میکس ہوتا ہے جو میکس بلندی پر ہوتے ہیں۔ ایک گھرے ہوئے سیال پر لگائے گئے دباؤ میں کی گئی تبدیلی، بغیر کسی کمی کے سیال کے ہر نقطے اور اس برتن کی دیواروں پر ترسیل ہو جاتی ہے۔

- .6 ایک سیال میں دباؤ، گھرائی h کے ساتھ مندرجہ ذیل ریاضیاتی عبارت کے مطابق تبدیل ہوتا ہے: $P = P_a + \rho gh$ ، جہاں P ، سیال کی کثافت ہے، جسے میکس مانا گیا ہے۔

- .7 ایک قائم بہاؤ میں ایک غیر میکس تراش کے پانچ میں سے کسی بھی نقطے پر ایک سینڈ میں گزرنے والے غیر داب پذیر سیال کا جسم میکس ہوتا ہے۔

$$\text{مستقلہ } VA = \text{رفتار } V \text{ اور } A \text{ تراشی رقبہ } h$$

یہ مساوات، غیر داب پذیر سیال کے بہاؤ میں کمیت کی بقا کا نتیجہ ہے۔

- .8 بربولی کے اصول کا بیان ہے: ہم جب مستقل بہاؤ خط پر حرکت کرتے ہیں، تو دباؤ (P)، حرکتی توانائی فی اکائی جم ($\rho u^2 / 2$) اور توانائی بالقوہ فی اکائی جم (ρgy) کا حاصل جمع ایک مستقلہ ہوتا ہے:

$$P + \rho v^2 / 2 + \rho gy = \text{مستقلہ}$$

یہ مساوات، قائم بہاؤ میں غیر لزج سیال کی حرکت پر تو انائی کی بقا کے اطلاق کا نتیجہ ہے۔ کیونکہ ایسا کوئی سیال نہیں ہے جس کی لزوجت صفر ہو، یہ بیان نزد کی طور پر ہی درست ہے۔ لزوجت، رگڑ کی طرح ہے اور حرکتی تو انائی کو حرارتی تو انائی میں تبدیل کر دیتی ہے۔

حالانکہ ایسا سیال تحریفی بگاڑ کے لیے تحریفی ذر کی ضرورت نہیں ہوتی، لیکن جب ایک سیال پر تحریفی ذر رکایا جاتا ہے، تو ایسی حرکت پیدا ہوتی جو تحریفی بگاڑ میں وقت کے ساتھ اضافہ کرتی جاتی ہے۔ تحریفی ذر کی تحریفی بگاڑ کی شرح وقت سے نسبت ہزوجت کا ضریب α کہلاتی ہے۔ 9.

$$\eta = \frac{Fl}{vA}, \text{ جہاں علامتیں اپنے عام معنوں میں استعمال ہوئی ہیں اور متن میں معروف کی جا چکی ہیں۔}$$

اسٹوکس کے قانون کا بیان ہے کہ لزوجت α والے سیال میں رفتار V سے گزرتے ہوئے، نصف قطر a کے کرہ پر لگنے والی لزوج کشیدوت $F = -6\pi\eta av$ ہے۔ 10.

ایک سیال میں آشوبیت کی شروعات ایک غیر ابعادی پیرا میٹر سے معلوم کی جاتی ہے جو رینالڈس عدد R_e کہلاتا ہے۔ یہ دیا جاتا ہے: $R_e = (\rho vd)/\eta$ ، جہاں d سیال کے بہاؤ سے مسلک ایک مخصوص جیو میٹریائی لمبائی ہے، اور باقی علامتوں کے اپنے عام معنی ہیں۔ 11.

سطحی تناو، وہ قوت فی اکائی لمبائی (یا سطحی تو انائی فی اکائی رقبہ) ہے جو ریقین اور اسے گھیرنے والی سطح کے درمیانی رخ کے مستوی میں لگتی ہے۔ یہ وہ زائد تو انائی ہے جو ایک درمیانی رخ کا مالکیوں، ریقین کے اندر کے مالکیوں کے مقابلے میں رکھتا ہے۔ 12.

قابل غور رکات:

دباو ایک غیر سنتی (عددی) مقدار ہے۔ دباو کی تعریف بطور ”قوت فی اکائی رقبہ“ یعنی غلط فہمی پیدا کر سکتی ہے کہ دباو ایک سمتی ہے۔ اس تعریف کے شارکنندہ میں ”قوت“ دراصل قوت کا وہ جزو ہے جو اس رقبہ پر عمود ہے، جس پر وہ دباو لگایا گیا ہے۔ سیالوں کو بیان کرنے کے لیے، ذراتی اور استوار جسم میکانیت کے تصورات سے الگ ہٹ کر سوچنا ضروری ہے۔ یہاں ہم ان خاصیتوں کی بات کر رہے ہیں جو سیال میں ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ پر تبدیل ہو جاتی ہیں۔

ہمیں ایک سیال کے دباو کے بارے میں یہ نہیں سوچنا چاہئے کہ یہ دباو صرف ایک ٹھوس، جیسے برتن کی دیواروں یا سیال میں ڈوبے ہوئے مادے کے ٹھوس ٹکڑے پر ہی لگ رہا ہے۔ دباو سیال کے ہر نقطے پر موجود ہوتا ہے۔ سیال کا ایک جزو (جس طرح کا شکل 10.2 میں دکھایا گیا ہے) توازن میں اس لیے ہوتا ہے کیونکہ مختلف رخوں پر لگ رہے دباو مساوی ہوتے ہیں۔ 2.

