

## ایٹم کی ساخت (Structure of Atom)

مختلف عناصر کے ایٹموں کے بہت زیادہ متعدد کیمیائی طرز عمل کی اصل وجہ ان کی اندرونی ساخت میں پایا جانے والا فرق ہے۔

قدیم ہندوستانی اور یونانی فلسفیوں (400ق-م) کے زمانے سے ہی ایٹم کی موجودگی تجویز کی جاتی رہی ہے۔ ان فلسفیوں کا خیال تھا کہ ایٹم مادے کے بنیادی بلڈنگ بلاک ہیں۔ ان کے مطابق، مادے کی مسلسل تقسیم کے نتیجے میں ہمیں بالآخر ایٹم حاصل ہوں گے، جو مزید قابل تقسیم نہیں ہوں گے۔ لفظ ایٹم یونانی لفظ اے۔ٹومیو (a-tomio) سے اخذ کیا گیا ہے، جس کے معنی ہیں ناقابل تراش (un-cutiable) یا ناقابل تقسیم (un-devisable)۔ یہ قدیم تصورات صرف خیالات پر مبنی تھے اور ان کو پر کھنے کا کوئی تجرباتی طریقہ نہیں تھا۔ بہت لمبے عرصے تک یہ تصورات خوابیدہ رہے اور انیسویں صدی میں سائنس دانوں نے انہیں دوبارہ متحرک کیا۔

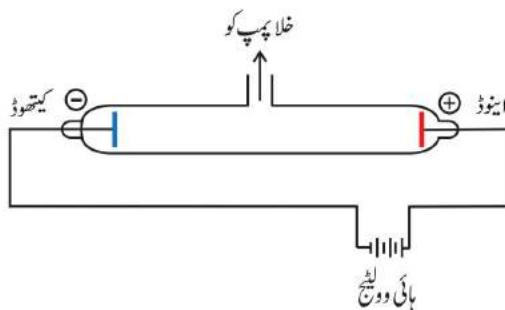
مضبوط سائنسی بنیادوں پر، ایٹمی نظریہ، سب سے پہلے 1808 میں، ایک برطانوی اسکول کے استاد، جان ڈالن نے پیش کیا۔ ان کے نظریہ جو کہ ڈالن کا ایٹمی نظریہ کہلاتا ہے، کے مطابق ایٹم کو مادے کا حصہ کوہہ مانا جاتا ہے۔ (اکائی 1)

اس اکائی میں ہم ان تجرباتی مشہدات سے شروعات کریں گے جو سائنس دانوں نے انیسویں صدی کے اوپر اور بیسویں صدی کے اوائل میں کیے تھے۔ ان تجربات سے یہ ثابت ہو گیا کہ ایٹم کو ذیلی ایٹمی ذرات (Sub Atomic Particles) [Sub Atomic Particles] یعنی کہ ایکٹران، پروٹان، اور نیوٹران، میں مزید تقسیم کیا جاسکتا ہے۔ یہ تصور ڈالن کے نظریہ سے بالکل مختلف ہے۔ اس وقت سائنس دانوں کے سامنے اہم مسائل تھے:

### مقاصد

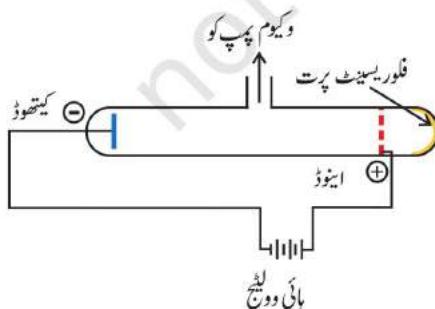
اس سبق کو پڑھنے کے بعد آپ اس لائق ہو جائیں گے کہ:

- ایکٹران، پروٹان اور نیوٹران کی دریافت اور ان کی خصوصیات کے بارے میں جان کیں۔
- تھامن، رووفورڈ اور یوہر کے ایٹمی ماذلوں کو بیان کر سکیں۔
- ایٹم کے کوئی میکانیکی ماذل کے اہم نکات سمجھ سکیں۔
- برق متناطلیسی اشعاع اور پلاکٹ کے کوئی نظریہ کی طبع کو سمجھ سکیں۔
- فیا برقی اثر کی وضاحت کر سکیں اور ایٹمی ایکٹران کے نکات بیان کر سکیں۔
- ذی۔ برگی رشتہ اور ہائز نبرگ عدم تینی اصول بیان کر سکیں۔
- کوئی نمبر کی شکل میں ایٹمی ارہل کی تعریف کر سکیں۔
- اوف پاؤ اصول، پالی کا اصول اسٹرنی اور ازاد تباہ اف کا ہٹنڈ کا قاعدہ بتا سکیں۔
- ایٹموں کا ایکٹرانی تسلسل لکھ سکیں۔



شکل (a) 2.1 ایک کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب

1850 میں صدی کی پانچویں دہائی کے وسط میں کمی سائنسدانوں، خاص طور پر فیراؤے، نے بڑی طور پر کیوم شدہ ٹیوب میں جو کہ کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب (Cathode Ray Discharge Tubes) کہلاتی ہیں، برقی ڈسچارج کا مطالعہ کرنا شروع کیا۔ ایسی ایک ٹیوب شکل 2.1 میں دکھائی گئی ہے۔ ایک کیتھوڈ رے ٹیوب کا نتھ کی تینی ہوتی ہے، جس میں دو دھات کے پتلے ٹکڑے میں کیے ہوئے رکھتے ہیں، جو کہ الیکٹرود (Electrodes) کہلاتے ہیں۔ گیسوں میں برقی ڈسچارج کا مشاہدہ صرف بہت کم دباؤ اور بہت زیادہ وولٹ (Voltage) پر ہی کیا جاسکتا ہے۔ مختلف گیسوں کے دباؤ کو خلا کاری (Evacuation) کے ذریعے مرتب کیا جاسکتا ہے۔ جب الیکٹرود (Electrodes) پر ضرورت کے مطابق بہت زیادہ وولٹ لگایا جاتا ہے تو ذرات کی لہر میں سے کرنٹ بننے لگتا ہے، جو کہ ٹیوب میں کیتھوڈ (Cathode) سے اینڈو (Anode) کی طرف حرکت کرتے ہیں۔ انہیں کیتھوڈ شعاعیں (Cathode Rays) یا کیتھوڈ شعاع ذرات (Cathode Ray Particles) کا نام دیا گیا۔ کیتھوڈ سے اینڈو کی سمت میں برقی روکے



شکل (b) 2.1 سوراخ دار اینڈو والی کیتھوڈ رے ڈسچارج ٹیوب

- ذیلی ایٹمی ذرات کی دریافت کے بعد ایٹم کے استحکام (stability) کا احاطہ کرنا۔
- طبیعی اور کیمیائی، دونوں قسم کی خاصیتوں کی شکل میں ایک عصر کے طرز عمل کا دوسرا عصر کے طرز عمل سے مقابلہ کرنا۔
- مختلف ایٹموں کے اتحاد سے مختلف قسم کے سالمات کی تشکیل کی وضاحت کرنا اور
- ایٹموں کے ذریعے خارج یا جذب کیے جانے والے مقاطیسی اشتعال کے مبدأ (Origin) اور خصوصیات کی طبع کو سمجھنا۔

## 2.1 ذیلی ایٹمی ذرات (Sub-Atomic Particles)

ڈالٹن کا ایٹمی نظریہ (Dalton's Atomic Theory) کیتے کی بنا کے قانون، مستقل تناسب کے قانون اور صفتی تناسب کے قانون کی پڑخوبی وضاحت کرنے میں کامیاب رہا۔ لیکن یہ نظریہ کئی تجربات کے نتائج کی وضاحت نہیں کر سکا۔ مثال کے طور پر، یہ معلوم تھا کہ کاتچ اور آہنوں جیسی اشیا کو جب سلک یا فر سے رکڑا جاتا ہے تو بجلی پیدا ہوتی ہے۔ میسون صدی میں ذیلی ایٹمی ذرات کی بہت سی مختلف قسموں کی دریافت ہوئی لیکن اس حصہ میں ہم صرف دو ذرات، الیکٹران اور پروٹان، کی بات کریں گے۔

### 2.1.1 الیکٹران کی دریافت (Discovery of Electron)

1830 میں ماکیل فیراؤے نے تجربہ کر کے دکھایا کہ جب ایک الیکٹرولائٹ (Electrolyte) کے محلول سے برقی روگزاری جاتی ہے تو الیکٹرود پر کیمیائی تعامل ہوتا ہے جس کے نتیجے میں مادہ خارج ہوتا ہے اور الیکٹرود پر جمع (Deposit) ہو جاتا ہے انہوں نے کچھ قوانین بھی ضابطہ کی شکل میں پیش کیے، جن کا مطالعہ آپ جماعت XII میں کریں گے۔ ان نتائج نے برق کی ذرائی فطرت (Particulate Nature) تجویز کی۔ ایٹم کی ساخت کے بارے میں کچھ بصیرت ان تجربوں سے حاصل ہوئی جو گیسوں کے اندر سے برقی ڈسچارج گزار کر کیے گئے تھے۔ اس سے پہلے کہ ہم ان نتائج سے بحث کریں، چارج شدہ ذرات کے طرز عمل سے متعلق ایک بنیادی قاعدہ اپنے ذہن میں رکھنا ہوگا: یکساں چارج ایک دوسرے کو دفع کرتے ہیں اور غیر یکساں چارج ایک دوسرے کے تین کشش کا اظہار کرتے ہیں۔“

ہے، اس طرح یہ نتیجہ نکالا جاسکتا ہے کہ کیتوں شعاعیں منفی چارج شدہ ذرات پر مشتمل ہیں، جو الکٹران کھلاتے ہیں۔

(v) کیتوں شعاعیں (الکٹران) کی خاصیتیں الکٹروڈ (Electrodes) کے مادے اور کیتوں رے ٹیوب (Cathode Ray Tube) میں موجود گیس کی طبع پر مختص نہیں ہیں۔

اس لئے، ہم یہ نتیجہ اخذ کرسکتے ہیں کہ الکٹران تمام اینمود کے بنیادی اجزاء ترکیبی ہیں۔

### 2.1.2 الکٹران کے چارج کی وکیت سے نسبت

#### (Charge to Mass Ratio of Electron)

1897 میں برطانوی طبیعت داں، جے۔ تھامسن نے برقی چارج (Mus of Electrical Charge) کی الکٹران کی کمیت ( $e$ ) سے نسبت کی پیمائش کی۔ اس کے لیے انہوں نے کیتوں رے ٹیوب (Cathode Ray Tube) کا استعمال کیا اور برقی اور مقناطیسی میدان اس طرح لگایا کہ دونوں میدان ایک دوسرے کے عمودی ہوں اور ساتھ ہی ساتھ الکٹران کے راستے کے بھی عمودی (Perpendicular) ہوں (شکل 2.2)۔ تھامسن نے تو جیہہ پیش کی کہ برقی و مقناطیسی میدان کی موجودگی میں، ذرات کا اپنے راستے سے انحراف مندرجہ ذیل پر مختص ہے:

(i) ذرے کے منفی چارج کی عددی قدر پر، ذرے پر منفی چارج کی عددی قدر جتنی زیادہ ہوگی، برقی یا مقناطیسی میدان سے اس کا باہمی

بہاؤ کی مزید جائج کرنے کے لیے اینوڈ میں ایک سوراخ کر دیا گیا اینوڈ کے پیچے ٹیوب پر فاسفوری مک داںے مادے (Phosphorescent material) زنک سلفاٹ کی پرت چڑھائی گئی۔ جب یہ شعاعیں اینوڈ سے گزرنے کے بعد زنک سلفاٹ کی پرت پر پڑتی ہیں، تو پرت پر ایک چمکدار دھبہ پیدا ہوتا ہے (یہی چیز ٹیلی ویژن سیٹ میں بھی دیکھنے میں آتی ہے)۔ [شکل 2.1(b)]

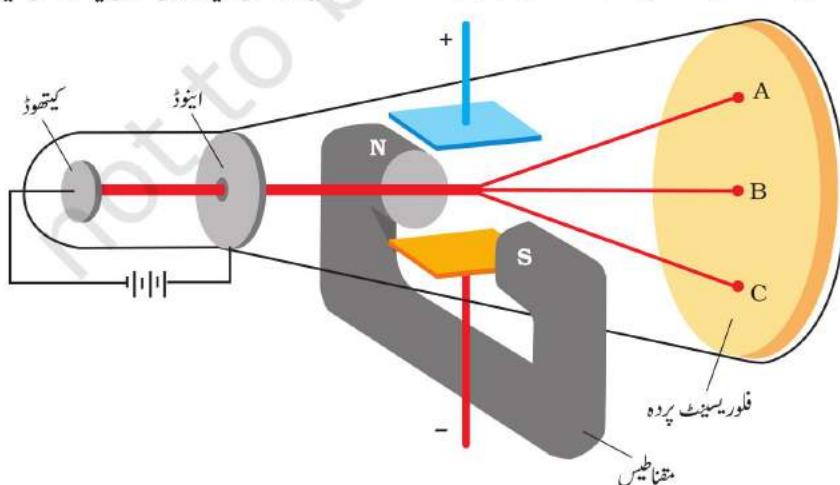
ان تجربات کا خلاصہ ذیل میں پیش کیا جا رہا ہے:

(i) کیتوں شعاعیں، کیتوں سے نکلتی ہیں اور اینوڈ کی سمت میں حرکت کرتی ہیں۔

(ii) یہ شعاعیں بذات خود نظر نہیں آتیں، لیکن ان کے طرز عمل کا مشاہدہ خاص قسم کے مادوں کی مدد سے کیا جاسکتا ہے (فلوریسینٹ یا فاسفوریسینٹ) جو ان شعاعوں کے نکرانے سے چمکنے لگتے ہیں۔ ٹیلی ویژن کی پچھر ٹیوب، بھی کیتوں رے ٹیوب ہیں اور ٹیلی ویژن پر تصویریں، اس کے اسکرین (پر دے) پر خاص قسم کے فلوریسینٹ مادوں کی پرت کی وجہ سے نکلتی ہیں۔

(iii) برقی یا مقناطیسی میدان کی غیر موجودگی میں یہ شعاعیں خط مستقیم میں سفر کرتی ہیں (شکل 2.2)۔

(iv) برقی یا مقناطیسی میدان کی موجودگی میں، کیتوں شعاعوں کا طرز عمل بالکل اس طرح ہی ہوتا ہے، جیسا کہ منفی چارج شدہ ذرات (Negatively Charged Particles) سے موقع کی جاتی



شکل 2.2 الکٹران کے برقی چارج و کمیت کی نسبت معلوم کرنے کے لیے آلات

$$(2.2) \quad m_e = \frac{e}{e/m_e} = \frac{1.6022 \times 10^{-19} C}{1.758820 \times 10^{11} C \text{ kg}^{-1}} = 9.1094 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

### 2.1.4 پروٹن اور نیوٹرن کی دریافت (Discovery of Protons and Neutrons)

اصلاح شدہ کیتوڑ رے ٹیوب میں کیے گئے برقی ڈسچارج نے ثبت چارج شدہ ذرات کی دریافت کی راہ دھائی، جو کینال شعاعیں (Canal Rays) بھی کہلاتی ہیں۔ ان ثبت چارج شدہ ذرات کی خاصیتوں کی فہرست نیچے دی گئی ہے:

- (i) کیتوڑ شعاعوں کے برخلاف، ثبت چارج شدہ ذرات، کیتوڑ رے ٹیوب میں موجود گیس کی فطرت پر منحصر ہیں۔ پر یہ صرف ثبت چارج شدہ گیسی آئین ہیں۔
- (ii) ذرات کے برقی چارج کی ان کی کیمیت سے نبہت اس گیس پر منحصر ہے، جس سے وہ نکلتے ہیں۔
- (iii) کچھ ثبت چارج شدہ ذرات پر برقی چارج، برقی چارج کی بنیادی اکائی کے اضعاف (Multiples) ہوتے ہیں۔

(iv) مقناطیسی یا برقی میدان میں ان ذرات کا طرز عمل، الیکٹران یا کیتوڑ شعاعوں کے مشابہ کیے گئے طرز عمل کے برعکس ہوتا ہے۔

سب سے چھوٹا اور سب سے بڑا ثبت آئین، ہانڈروجن سے حاصل کیا گیا اور اسے پروٹن (Proton) کا نام دیا گیا۔ اس ثبت چارج شدہ ذرے کی خاصیتیں 1919 میں معلوم ہوئیں۔ بعد میں، یہ ضرورت محسوس ہوئی کہ ایٹم کے بنیادی اجزاء ترکیبی کے طور پر ایک برقی تعددی

ذرہ بھی پایا جانا چاہیے۔ یہ ذرات چاؤک (Chadwick) 1932 نے دریافت کیے۔ انہوں نے اس دریافت کے لیے بیریلیم (Baryllium) کی ایک پتلی چادر پر ذرات کی بوچھار کی۔ جب برقی طور پر تعددی ذرات، جن کی کیمیت پروٹن کی کیمیت سے معمولی سی زیادہ تھی خارج ہوئے تو انہوں نے ان ذرات کو نیوٹرن (Neutron) کا نام دیا۔ ان بنیادی ذرات کی اہم خاصیتیں جدول 2.1 میں دی گئی ہیں۔

عمل (Interaction) بھی اتنا ہی زیادہ ہوگا اور اس لیے انفراج (Deflection) بھی زیادہ ہوگا۔

- (ii) ذرے کی کیمیت پر— ذرہ جتنا بڑا ہوگا، انفراج اتنا ہی زیادہ ہوگا۔
- (iii) برقی یا مقناطیسی میدان کی قوت (Strength) پر— الیکٹرانوں کا اپنے اصل راستے سے انحراف، الیکٹرون کے درمیان لگائی گئی برقی قوت یا مقناطیسی میدان کی قوت میں اضافہ کے ساتھ بڑھ جاتا ہے۔

جب صرف برقی میدان لگایا جاتا ہے تو الیکٹران اپنے راستے سے انحراف کرتے ہیں اور کیتوڑ رے ٹیوب سے نقطہ A پر نکراتے ہیں۔ اسی طرح جب صرف مقناطیسی میدان لگایا جاتا ہے، تو الیکٹران، کیتوڑ رے ٹیوب سے نقطہ C پر نکراتے ہیں۔ ہوشیاری سے برقی اور مقناطیسی میدانوں کی قوتوں کو متوازن کرنے سے ممکن ہے کہ الیکٹرانوں کو اسی راستے پر واپس لایا جاسکے جو وہ برقی یا مقناطیسی میدان کی غیر موجودگی میں اختیار کرتے ہیں۔ الیکٹرانوں کے راستے میں آئے ہوئے انحراف کی مقدار کی اور اس انحراف کو پیدا کرنے والے برقی و مقناطیسی میدانوں کی قوتوں کی درستی کے ساتھ پیمائش کر کے، تھامسن نے e/m<sub>e</sub> کی قدر معلوم کی:

$$(2.1) \quad \frac{e}{m_e} = 1.758820 \times 10^{11} C \text{ kg}^{-1}$$

جہاں m<sub>e</sub> گلوگرام میں الیکٹران کی کیمیت ہے اور e کولمب (C) میں الیکٹران کے برقی چارج کی عددی قدر ہے۔ کیونکہ الیکٹران منفی چارج شدہ ہوتے ہیں، اس لیے الیکٹران پر برقی چارج -e ہے۔

### 2.1.3 الیکٹران پر برقی چارج (Charge on the Electron)

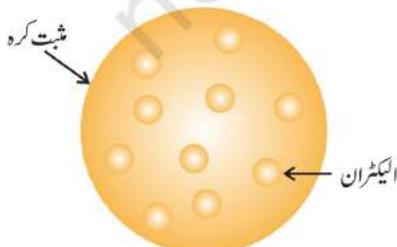
آر۔ اے۔ ملیکن (R.A. Millikan) (1906-1914) الیکٹران کے برقی چارج کو معلوم کرنے کا ایک طریقہ نکالا جو تیل بوند تجربہ (Oil Drop Experiment) کہلاتا ہے۔ انہوں نے معلوم کیا کہ الیکٹران کا برقی چارج (C)  $1.6 \times 10^{-19}$  ہے۔ برقی چارج کی موجودہ منظور شدہ قدر  $C = 1.6022 \times 10^{-19}$  ہے۔ الیکٹران کی کیمیت m<sub>e</sub>، ان نتائج کو تھامسن کے ذریعہ معلوم کی گئی  $e/m_e$  نسبت کے ساتھ ملائے پر معلوم کی گئی:

## 2.2 ایٹمی ماؤل (Atomic Models)

پہچھے سیکشن میں بیان کیے گئے تجربات سے حاصل ہونے والے مشاہدات سے یہ نتیجہ اخذ کیا گیا کہ ڈالٹن کا ناقابل تقسیم ایٹم، ذیلی ایٹمی ذرات (Sub Atomic Particles) سے مل کر ہنا ہے، جن پر منفی اور ثابت برقی چارج ہوتا ہے۔ ایک ایٹم میں ان برقی چارج شدہ ذرات کی تقسیم (Distribution) کی وضاحت کرنے کے لیے مختلف ایٹمی ماؤل تجویز کیے گئے۔ حالانکہ ان میں سے کچھ ماؤل ایٹم کے استحکام (Stability) کی وضاحت نہیں کر سکتے، ہم ذیل میں، ان میں سے جو جے۔ جے۔ تھامسن اور ارنسٹ رورفورڈ کے تجویز کردہ دو ماؤلوں سے بحث کر رہے ہیں۔

### 2.2.1 ایٹم کا تھامسن ماؤل (Thomson Model of Atom)

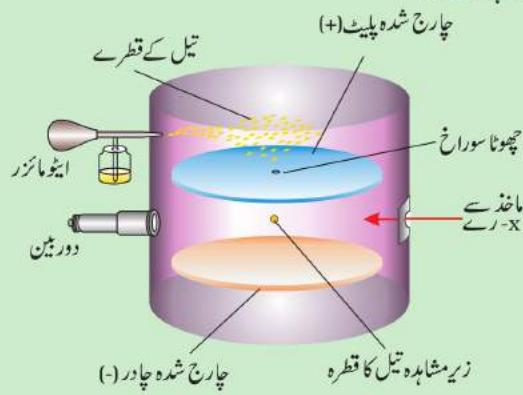
جے۔ جے۔ تھامسن نے 1898ء میں تجویز کیا کہ ایک ایٹم کی شکل کروی (Spherical) ہوتی ہے۔ (نصف قطر، تقریباً  $10^{-10}\text{m}$ ) جس میں شبست چارج کیساں طور پر تقسیم ہوتا ہے۔ الیکٹران اس میں اس طرح پوسٹ ہوتے ہیں کہ زیادہ سے زیادہ مشتمل برقی سکونی ترتیب حاصل ہو سکے (شکل 2.4)۔ اس ماؤل کوئی مختلف نام دیے گئے ہیں، مثال کے طور پر آلو یہ پُنگ (Plum Pudding)، ریزن پُنگ (Raisin Pudding) یا تربوز (Watermillon) ماؤل۔ اس ماؤل کو ہم شبست چارج کی پُنگ یا شبست چارج کا تربوز تصور کر سکتے ہیں، جس میں آلو یہ یا نچ (الیکٹران) پوسٹ ہوتے ہیں۔ اس ماؤل کی اہم خاصیت یہ ہے کہ اس ماؤل کے مطابق ایٹم کی کمیت پورے ایٹم میں یکسان طور پر تقسیم ہوتی ہے۔ حالانکہ یہ ماؤل ایٹم کی مجموعی تعداد میں



شکل 2.4 ایٹم کا تھامسن ماؤل

### Milikan's Oil Drop Method

اس طریقہ میں تیل کے چھوٹے چھوٹے قطروں کو کہر (Mist) کی شکل میں، جو کہ اینہوں مائز (Atomiser) (Atomiser) کے ذریعے پیدا کیے گئے تھے، برقی کنڈنسر (Electrical Condenser) کی اوپری پلیٹ میں ایک چھوٹے سے سوراخ کے ذریعے، داخل ہونے دیا گیا۔ ان قطروں کے ذریعے نیچے کی سمت میں کی گئی حرکت کا مشاہدہ ایک دوربین کے ذریعے کیا گیا جس میں ایک مائیکرومیٹر چیمیٹر (Micrometer Eye) Piece) لگ ہوا تھا۔ ان قطروں کی نیچے گرنے کی شرح کی پیمائش کے ذریعے ملیکن ان قطروں کی کمیت معلوم کر سکے۔ چیمیٹر (Chamber) کے اندر کی ہوا میں سے X۔ شعاعوں کو گزار کر، آئین سازی کر دی گئی۔ ان تیل کے قطروں نے گہنی آئندوں سے تصادم (Collision) کے ذریعے برقی چارج حاصل کر لیا۔ ان چارج شدہ تیل کے قطروں کی نیچے گرنے کی رفتار میں ابطا (Retaration) یا اسراع پیدا کیا جاسکتا ہے اور انھیں حالت سکون میں بھی لاایا جاسکتا ہے۔ ایسا کہ سکنا اس پر محصر ہے کہ قطروں پر چارج کتنا ہے، اور پلیٹ پر لگائے گئے ولٹیج کی قطبیت (Polarity) اور قدر کیا ہے ہوشیاری کے ساتھ قطروں کی حرکت پر برقی میدان کی قوت کے تیل کے اثر کی پیمائش کے ذریعے، ملیکن نے یہ نتیجہ اخذ کیا کہ قطروں پر برقی چارج کی عددی قدر Q، ہمیشہ برقی چارج کا صحیح عددی ضعف (Integral multiple) ہوتی ہے۔ یعنی کہ:



شکل 2.3 چارج 'جے' کی پیمائش کے لیے ملیکن تیل بوند آئیم چیمیٹر میں تیل کے قطرے پر کام کر رہی قوتوں ہیں: کشش نقل، برقی میدان کی وجہ سے برق سکونی، اور ایک مزوجی کشید قوت (Viscous Drag Force) جو تیل کے قطرے کے حرکت کرنے کے دوران لگتی ہیں۔

### جدول 2.2 نبیادی ذرات کی خاصیتیں

نام	علامت	مطلق بر قی چارج (C)	سنتی بر قی چارج	کیت (کلوگرام)	کیت (u)	تقریبی کیت (u)
ایکیٹران	e	$-1.6022 \times 10^{-19}$	-1	$9.10939 \times 10^{-31}$	0.00054	0
پروٹان	p	$-1.6022 \times 10^{-19}$	+1	$1.67262 \times 10^{-27}$	1.00727	1
نیوٹران	n	0	0	$1.67493 \times 10^{-27}$	1.00867	1

ہیں۔ یہ دکھایا گیا کہ تین قسم کی شعاعیں خارج ہوتی ہیں، یعنی کہ  $\alpha$ ،  $\beta$ ،  $\gamma$  اور  $\alpha$  شعاعیں خارج ہوتی ہیں۔ رutherford (Rutherford) نے معلوم کیا کہ  $\alpha$ -شعاعیں بہت زیادہ تو انہی کے ذرات پر مشتمل ہیں جن پر  $\alpha$  کا میٹریٹ برتقی چارج ہوتا ہے اور جن کی کیت ۱۴ اُنہی کیت اکائی (a.m.u.) ہوتی ہے۔ انہوں نے نتیجہ اخذ کیا کہ  $\alpha$ -ذرات ہیلیم (Helium) کے نیکلیس ہیں کیونکہ یہ  $\alpha$ -ذرات، ۲۱ ایکیٹرانوں کے ساتھ مل کر ہیلیم گیس بناتے ہیں۔  $\beta$ -شعاعیں، منفی چارج شدہ ذرات ہیں جو ایکیٹرانوں جیسی ہی ہیں۔  $\gamma$ -شعاعیں  $\alpha$ -شعاعوں کی طرح اعلیٰ تو انہی والے اشعاع ہیں۔ یہ تعدیلی (Neutral) ہیں اور ذرات پر مشتمل نہیں ہوتیں۔ جہاں تک دخوں پاور (Penetrating Power) کا تعلق ہے،  $\alpha$ -ذرات کی دخوں پاور سب سے کم ہوتی ہے، اس کے بعد  $\beta$ -شعاعیں آتی ہیں،  $\alpha$ -ذرات کی دخوں قوت کی 100 گنا (گنا) اور پھر  $\gamma$ -شعاعیں ( $\alpha$ -ذرات کی 1000 گنا)

### 2.2.2 رutherford کا نئی کیمیائی مائل (Rutherford's Nuclear Model of Atom)

Rutherford (Rutherford) اور ان کے شاگردوں ہنس گیگر اور ارنست مارسدن (Hans Geiger and Ernest Morsden) نے سونے کے بہت پتلے ورق پر  $\alpha$ -ذرات کی بوجھار کی۔ Rutherford کا مشہور  $\alpha$ -ذرات انتشار تجربہ (alpha-particle scattering experiment) شکل 2.5 میں دکھایا گیا ہے۔

ایک تابکار ماغذے سے لکھنے والے بہت زیادہ تو انہی کے  $\alpha$ -ذرات کے ایک دھارے کو سونے (دهات) کے ایک پتلے ورق (مونٹانی 100m) پر ڈالا جاتا ہے۔ سونے کے پتلے ورق کے اردوگرد ایک دائری فلوریسینٹ رنک سلفاٹ پر دہ لگا ہوتا ہے۔ جب بھی کوئی  $\alpha$ -ذرہ پر دے سے لکھتا ہے تو اس نقطے پر رونٹ کی ایک معمولی سی چمک پیدا ہوتی ہے۔

(Neutrality) کی وضاحت تو کرسکائیں بعد میں کیے گئے تجربات کے نتائج سے ہم آہنگ (Consistent) نہیں تھا۔ 1906ء میں تھامن کو گیسوں میں بر قی ایصال کی نظریاتی اور تجرباتی تحقیقات کے لیے نوبل انعام سے نوازا گیا۔

انیسویں صدی کے نصف آخر میں مختلف قسم کی شعاعیں (Rays) دریافت ہوئیں، جو ان کے علاوہ ہیں جن کا ذکر اوپر کیا جا چکا ہے۔ ولہم روئنجن (Wilhalm Roentgen) (1845-1923) نے 1895ء میں دکھایا کہ جب ایکیٹران، کیتوڈ رے نیوب (Cathode Ray Tube) میں مادے سے گھرا تے ہیں تو ایسی شعاعیں پیدا ہوتی ہیں جو کہ کیتوڈ رے نیوب کے باہر رکھے ہوئے فلوریسینٹ مادے (Fluorescent) میں فلوریسنس (Fluorescence) پیدا کر سکتی ہے۔ کیونکہ روئنجن کو اشاعع (Radiations) کی فطرت کے بارے میں معلوم نہیں تھا، اس نے انہیں  $\alpha$ -شعاع کا نام دیا اور یہ نام ابھی بھی رائج ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ  $\alpha$ -شعاعیں موثر طور پر اس وقت پیدا ہوتی ہیں، جب ایکیٹران کلیف دھاتی اینیوڈ (Dense Metal Anode)، جو ہدف (Targets) کہلاتے ہیں، سے گھرا تے ہیں۔ یہ شعاعیں بر قی اور مقنٹیسی میرانوں سے مخفف نہیں ہوتیں اور ان میں مادے سے گزر سکتے کی بہت زیادہ دخوں طاقت (Penetrating Power) ہوتی ہے اور یہی وجہ ہے کہ ان شعاعوں کا استعمال اشیا کے اندر ون کا مطالعہ کرنے کے لیے کیا جاتا ہے۔ یہ شعاعیں بہت کم طول موج (Wave Length) کی ہوتی ہیں۔ (~0.1nm) اور ان کی برق۔ مقنٹیسی (Electromagnetic) خاصیت ہوتی ہے (سیشن 2.3.1)۔

ہنری بیکرولی (Henri Becquerel) (1852-1908) نے مشاہدہ کیا کہ ایسے عناصر (Elements) ہیں جو اپنے آپ اشاع کا اخراج کرتے ہیں اور اس مظہر (Phenomenon) کو تابکاری (Radioactivity) کا نام دیا اور یہ عناصر "تابکار عناصر" کہلاتے

(iii) چند ذرات ہی (20,000 میں سے 1) ٹکرایا کر اسی سمت میں واپس لوٹ آئے، یعنی کہ ان میں تقریباً  $180^\circ$  کا انفراج (Deflection) ہوا۔

ان مشاہدات کی بنیاد پر ردرفورڈ نے اٹیم کی ساخت کے بارے میں مندرجہ ذیل نتائج اخذ کیے:

- اٹیم میں زیادہ تر جگہ خالی ہے، کیونکہ پیشتر  $\alpha$ -ذرات ورق سے بنا منفرج ہوئے گزر گئے۔

(ii) چند ثابت چارج شدہ  $\alpha$ -ذرات ہی منفرج ہوئے۔ یہ انفراج یقیناً ایک بڑی دافع قوت (Repulsive force) کی وجہ سے ہوا ہوگا، جس سے ظاہر ہوتا ہے کہ اٹیم کا ثابت برقی چارج پورے اٹیم میں یکساں طور پر پھیلا ہوا نہیں تھا، جیسا کہ تھامن نے مانتا تھا۔ یہ ثابت برقی چارج لازمی طور پر ایک بہت چھوٹے جنم میں مرکوز ہونا چاہیے، تبھی وہ ثابت چارج شدہ  $\alpha$ -ذرات کو دفعہ اور منفرج کر سکتا ہے۔

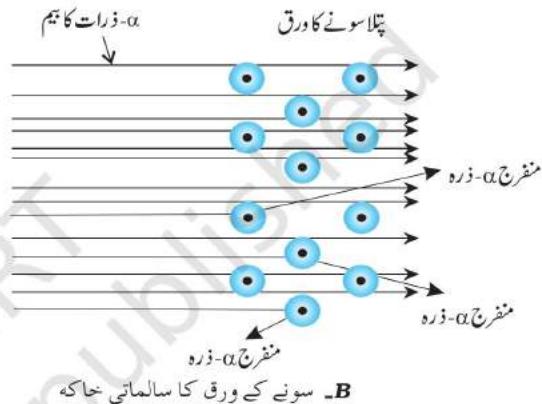
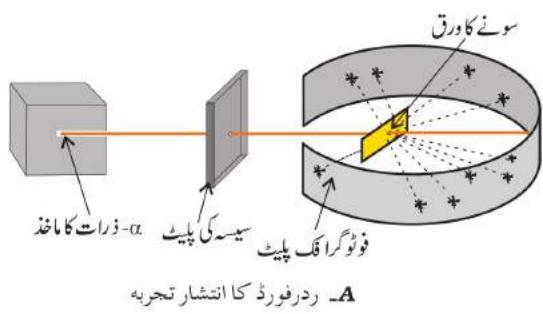
(iii) ردرفورڈ کے ذریعے کی گئی تحسیبات سے ظاہر ہوا کہ نیوکلیس کے ذریعے چھیرا گیا جنم، اٹیم کے کل جنم کے مقابلے میں قابل نظر انداز حد تک کم ہوتا ہے۔

اٹیم کا نصف قطر تقریباً  $10^{-10} \text{ m}$  ہے، جبکہ نیوکلیس کا نصف قطر  $10^{-15} \text{ m}$  ہے۔ اٹیم اور نیوکلیس کے سائز میں اس فرق کو ہم مندرجہ ذیل مثال کے ذریعے بہتر طور پر محسوس کر سکتے ہیں۔ اگر ایک کرکٹ کی گیند نیوکلیس کو ظاہر کرتی ہے تو اٹیم کا نصف قطر تقریباً 5 km ہوگا۔