- .3. دباؤ کے لیے ریاضیاتی عبارت $P = P_a + \rho gh$ صادق ہے، اگر سیال غیر دا ب پذیر ہو۔ عملی شکل میں یہ ریت اشیا کے لیے درست ہے، جو بڑی حد تک غیر دا ب پذیر ہوتی ہیں، اور اس لیے دباؤ ایک اونچائی کے لیے مستقل ہے۔
- .4. گنج دباؤ، اصل دباؤ اور فضائی دباؤ کا فرق ہے: $P - P_a = P_g$ کئی دباؤ نانے والے آلات گنج دباؤ نانے والے ہیں۔ ان میں ٹارڈ دباؤ گنج اور خون دباؤ گنج بھی شامل ہیں۔
- .5. ایک مستقل بہاؤ خط، سیال کے بہنے کا نقشہ ہے۔ ایک قائم بہاؤ میں دو مستقل بہاؤ خطوط ایک دوسرے کو قطع نہیں کرتے، کیونکہ ایسا کرنے کے معنی ہوں گے کہ اس نقطہ پر سیال کے ذرہ کی دو ہم مندرجہ فقریں ہوں گی۔
- .6. اگر ریت پر لزوج کشید (Viscous Drag) کام کر رہی ہو تو برلنی کا صول درست نہیں ہے۔ اس صورت میں، اس اسرافی قوت (Dissipative force) کے ذریعے کیے گئے کام کو بھی حساب میں لینا ہوگا اور P_2 (شکل 10.9)، مساوات (10.12) سے دی جانے والے قدر سے کم ہوگا۔
- .7. جیسے جیسے درجہ حرارت میں اضافہ ہوتا ہے، ریت کے ایٹموں کی حرکت میں بھی اضافہ ہوتا ہے اور لزوجت کا ضریب η کم ہو جاتا ہے۔ ایک گیس میں درجہ حرارت میں اضافہ، ایٹموں کی بے ترتیب حرکت میں اضافہ کرتا ہے اور η بڑھ جاتا ہے۔
- .8. آشوبیت کی شروعات کے لیے، فاصل رینالڈس عدد کی سعت (Range)، 1000 سے 100000 ہے، جو بہاؤ کی جیومیٹری کے تابع ہے۔ زیادہ تر صورتوں میں $R_e < 1000$ کے معنی ہوتے ہیں کہ بہاؤ ورقی بہاؤ ہوگا، $R_e > 2000$ کے غیر مستقل بہاؤ اور $R_e > 2000$ آشوبی ہوگا۔
- .9. سطحی تناو، ریت کے اندر ورن ایک مالکیوں کی تو انائی بالقوہ کے مقابلے میں، ریت کی سطح پر مالکیوں کی زائد تو انائی بالقوہ کی وجہ سے پیدا ہوتا ہے۔ ایسی سطحی تو انائی دو اشیا کو جدا کرنے والے اس درمیانی رخ پر پائی جاتی ہے، جن میں سے کم از کم ایک ریت ہو۔ یہ صرف ایک تہار ریت کی خاصیت نہیں ہے۔

طبعی مقدار	علامت	ابعاد	اکائی	ریمارک
دباؤ	P	$[ML^{-1}T^{-2}]$	پاسکل (Pa)	$1 atm = 1.013 \times 10^5 pa$ ، لاسمتی
کثافت	ρ	$[ML^{-3}]$	Kgm^{-3}	لاسمتی
نوعی کثافت	نہیں	نہیں	نہیں	لامسی، $\frac{1}{\rho}$ پانی
لزوجت کا ضریب	η	$[ML^{-1}T^{-1}]$	پیلیس (PaS) یا پاؤے سی	لامسی
رینالڈس کا عدد	R_e	نہیں	نہیں	$R_e = \frac{\rho v d}{\eta}$ ، لامسی
سطحی تناو	S	$[MT^{-2}]$	Nm^{-1}	لامسی

مشق

10.1 وضاحت کیجیے کہ کیوں

- (a) انسانوں میں دماغ کے مقابلے میں پیروں پر خون کا دباؤ زیادہ ہوتا ہے۔
 (b) 6Km کی بلندی پر، فضائی دباؤ کی قدر، اس کی سطح سمندر پر قدر کی تقریباً آدھی رہ جاتی ہے، جب کہ فضائی بلندی 100Km سے زیادہ ہے۔

10.2 وضاحت کیجیے کیوں

- (a) شیشے کے ساتھ پارہ کا زاویہ لمب، منفرج ہے جب کہ شیشے کے ساتھ پانی کا زاویہ لمب، حارہ ہے۔
 (b) پانی ایک صاف شیشے کی سطح پر بھیل جاتا ہے، جبکہ پارہ اسی سطح پر قطرے بنایتا ہے۔ (دوسرے الفاظ میں: پانی شیشے کو گیلا کر دیتا ہے، جبکہ پارہ نہیں کرتا)
 (c) ریقین کا سطحی تناو، سطح کے رقبہ کے تابع نہیں ہے۔
 (d) ایک ایسے پانی کے، جس میں میل کاٹ گھلا ہوا ہو، لمب کے زاویے چھوٹے ہونا چاہیں۔
 (e) ایک ایسے ریقین کے قطرے کی شکل، جس پر کوئی باہری قوت نہیں لگ رہی ہو، ہمیشہ کروی ہوتی ہے۔