مندرجہ بالا مشاہدات اور نتائج کی بنیاد پر، ردرفورڈ نے اٹیم کی نیوکلیسی ماذل تجویز کیا (پروٹاؤں کی دریافت کے بعد)۔ اس ماذل کے مطابق:

- ثابت چارج اور اٹیم کی پیشتر کیتی بہت ہی چھوٹے خطے میں کثیف طور پر مرکوز ہوتی ہے۔ اٹیم کے اس بہت ہی چھوٹے حصے کو ردرفورڈ نے نیوکلیس (Nucleus) کا نام دیا۔

- نیوکلیس ایکٹرانوں سے گھرا ہوتا ہے جو نیوکلیس کے ارد گرد بہت تیز رفتار سے دائری راستوں پر، جنہیں مدار (Orbit) کہتے ہیں، حرکت کرتے ہیں۔ اس طرح، ردرفورڈ کا ماذل نیٹھی نظام سے مشابہ رکھتا ہے، جس میں نیوکلیس سورج کا کردار ادا کرتا ہے اور ایکٹران چکر لگا رہے ساروں کے روں ادا کرتے ہیں۔



شکل 2.5 ردرفورڈ کے انتشار تجربہ کا خاکہ۔ جب  $\alpha$ -ذرات کا ایک بیم ایک پتلے، سونے کے ورق پر ڈالا جاتا ہے۔ تو پیشتر  $\alpha$ -ذرات سونے کے ورق سے متاثر ہوئے بغیر ورق سے گذر جاتے ہیں۔ لیکن کچھ منفرج ہو جاتے ہیں۔

انتشار تجربہ کے نتائج امید کے بہت بخلاف تھے۔ تھامن کے اٹیم کے ماذل کے مطابق، ورق میں سونے کے ہر ایک اٹیم کی کیت، پورے اٹیم میں یکساں طور پر پھیلی ہونی چاہیے تھی اور  $\alpha$ -ذرات میں اتنی توانائی تھی جو کیت کی اسی یکساں تیزی سے سیدھے گزر سکنے کے لیے کافی ہوتی۔ امید یہ تھی کہ ورق سے گزرتے ہوئے، ذرات کی چال آہستہ ہو جائے گی اور ان کی سمت میں تبدیلی صرف چھوٹے زاویوں سے ہی ہوگی۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ

- زیادہ تر  $\alpha$ -ذرات سونے کے ورق سے بغیر کسی انفراج کے گزر گئے۔

- $\alpha$ -ذرات کی ایک چھوٹی کسر، چھوٹے زاویوں سے منفرج ہوئی۔

آئُسوباروہ ایٹم میں، جن کا کمیتی عدد یکساں ہوتا ہے لیکن ایٹھی عدد مختلف ہوتا ہے، مثال کے طور پر  $^{14}_6\text{C}$  اور  $^{14}_7\text{N}$  - دوسری طرف ایسے ایٹم، جن کے ایٹھی عدد یکساں ہوتے ہیں اور کمیتی عدد مختلف ہوتے ہیں، آئُسوٹوپ (Isotopes) کہلاتے ہیں۔ دوسرے لفظوں میں (مساویات کے مطابق)، یہ ظاہر ہے کہ آئُسوٹوپ میں فرق، ان کے نیوکلیس میں 2.4 موجود نیوٹرانوں کی مختلف تعداد کی وجہ سے ہے۔ مثال کے طور پر، اگر ہم ہائڈروجن ایٹم پر ہی دوبارہ غور کریں تو ہائڈروجن کے 99.985% ایٹھوں میں صرف ایک پروٹان ہوتا ہے۔ یہ آئُسوٹوپ پروٹیم ( $^{1}_1\text{H}$ ) کہلاتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹم کی باقی بچی فیصد میں دو مزید آئُسوٹوپ ہوتے ہیں۔ ایک وہ جس میں ایک پروٹان اور ایک نیوٹران ہوتا ہے اور جسے ڈیوٹریم (Deuterium) (D, 0.015%) اور دوسرا وہ جس میں ایک پروٹان اور 2 نیوٹران ہوتے ہیں اور جسے ٹریٹیم (Tritium) کہتے ہیں۔ آخرالذکر آئُسوٹوپ زین پر بہت کم مقدار میں پایا جاتا ہے۔ عام طور سے پائے جانے والے کچھ اور آئُسوٹوپ کی مثالیں ہیں: کاربن کے ایٹم، جن میں 6 پروٹانوں کے ساتھ ساتھ 6 یا 8 نیوٹران پائے جاتے ہیں۔ لکورین کے ایٹم، جن میں 17 پروٹانوں کے ساتھ 18 اور 20 نیوٹران پائے جاتے ہیں (Cl,  $^{35}_17\text{Cl}$ ,  $^{37}_17\text{Cl}$ )۔

آخر میں آئُسوٹوپ سے متعلق ایک اہم نکتہ، جس کا ذکر کیا جانا چاہیے، یہ ہے کہ ایٹھوں کی کیمیائی خاصیتیں الیکٹرانوں کی تعداد سے کثیر و ہوتی ہیں، جو نیوکلیس میں پروٹانوں کی تعداد سے معلوم کی جاسکتے ہیں۔ ایک نیوکلیس میں موجود نیوٹرانوں کی تعداد سے ایک عنصر کی کیمیائی خاصیتوں پر بہت کم اثر پڑتا ہے۔ اس لیے، ایک عنصر کے تمام آئُسوٹوپ یکساں کیمیائی طرز عمل کا اظہار کرتے ہیں۔

## 2.1 مسئلہ

$^{80}_{35}\text{Br}$  میں پروٹان اور الیکٹرانوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔

حل

اس صورت میں:

$$^{80}_{35}\text{Br}, Z = 35, A = 80$$

کیونکہ نوع تعدادی ہے۔

$$\text{الیکٹرانوں کی تعداد} = \text{پروٹانوں کی تعداد} = Z = 35$$

(iii) الیکٹران اور نیوکلیس ایک ساتھ برق سکونی قوتوں کے ذریعے قائم رہتے ہیں۔

## 2.2.3 ایٹھی عدد اور کمیتی عدد (Atomic Number and Mass Number)

نیوکلیس میں ثابت بر قی چارج کی موجودگی، نیوکلیس میں پائے جانے والے پروٹانوں کی وجہ سے ہوتی ہے۔ جیسا کہ پہلے ثابت کیا جا چکا ہے، پروٹان کا بر قی چارج الیکٹران کے بر قی چارج کے مساوی اور مختلف ہوتا ہے۔ نیوکلیس میں موجود پروٹانوں کی تعداد ایٹھی عدد (Atomic Number) (Z) کے مساوی ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر، ہائڈروجن کے نیوکلیس میں پروٹانوں کی تعداد 1 ہے، سوڈیم ایٹم میں 11 ہے، اس لیے ان کے ایٹھی عدد، بالترتیب، 1 اور 11 ہیں۔ بر قی معادلت کو برقرار رکھنے کے لیے، ایک ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد، پروٹانوں کی تعداد کے مساوی ہوتی ہے (ایٹھی عدد Z)۔ مثلاً ہائڈروجين ایٹم اور سوڈیم ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد، بالترتیب، 1 اور 11 ہے۔

ایک ایٹم کے نیوکلیس میں پروٹانوں کی تعداد = ایٹھی عدد (Z)

(2.3) ایک تبدیل ایٹم میں الیکٹرانوں کی تعداد =  
جبکہ نیوکلیس کا ثابت بر قی چارج پروٹانوں کی وجہ سے ہوتا ہے، نیوکلیس کی کیمیت پروٹانوں اور نیوٹرانوں کی وجہ سے ہوتی ہے۔ جیسا کہ پہلے بھی بتایا جا چکا ہے، نیوکلیس میں موجود پروٹانوں اور نیوٹرانوں کو مشترک طور پر نیوکلیان (Nucleons) کہتے ہیں۔ نیوکلیانوں کی کل تعداد کو ایٹم کا کمیتی عدد (Mass Number) کہتے ہیں۔

نیوٹرانوں کی تعداد (n) + پروٹانوں کی تعداد (Z) = کمیتی عدد (A)

(2.4)

## 2.2.4 آئُسوبار اور آئُسوٹوپ (Isobars and Isotopes)

کسی بھی ایٹم کی ترکیب (Composition) کو اس کے معیاری عنصر کی علامت (X) کو استعمال کر کے ظاہر کیا جاتا ہے، جس کے اوپر کی جانب بائیں کوئے پر ایٹھی کمیت عدد (A) اور نیچے کی جانب بائیں کوئے پر ایٹھی عدد X لکھا جاتا ہے (یعنی کہ  $^{A}_Z\text{X}$ )۔

الیکٹران مقابلاً ہلکے سیاروں کی طرح ہیں۔ مزید الیکٹران اور نیوکلیس کے درمیان کو لمب قوت ( $kq_1 q_2 / r^2$ )، جہاں  $q_1$  اور  $q_2$  برتنی چارج ہیں، اور برقی چارجوں کے درمیان کا فاصلہ ہے اور  $k$  تابعیت کا مستقلہ ہے)، ریاضیاتی طور پر کش قوت  $\left( G \cdot \frac{m_1 m_2}{r^2} \right)$  کے مشابہ ہے، جہاں  $m_1$  اور  $m_2$  کمیتیں ہیں،  $r$  کمیتوں کے درمیان کا فاصلہ ہے اور  $G$  کش ثقل کا مستقلہ ہے۔ جب شمسی نظام پر \* کلاسیک میکینکس کا اطلاق کیا جاتا ہے تو یہ ظاہر ہوتا ہے کہ سیارے، سورج کے گرد، بخوبی معرف دار ہتے ہیں۔ اس نظریہ (Theory) سے سیاروں کے مدار اور تجرباتی پیمائشوں سے ان کے اتفاق کی درستگی صحت کے ساتھ تحسیب کی جاسکتی ہے۔ شمسی نظام اور نیوکلیائی ماڈل میں مشابہت یہ تجویز کرتی ہے کہ الیکٹرانوں کو بھی نیوکلیس کے گرد بخوبی معرف داروں میں حرکت کرنا چاہیے۔ لیکن، جب کوئی جسم ایک مدار میں گھومتا ہے، تو اس میں اسراع پیدا ہوتا ہے (اگر ایک مدار میں کوئی جسم مستقل چال سے بھی حرکت کر رہا ہو، تو سمت کی تبدیلی کی وجہ سے اس میں اسراع پیدا ہوتا لازمی ہے)۔ اس کا مطلب ہے کہ نیوکلیائی ماڈل کے مطابق ایک الیکٹران جو سیاروں کے جیسے مدار میں حرکت کر رہا ہے، اس پر اسراع کام کر رہا ہے۔ میکسول (Maxwell) کے مقتضی ایک نظریہ (Electromagnetic Theory) کے مطابق چارج شدہ ذرات، جب اسراع پذیر ہوتے ہیں تو انھیں برق مقتضی اشعاع خارج کرنا چاہیے (یہ خاصیت سیاروں میں نہیں پائی جاتی کیونکہ وہ چارج شدہ نہیں ہیں)۔ اس لیے ایک مدار میں حرکت کرتا ہوا ایک الیکٹران اشعاع خارج کرے گا، اور اشعاع کے ذریعے خارج ہوئی تو انہی، الیکٹرانی حرکت سے حاصل ہوگی۔ اس لیے مدار کا تاریخ سکتاری ہے گا۔ تحسیبات سے ظاہر ہوتا ہے کہ ایک الیکٹران صرف  $s^{-8}$  میں چکر کھاتے کھاتے نیوکلیس میں گر پڑے گا۔ لیکن ایسا نہیں ہوتا۔ اس لیے درفورڈ ماڈل ایٹم کی استحکام (Stability) کی واضح تباہی کر سکتا۔ اگر ہم الیکٹران کی حرکت کو کلاسیک میکینکس اور برق مقتضی نظریہ کی بنیاد پر بیان کرتے ہیں تو آپ سوال کر سکتے ہیں کہ اگر الیکٹرانوں کی حرکت کی وجہ سے ایٹم غیر مستحکم ہو رہا ہے تو کیوں نہ نیوکلیس کے گرد ایک ایکٹرانوں کو ساکت (Stationary) مان لیا جائے۔ اگر الیکٹران ساکت ہوتے تو کیفیت

$$80 - 35 = 45 = \text{نیوکلیس کی تعداد}$$

(مساویات 2.4)

## مسئلہ 2.2

ایک نوع (Species) میں الیکٹرانوں، پروٹانوں اور نیوکلیس کی تعداد بالترتیب 18، 16 اور 16 ہے۔ نوع کو مناسب علامت سے ظاہر کیجیے۔

### حل

ایٹمی عدد پروٹانوں کی تعداد کے برابر ہے یعنی 16۔ غصر سلف (S) ہے۔ نیوکلیس کی تعداد + پروٹانوں کی تعداد = ایٹمی کمیت عدد

$$= 16 + 16 = 32$$

نوع، تبدیلی نہیں ہے، کیونکہ پروٹانوں کی تعداد الیکٹرانوں کی تعداد کے مساوی نہیں ہے۔ یہ این آین (منقی چارج شدہ) ہے، جس کا چارج اضافی الیکٹرانوں کے مساوی ہے، یعنی کہ:

$$18 - 16 = 2$$

علامت ہے  $^{32}_{16} S^2$

نوٹ: علامت  $X^2$  استعمال کرنے سے پہلے، معلوم کیجیے کہ نوع معادل ایٹم ہے، ایک ثابت آین ہے یا منقی آین ہے۔ اگر یہ تبدیلی ایٹم ہے تو مساوات (2.3) درست ہے، یعنی کہ ایٹمی عدد = الیکٹرانوں کی تعداد + پروٹانوں کی تعداد، اگر نوع ایک آین ہے تو معلوم کیجیے کہ آیا پروٹانوں کی تعداد ایکٹرانوں کی تعداد سے زیادہ ہے (ثبت آین) یا کم (منقی آین)۔ نیوکلیس کی تعداد ہمیشہ (A-Z) سے حاصل ہوگی، چاہے نوع تبدیلی ہو یا آین ہو۔

## 2.2.5 رورفورڈ ماڈل کی خامیاں (Drawbacks of Rutherford Model)

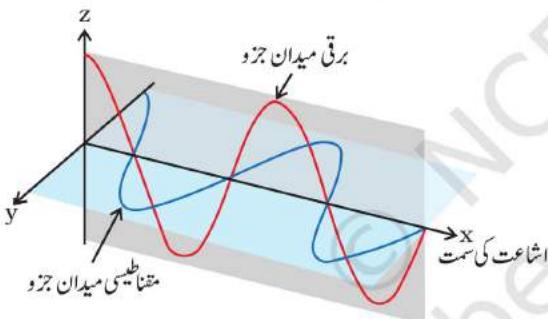
رورفورڈ کا نیوکلیائی ماڈل برائے ایٹم ایک چھوٹے پیمانے کے شمسی نظام کی طرح ہے، جس میں نیوکلیس، وزنی سورج کا کردار ادا کرتا ہے اور

\* کلاسیکی میکینکس ایک نظریاتی سائنس ہے جو نیوٹن کے حرکت کے قوانین پر مبنی ہے۔ یہ کلان اجسام (Macroscopic Bodies) کے حرکت کے قوانین کا تعین کرتی ہے۔

زمانہ قدیم سے یہ معلوم ہے کہ روشنی بھی اشاعع کی ایک شکل ہے اور اس کی طبع کے بارے میں قدیم زمانے سے ہی اندازے لگائے جاتے رہے ہیں۔ پہلے (نیوٹن) سمجھا جاتا تھا کہ روشنی ذرات (ذرپکوں) سے مل کر بنی ہے۔ انیسویں صدی میں ہی روشنی کی لہر فطرت (Wave Nature) تسلیم کی جا سکی۔

میکسولیں ہی پھر وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے یہ دکھایا کہ روشنی کی لہریں، اہتزازی برقی اور مقناطیسی کردار کی حامل ہیں (شکل 2.6)۔ حالانکہ برق مقناطیسی لہر حرکت اپنی طبع کے لحاظ سے پیچیدہ ہے یہاں ہم کچھ سادہ خاصیتیں ہی ملاحظہ کریں گے۔

(i) اہتزاز کر رہے چارج شدہ ذرات سے پیدا ہونے والے اہتزازی برقی و مقناطیسی میدان، ایک دوسرے پر عمودی ہوتے ہیں اور یہ دونوں موج کی اشاعت کی سمت پر عمودی ہوتے ہیں۔ برق مقناطیسی لہر کی ایک سادہ تصویر شکل 2.6 میں دکھائی گئی ہے۔



شکل 2.6 ایک برق مقناطیسی لہر کے برقی و مقناطیسی جزو۔ ان اجزاء کی طول موج، سرعت، چال اور وسعت یکسان ہوتی ہے، لیکن یہ دو باہم عمودی مستويوں میں ارتباش کرتے ہیں۔

(ii) آواز کی لہروں اور پانی کی لہروں کے برعکس، برق مقناطیسی لہروں کو میڈیم (Medium) کی ضرورت نہیں ہوتی اور یہ وکیم (Vacuum) میں حرکت کر سکتی ہیں۔

(iii) یہ اب اچھی طرح ثابت ہو چکا ہے کہ برق مقناطیسی اشاعع کی کئی قسمیں ہیں، جو ایک دوسرے سے طول موج یا سرعت میں مختلف ہوتی ہیں۔ یہ برق مقناطیسی طیف (Electromagnetic Spectrum) میں تسلیم دیتی ہیں (شکل 2.7)۔ طیف کے مختلف

نیوکلیس اور الیکٹرانوں کے مابین برق سکونی کشش، الیکٹرانوں کو نیوکلیس کی طرف کھینچ لے گی اور ہمیں تھامن ماؤل کی ایک چھوٹی شکل ہی حاصل ہو گی۔ درفورڈ ماؤل کی ایک اور بڑی خامی یہ ہے کہ یہ ایٹم کی الیکٹرانی بنادت کے بارے میں کچھ نہیں بتاتا۔ یعنی کہ نیوکلیس کے گرد الیکٹرانوں کی ترقی کس طرح ہے اور ان الیکٹرانوں کی توانائیاں کیا ہوتی ہیں۔

### 2.3 ایٹم کے بوہر ماؤل کی راہ دکھانے والے اکشافات (Developments Leading to the Bohr's Model of Atom)

تاریخی طور پر، اشاعع کے مادے کے ساتھ ہونے والے باہمی علاووں کے مطابع سے حاصل کیے گئے نتائج نے سالمات اور ایٹموں کی ساخت کے بارے میں بہت معلومات مہیا کی ہے۔ نیلس بوہر (Neils Bohr) نے ان نتائج کو استعمال کر کے، درفورڈ کے تجویز کردہ ماؤل کو بہتر بنایا۔ ایٹم کے بوہر ماؤل کی تسلیم میں دو اکشافات نے بڑا روں ادا کیا۔ یہ ہیں:

(i) برق مقناطیسی اشاعع کا دہرا کردار (Dual Character)، جس کا مطلب ہے کہ اشاعع میں موج (Wave) اور ذرہ (Particle) جیسی دونوں خاصیتیں پائی جاتی ہیں۔

(ii) ایٹمی طیف (Atomic Spectra) سے متعلق تجرباتی نتائج، جن کی وضاحت، ایٹم میں صرف کوئی (کیشن 2.4) الیکٹرانی انرجنی یولوں (Quantised Electronic Energy Levels) فرض کر کے ہی کی جاسکتی ہے۔

### 2.31 برق مقناطیسی اشاعع کی لہر فطرت (Wave Nature of Electromagnetic Radiation)

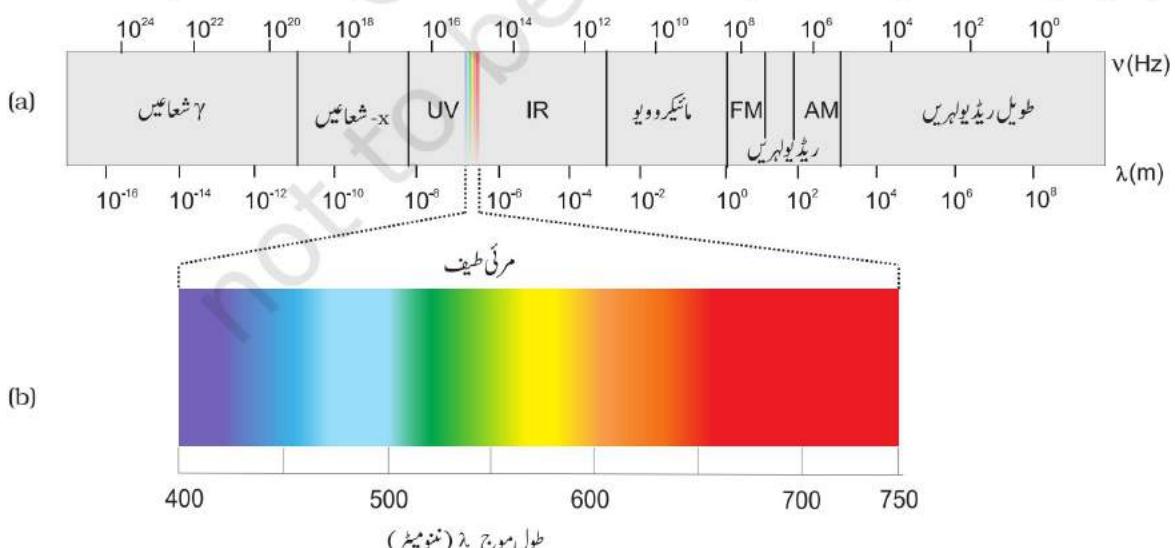
جیمز میکسول (James Maxwell) (1870) نے ہم پہلے خصص تھے جنہوں نے چارج شدہ اجسام کے مابین باہمی عمل اور برقی و مقناطیسی میدانوں کے طرز عمل کی میکرو اسکوپ سطح پر تفصیلی وضاحت کی۔ انہوں نے تجویز کیا کہ جب برقی چارج شدہ ذرات، اسراع کے ساتھ حرکت کرتے ہیں تو تبادل (Alternating) برقی اور مقناطیسی میدان پیدا ہوتے ہیں اور تسلیم ہوتے ہیں۔ یہ میدان، لہروں کی شکل میں تسلیم ہوتے ہیں جو برق۔ مقناطیسی لہریں (Electromagnetic Waves) یا برق (Electromagnetic Radiation) کہلاتی ہیں۔

طول موج کی اکائی، لمبائی کی اکائی ہونا چاہیے اور جیسا کہ آپ جانتے ہیں لمبائی کی اکائی میٹر (m) ہے۔ کیونکہ برق مقناطیسی اہریں مختلف قسم کی لہروں پر مشتمل ہوتی ہیں، جن کی طول موج میٹر سے بہت کم ہوتی ہے، اس لیے چھوٹی اکائیاں استعمال کی جاتی ہیں۔ شکل 2.7 میں برق مقناطیسی اشاعر کی مختلف قسمیں دکھائی گئی ہیں، جو ایک دوسرے سے طولی موج اور فریکوئنسی میں مختلف ہیں۔

وکیوم میں ہر قسم کی برق مقناطیسی اہریں، طول موج سے قطع نظر، یکساں چال سے سفر کرتی ہیں، یعنی کہ  $3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$  (درستی صحت کے ساتھ،  $(2.997925 \times 10^8 \text{ m s}^{-1})$ ) یہ روشنی کی چال کہلاتی ہے اور اسے علامت 'c' دی گئی ہے۔ فریکوئنسی (v) طول موج (λ) اور روشنی کی رفتار (c)، مساوات 2.5 کے مطابق ایک دوسرے سے نسلک ہیں:

$$(2.5) \quad c = v \lambda$$

اسپکٹر اسکوپی (Spectroscopy) میں عام طور سے استعمال ہونے والی ایک اور مقدار ہے، لہر عدد (Wave Number) اس کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ لہر عدد طول موج کی تعداد فی اکائی لمبائی ہے۔ اس کی اکائی طول موج کی اکائی کا مقابلہ ہونے والی اکائی  $\text{cm}^{-1}$  ہے (جو SI اکائی نہیں ہے)۔



شکل 2.7 (a) برقی مقناطیسی اشاعر کا طیف (b) مرئی طیف۔ مرئی حصہ کا صرف ایک چھوٹا حصہ ہے۔

علاقوے مختلف ناموں سے شناخت کیے جاتے ہیں۔ کچھ مثالیں ہیں: ریڈیو فریکوئنس نطہ جو  $10^6 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور جس کا استعمال نشریات میں کیا جاتا ہے، مائیکرو ویو (Microwave) نطہ، جو  $10^3 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور رادار (Radar) میں استعمال ہوتا ہے، انفاریڈ (Infrared) نطہ جو  $10^{13} \text{ Hz}$  کے آس پاس ہوتا ہے اور جس کا استعمال گرم کرنے میں ہوتا ہے، الٹراؤنٹ (Ultraviolet) نطہ جو  $10^6 \text{ Hz}$  کے آس پاس ہے اور سورج کی شعاعوں کا ایک جزو ہے۔  $10^{16} \text{ Hz}$  کے آس پاس ایک چھوٹا سا خطہ وہ ہے جو عام طور سے مرئی روشنی (Visible Region) کہلاتا ہے۔ صرف یہی وہ حصہ ہے جسے ہماری آنکھیں دیکھ سکتی ہیں (یا شناس کر سکتی ہیں)۔ غیر مرئی اشاعر کی شناس کے لیے خاص آلات درکار ہوتے ہیں۔

(iv) برق مقناطیسی اشاعر کو ظاہر کرنے کے لیے مختلف قسم کی اکائیاں استعمال ہوتی ہیں۔

ان اشاعر کی خاصیتیں ہیں: فریکوئنسی (v) اور طول موج (λ) فریکوئنسی کی SI اکائی ہر ہزار ( $\text{s}^{-1}$ ) ہے جو ہیزک ہر ہزار کے نام پر رکھی گئی ہے۔

ایک ہر ہزار کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے کہ یہ لہروں کی وہ تعداد ہے جو ایک دیے ہوئے نقطے سے ایک سینٹ میلی نزدیکی ہیں۔

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{750 \times 10^{-9} \text{ m}} = 4.00 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

فریکوئنسی اکائیوں کے اعتبار سے مرئی طیف کی رشخ  $\times 4.0$   
 $7.5 \times 10^{14} \text{ Hz} \leq 10^{14} \text{ Hz} \leq 10^{14}$  تک ہے۔

### مسئلہ 2.5

حساب لگائیے: (a) لمبہ عدد اور (b) فریکوئنسی کا، اس پہلی اشعاع کے لیے جس کا طول موج  $5800 \text{ \AA}$  ہے

حل

لامبہ عدد ( $\bar{\nu}$ ) کی تحریک:

$$\begin{aligned}\lambda &= 5800 \text{ \AA} = 5800 \times 10^{-8} \text{ cm} \\ &= 5800 \times 10^{-10} \text{ m} \\ \bar{\nu} &= \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{5800 \times 10^{-10} \text{ m}} \\ &= 1.724 \times 10^6 \text{ m}^{-1} \\ &= 1.724 \times 10^4 \text{ cm}^{-1}\end{aligned}$$

فریکوئنسی ( $\nu$ ) کی تحریک:

$$\nu = \frac{c}{\lambda} = \frac{3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{5800 \times 10^{-10} \text{ m}} = 5.172 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

### 2.3.2 برق مقناطیسی اشعاع کی ذرati فطرت: پلانک کا کوئٹم نظریہ

(Particle Nature of Electromagnetic Radiation: Planck's Quantum Theory)

کچھ تجرباتی مظاہر، جیسے انصراف (Diffraction) اور تداخل (Interference) وغیرہ کی، وضاحت برق مقناطیسی اشعاع کی لمبہ فطرت کے ذریعے کی جاسکتی ہے۔ لیکن ذیل میں جو مشاہدات دیے جارہے ہیں، وہ ان میں سے چند مشاہدات میں جن کی انیسویں صدی کی

### مسئلہ 2.3

آل انڈیا ریڈیو دبلی کا وودھ بھارتی اسٹیشن 1.368 kHz کی فریکوئنسی پر نشر ہوتا ہے۔ ٹرمیٹر سے خارج ہونے والے برق مقناطیسی اشعاع کی طول موج کا حساب لگائیے۔ یہ برق مقناطیسی طیف کے کس نظرے سے تعلق رکھتا ہے۔

حل

طول موج  $\lambda$   $c/\nu$  کے مساوی ہے جہاں  $c$  وکیوم میں برق مقناطیسی اشعاع کی رفتار ہے اور  $\nu$  فریکوئنسی ہے۔ دی ہوئی قیمتیں کو رکھنے پر، ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\begin{aligned}\lambda &= \frac{c}{\nu} \\ &= \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{1368 \text{ kHz}} \\ &= \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{1368 \times 10^3 \text{ s}^{-1}} \\ &= 219.3 \text{ m}\end{aligned}$$

پریڈیو لامبہ طول موج کی نمائندہ طولی موج ہے۔

### مسئلہ 2.4

مرئی طیف کی طولی موج کی رشخ واٹک (Violet) (400nm) (400nm) سے سرخ (750 nm) تک ہے۔ ان طولی موج کو فریکوئنسی میں ظاہر کیجئے۔ (1nm =  $10^{-9} \text{ m}$  (Hz))

حل

مساوات 2.5 استعمال کرتے ہوئے، واٹک روشنی کی فریکوئنسی

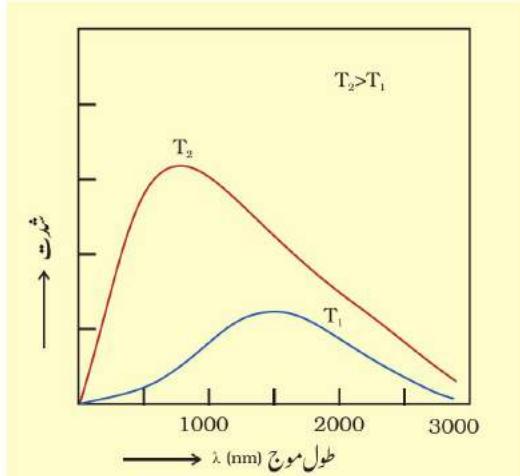
$$\begin{aligned}\nu &= \frac{c}{\lambda} = \frac{3.00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{400 \times 10^{-9} \text{ m}} \\ &= 7.50 \times 10^{14} \text{ Hz}\end{aligned}$$

سرخ روشنی کی فریکوئنسی

\* انصراف، ایک رکاوٹ کے ارد گرد موج کا مزنا ہے۔

\*\* تداخل، یکسان یا مختلف فریکوئنسی کی دو لمبہوں کا ایسا اتحاد (combination) ہے جو ایک ایسی موج دینا ہے جس کا اسپس میں ہر ایک نقطے پر بنا تو اس نقطے پر ہر ایک تداخلی موج کے ذریعہ پیدا ہونے والے حلل کا الجبرا یا ویکٹر حاصل جمع ہوتا ہے۔

کی قدر بہت زیادہ (Maximum) ہو جاتی ہے اور پھر طول موج میں مزید کمی کے ساتھ یہ بھی کم ہونے لگتی ہے جیسا کہ شکل 2.8 میں کھا یا کیا ہے۔



شکل 2.8 طول موج - شد رشتہ

مندرجہ بالا تجرباتی نتائج کی، روشنی کے لہر نظریہ کی بنیاد پر خاطر خواہ وضاحت نہیں کی جاسکی۔ پلانک نے تجویز کیا کہ ایم ایم اسالمات صرف مجرم مقداروں (Discrete quantities) میں ہی تو انائی خارج یا جذب کر سکتے ہیں اور ایک گاکھار سلسلے کی شکل میں نہیں، جیسا کہ اس وقت مقبول تصور تھا۔ پلانک نے تو انائی کی اس کم ترین مقدار کو جو برق مقتاٹی اشاعر کی شکل میں خارج یا جذب ہو سکتی ہے، کو انتم (Quantum) کا نام دیا۔ اشاعر کے ایک کو انتم کی تو انائی (E) اس کی فریکوئنسی (v) کے تناسب ہے اور اس اسات 2.6 سے ظاہر کی جاتی ہے:

$$(2.6) \quad E = hv$$

تباہیت مستقلہ  $h$  پلانک مستقلہ (Plank's Constant)

کہلاتا ہے اور اس کی قدر ہے:  $6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}$

اس نظریہ کے ذریعے پلانک، مختلف درجہ حرارت پر، سیاہ جسم سے خارج ہونے والے اشاعر کی شدت کی تقییم کی فریکوئنسی یا طول موج کے تفاعل کے طور پر وضاحت کرنے میں کامیاب ہوئے۔

#### ضیا برقی اثر (Photoelectric Effect)

1887ء میں، ایچ۔ ہریز (H-Hertz) نے ایک بہت دلچسپ تجربہ کیا۔ اس تجربہ میں، جب کچھ خاص دھاتوں (مثال کے طور پر پوتاشیم، روہینیم،

طیعیات (جو کلاسیکی طیعیات کہلاتی ہے) کے برق مقتاٹی نظریہ کی مدد سے بھی وضاحت نہیں کی جاسکتی۔

(i) گرم اجسام سے خارج ہونے والے اشاعر کی طبع (سیاہ جسم اشاعر)۔

(ii) دھاتی سطح سے اشاعر کے لکرانے پر، الیکٹرانوں کا خارج ہونا (ضیا Photo Electric Effect)۔

(iii) درجہ حرارت کے تفاعل کے طور پر ٹھوس اشیا کی حرارتی گنجائش میں تغیر۔

(iv) ایٹموں کے خطی طیف (Line Spectra)، خاص طور سے ہاندروجن کے حوالے سے۔

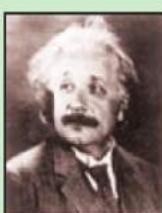
یہ بات قابل توجہ ہے کہ سیاہ جسم اشاعر کے مظہر کی ٹھوس وضاحت سب سے پہلے میکس پلانک (Max Planck) نے 1900 میں کی۔ یہ مظہر ذیل میں بیان کیا جا رہا ہے۔

جب ٹھوس اشیا کو گرم کیا جاتا ہے تو وہ اشاعر خارج کرتی ہیں، جس کی طول موج کی ریخ بہت زیادہ ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر، جب ایک لوہے کی چھڑ کو ایک بھتی میں گرم کیا جاتا ہے، تو پہلے اس کا رنگ ہلاک سرخ ہوتا ہے اور پھر جیسے جیسے درجہ حرارت میں اضافہ ہوتا ہے، سرخ بھی بذریعہ برہتی جاتی ہے۔ پھر جب چھڑ کو مزید گرم کیا جاتا ہے، تو خارج ہونے والی شعاع میں سفید ہو جاتی ہے۔ اور پھر درجہ حرارت بہت زیادہ ہو جاتا ہے تو نیل ہو جاتی ہے۔ فریکوئنسی (Frequency) کے لحاظ سے ہم کہہ سکتے ہیں کہ اس کا مطلب ہے خارج ہونے والی شعاعوں کی فریکوئنسی بھی، درجہ حرارت میں اضافہ کے ساتھ، کم فریکوئنسی خطے میں آتا ہے۔