10.3 ہر بیان کے ساتھ دی ہوئی فہرست میں سے لفظ منتخب کر کے خالی جگہوں کو پر کیجیے۔

- (a) درجہ حرارت کے ساتھ، ریقین اشیاء کا سطحی تناو، عام طور سے (برہتا ہے، کم ہوتا ہے)
 (b) درجہ حرارت کے ساتھ، گیسوں کی ازوجت جبکہ ریقین اشیاء کی ازوجت درجہ حرارت کے ساتھ (برہتی ہے، کم ہوتی ہے)
 (c) تحریفی مقیاس والی ٹھوس اشیا کے لیے، تحریفی قوت کے متناسب ہے، جبکہ سیالوں کے لیے یہ کے متناسب ہے (تحریفی بگاڑ، تحریفی بگاڑ کی شرح)
 (d) ایک سیال کے لیے، جو قائم بہاؤ کے ساتھ بہرہا ہو، پانپ کے پتلے مقام پر بہاؤ کی رفتار میں اضافہ کے تحت ہوتا ہے (کمیت کی بقا/ بربولی کا اصول)
 (e) ایک جہاز کے اس ماؤں میں جو ہوائی سرگنگ میں ہو، آشوبیت اس رفتار پر پیدا ہوتی ہے جو ایک اصل جہاز میں آشوبیت پیدا ہونے کی رفتار سے ہوتی ہے (کم / زیادہ)

10.4 وضاحت کیجیے کیوں

- (a) ایک کاغذ کے ٹکڑے کو اونچی رکھنا چاہتے ہوں تو اس کے اوپر پھونکنا چاہیے، اس کے نیچنہیں۔
 (b) جب ہم پانی کی ٹونٹی کو اپنی انگلیوں سے بند کرنے کی کوشش کرتے ہیں تو ہماری انگلیوں کے درمیان سے پانی تیزی سے بہتا ہے۔

(c) ایک انجکشن لگاتے وقت ڈاکٹر کے ذریعے انگوٹھے سے لگائے گئے دباؤ کے مقابلے میں سرخ کی سوئی کان اپ بہاؤ کی شرح کو بہتر طور پر کنٹرول کرتا ہے۔

(d) ایک برلن کے ایک چھوٹے سوراخ میں سے باہر بہتا ہوا سیال، برلن پر پیچھے کی جانب ایک دھکا لگاتا ہے۔

(e) ایک اسپن کرتی ہوئی کرکٹ کی گیند کا، ہوا میں گزرتے ہوئے، خط حرکت مکافی نہیں ہوتا۔

10.5 اوپری ایڑی کے جو تے پہنے ہوئے ایک 50Kg کیسٹ کی اڑکی خود کو ایک ایڑی پر حالت توازن میں لاتی ہے۔ ایڑی کی شکل دائری ہے اور اس کا قطر 1.0cm ہے۔ اُنکی فرش پر ایڑی کے ذریعے کتنا دباؤ لگے گا؟

10.6 ٹوربیلی کے بیر و میٹر میں پارہ استعمال کیا جاتا ہے۔ پاسکل نے اس کی جگہ 984 kg m^{-3} کثافت والی فرانسیسی شراب استعمال کی۔ نارمل فضائی دباؤ کے لیے شراب کے کالم کی اونچائی معلوم کیجیے۔

10.7 سمندر کے کنارے ایک تنصیبی عمارت بنائی گئی جو زیادہ سے زیادہ 10^9 Pa ذر برداشت کر سکتی ہے۔ کیا یہ عمارت سمندر میں ایک تیل کے کنویں کے اوپر کھڑی کی جانے کے لیے مناسب ہے؟ سمندر کی گہرائی تقریباً 3Km مان لججیے اور سمندر کی اہروں کو نظر انداز کر دیجیے۔

10.8 ایک آبی لفٹ کو اس طرح ڈیزائن کیا گیا ہے کہ وہ زیادہ سے زیادہ 3000Kg کیسٹ کی گاڑیوں کو اٹھا سکے۔ وزن اٹھانے والے پیشن کا تراشی رقبہ 450 cm^2 ہے۔ چھوٹے پیشن کو زیادہ سے زیادہ کتنا دباؤ برداشت کرنا ہوگا؟

10.9 ایک U-ٹیوب میں پانی اور میتهاں کیا ہوا اسپرٹ ہے، جن کو ایک دوسرے سے پارہ کے ذریعے عیحدہ کیا گیا ہے۔ ٹیوب کے پانی والی بازو میں پارہ کی سطح 10.0 cm اور پانی کے ساتھ ہے اور اسپرٹ والے بازو میں پارہ کی سطح 12.0 cm ہے۔ اسپرٹ کے ساتھ ہے۔ اسپرٹ کی نوعی کثافت کیا ہے؟

10.10 اگر اوپر والے مسئلے (10.9) میں پانی والے بازو میں 15.0 cm مزید پانی اور اسپرٹ والے بازو میں مزید 15.0 cm اسپرٹ ملا دیا جائے تو دونوں بازوؤں میں پارہ کی سطح میں کیا فرق ہوگا؟ (پارہ کی نوعی کثافت 13.6 ہے)