جبکہ نیل رنگ کا تعلق مقابلاً زیادہ فریکوئنسی خطے سے ہے۔ وہ ”مثالی جسم“ (Ideal body) جو تمام فریکوئنسی کو خارج کرتا ہے اور جذب کرتا ہے، سیاہ جسم کہلاتا ہے اور ایسے جسم کے ذریعے خارج کیا گیا اشاعر، سیاہ جسم اشاعر کہلاتا ہے۔ سیاہ جسم سے خارج ہونے اشاعر کی بالکل صحیح فریکوئنسی تقسیم (یعنی اشاعر کی شدت بمقابلہ فریکوئنسی مختصر) صرف اس کے درجہ حرارت پر مختص ہے۔ ایک دیے ہوئے درجہ حرارت پر، خارج ہونے والے اشاعر کی شدت میں طول موج میں کمی کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے، پھر ایک دیے ہوئے طول موج پر اس

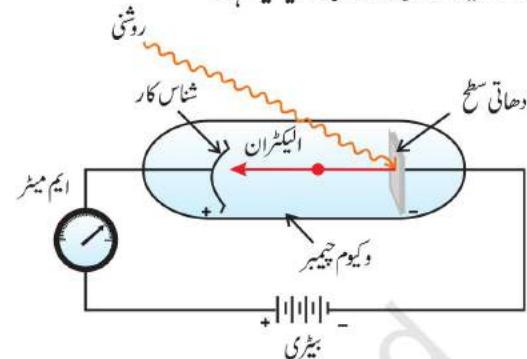
(iii) ہر دھات کے لیے ایک مخصوص کم سے کم فریکوئنسی (جسے دہیز فریکوئنسی Threshold Frequency) پر ضیابر قی اثر نہیں دیکھا جائتا۔  $v_0 > v$  پر خارج ہوئے الکٹران کسی حرکی توانائی کے ساتھ باہر آتے ہیں۔ ان الکٹرانوں کی حرکی توانائیوں میں استعمال کی جانے والی روشنی کی فریکوئنسی میں اضافہ کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔

اوپر دیے ہوئے تمام نتائج کی، کلائیک طبیعت کے قوانین کی بنیاد پر وضاحت نہیں کی جاسکی۔ کلائیک طبیعت کے مطابق روشنی کی شعاع کی توانائی روشنی کی چمک پر منحصر ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا کہ حالانکہ خارج ہوئے الکٹرانوں کی فریکوئنسی روشنی کی چمک پر منحصر ہے، لیکن خارج ہوئے الکٹرانوں کی حرکی توانائی چمک پر منحصر نہیں ہے۔ مثال کے طور پر سرخ روشنی  $[v = 4.3 \text{ to } 4.6 \times 10^{14} \text{ Hz}]$  کی بھی چمک (شدت) کی ہو، اگر اسے پوشاہم دھات پر گھنٹوں بھی ڈالا جائے، تب بھی کوئی فوٹو الکٹران خارج نہیں ہوتا، لیکن جیسے ہی بہت کمزور پیلی روشنی (شدت  $v = 5.1 \text{ to } 5.2 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ) اسی پوشاہم چادر پر ڈالی جاتی ہے، ضیا بر قی اثر دکھائی دینے لگتا ہے۔ پوشاہم دھات کے لیے دہیز فریکوئنسی (Threshold Frequency)  $5.0 \times 10^{14} \text{ Hz}$  ہے۔



البرٹ آئنسٹائن، جو کہ جرمی میں پیدا ہوئے امریکی طبیعت دان تھے، بہت سے لوگ انہیں آج تک کے دو سب سے بڑے طبیعت دانوں میں شمار کرتے ہیں (دوسرے اسحاق نیوٹن ہیں)۔ ان کے تین تحقیقی مقالوں نے، [جو مخصوص اضافت (Special Relativity)، برانوئن حرکت (Brownian Motions) اور ضیابر قی اثر، پر مبنی تھے] جنہیں انہوں نے 1905 میں شائع کرایا، جبکہ وہ برن (Berne) میں سوئزر پیٹنٹ آفس (Swiss Patent Office) میں بے طور نیکنیکل اسٹنٹ ملازم تھے، طبیعت کی ارتقا پر گھرا اثر ڈالا۔ انہیں 1921 میں، ضیا بر قی اثر کی وضاحت کرنے کے لیے نوبل انعام سے نوازا گیا۔

سینیم وغیرہ) پر روشنی کا ایک بیم ڈالا گیا تو الکٹران (یا بر قی کرنٹ) خارج ہوئے، جیسا کہ شکل 9.2 میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 9.9 ضیا بر قی اثر کا مطالعہ کرنے کے لیے آلات۔ ایک مخصوص فریکوئنسی کی روشنی، وکیوم چیمپ میں رکھی ہوئی صاف دھاتی سطح سے نکراتی ہی، دھات سے الکٹران خارج ہوتے ہیں اور ایک شناس کار کے ذریعے ان کو شمار کیا جاتا ہے جو ان کی حرکتی توانائی کی پیمائش کرتا ہے۔

### میکس پلانک (1858-1947)

میکس پلانک، ایک جرمن طبیعت دان، نے 1879 میں میونخ یونیورسٹی (Munich University) سے نظریاتی طبیعت میں ڈاکٹریٹ حاصل کی۔ 1888 میں انہیں برلن یونیورسٹی میں انسٹی ٹیوٹ آف تھیوریشکل فرکس کا ڈائریکٹر مقرر کیا گیا۔ پلانک کو 1918 میں ان کے کوائلم نظریہ کے لیے طبیعت کا نوبل انعام دیا گیا۔ پلانک نے تھرمودائیمکس (Thermodynamics) اور طبیعت کی دوسری شاخوں میں بھی اہم تعاون کیا۔

- یہ مظہر ضیابر قی اثر کہلاتا ہے اس تجربہ میں مشاہدہ کیے گئے نتائج ہیں:
- دھات کی سطح سے الکٹران، روشنی کی شعاع کے سطح سے نکلتے گلتے ہیں، یعنی کہ روشنی کی شعاع کے دھات کی سطح سے نکرانے اور سطح سے الکٹرانوں کے خارج ہونے میں کوئی درمیانی وقفہ نہیں ہوتا۔
  - خارج ہونے والے الکٹرانوں کی تعداد روشنی کی شدت یا چمک (Brightness) کے متناسب ہے۔

## جدول 2.2 کچھ دھاتوں کے لیے کامنگ (W) کی قدریں

دھات	Li	Na	K	Mg	Cu	Ag
$W_0/\text{ev}$	2.42	2.3	2.25	3.7	4.8	4.3

فطرت سے ہم آہنگ نہیں تھی، جو تداخل (Interference) اور انصاف (Diffraction) جیسے مظاہر کی وضاحت کر سکتی تھی۔ اس دوہری شکل کو حل کرنے کا واحد طریقہ یہ تھا کہ یہ تسلیم کر لیا جائے کہ روشنی، لہروں اور ذرات جیسی، دونوں طرح کی خاصیتوں رکھتی ہے، یعنی کہ، روشنی کا دھرا طرز عمل ہوتا ہے۔ تجربہ پر انہصار کرتے ہوئے، ہم پاتے ہیں کہ روشنی یا تو ایک کافی توانائی کا فوٹان، دھات کے ایم کے ایک الیکٹران سے نکلتا ہے، تو وہ، فوری طور پر کمراوے کے دوران، اپنی توانائی کا الیکٹران کو منتقل کر دیتا ہے اور الیکٹران فوراً، بغیر کسی درمیانی وقفہ کے، خارج ہو جاتا ہے۔ فوٹان کی توانائی جتنی زیادہ ہوگی، الیکٹران کو اتنی ہی زیادہ توانائی منتقل ہوگی اور خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی اتنی ہی زیادہ ہوگی۔ دوسرے لفظوں میں، خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی، برق مقناطیسی اشعاع کی فریکوننسی کے متناسب ہے۔ کیونکہ نکرانے والے فوٹان کی توانائی  $h\nu$  کے مساوی ہے اور الیکٹران خارج کرنے کے لیے کم ترین درکار توانائی  $h\nu_0$  ہے (جسے ورک فنکشن،  $W_0$ ) (Work Function) کہتے ہیں) (جدول 2.2)، تب توانائی کا فرق: ( $h\nu - h\nu_0$ ) بطور فوٹو الیکٹران کی حرکی توانائی کے طور پر منتقل ہوتا ہے۔ توانائی کی بھاکے اصول کے مطابق خارج ہوئے الیکٹران کی حرکی توانائی مساوات (2.7) سے دی جاتی ہے۔

### مسئلہ 2.6

اس اشعاع کے فوٹانوں کے ایک مول کی توانائی کا حساب لگائیے جس کی فریکوننسی  $Hz \times 10^{14} = 5$  ہے۔

حل

ایک فوٹان کی توانائی ( $E$ ) عبارت سے ظاہر کی جاتی ہے۔

$$E = h\nu$$

$$(دیا ہوا ہے) v = 5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$$

$$h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}$$

$$E = (6.626 \times 10^{-34} \text{ J s}) \times (5 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= 3.313 \times 10^{-19} \text{ J}$$

فوٹانوں کے ایک مول کی توانائی

جہاں  $m_e$  الیکٹران کی کیمیت ہے اور  $v$  خارج ہوئے الیکٹران کی رفتار ہے۔ آخر میں، روشنی کی ایک زیادہ شدت والی شعاع، فوٹانوں کی زیادہ تعداد پر مشتمل ہوتی ہے۔ اس لیے بمقابلے اس تجربے کے جس میں کمزور شدت کی شعاع استعمال کی گئی ہو، زیادہ شدت والی شعاع سے الیکٹرانوں کی مقابلہ زیادہ تعداد خارج ہوتی ہے۔

**برق- مقناطیسی اشعاع کا دھرا طرز عمل**  
روشنی کی ذراتی فطرت نے سائنسدانوں کے لیے ایک دوہری شکل پیدا کر دی۔ ایک طرف، اس کے ذریعے سیاہ جسم اشعاع اور ضیا برقی اثر کی قابل اطمینان وضاحت کی جاسکتی تھی تو دوسری طرف یہ روشنی کی معلوم اہر

سوڈیم سے الیکٹرانوں کا ایک مول خارج کرنے کے لیے درکار کم ترین توانائی

$$= (3.99 - 1.68) \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

$$= 2.31 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

ایک الیکٹران کے لیے کم ترین توانائی۔

$$= \frac{2.31 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}}{6.022 \times 10^{23} \text{ electrons mol}^{-1}}$$

$$= 3.84 \times 10^{-19} \text{ J}$$

یہ مطابقت رکھتی ہے، طول موج  $\lambda$  سے:

$$\therefore \lambda = \frac{hc}{E}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{3.84 \times 10^{-19} \text{ J}}$$

(یہ ہری روشنی سے مطابقت رکھتی ہے)

### مسئلہ 2.9

ایک دھات کے لیے دبلیو فریکوئنسی  $v_0 = 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$  ہے۔ اس الیکٹران کی حرکی توانائی کا حساب لگائیے۔ جو  $v = 1.0 \times 10^{15} \text{ s}^{-1}$  ہے۔ فریکوئنسی کے اشعاع کے دھات پر پڑنے سے خارج ہوتا ہے۔

حل

آنکھائیں مساوات کے مطابق:

$$\frac{1}{2} m_e v^2 = h(v - v_0)$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) \times (1.0 \times 10^{15} \text{ s}^{-1} - 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) (10.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1} - 7.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= (6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}) \times (3.0 \times 10^{14} \text{ s}^{-1})$$

$$= 1.988 \times 10^{-19} \text{ J}$$

### 2.3.3 \* کوئی الیکٹرانی انرジی یوں کے لیے شہادتیں: ایشی طیف

#### (Evidence for the Quantized Electronic Energy Levels: Atomic Spectra)

روشنی کی رفتار اس میڈیم کی نظرت پر منحصر ہے، جس سے وہ گزرتی ہے۔ اس کے نتیجے میں، روشنی جب ایک میڈیم سے دوسرے میڈیم میں داخل

$$= (3.313 \times 10^{-19} \text{ J}) \times (6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1})$$

$$= 199.51 \text{ kJ mol}^{-1}$$

### مسئلہ 2.7

ایک 100 وات کا بلب، 400 nm طول موج کی یک رنگ (monochromatic) روشنی خارج کرتا ہے۔ ایک سینٹر میں بلب سے خارج ہو رہے فوٹانوں کی تعداد معلوم کیجئے۔

حل

$$\text{بلب کی پاور} = 100 \text{ Watt} = 100 \text{ Js}^{-1}$$

$$= E = h\nu = hc/\lambda$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{400 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

$$= 4.969 \times 10^{-19} \text{ J}$$

خارج ہونے والے فوٹانوں کی تعداد

$$\frac{100 \text{ J s}^{-1}}{4.969 \times 10^{-19} \text{ J}} = 2.012 \times 10^{20} \text{ s}^{-1}$$

### مسئلہ 2.8

جب 300 nm طول موج کا برق متناطیسی اشعاع سوڈیم کی سطح پر پڑتا ہے۔ تو  $1.68 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$  کی حرکی توانائی کے ساتھ الیکٹران خارج ہوتے ہیں۔ سوڈیم سے ایک الیکٹران خارج کرنے کے لیے کم از کم کتنی توانائی درکار ہوگی؟ وہ زیادہ سے زیادہ طول موج کیا ہوگی جو ایک فوٹو الیکٹران کو خارج کر سکے۔

حل

ایک 300 nm فوٹان کی توانائی ( $E$ )

$$h\nu = hc/\lambda$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J s} \times 3.0 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}}{300 \times 10^{-9} \text{ m}}$$

$$= 6.625 \times 10^{-19} \text{ J}$$

فوٹانوں کے ایک مول کی توانائی

$$= 6.626 \times 10^{-19} \text{ J} \times 6.022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

$$= 3.99 \times 10^5 \text{ J mol}^{-1}$$

\* کسی بھی خاصیت کو مجرد قدر ہون کا پابند کر دینا، کو انتہم سازی کھلاتا ہے

کرتا ہے تو خارج ہونے والے اشعاع کی طول موج (یا فریکوئنسی) کو ریکارڈ کر لیا جاتا ہے۔

ایک انجدابی طیف اخراجی طیف کے فوٹوگراف فیلٹروں کی طرح ہے۔ ایک نمونے سے اشعاع کا ایک سلسلہ (Continuum) گزارا جاتا ہے جو مخصوص طول موج کا اشعاع جذب کر لیتا ہے۔ غائب ہوئے طول موج، جو مادہ کے ذریعے جذب کیے گئے اشعاع سے مطابقت رکھتے ہیں، چمکدار مسلسل طیف میں سیاہ خالی جگہیں چھوڑ دیتے ہیں۔

اخراجی یا انجدابی طیف کا مطالعہ طیف پیائی (Spectroscopy) کہلاتا ہے۔ مریٰ روشنی کا طیف، جیسا کہ اوپر بیان کیا جا پکا ہے، مسلسل تھا، کیونکہ اس طیف میں مریٰ روشنی کے تمام طول موج (سرخ سے والٹ تک) کی نمائندگی ہو رہی تھی۔ گیسی حالت (Gas Phase) میں ایٹم کے انجدابی طیف، اس کے برخلاف، سرخ سے والٹ تک تمام طول موج کا مسلسل چھیلا دنیں ظاہر کرتا بلکہ یہ صرف مخصوص طول موج کی روشنیاں ہی خارج کرتے ہیں اور ان کے درمیان سیاہ خالی جگہیں ہوتی ہیں۔ ایسے طیف، خطی طیف (Line Spectra) یا ایٹمی طیف کہلاتے ہیں کیونکہ خارج ہوئے اشعاع کی شناخت طیف میں چمکدار خطوط کے ظاہر ہونے کے ذریعے کی جاتی ہے (شکل 2.10)۔

ایکثر انی ساخت کے مطالعے میں خطی اخراجی طیف (Line spectra) ہے۔ مطالعہ میں ایٹم کے حال ہے۔ ہر عصر کا یکتا (emission spectra) بہت پچھپی کے حال ہے۔ ایٹم کے حال ہے۔ ایک اخراجی طیف ہوتا ہے۔ ایٹمی طیف میں مخصوص خطوط کیمیائی تجزیہ میں غیر معلوم عناصر کو شناخت کرنے کے لیے استعمال کیے جاسکتے ہیں۔ جس طرح ایگلوں کے نشانات کسی شخص کی شناخت کرنے میں استعمال ہوتے ہیں۔ ایک معلوم ایٹم کے اخراجی طیف کے خطوط کا ایک غیر معلوم نمونے کے خطوط سے درست مقابله کر کے آخر الذکر کی شناخت کی جاسکتی ہے۔ روبرٹ بنسن (Rober Bunsen) (1811-1899)، ایک جرم کیمیا داں، وہ پہلے شخص تھے جنہوں نے خطی طیف کو عناصر کی شناخت کے لیے استعمال کیا۔

روہیڈیم (Rubidium's Rb)، سینزیم (Cs)، تھالیم (Thallium's Tl) اور اسکنڈیم (Sc) جیسے عناصر اس وقت دریافت ہوئے جب ان کی معدنیات (Minerals) کا ایکٹر و اسکوپ طریقوں

ہوتی یہ تو اپنے اصل راستے سے محرف ہو جاتی ہے۔ یہ مشاہدہ کیا گیا ہے کہ جب سفید روشنی کی ایک شعاع اسی پر زم (Prism) میں سے گزاری جاتی ہے، تو مقابلاً کم طول موج کی لہر زیادہ طول موج والی لہر کے مقابلے میں زیادہ محرف ہوتی ہے۔ کیونکہ عام سفید روشنی، مریٰ ریش کی تمام طول موج پر مشتمل ہوتی ہے، اس لیے سفید روشنی کی ایک شعاع، پرزم میں سے گرفتہ پر نگینہ پیوں (Coloured Bands) کے ایک سلسلے کی شکل میں پھیل جاتی ہے، جسے طیف (Spectrum) کہتے ہیں۔ سرخ رنگ کی روشنی، جس کا طول موج سب سے زیادہ ہے، سب سے کم محرف ہوتی ہے، جبکہ والٹ (Violet) روشنی، جس کا طول موج سب سے کم ہے، سب سے زیادہ محرف ہوتی ہے۔ سفید روشنی کے طیف کی ریش جسے ہم دیکھ سکتے ہیں، والٹ (Violet) سے (تعداد:  $7.50 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ) سے سرخ (تعداد:  $4 \times 10^{14} \text{ Hz}$ ) تک ہوتی ہے۔ ایسے طیف کو مسلسل طیف (Continuous Spectrum) کہتے ہیں۔ مسلسل اس لیے کہتے ہیں کیونکہ والٹ، نیلے میں ضم ہو جاتا ہے، نیلا، ہرے میں اور اسی طرح اور آگے بھی۔ اسی طرح کا ایک طیف اس وقت بھی بتاتے جب آسمان میں قوس و قرح بنتی ہے۔ یاد رکھیے کہ مریٰ روشنی، برق مقناطیسی اشعاع کا ایک چھوٹا سا حصہ ہے (شکل 2.7)۔ جب برق مقناطیسی اشعاع، مادے سے باہمی گرعل کرتا ہے تو ایٹم اور سالمات تو انہی جذب کر سکتے ہیں اور تو انہی کی مقابلاً اوپری حالت (High Energy State) پر پہنچ سکتے ہیں۔ مقابلاً زیادہ تو انہی کے ساتھ، یہ غیر مشتمل حالت میں ہوتے ہیں۔ اپنی عام حالت (مقابلاً، زیادہ مشتمل، مقابلاً کم تو انہی کی حالتیں) پر واپس آنے کے لیے، ایٹم اور سالمات، اشعاع خارج کرتے ہیں، جو برق مقناطیسی طیف کے مختلف خطوط سے تعلق رکھتا ہے۔

### خارج اور انجداب طیف (Emission and Absorption spectrum)

ایسی شے کے ذریعے خارج کیا گیا طیف جس نے تو انہی جذب کی ہے، اخراج طیف (Emission Spectrum) کہلاتا ہے۔ ایٹم، سالمات اور آئین، جنہوں نے تو انہی جذب کی ہوتی ہے، مشتمل (Excited) کہلاتے ہیں۔ ایک اخراج طیف پیدا کرنے کے لیے، ایک نمونے (Sample) کو گرم کر کے یا اشعاع ریزی (Irradiated) کر کے، تو انہی مہیا کی جاتی ہے اور جب نمونہ جذب شدہ تو انہی خارج

کے ناموں پر رکھے گئے ہیں۔ بالمر (Balmer) نے 1885 میں تجرباتی مشاہدات کی بنا پر دکھایا کہ اگر اسکیٹر وا سکوپ خطوط کو لہر عدد ( $\bar{v}$ ) کی شکل میں ظاہر کیا جائے، تو ہائڈروجن طیف کے مرئی خطوط (Visible Line) (Visible Line) میں درجہ ذیل فارمولے کے طائع ہوتے ہیں:

$$(2.8) \quad \bar{v} = 109,677 \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right) \text{ cm}^{-1}$$

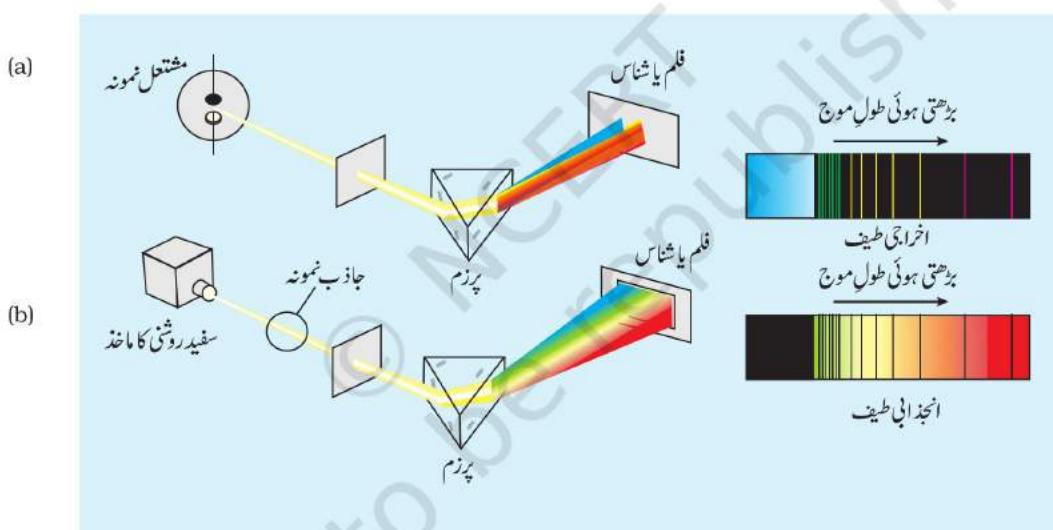
جہاں  $n$  ایک صحیح عدد (Integer) ہے جو 3 کے مساوی یا اس سے بڑا ہو سکتا ہے۔ یعنی کہ: .....  
 $n = 3, 4, 5, \dots$

اس فارمولہ سے بیان کیے جانے والے خطوط کا سلسہ بالمر سلسہ (Balmer Series) کہلاتا ہے۔ ہائڈروجن کے طیف میں خطوط کا

(Spectroscopic Methods) سے تجزیہ کیا گیا۔ عنصر ہیلیم (Helium'He) کی سورج میں موجودگی کی دریافت بھی اسکیٹر وا سکوپ طریقوں سے ہوئی۔

### ہائڈروجن کا خطی طیف (Line Spectrum of Hydrogen)

جب گیسی ہائڈروجن سے ایک برقی ڈیچارج گزرا جاتا ہے، تو  $H_2$  سالمہ کا افتراق (Dissociation) ہو جاتا ہے اور تو انائی کے اعتبار سے مشتعل ہائڈروجن ایٹم، مجرد فریکوئنسی (Discrete Frequencies) کا برق مقناطیسی اشعاع خارج کرتے ہیں۔ ہائڈروجن طیف خطوط کے کئی سلسوں پر مشتمل ہوتا ہے۔ جن کے نام انہیں دریافت کرنے والوں

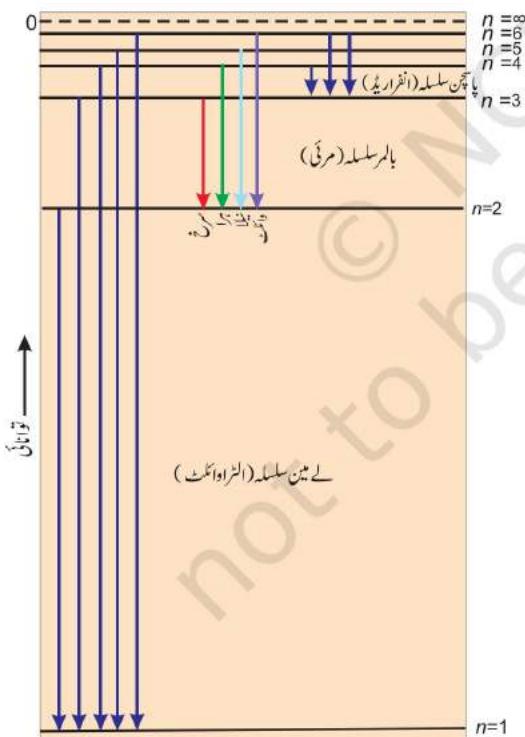


شکل 2.10 (a) ایٹمی اخراج مشتعل ہائڈروجن اینٹموں (یا کسی دوسرے عنصر) کے نمونے سے خارج ہوئی روشنی کو ایک پرزم سے گذارا جاتا ہے اور مخصوص مجرد طول موج میں علیحدہ کر لیا جاتا ہے۔ اس طرح ایک طیف، جو علیحدہ ہوئی طول موج کی فوٹو گرافلک ریکارڈنگ ہے، حاصل ہوتا ہے جو خطی طیف کہلاتا ہے۔ ایک مناسب سائز کے کسی بھی نمونے میں اینٹموں کی بہت بڑی تعداد ہوتی ہے۔ حالانکہ ایک واحد ایٹم کسی ایک خاص وقت پر صرف کسی ایک مشتعل حالت میں ہو سکتا ہے، اینٹموں کے مجموعہ میں تمام ممکنہ مشتعل حالتیں شامل ہوتی ہیں۔ ان اینٹموں کے مقابلتاً کم توانائی حالتوں میں گرنے سے خارج ہونے والی روشنی طیف کے لیے ذمہ دار ہے۔ (b) ایٹمی انجداب جب سفید روشنی غیر مشتعل ایٹمی ہائڈروجن سے گذاری جاتی ہے اور پھر ایک جھری (Prism) اور پرزم (Slit) سے گذاری جاتی ہے تو ترسیل شدہ روشنی (Transmitted Light) کی شدت (Intensity)، انہیں طولِ موج پر جو (a) میں خارج ہوئی تھیں، کے مقابلے میں کم ہوتی ہے۔ ریکارڈ کیا ہوا انجدابی طیف بھی ایک خطی طیف ہوتا ہے اور اخراجی طیف کا فوٹو گرافلک نگیتو ہوتا ہے۔

(i) ہائڈروجن ایم میں الیکٹران، نیکلیس کے گرد ایک معین نصف قطر اور توائی کے دائری راستے پر حرکت کر سکتے ہیں۔ یہ راستے مدار (Orbits)، سکونی حالتیں (Stationary States) یا منظور شدہ توائی حالتیں (Allowed Energy States) کہلاتے ہیں۔ یہ مدار نیکلیس کے گرد ہم مرکز شکل کھلاتے ہیں۔ یہ مدار ہم مرکز شکل کے (Concentrically) میں مرتب ہوتے ہیں۔

### جدول 2.3: اشی ہائڈروجن کے لیے اپکیٹر وا سکوپ خطوط

اپکیٹر وا سکوپ خط	$n_2$	$n_1$	سلسلہ
الٹراؤنٹ	2,3, ...	1	لے مین
مرنی	3,4, ...	2	بالمر
انفاریڈ	4,5, ...	3	پاسچن
انفاریڈ	5,6, ...	4	بریکٹ
انفاریڈ	6,7, ...	5	پی فنڈ



شکل 2.11 ہائڈروجن ایم میں الیکٹران کا عبور (Transitions) (ڈائیگرام میں ٹرانزیشن کے لیے مین، بالمر اور پاسچن سلسلے دکھاتے گئے ہیں)

بالمر سلسلہ ہی وہ واحد خطوط ہیں جو برق مقناطیسی طیف کے مرئی نطے میں ظاہر ہوتے ہیں۔ سوئن کے ماہر طیف پیانا جوہن رڈبرگ (Johannes Rydberg) نے بتایا کہ ہائڈروجن طیف کے تمام خطوط کے سلسلے مندرجہ ذیل عبارت سے بیان کیے جاسکتے ہیں:

$$(2.9) \quad \bar{v} = 109,677 \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right) \text{ cm}^{-1}$$

$$n_1 = 1, 2, \dots ;$$

$$n_2 = n_1 + 1, n_1 + 2, \dots$$

قدر  $109,677 \text{ cm}^{-1}$  ہائڈروجن کے لیے رڈبرگ مستقلہ کھلاتی ہے۔ خطوط کے پہلے پانچ سلسلے، جو  $n_1 = 1, 2, 3, 4, 5$  سے مطابقت رکھتے ہیں، بالتریب لین (Lyman)، بالمر (Balmer)، پاسچن (Paschen)، بریکٹ (Bracket) اور پی فنڈ (Fund) سلسلے کھلاتے ہیں۔ جدول 2.3 میں ہائڈروجن طیف کے لیے تریل کے یہ سلسلے دکھائے گئے ہیں۔

تمام عنصر میں ہائڈروجن ایم کا خطی طیف سب سے سادہ ہوتا ہے۔ بھاری ایٹموں کے لیے خطی طیف زیادہ سے زیادہ پیچیدہ ہوتا جاتا ہے۔ لیکن کچھ خاصیتیں ہیں جو تمام خطی طیف میں مشترک ہیں: (i) ہر عنصر کا خطی طیف دیکھا جاتا ہے۔ اور (ii) ہر عضر کے خطی طیف میں ایک باقاعدگی (Regularity) پائی جاتی ہے۔ اب جو سوال پیدا ہوتے ہیں، وہ ہیں: ان مشترک خاصیتوں کی کیا وجہات ہیں؟ کیا اس کا کچھ تعلق ایم کی الیکٹرانی ساخت سے ہے؟ یہ وہ سوال ہیں، جن کے جواب حاصل کرنے کی ضرورت ہے۔ ہم بعد میں معلوم کریں گے کہ ان سوالوں کے جواب ان عنصر کی الیکٹرانی ساخت کو سمجھنے کی بخشی فراہم کرتے ہیں۔

### 2.4 ہائڈروجن ایم کے لیے بوہر ماذل

نیل بوہر (Neils Bohr) وہ پہلے شخص تھے، جنہوں نے ہائڈروجن ایم کی ساخت اور اس کے طیف کی مقداری شکل میں وضاحت کی۔ حالانکہ ان کا نظریہ، جدید کوائم میکینکس نہیں ہے، پھر بھی یہ ایم کی ساخت اور طیف کے کئی نکتوں کو استدلائی بنانے کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے۔ ہائڈروجن ایم کے لیے بوہر ماذل مندرجہ ذیل بنیادی مفروضات (Postulates) پڑتی ہے:



**نیلس بوہر (Neils Bohr)**  
**(1885-1962)**

نیلس بوہر نے، ڈنمارک کے طبیعت دان تھے، 1911 میں کوپن ہیگن یونیورسٹی (University of Copenhagen) سے ڈاکٹریٹ حاصل کی۔ اس کے بعد انہوں نے ایک سال انگلینڈ میں جسے جسے تھامسن اور ارنیست ردرفورڈ کے ساتھ گزارا۔ 1913 میں وہ کوپن ہیگن واپس آگئے اور پھر زندگی کا بقیہ حصہ وہیں گزارا۔ 1920 میں انہیں انسٹی ٹیوٹ آف تھہوریکل فرکس کا ڈائرکٹر نامزد کیا گیا۔ پہلی عالمی جنگ کے بعد بوہر نے اپنی توانائی کے پرامل استعمال کے لئے بڑی محنت سے کام کیا۔ 1957 میں انہیں پہلا "Atoms for Peace" (امن کے لئے ایتم) انعام ملا۔ بوہر کو 1922 میں طبیعت کا نوبل انعام دیا گیا۔

شہد ہیں۔ اسی لیے صرف کچھ متعین مدار ہی منظور شدہ ہیں۔

سکونی حالتوں کی توانائی کو وضع (Derive) کرنے کی، بوہر کے ذریعے استعمال کی گئی، تفصیلات کافی پیچیدہ ہیں اور ان سے اعلیٰ درجات میں بحث جائے گی۔ پھر بھی، ہائڈروجن ایتم کے بوہر کے نظریے کے مطابق:

(a) الیکٹران کی سکونی حالتوں کو عدد دیے جاتے ہیں: ...  
n = 1, 2, 3, ...  
یہ صحیح اعداد (Integral Numbers) پر پہلی کوائم نمبر (Principal Quantum Numbers) کہلاتے ہیں  
(سیکشن 2.6.2)۔

(b) سکونی حالتوں کے صفت قدر مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

$$r_n = n^2 a_0$$

جہاں:  $a_0 = 52.9 \text{ pm}$  اس لیے پہلی سکونی حالت کا نصف قطر بوہر نصف قطر کہلاتا ہے جو کہ  $52.9 \text{ pm}$  ہے۔ عام طور سے ہائڈروجن ایتم میں الیکٹران اس مدار میں پایا جاتا ہے (یعنی کہ  $n = 1$ )۔ جیسے جیسے  $n$  بڑھتا جاتا ہے،  $r$  بھی بڑھتا جائے گا۔ دوسرے لفظوں میں الیکٹران نیوکلیس سے دور پایا جائے گا۔

(c) الیکٹران سے مسلک سب سے اہم خاصیت، اس کی سکونی حالت کی توانائی ہے۔ یہ مندرجہ ذیل عبارت سے ظاہر کی جاتی ہے:

(ii) ایک مدار میں الیکٹران کی توانائی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی۔ لیکن ایک الیکٹران، ایک چلی سکونی حالت سے اوپری سکونی حالت میں حرکت کرے گا، جب وہ توانائی کی مطلوبہ مقدار جذب کرے گا یا جب الیکٹران اوپری سکونی حالت سے چلی سکونی حالت میں حرکت کرتا ہے تو توانائی خارج ہوتی ہے (مساویات 2.6)۔ توانائی کی تبدیلی مسلسل طور پر نہیں ہوتی۔

### زاویائی معیار حرکت

جس طرح خطی تحرک (Linear Momentum) کیت 'm' اور خطی رفتار 'v' کا حاصل ضرب ہے، بالکل اسی طرح زاویائی تحرک، استمراری گردش (Moment of Inertia) اور زاویائی رفتار (Angular Velocity) کا حاصل ضرب ہے۔ ایک  $m_e$  کیت کے الیکٹران کے لیے، جو نیوکلیس کے گرد،  $r$  نصف قطر کے دائری راستے پر حرکت کر رہا ہے،