10.11 کیا برنولی مساوات کا استعمال ایک دریا میں ایک ڈھلان سے بہتے ہوئے پانی کے بہاؤ کو بیان کرنے کے لیے کیا جاسکتا ہے؟ وضاحت کیجیے۔

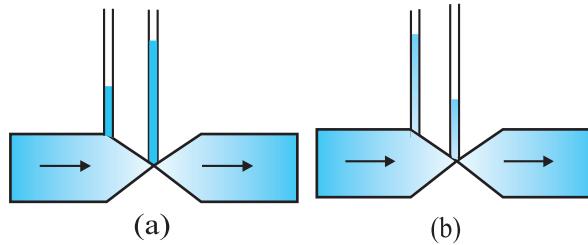
10.12 اگر ہم برنولی مساوات میں مطلق دباؤ کی جگہ تج دباؤ کی قدریں استعمال کریں تو کیا کوئی فرق پڑتا ہے؟ وضاحت کیجیے۔

10.13 گلیسرین ایک 1.5 cm^3 لمبی اور 1.0 cm نصف قطر کی اُنکی ٹیوب میں قائم بہاؤ کے ساتھ ہوتی ہے۔ اگر ایک سینٹڈ میں سرے پر اکٹھا کی جانے والی گلیسرین کی مقدار $4.0 \times 10^{-3} \text{ Kgs}^{-1}$ تو ٹیوب دونوں سروں کے درمیان دباؤ فرق کتنا ہے؟ $= 0.83 \text{ Pas}$ (گلیسرین کی کثافت، $1 = 1.3 \times 10^{-3} \text{ Km}^{-1}$) آپ یہ بھی جانچنا چاہیں گے کہ ٹیوب میں ورتی بہاؤ کا مفروضہ درست ہے یا نہیں)

10.14 ایک جہاز کے مڈل کو جانچنے کے لیے ایک ہوائی سرنگ میں کیے گئے تجربے میں، پر کی اوپری اور چلی سطھوں پر بہاؤ کی رفتاریں، بالترتیب 70 m s^{-1} اور 63 m s^{-1} ہیں۔ پر پر لگ رہی اٹھان (لفٹ) کیا ہوگی اگر اس کا رقبہ

ہے؟ ہوا کی کثافت $2.5 \text{ m}^2 \text{ K gm}^{-3}$

10.15 شکل 10.23(a) اور شکل 10.23(b) ایک غیر لزج سیال کے قائم بہاؤ کو دکھاتی ہیں۔ دونوں میں سے کون سی درست ہے؟ کیوں؟

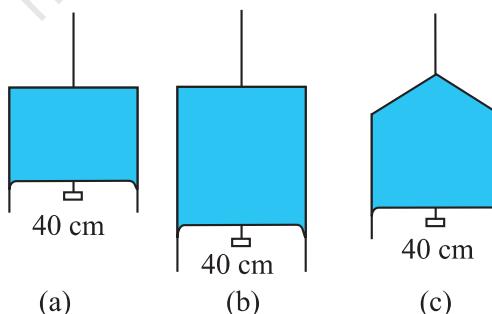


شکل 10.23.

10.16 ایک چھڑکاو کرنے کے پپ (Spray Pump) کی اس تو انی ٹوب کا تراشی رقبہ 8.0 cm^{-2} ہے۔ اس کے ایک سرے پر 40 بار یک باریک سوراخ ہیں۔ ہر سوراخ کا قطر 1.00 mm ہے۔ اگر ٹوب کے اندر ریقق کے بہاؤ کی رفتار 1.5 m min^{-1} ہے، تو سوراخوں سے ریقق کے باہر نکلنے کی رفتار کیا ہوگی؟

10.17 ایک U شکل کے تار کو صابن کے محلول میں ڈبوایا گیا اور باہر نکال لیا گیا۔ تار اور ایک ہلکے پھسلوں (Slider) کے درمیان بنی پتلی صابن کی فلم $1.5 \times 10^{-2} \text{ N}$ وزن کو سہارا دیتی ہے، جس میں پھسلوں کا وزن بھی شامل ہے۔ پھسلوں کی لمبائی 30 cm ہے۔ فلم کا سطحی تناو کیا ہے؟

10.18 شکل 10.24(a) میں ایک پتلی فلم دکھائی گئی ہے جو ایک چھوٹے وزن، $4.5 \times 10^{-2} \text{ N}$ کو سہارا دے رہی ہے۔ اسی ریقق کی اسی درجہ حرارت پر شکل (b) اور شکل (c) میں دکھائی گئی فلمیں کتنے وزن کو سہارا دے سکتی ہیں؟ اپنے جواب کی طبعی طور پر وضاحت کیجیے۔



شکل 10.24

10.19 کمرہ درجہ حرارت پر 3.00 mm نصف قطر کے پارہ کے ایک قطرے کے اندر کتنا دباؤ ہوگا؟ اس درجہ حرارت پر (20°C) پارہ کا سطحی تناو $4.65 \times 10^{-2} \text{ Nm}^{-2}$ ہے۔ فضائی دباؤ $1.01 \times 10^5 \text{ Pa}$ ہے۔ قطرہ کے اندر وون زائد دباؤ بھی معلوم کیجیے۔