(Angular Momentum)  $I = I \times \omega$

$$(جہاں v \text{ خطی رفتار ہے})$$

$$I = m_e r^2, \omega = v/r = m_e r^2 \times v / r = m_e v r$$

(iii) ”سکونی حالتوں کے درمیان، جن کا توانائی کا فرق  $\Delta E$  ہے، جب ٹرانزیشن (Transition) ہوتا ہے تو جذب یا خارج ہونے والے اشعاع کی فریکیونسی کو اس طرح ظاہر کیا جاتا ہے:

$$(2.10) \quad v = \frac{\Delta E}{h} = \frac{E_2 - E_1}{h}$$

جہاں  $E_1$  اور  $E_2$ ، چلی اور اوپری منظور شدہ توانائی حالتوں کی توانائیاں ہیں۔ یہ عبارت عام طور سے بوہر کے فریکیونسی کے قاعدے کے طور پر جانی جاتی ہے۔

(iv) ایک دی ہوئی سکونی حالت میں ایک الیکٹران کا زاویائی معیار حرکت مساوات (2.11) کے ذریعے ظاہر کیا جاسکتا ہے۔

$$(2.11) \quad m_e v r = n \cdot \frac{h}{2\pi} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

اس طرح ایک الیکٹران صرف انہیں مداروں میں حرکت کر سکتا ہے، جن کے لیے اس کا زاویائی معیار حرکت  $h/2\pi$  کا صحیح عددی ضعف

(d) بہر نظریہ کا اطلاق ان آئیونوں پر بھی ہو سکتا ہے، جن میں ہاندروجن ایم کی طرح صرف ایک الیکٹران ہوتا ہے۔ مثال کے طور پر  $\text{He}^+$ ,  $\text{Li}^{2+}$ ,  $\text{Be}^{3+}$  اور اسی طرح اور اس قسم کے آئیون سے مسلک (جو ہاندروجن جیسی انواع بھی کھلاتے ہیں)، سکونی حالتوں کی تو انہیں مندرجہ ذیل عبارت کے ذریعے ظاہر کی جاتی ہیں:

$$(2.14) \quad E_n = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{Z^2}{n^2} \right) \text{J}$$

اور نصف قطر اس عبارت سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

$$(2.15) \quad r_n = \frac{52.9(n^2)}{Z} \text{ pm}$$

جہاں  $Z$  ایئی عدد ہے اور ہیلیم و ینٹھیم ایٹھوں کے لیے اس کی قدر بالترتیب، 2 اور 3 ہے۔ مندرجہ بالامساوات سے یہ ظاہر ہو جاتا ہے کہ  $Z$  میں اضافے کے ساتھ تو انہی کی قدر اور زیادہ منفی ہو جاتی ہے اور نصف قطر کی قدر اور کم ہو جاتی ہے۔ جس کا مطلب ہے کہ الیکٹران نیوکلیس کے ساتھ زیادہ مضبوطی سے بندھا ہوا ہوگا۔

(e) ان مداروں میں حرکت کر رہے الیکٹرانوں کی رفتاروں کا حساب لگانا بھی ممکن ہے۔ حالانکہ بالکل درست مساوات یہاں نہیں دی جاتی ہے، کیفیتی طور پر، الیکٹران کی رفتار کی عددي قدر میں، نیوکلیس پر ثابت بر قی چارج میں اضافہ کے ساتھ، اضافہ ہوتا ہے اور پرپل کوائم نمبر میں اضافہ کے ساتھ، کمی ہوتی ہے۔

#### 2.4.1 ہاندروجن کے خطی طیف کی وضاحت

#### (Explanation of Line Spectrum of Hydrogen)

ہاندروجن ایم کے مشابہ کے گئے خطی طیف کی (جسے سیشن 2.3.3 میں بیان کیا گیا ہے) بہر ماڈل استعمال کرتے ہوئے، مقداری شکل میں وضاحت کی جاسکتی ہے۔ مفروضہ 2 کے مطابق، اشعاع (تو انہی) کا انجداب ہوتا ہے اگر الیکٹران مقابلاً چھوٹے پرپل کوائم نمبر کے مدار سے بڑے پرپل کوائم نمبر کے مدار میں حرکت کرے، جبکہ اشاعع (تو انہی) خارج ہوتی ہے اگر الیکٹران مقابلاً اوپر مدار سے خلپے مدار میں حرکت کرتا ہے۔ دونوں مداروں کے درمیان تو انہی فصل (Energy Gap) کے مساوات (2.16) سے ظاہر کیا جاتا ہے:

$$(2.13) \quad E_n = -R_H \left( \frac{1}{n^2} \right) \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

جہاں  $R_H$  رڈبرگ مستقلہ کھلاتا ہے اور اس کی قدر  $2.18 \times 10^{-18} \text{ J}$  ہے۔ سب سے تخلی حالت، (جو کہ گراونڈ اسٹیٹ (Ground State) بھی کھلاتی ہے) کی تو انہی ہے:

$$E_1 = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{1}{1^2} \right) = -2.18 \times 10^{-18} \text{ J}$$

کے لیے سکونی حالت کی تو انہی ہوگی:

$$E_2 = -2.18 \times 10^{-18} \left( \frac{1}{2^2} \right) = -0.545 \times 10^{-18} \text{ J}$$

شکل 11.2 میں ہاندروجن ایم کی مختلف سکونی حالتوں کی تو انہیں یا انہی لیول دھائے گئے ہیں۔ یہ اظہار انہی لیول ڈائیگرام کھلاتا ہے۔

ہاندروجن ایم کے لیے منفی الیکٹرانی تو انہی (E<sub>n</sub>) کا کیا مطلب ہے؟ باہر نظریہ میں ایک ایٹھوں کی تو انہی کی علامت تمام مکانہ مدار کے لیے منفی ہے (مساویات 2.13)۔ یہ منفی علامت کیا ظاہر کرتی ہے؟ اس منفی علامت کا مطلب ہے کہ ایٹھوں میں الیکٹران کی تو انہی، ایک حالت سکون (rest) میں آزاد الیکٹران کی تو انہی کے مقابلے میں کم ہوتی ہے۔ حالت سکون میں ایک آزاد (free) الیکٹران، نیوکلیس سے لاتسائی فاصلے پر ہوتا ہے اور اس کے لیے تو انہی کی قدر صفر، مخصوص کی گئی ہے۔ ریاضیاتی طور پر، یہ مساوات (2.13) میں  $n = \infty$  رکھنے سے مطابقت رکھتا ہے، اس طرح کہ  $E_{\infty} = 0$  ایک ایٹھان جیسے جیسے نیوکلیس کے قریب تر ہوتا جاتا ہے (جیسے جیسے کم ہوتا جاتا ہے اور مزید منفی مطلق قدر (Absolute Value) میں بڑھتی جاتی ہے اور مزید منفی ہوتی جاتی ہے۔ سب سے زیادہ منفی تو انہی کی قدر  $n = 1$  سے دی جاتی ہے، جو سب سے زیادہ منظم مدار سے مطابقت رکھتی ہے۔ ہم اسے گراونڈ اسٹیٹ (Ground State) کہتے ہیں۔

جب الیکٹران نیوکلیس کے اڑ سے آزاد ہوتا ہے تو تو انہی کو صفر لیا جاتا ہے۔ اس صورت میں الیکٹران سے،  $n = \infty$  پرپل کوائم نمبر کی سکونی حالت مسلک کی جاتی ہے۔ جب الیکٹران نیوکلیس کے زیر کش ہوتا ہے اور مدار  $n$  میں پایا جاتا ہے، تو تو انہی خارج ہوتی ہے اور اس کی تو انہی کم ہوجاتی ہے۔ مساوات (2.13) میں منفی علامت کی موجودگی کی یہی وجہ ہے اور یہ صفر تو انہی کی حوالہ حالت اور  $n = \infty$  کی مناسبت سے اس کے استحکام (Stability) کو ظاہر کرتی ہے۔

بہت بڑی تعداد حاصل ہوتی ہے۔ اپنیکٹر و اسکوپ کخطوط کی چمک یا شدت، جذب ہونے یا خارج ہونے والے، یکساں طول موج یا فریکوئنسی کے فوٹانوں کی تعداد پر مختص ہے۔

### مسئلہ 2.10

ہائڈروجن ایٹم میں  $n_f = 5$  حالت سے  $n_i = 2$  حالت میں ٹرانزیشن کے دوران خارج ہونے والے فوٹان کی طول موج اور فریکوئنسی کیا ہوں گے؟

حل

کیونکہ،  $n_f = 5$  اور  $n_i = 2$  اس لیے یہ ٹرانزیشن، بالمرسلہ کے مرئی خط میں اپنیکٹر و اسکوپ خط دیتا ہے۔ مساوات (2.17) سے

$$\Delta E = 2.18 \times 10^{-18} J \left[ \frac{1}{5^2} - \frac{1}{2^2} \right] \\ = -4.58 \times 10^{-19} J$$

یہ ایک اخراجی توانائی ہے۔

فوٹان کی فریکوئنسی (توانائی کو اس کی عددی قدر کی شکل میں لیتے ہوئے) مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کی جاتی ہے۔

$$v = \frac{\Delta E}{h} \\ = \frac{4.58 \times 10^{-19} J}{6.626 \times 10^{-34} Js} \\ = 6.91 \times 10^{14} Hz$$

$$\lambda = \frac{c}{v} = \frac{3.0 \times 10^8 m s^{-1}}{6.91 \times 10^{14} Hz} = 434 nm$$

### مسئلہ 2.11

$He^+$  کے پہلے مدار سے نسلک توانائی کا حساب لگائیے۔ اس مدار کا نصف قطر کیا ہے؟

حل

$$E_n = -\frac{(2.18 \times 10^{-18} J)Z^2}{n^2} atom^{-1}$$

$$E = 1, Z = 2: He^+$$

$$E_1 = -\frac{(2.18 \times 10^{-18} J)(2^2)}{1^2} = -8.72 \times 10^{-18} J$$

$$(2.16) \quad \Delta E = E_f - E_i$$

مساویات (2.13) اور (2.16) کو ملانے پر

$$(2.17) \quad \Delta E = \left( -\frac{R_H}{n_f^2} \right) - \left( -\frac{R_H}{n_i^2} \right)$$

(Initial) اور اختتامی (Final) مداروں کو ظاہر کرتے ہیں۔

$$\Delta E = R_H \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) = 2.18 \times 10^{-18} J \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$(2.17)$$

فوٹان کے انجداب اور اخراج سے نسلک فریکوئنسی ( $v$ ) کو مساوات (2.18) کی مدد سے معلوم کیا جاسکتا ہے۔

$$(2.18) \quad v = \frac{\Delta E}{h} = \frac{R_H}{h} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) \\ = \frac{2.18 \times 10^{-18} J}{6.626 \times 10^{-34} Js} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$(2.19) \quad = 3.29 \times 10^{15} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) Hz$$

اور اب عدد ( $\bar{v}$ ) کی شکل میں:

$$(2.20) \quad \bar{v} = \frac{v}{c} = \frac{R_H}{hc} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) \\ = \frac{3.29 \times 10^{15} s^{-1}}{3 \times 10^8 ms^{-1}} \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right)$$

$$(2.21) \quad = 1.09677 \times 10^7 \left( \frac{1}{n_i^2} - \frac{1}{n_f^2} \right) m^{-1}$$

انجدابی طیف کی صورت میں  $n_f > n_i$  اور قوسین (Paranthesis) میں دیا ہوا رکن (Term) ثابت ہے اور توانائی جذب ہو رہی ہے۔ دوسری طرف، اخراجی طیف کی صورت میں:  $n_i > n_f$ ،  $\Delta E$  منفی ہے اور توانائی خارج ہو رہی ہے۔

عبارت (2.17) اس عبارت جیسی ہے جو رذبرگ نے اس وقت (empirically) دستیاب تجرباتی اعداد و شمار کو استعمال کر کے آزمائشی طور پر وضع (Derive) کی تھی (مساویات 2.9)۔ مزید، ہر ایک اپنیکٹر و اسکوپ خط، چاہے وہ انجدابی طیف میں ہو یا اخراجی طیف میں، ہائڈروجن ایٹم میں ہونے والے کسی مخصوص ٹرانزیشن (Transition) سے نسلک کیا جاسکتا ہے۔ اگر ہائڈروجن ایٹم کی بہت بڑی تعداد ہو تو مختلف ممکنہ ٹرانزیشن کا مشاہدہ کیا جاسکتا ہے اور اس لیے اپنیکٹر و اسکوپ خطوط کی بھی

- 1 - مادہ کا دھرا طرز عمل
- 2 - ہائزنبرگ کا عدم یقینی اصول

### 2.5.1 مادہ کا دھرا طرز عمل (Dual Behaviour of Matter)

1924ء میں فرانسیسی طبیعتیات داں، ڈی۔ برائلی (De Broglie) نے تجویز پیش کی کہ اشعاع کی طرح، مادے کو بھی وہرے طرز عمل کا اظہار کرنا چاہیے، یعنی کہ ذرہ اور لہر جیسی، دونوں قسم کی خاصیتیں ظاہر کرنا چاہیے۔ اس کا مطلب ہے کہ جیسے فوتان کا معیار حرکت بھی ہوتا ہے اور طول موج بھی، اسی طرح الیکٹرونوں کا معیار حرکت بھی ہونا چاہیے اور طول موج بھی۔ اس مماثلت (Analogy) سے، ڈی۔ برائلی نے ایک مادی ذرہ کے طول موج ( $\lambda$ ) اور معیار حرکت ( $p$ ) کے درمیان مندرجہ ذیل رشتہ دیا:

$$(2.22) \quad \lambda = \frac{h}{mv} = \frac{h}{p}$$

جہاں  $m$  ذرہ کی کیمیت ہے،  $v$  اس کی رفتار ہے اور  $p$  اس کا معیار حرکت ہے۔ ڈی۔ برائلی کی پیشین گوئی تجربہ سے اس وقت ثابت ہوئی جب ایک الیکٹران ہم کے انصراف (Diffraction) کا مشاہدہ کیا گیا۔ اس معلومات کا استعمال الیکٹران مائیکروسکوپ بنانے میں کیا گیا، جو بالکل اسی طرح الیکٹران کی لہریائی خصوصیت پر منحصر ہے، جس طرح کہ عام

مدار کا نصف قطر مساوات (2.15) سے دیا جاتا ہے:

$$r_n = \frac{(0.0529 \text{ nm})n^2}{Z}$$

کیونکہ:  $n = 1, Z = 2$

$$r_1 = \frac{(0.0529 \text{ nm})1^2}{2} = 0.02645 \text{ nm}$$

### 2.4.2 بوہر ماڈل کی حدود (Limitations of Bohr's Model)

بوہر کا ہائدروجن ایم کا ماڈل یقیناً دروفروڑ کے نیکیائی ماڈل سے بہتر تھا، کیونکہ یہ ایم کے استحکام اور ہائدروجن ایم کے دو نزدیکی خطوط کے خطي طفیلوں کی وضاحت کرنے میں کامیاب تھا۔ لیکن بوہر ماڈل اتنا سادہ تھا کہ مندرجہ ذیل نکات کی وضاحت نہیں کرسکتا:

(i) یہ ہائدروجن ایم طفیل کی ان باریک تفصیلات کی وضاحت کرنے میں ناکام رہا ڈبلیٹ (Doublet) [یعنی کہ دو نزدیکی خطوط] جو طفیل پیکائی کی اور بہتر تکنیکوں کے استعمال سے سامنے آئیں۔ یہ ماڈل، ہائدروجن کے علاوہ اور کسی عصر کے طفیل کی وضاحت کر سکتے میں کامیاب نہیں رہا، جیسے ہیکیم ایم، جس میں صرف 12 الیکٹران ہوتے ہیں۔ مزید، بوہر کا نظریہ، مقناطیسی میدان کی موجودگی میں (Zeeman Effect) یا بر قی میدان (Stark Effect) کی موجودگی میں اپکیٹ واکوپ خطوط کی علیحدگی (Splitting) کی بھی وضاحت بھی نہیں کرسکتا۔

(ii) یہ ایم کی کیمیائی بندشوں کے ذریعے، سالمات تشکیل دینے کی صلاحیتوں کی وضاحت نہیں کرسکتا۔

دوسرے لفظوں میں، اوپر دیے ہوئے نکات کو سامنے رکھتے ہوئے، ہمیں ایک بہتر نظریہ کی ضرورت ہے جو یقیدہ ایم کی ساخت کی اہم خاصیتوں کی وضاحت کر سکے۔

### 2.5 ایم کے کوئی میکانیکی ماڈل کی سمت (Towards Quantum Mechanical Model of the Atom)

بوہر ماڈل کی خامیوں کے پیش نظر، ایم کے لیے ایک زیادہ مناسب اور عمومی ماڈل تیار کرنے کی کوششیں کی گئیں۔ دو اہم اکتشافات، جنہوں نے ایسے ماڈل کی تشکیل میں اہم حصہ لیا وہ تھے:



لوئیس ڈی برائلی (1892-1987)

لوئیس ڈی برائلی (Louis de Broglie)، ایک فرانسیسی طبیعتیات داں (1910ء کے شروعاتی یورپ میں بی۔ اے کے طالب علم کی حیثیت سے تاریخ کا مطالعہ کیا۔ پہلی عالمی جنگ 1914ء کے دوران جب ان کی تقریری ریڈیو ترسیل میں ہوئی تو انہیں سائنس میں دلچسپی پیدا ہوئی۔ انہوں نے پیرس یونیورسٹی (Paris University) سے 1924ء میں سائنس میں ڈاکٹریٹ کی ڈگری (Dr. Sc) حاصل کی۔ وہ 1932ء سے ملازمت سے سبکدوش ہونے تک (1962ء)، پیرس یونیورسٹی میں نظریاتی طبیعتیات کے پروفیسر رہے۔ انہیں 1929ء میں طبیعتیات کا نوبل انعام دیا گیا۔

$$= 812 \text{ ms}^{-1}$$

$$\lambda = \frac{h}{m v} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg})(812 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 8967 \times 10^{-10} \text{ m} = 896.7 \text{ nm}$$