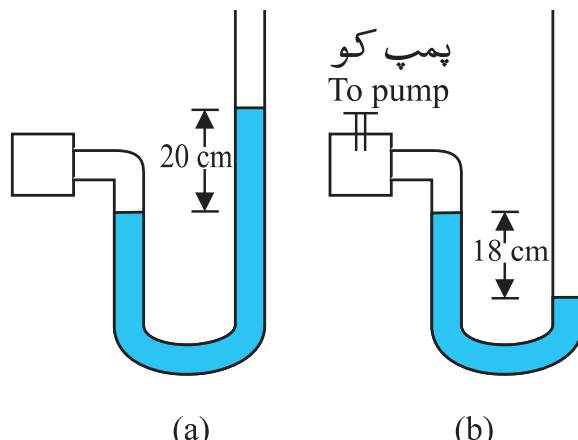
صابن کے محلول کے 5.00 mm نصف قطر کے بلبلے کے اندر وون زائد باؤ کیا ہوگا؟ دیا ہے کہ صابن کے محلول کا اس **10.20**
 (20°C) درجہ حرارت پر سطھی تناوی $2.5 \times 10^{-2} \text{ Nm}^{-1}$ ہے۔ اگر انہیں ابعاد کا ایک ہوا کا بلبلہ ایک ایسے برتن میں
 کی گہرائی پر بنتا ہے، جس میں 1.20 cm اضافی کثافت کا صابن کا محلول ہے، تو اس بلبلے کے اندر زائد باؤ کیا
 ہوگا۔ ($1.01 \times 10^5 \text{ Pa} = 1 \text{ فضاً دباؤ}$)

اضافی مشق

ایک ٹنکی کو، جس کے مرعن قاعدے کا رقبہ 1.0 m^2 ہے، ایک اضافی تقسیم (Partition) کے ذریعے درمیان سے دو **10.21**
 برابر حصوں میں بانٹ دیا گیا۔ تقسیم کے پیندے پر ایک چھوٹا، قلابے سے اٹکا ہوا، 20 m^2 رقبہ کا دروازہ لگا ہے۔ ٹنکی
 کے ایک حصہ کو پانی سے بھر دیا گیا اور دوسرے حصے کو تیزاب سے (اضافی کثافت 1.7)۔ دونوں حصوں میں بھرے
 رہیں کی اونچائی 4.0 m ہے۔ اس قوت کا حساب لگائیے، جو دروازے کو بند رکھنے کے لیے چاہیے ہوگی۔

ایک احاطہ بندگیس کا دباؤ ایک مونومیٹر سے پڑھا جاتا ہے، جیسا کہ شکل (a) میں دکھایا گیا ہے۔ جب پپ گیس **10.22**
 کی کچھ مقدار کو ہٹا دیتا ہے تو مونومیٹر یڈنگ وہ ہے جو شکل (a) میں دکھائی گئی ہے۔ مونومیٹر میں استعمال کیا گیا
 رہیں پارہ ہے اور فضاً دباؤ پارہ کے 76 cm ہیں۔

- (a) پارہ کے cm کی اکائی میں، صورت (a) اور (b) میں احاطہ کے اندر کی گیس کے مطلق اور گنج دباؤ معلوم کیجیے۔
- (b) صورت (b) میں سطھیں کیسے تبدیل ہوں گی، اگر مونومیٹر کے دائیں بازو میں 13.6 cm پانی [جو پارے سے ناقابل امتزاج (immiscible) ہے] ڈال دیا جائے۔ (گیس کے جنم میں ہونے والی معمولی تبدیلی نظر انداز کر دیجیے)



شکل 10.25

10.23 دو برتنوں کا اساسی رقبہ یکساں ہے لیکن شکل مختلف ہے۔ اگر دونوں میں ایک مشترک اوپرچاری تک پانی بھرا جائے تو پہلے برتن میں دوسرے کے مقابلے میں پانی کا دو گناہجم آتا ہے۔ کیا دونوں برتنوں میں پانی کے ذریعے اساس پر لگائی گئی قوت یکساں ہے؟ اگر ہاں، تو ایک ہی اوپرچاری تک بھرے ہوئے ان برتنوں کا وزن، وزن ناپنے کی ترازو مختلف کیوں بتاتی ہے؟

10.24 خون کی منتقلی کے دوران ایک رگ میں اس مقام پر سوئی داخل کی گئی جہاں گنج دباؤ 200 Pa ہے۔ خون جس برتن میں رکھا ہے اسے کس بلندی پر رکھا جائے کہ خون صرف رگ میں داخل ہو سکے۔ (خون کی کثافت جدول 10.1 سے حاصل کیجیے)

10.25 برلنولی مساوات مشتق کرنے میں، ہم نے ٹیوب کے سیال پر کیے گئے کام کو اس کی بالقوہ اور حرکی توانائی میں تبدیلی کے مساوی مانا تھا۔ (a) ایک $m^{-2} \times 10^2$ نصف قطر کی شریان میں خون کے بہاؤ کی زیادہ سے زیادہ اوسط رفتار کیا ہو سکتی ہے کہ بہاؤ لازمی طور پر ورقی رہے؟ کیا جیسے جیسے رفتار میں اضافہ ہوتا ہے، اسرافی قوتیں زیادہ اہمیت اختیار کر لیتی ہیں؟ کیفیتی طور پر (qualitatively) بحث کیجیے۔

10.26 (a) ایک $m^{-3} \times 10^2$ نصف قطر کی شریان میں خون کے بہنے کی زیادہ سے زیادہ اوسط رفتار کیا ہو سکتی ہے کہ بہاؤ ورقی رہے؟ (b) اس کے مطابق بہاؤ شرح کیا ہوگی؟ خون کی لزوجت $2.084 \times 10^{-3} \text{ Pas}$ ہے۔

10.27 ایک جہاز جس کے دونوں میں سے ہر ایک پر کارپے 25 m^2 ہے، مستقلہ رفتار سے ہوا راڑان کر رہا ہے۔ اگر اس کے پروں کی نچلی سطح پر ہوا کی رفتار 180 km/h اور اپری سطح پر 234 Km/h ہے، تو جہاز کی کمیت معلوم کیجیے۔ ہوا کی کثافت 1 kg m^{-3} ہے۔

10.28 ملکیکن کے تیل کے قطرے کے تجربے میں، 2.0×10^{-5} نصف قطر اور $1.2 \times 10^3 \text{ Kgm}^{-3}$ کثافت والے تیل کے غیر چارج شدہ قطرے کی حتمی رفتار کیا ہوگی؟ تجربہ کے درجہ حرارت پر ہوا کی لزوجت $1.8 \times 10^{-5} \text{ Pas}$ ہے۔ اس رفتار پر قطرے پر لزوج قوت کیا ہوگی؟ ہوا کی وجہ سے قطرے کے اچھاں کو نظر انداز کر دیجیے۔

10.29 پارہ کا سوڈا لاممشیش سے زاویہ میں 140° ہے۔ نصف قطر کی اس شیشہ کی بنی ہوئی پتھی نی کو ایک پارہ سے بھرے گھرے برتن میں ڈبو دیا جاتا ہے۔ ٹیوب میں پارہ کی سطح، باہر کی پارہ کی سطح کے مقابلے میں کتنی پتھی ہوگی؟ تجربہ کے درجہ حرارت پر پارہ کا سطحی تناو $0.465 \text{ Nm}^{-1} \text{ gm}^{-3}$ ہے، اور پارہ کی کثافت $13.6 \times 10^3 \text{ k g m}^{-3}$ ہے۔

10.30 3.0 mm اور 6.0 mm نصف قطر کی دو تیلی نالوں کو ملا کر ایک U-ٹیوب بنائی جاتی ہے۔ جو دونوں کناروں پر کھلی ہے۔ اگر U-ٹیوب میں پانی بھرا ہے تو دونوں ٹیوب کے دونوں بازوں میں پانی کی سطحوں میں کیا فرق ہے؟ تجربہ کی درجہ حرارت پر پانی کا سطحی تناو $7.3 \times 10^{-2} \text{ Nm}^{-1}$ ہے۔ زاویہ میں کو صفر اور پانی کی کثافت $1.0 \times 10^3 \text{ Kgm}^{-3}$ ہے۔ ($g = 9.8 \text{ ms}^{-2}$)

کلکو لیپر یا کمپیوٹر کی مدد سے حل کیا جانے والا مسئلہ

10.31 (a) یہ معلوم ہے کہ اوپرائی کے ساتھ ہوا کی کثافت ρ_0 مندرجہ ذیل رشتے کے مطابق کم ہوتی ہے:

$$\rho = \rho_0 e^{-y/y_0}$$

جہاں $\rho_0 = 1.25 \text{ kg m}^{-3}$ سطح سمندر پر ہوا کی کثافت ہے اور y_0 ایک مستقلہ ہے۔ یہ فرض کرتے ہوئے کہ فضا

کا درجہ حرارت مستقلہ ہے (ہم تا پ شرائط)، مندرجہ بالا رشتہ حاصل کیجیے۔ g کی قفر کو بھی مستقلہ مان لیجیے۔

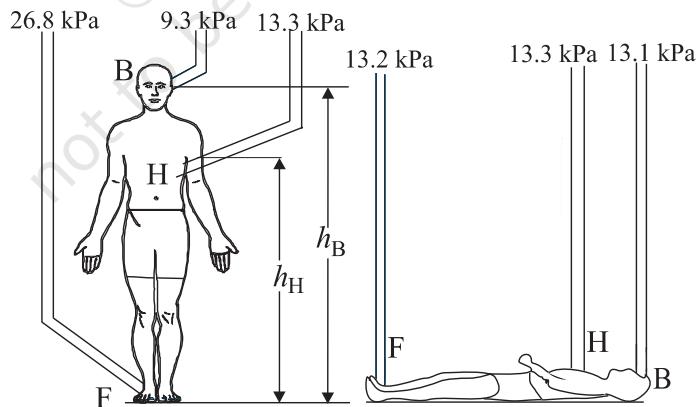
(b) 1425 $\text{m}^3 \text{ He}$ کا ایک بڑا غبارہ، 400K دوزن کو اٹھانے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔

یہ فرض کرتے ہوئے کہ اوپرائی میں غبارہ اپنے مستقلہ نصف قطر کو قائم رکھتا ہے بتائیے کہ یہ کتنا اوپرائی گا؟

$$[\text{جیسے } \rho_{\text{He}} = 0.18 \text{ kg m}^{-3}, y_0 = 8000 \text{ m}]$$

ضمیمه 10.1: خون کا دباؤ کیا ہے؟

ارتقاوی تاریخ میں ایک وقت ایسا آیا جب جانوروں نے اپنا قابل لایاظ وقت سیدھا کھڑے ہونے کی حالت میں گزارنا شروع کر دیا۔ اس نے خون کی گردش کے نظام سے کئی نئی مانگیں کیں۔ وریدی (Venous) نظام میں، جو نچلے حصوں سے دل کو خون واپس پہنچاتا ہے، کئی تبدیلیاں آئیں۔ آپ کو یاد ہو گا کہ رگیں (Veins) وہ خون کی نیلیں ہیں، جن کے ذریعے خون، دل میں واپس پہنچتا ہے۔ انسان اور ڈراف جیسے جانوروں نے خون کو کشش ارضی کے خلاف، اوپر کی سمت میں حرکت دینے کے مسئلے کے لیے خود کو ڈھال لیا۔ لیکن سانپ، چوہے اور خرگوش جیسے جانوروں کو اگر سیدھا کھڑا کھا جائے تو وہ مر جائیں گے، کیونکہ خون نچلے حصوں میں ہی رہے گا اور ان کا وریدی نظام اسے دل کی طرف حرکت نہیں کر سکے گا۔



شکل 10.26: کھٹے ہونے اور لیٹے ہونے کی حالت میں انسانی جسم کے مختلف حصوں میں رگوں میں گیج دباؤ کا ایک خاکہ دکھائے گئے دباؤ ایک دل کے دور پر اوسط کی گئی قدریں ہیں۔

شکل 10.26 میں انسانی جسم میں رگوں کے مختلف نقاط پر اوسط دباؤ دکھائے گئے ہیں۔ کیونکہ لرجن اثرات بہت چھوٹے ہوتے ہیں، اس لیے ہم ان دباؤ کی تدریوں کو سمجھنے کے لیے برنوی مساوات (10.13) استعمال کر سکتے ہیں۔

$$P + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho gy = \text{مستقلہ}$$

حرکی توانائی رکن ($\frac{1}{2} \rho v^2$) کو نظر انداز کیا جاسکتا ہے، کیونکہ تینوں رگوں میں رفتاریں بہت چھوٹی ہیں ($\approx 0.1 \text{ m s}^{-1}$) اور مستقلہ ہیں۔ اس لیے دماغ پر گنج دباؤ P_B ، دل پر P_H اور پیر پر گنج دباؤ P_F میں رشتہ ہے:

$$P_F = P_H + \rho g h_H = P_B + \rho g h_B \quad (10.34)$$

جہاں ρ خون کی کثافت ہے۔

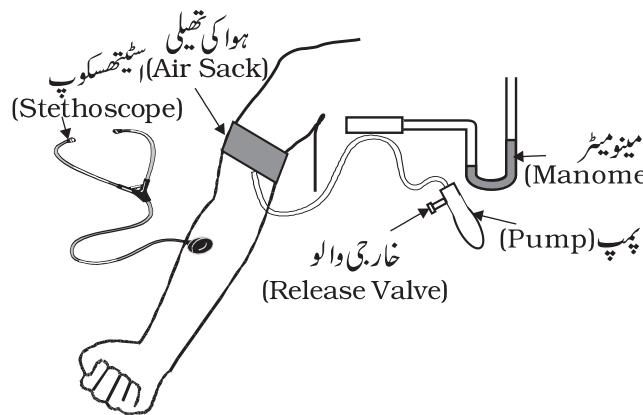
دل اور دماغ تک کی اونچائیوں کی خصوصی قدریں ہیں: $\rho = 1.06 + 10^3 \text{ kg m}^{-3}$, $h_B = 1.7 \text{ m}$, $h_H = 1.3 \text{ m}$ اور $P_H = 13.3 \text{ kPa}$ اور $P_B = 9.3 \text{ kPa}$ دیا ہوتا ہے۔ اس لیے اگر ایک شخص کھڑا ہوا ہو تو اس کے جسم کے اوپری اور نیچے حصوں میں دباؤ بہت مختلف ہیں، لیکن اگر لیٹا ہوا ہو تو تقریباً مساوی ہیں۔ جیسا پہلے متن میں بتایا جا چکا ہے کہ حکمت میں عام طور سے استعمال ہونے والی دباؤ کی اکائیاں Hg کے mm of Hg = 1 torr = 0.133 kPa ہیں۔

$$P_H = 13.3 \text{ kPa} = 100 \text{ mm of Hg} \quad 1 \text{ mm Hg} = 1 \text{ torr} = 0.133 \text{ kPa}$$

انسانی جسم قدرت کی کاریگری کا کرشمہ ہے۔ جسم کے نیچے حصے کی رگوں میں والوں گہے ہوتے ہیں جو اس وقت کھل جاتے ہیں، جب خون دل کی طرف بہتا ہے اور اس وقت بند ہو جاتے ہیں جب وہ نیچے کی طرف حرکت کرنے کی کوشش کرتا ہے۔ مزید یہ کہ خون، کم از کم جزوی طور پر، سانس لینے کے عمل سے مسلک پرک کرنے کے عمل اور عضلات کے پھیلنے کے عمل کے ذریعے واپس لوٹایا جاتا ہے۔ اس سے یہوضاحت ہو جاتا ہے کہ ایک سپاہی جسے مستقل "ہوشیار" کی حالت میں کھڑا کر دیا جائے تو وہ کیوں بے ہوش ہو سکتا ہے۔ کیونکہ دل کی طرف ناکافی خون واپس لوٹتا ہے۔ اگر اسے لٹادیا جائے، تو دباؤ مساوی ہو جاتے ہیں اور وہ ہوش میں آتا ہے۔

ایک آلہ جسے اسفالی گومونو میٹر (Sphygmomanometer) کہتے ہیں، انسانوں کے خون کا دباؤ ناپنے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔ یہ ایک تیزی سے، بغیر کسی درد کے اور بغیر کوئی مداخلت کئے ناپنے والا آلہ ہے جو ڈاکٹر کو مریض کی صحت کے بارے میں قابل بھروسہ تصور فراہم کرتا ہے۔ پیکاش کا عمل شکل 10.27 میں دکھایا گیا ہے۔ اوپری بازو کو استعمال کرنے کی دو وجہات ہیں۔ پہلی یہ کہ یہ اسی سطح پر ہوتا ہے، جس پر دل ہے اور یہاں کی گئی پیکاش دل پر کی گئی پیکاش کی نزدیکی قدر دیتی ہے۔ دوسری یہ کہ اوپری بازو میں ایک ہڈی ہوتی ہے اور اس لیے یہاں پر رگ کو دبانے میں سہولت ہوتی ہے۔ اس رگ کو عضوی شریان (Brachial artery) کہتے ہیں۔ ہم سب نے کلامی پر ہاتھ رکھ کر دھڑکن کی شرح ناپی ہے۔ ہر بڑھ ایک سینٹ سے کچھ کم وقفہ لیتی ہے۔ ہر بڑھ کے دوران دل میں دباؤ اور دوران خون کا نظام ایک از حد قدر سے گزرتا ہے، جب کہ دل ذریعے خون پرک کیا جاتا ہے افتابی دباؤ (Systolic Pressure) اور ایک کم ترین قدر سے گزرتا ہے جبکہ دل آرام کرتا ہے انبساط قلب دباؤ (Diastolic Pressure)۔ اسفالی گومونو میٹر ایسا آلہ ہے جو یہ دونوں انہائی دباؤ ناپتا ہے۔ یہ اس اصول پر کام کرتا ہے کہ عضوی شریان میں خون کے بہاؤ کو مناسب پچکاو (Compression) کے ذریعے ورقی سے آشوبی بنا یا جاسکتا ہے۔ آشوبی بہاؤ اس ارنی ہوتا ہے اور اس کی آواز اسٹیکسکوپ کے ذریعے سنی جاسکتی ہے۔

اوپری بازو کے گرد پیٹی گئی تھیلی کا گنج دباؤ ایک مونو میٹر یا ایک ڈائل پری شر گنج استعمال کر کے ناپا جاتا ہے (شکل 10.27)۔ تھیلی میں پہلے دباؤ کو اس وقت تک بڑھایا جاتا ہے جب تک رگ بند نہ ہو جائے۔ پھر تھیلی میں دباؤ کو آہستہ آہستہ کم کیا جاتا ہے اور تھیلے کے بالکل نیچے رکھا ہوا اسٹیکسکوپ، عضوی شریان میں پیدا



شکل 10.27 : اسفاری گومونومیٹر اور اسٹیتھسکوپ استعمال کرتے ہوئے خون کرے دباؤ کی پیمائش

ہونے والی آوازوں کو سننے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔ جب دباؤ انقباضی دباؤ (ازحدقدر) سے ذرا سا کم ہوتا ہے تو شریان مختصر و قرنے کے لیے کھلتی ہے۔

اس مختصر و قرنے میں، بہت زیادہ دبی ہوئی شریان میں خون کی رفتار زیادہ اور آشوبی ہوتی ہے، اس لیے زیادہ آواز ہوتی ہے۔ پیدا ہونے والی آواز اسٹیتھسکوپ میں ٹپ ٹپ کی شکل میں سنائی دیتی ہے۔ جب تھیلی میں مزید دباؤ کم ہوتا ہے، تو شریان دل کے دور کے زیادہ و قرنے کے لیے کھلی رہتی ہے۔

لیکن یہ دل کی دھڑکن کے انبساط قلب کے دور میں بند رہتی ہے۔ اس لیے ٹپ ٹپ کی آواز کا وقفہ لمبا ہوتا ہے۔ جب تھیلی میں دباؤ، انبساط قلب دباؤ پر مستقل آواز، اسٹیتھسکوپ میں سنائی دیتی ہے۔

ایک مریض کا دل کا دباؤ، (انبساط قلب / انقباضی) دباؤ کی نسبت کے ذریعے ظاہر کیا جاتا ہے۔ ایک آرام کر رہے تند رست بالغ کے لیے اس کی مخصوص قدر 120/80 mmHg (یا 120/80 torr) سے زائد کے لیے طبی توجہ اور صلاح کی ضرورت ہوتی ہے۔ بڑھا ہوا خون کا دباؤ، دل، گردے اور دوسرے اعضاء کو نقصان پہنچا سکتا ہے اور اس پر قابو پانا ضروری ہے۔