### مسئلہ 2.14

ایک فوٹان کی کمیت معلوم کیجیے، جس کا طول موج  $3.6\text{\AA}$  ہے

$$\text{حل: } \lambda = 3.6\text{\AA} = 3.6 \times 10^{-10} \text{ m}$$

روشنی کی رفتار = فوٹان کی رفتار

$$m = \frac{h}{\lambda v} = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(3.6 \times 10^{-10} \text{ m})(3 \times 10^8 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 6.135 \times 10^{-29} \text{ kg}$$

### 2.5.2 ہائزنبرگ کا عدم یقینی اصول (Heisenberg's Uncertainty Principle)

ایک جرمن طبیعتیات داں، ورنر ہائزنبرگ (Werner Heisenberg) نے 1927 میں عدم یقینی اصول (Uncertainty Principle) پیاں کیا، جو مادے اور اشاعع کی دھری طبع کا نتیجہ ہے۔ اس کا بیان ہے کہ ”ایک الیکٹران کا بالکل درست مقام اور بالکل درست معیار حرکت (یا رفتار)، ہمہ وقت (simultaneously) معلوم کرنا ناممکن ہے：“

ریاضیاتی شکل میں اسے مساوات (2.23) کے ذریعے بیان کیا جاسکتا ہے۔

$$(2.23) \quad \Delta x \times \Delta p_x \geq \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta x \times \Delta(mv_x) \geq \frac{h}{4\pi} \quad \text{یا}$$

$$\Delta x \times \Delta v_x \geq \frac{h}{4\pi m} \quad \text{یا}$$

جہاں  $\Delta x$  ذرے کے مقام میں عدم یقینی ہے اور  $\Delta p_x$  (یا  $\Delta v_x$ ) ذرے کے معیار حرکت (یا رفتار) میں عدم یقینی ہے۔ اگر ایک الیکٹران کا مقام زیادہ درجہ کی درستی صحت کے ساتھ معلوم ہے ( $\Delta x$  چھوٹا ہے)، تو

مائکروسکوپ (خود بین) میں روشنی کی لہر فطرت کا استعمال کیا جاتا ہے۔ ایک الیکٹران مائکروسکوپ، جدید سائنسی تحقیق میں استعمال ہونے والا ایک موثر آلہ ہے کیونکہ اس کے ذریعے تقریباً 15 ملین گناہکبیر (Magnification) حاصل کی جاسکتی ہے۔

یہ نوٹ کرنا بہت اہم ہے کہ ڈی۔ برالگی کے مطابق، حرکت کرتی ہوئی ہر ایک شے میں لہر خاصیت پائی جاتی ہے۔ عام اشیاء سے مسلک طول موج اتنے چھوٹے ہیں (ان کی زیادہ کیت کی وجہ سے) کہ ان کی لہر خاصیت شناس نہیں کی جاسکتی۔ الیکٹران اور دوسرے ذیلی ایئمی ذرات (جن کی کمیت بہت کم ہوتی ہے) سے مسلک طول موج کو تجربات کے ذریعے شناس کیا جاسکتا ہے۔ مندرجہ ذیل مسئلہ سے حاصل ہونے والے نتائج اس عکتہ کو یقینی طور سے ثابت کرتے ہیں۔

### مسئلہ 2.12

کمیت کی ایک گیند کی طول موج کیا ہوگی، جبکہ وہ  $10 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے حرکت کر رہی ہو۔

حل

ڈی۔ برالگی مساوات (2.22) کے مطابق

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{(6.626 \times 10^{-34} \text{ Js})}{(0.1 \text{ kg})(10 \text{ m s}^{-1})}$$

$$= 6.626 \times 10^{-34} \text{ m} (\text{J} = \text{kg m}^2 \text{ s}^{-2})$$

### مسئلہ 2.13

ایک الیکٹران کی کمیت  $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$  ہے۔ اگر اس کی حرکی توانائی  $3.0 \times 10^{-25} \text{ J}$  ہے تو اس کے طول موج کا حساب لگائیے۔

حل

کیونکہ

$$\text{K.E.} = \frac{1}{2} mv^2$$

$$v = \left( \frac{2 \text{ K.E.}}{m} \right)^{1/2} = \left[ \frac{2 \times 3.0 \times 10^{-25} \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2}}{(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg})} \right]^{1/2}$$

اور اگر ہمیں یہ بھی معلوم ہو کہ اس لمحہ وقت پر اس کی رفتار کیا ہے اور اس پر کون سی قوتیں کام کر رہی ہیں، تو ہم بتا سکتے ہیں کہ کچھ دیر بعد، ایک دوسرے لمحہ وقت پر، وہ جسم کہاں ہو گا۔ اس لیے ہم یہ نتیجہ اخذ کرتے ہیں کہ ایک شے کا مقام اور اس کی رفتار، اس شے کا خطِ حرکت متعین کرتے ہیں۔ کیونکہ ایک ذیلی ائمی شے جیسے ایک الکٹران، کے لیے یہ ممکن نہیں ہے، کہ کسی دیے ہوئے لمحہ وقت پر، اس کا مقام اور اس کی رفتار، یہ سہ وقت (Arbitrary) ایک اختیاری (Arbitrary) درستگی صحت (Precision) کے ساتھ معلوم کی جاسکے، اس لیے ایک الکٹران کے خطِ حرکت کی بات کرنا بھی ممکن نہیں ہے۔

ہائرنگ کے عدم پتیں اصول کا اثر صرف خور دینی اشیا (Microscopic Objects) کے لیے ہی اہم ہے اور کلائ اشیا (Macro Objects) کے لیے قابل نظر انداز ہے۔ اسے مندرجہ ذیل مثال سے سمجھا جاسکتا ہے۔

اگر عدم یقین اصول کا اطلاق ایک ایسی شے پر کیا جائے، جس کی کمیت، مان لیجیے، ایک ملی گرام ( $10^{-6}$  kg) کے قریب ہے، تو

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{\hbar}{4\pi m}$$

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.1416 \times 10^{-6} \text{ kg}} \approx 10^{-28} \text{ m}^2 \text{s}^{-1}$$

حاصل ہوئی  $\Delta v \Delta x$  کی قدر بہت زیادہ چھوٹی ہے لہذا غیر اہم ہے۔ اس لیے ہم کہہ سکتے ہیں کہ ملی گرام ناپ کی یا اس سے بھاری اشیا کے ساتھ شکل عدم یعنی حقیقی قابل لحاظ اثر نہیں ڈال سکیں۔

دوسری طرف، ایک الیکٹران جیسے خود مبینی ذرہ کے لیے، حاصل ہونے والی  $\Delta v \cdot \Delta x$  کی قدر اس سے کہیں زیادہ ہے اور عدم یقینی حقیقت میں موثر ہیں۔ مثال کے طور پر، ایک الیکٹران، جس کی کیمیت  $9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}$  ہے، کے لیے، ہائزنبرگ عدم یقینی اصول کے مطابق:

$$\Delta v \cdot \Delta x = \frac{\hbar}{4\pi m}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.1416 \times 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}}$$

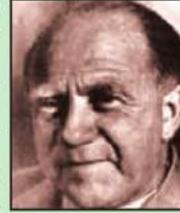
$$= 10^{-4} \text{ m}^2 \text{s}^{-1}$$

ایکٹران کی رفتار غیر لینی ہوگی  $(v_x)$  اور دستی سخت کے ساتھ معلوم ہے،  $(v_x)$  چھوٹا ہے ا تو ایکٹران کا مقام غیر لینی ہوگا  $(\Delta x)$  اس لیے اگر ہم ایکٹران کا مقام اور اس کی رفتار معلوم کرنے کے لیے کوئی طبی پیاس کریں تو نتیجہ میں حاصل ہونے والی تصور بیمہ و دستی اور غیر واضح ہوگی۔

عدم لینینی اصول کو ایک مثال کے ذریعے سب سے اچھی طرح سمجھا جاسکتا ہے۔ فرض کیجیے کہ آپ کو ایک کاغذ کی موٹائی ایسی میٹر چھڑ سے ناپنے کے لیے کہا گیا ہے، جس پر نشانات لگے ہوئے نہیں ہیں۔ ظاہر ہے کہ آپ جو متناسخ حاصل کریں گے وہ بہت زیادہ غیر درست اور بے معنی ہوں گے۔ کچھ بھی درستگی صحت حاصل کرنے کے لیے، آپ کو چاہیے کہ آپ ایسا آہم استعمال کریں، جس پر کاغذ کی موٹائی سے چھوٹی اکائیوں کے نشانات لگے ہوں۔ اس مماثلت کے مطابق، ایک الیکٹران کا مقام معلوم کرنے کے لیے ہمیں ایسی میٹر چھڑ استعمال کرنا لازمی ہے جس میں لگے ہوئے نشانات کی اکائیاں، الیکٹران کے ابعاد (Dimension) سے چھوٹی ہوں۔ (یہ بات ذہن میں رکھیں کہ الیکٹران کو ایک نقطہ چارج مانا جاتا ہے اور اس لیے اس کا کوئی ابعاد نہیں ہے۔) ایک الیکٹران کا مشاہدہ کرنے کے لیے ہمیں اسے روشنی یا برق متناطیسی اشعاع سے منور کرنا پڑے گا۔ ضروری ہے کہ استعمال کی جانے والی روشنی کا طولی موج الیکٹران کے ابعاد سے چھوٹا ہو۔ ایسی روشنی کے زیادہ معیار حرکت والے فوتان  $\frac{h}{\lambda} = [p]$ ، الیکٹرانوں سے نکلا کر ان کی توانائی تبدیل کر دیں گے۔ اس عمل کے دوران، ہم بے شک، الیکٹران کے مقام کا حساب تو لگا سکیں گے، لیکن تصادم کے بعد الیکٹران کی رفتار کے بارے میں بہت کم جاننا ممکن گے۔

**عدم یقینی کے اصول کی اہمیت** (Significance of Uncertainty Principle) ہانز برگ کے عدم یقینی کے اصول کا ایک اہم نتیجہ یہ ہے کہ یہ الیکٹران اور اس میں دوسرے ذرات کے متعین راستوں اور خطوط حرکت کی موجودگی کو خارج کرتا ہے۔ ایک شے کا خط (Trajectories) حرکت، مختلف لمحات پر، اس کے مقام اور اس کی رفتار کے ذریعے معلوم کیا جاتا ہے۔ اگر ہمیں یہ معلوم ہو کہ ایک خاص لمحوں پر ایک جسم کہاں ہے

ورنر ہائز نبرگ (1901-1976) نے 1923 میں میونخ یونیورسٹی سے طبیعتیات میں بھی ایچ-ڈی۔ کی سند حاصل کی۔ اس کے بعد انہوں نے ایک برس گوتینجن (Gottingen) میں میکس بورن کے ساتھ اور تین برس کوپن ہیگن میں نیلس بوہر کے ساتھ کام کرتے ہوئے گزارے۔ وہ 1927 سے 1941 تک لیپزیگ (Leipzig) یونیورسٹی میں طبیعتیات کے پروفیسر رہے۔ عالمی جنگ II کے دوران ہائز نبرگ کی ایتم بم پر جرمن رسروج کے انچارج رہے۔ جنگ کے بعد انہیں گوتینجن میں میکس پلانٹ انسٹی ٹیوٹ فار فرکس کا ڈائٹرکٹر نامزد کیا گیا۔ وہ ایک ماہر کوہ پیما بھی تھے۔ ہائز نبرگ کو 1932 میں طبیعتیات کا نوبل انعام دیا گیا۔



### مسئلہ 2.16

ایک گولف گینڈ کی میٹ 40g اور چال  $45 \text{ m/s}$  ہے۔ اگر چال 2% کی درستی صحت کے ساتھ تابی جاسکتی ہے، تو اس کے مقام میں عدم قیمتی کا حساب لگائیے۔

### حل

چال میں عدم قیمتی 2% ہے، یعنی کہ

$$45 \times \frac{2}{100} = 0.9 \text{ m s}^{-1}$$

مساویات: (2.2) استعمال کرتے ہوئے

$$\Delta x = \frac{h}{4\pi m \Delta v}$$

$$= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.14 \times 40 \text{ g} \times 10^{-3} \text{ kg g}^{-1} (0.9 \text{ m s}^{-1})} \\ = 1.46 \times 10^{-3} \text{ m}$$

یقینیاً ایک ایشی نیوکلیس کے قطر سے تقریباً  $10^{18}$  گناہ چھوٹی ہے۔ جیسا کہ اوپر بیان کیا جا چکا ہے، بڑے ذرات کے لیے، عدم قیمتی اصول، پیائشوں کی درستی صحت کے لیے کوئی بامعنی حد و نہیں قائم کرتا۔

### بوہر ماؤل کی ناکامی کے اسباب (Reasons for the Failure of the Bohr Model)

اب ہم بوہر ماؤل کی ناکامی کے اسباب سمجھ سکتے ہیں۔ بوہر ماؤل میں ایک ایکٹران کو ایک چارج شدہ ذرہ مانا جاتا ہے۔ جو نیوکلیس کے گرد دائری مداروں میں حرکت کر رہا ہے۔ بوہر ماؤل میں ایکٹران کی لہر فطرت کا لاملا ظاہر نہیں رکھا جاتا۔ مزید یہ کہ مدار ایک بخوبی معرف راستہ ہے اور اس

اس کا مطلب ہے کہ اگر کوئی شخص ایکٹران کا مقام، صرف  $10^{-8} \text{ m}$  کی عدم قیمتی کے ساتھ، معلوم کرنا چاہتا ہے، تو اس کی رفتار میں عدم قیمتی  $\Delta v$  ہوگی:

$$\frac{10^{-4} \text{ m}^2 \text{s}^{-1}}{10^{-8} \text{ m}} \approx 10^{+4} \text{ m s}^{-1}$$

جو اتنی زیادہ ہے کہ بوہر کے مداروں (معین) میں گھومتے ہوئے ایکٹرانوں کی کالائیکی تصویر درست نہیں ہو سکتی۔ اس کا مطلب ہے کہ ایکٹرانوں کے مقام اور ان کی رفتار کے بالکل درست پیانوں کو، اختلال (Probability) کے ان بیانات سے تبدیل کرنا ہوگا۔ جو ایکٹران کے لیے دیے ہوئے مقام یا معیار حرکت کا ہے۔ ایتم کے کوئی میکانیکی ماؤل میں بھی ہوتا ہے۔

### مسئلہ 2.15

ایک ایتم میں  $0.1 \text{ \AA}$  کے فاصلے کے اندر ایک ایکٹران کا مقام متعین کرنے کے لیے ایک خود میں استعمال کیا جاتا ہے، جس میں مناسب فوٹان استعمال کیے جاتے ہیں۔ اس کی رفتار کی پیمائش میں کتنی عدم قیمتی شامل ہوگی؟

### حل

$$\Delta x \Delta p = \frac{h}{4\pi} \quad \text{or} \quad \Delta x m \Delta v = \frac{h}{4\pi}$$

$$\Delta v = \frac{h}{4\pi \Delta x m}$$

$$\Delta v = \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ Js}}{4 \times 3.14 \times 0.1 \times 10^{-10} \text{ m} \times 9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}} \\ = 0.579 \times 10^7 \text{ m s}^{-1} \quad (1 \text{ J} = 1 \text{ kg m}^2 \text{ s}^{-2}) \\ = 5.79 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}$$

ایک اسٹریانی طبیعتی دان، ارون شرو ڈنگر (Erwin Schrodinger) نے 1910 میں نظریاتی طبیعتی میں وینا یونیورسٹی (University of Vienna) سے پی-ایچ-ڈی کی سند حاصل کی۔ 1927 میں شرو ڈنگر نے برلن یونیورسٹی میں میکس پالانک (Max Planck) کی درخواست پر ان کی جگہ لی۔ 1933 میں شرو ڈنگر نے برلن چھوڑ دیا کیونکہ وہ هتلر اور نازی پالیسیوں کے خلاف تھے اور 1936 میں آسٹریا واپس لوٹ آئی۔ آسٹریا میں حرمنی کی فوجی ٹروروائی کے بعد شرو ڈنگر کو زبردستی پروفیسر شپ سے ہٹا دیا گیا۔ وہ پھر ڈبلن، آئرلینڈ (Dublin-Ireland) چلے گئے اور وہاں 7 سال تک رہے۔ 1933 میں انہیں پی-ام-ڈیڑک (P.A.M. Dirac) کے ساتھ نہ کہ طور پر طبیعتیات کے نوبل انعام سے نوازا گیا۔ کر



aron shiroodon  
1857-1961

کو اٹم میکنیکس کی بنیادی مساوات شرو ڈنگر نے دی اور اس کے لیے انہیں 1933 میں نوبل انعام سے نوازا گیا۔ یہ مساوات جس میں، جیسا کہ ڈی بر الگی نے تجویز کیا تھا، مادے کی لہر ذرہ دوئی (Duality) شامل ہے، کافی پیچیدہ ہے اور اسے حل کرنے کے لیے اعلیٰ ریاضی کی معلومات درکار ہے۔ آپ مختلف نظماں کے لیے اس کے حل اعلیٰ جماعتوں میں یکیں گے۔

ایک اپے نظام کے لیے (جیسا کہ ایک ایٹم یا ایک سالمہ، جس کی توانائی وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتی)، شرو ڈنگر مساوات اس طرح لکھی جاتی ہے:  $E = \hat{H}$  جہاں  $\hat{H}$  ایک ریاضیاتی آپریٹر (Operator) ہے جو ہمیلٹونین (Hamiltonian) کہلاتا ہے۔ شرو ڈنگر نے اس آپریٹر کو نظام کی کل توانائی کی عبارت سے تکمیل دینے کی ایک ترکیب بتائی۔ نظام کی کل توانائی میں تمام ذیلی ذرات (ایکٹران، نیوکلیس) کی حرکی توانائیاں، ایکٹرانوں اور نیوکلیوں کے درمیان کشش مضمر (Attractive Potential) اور ایکٹرانوں نیز نیوکلیوں کے درمیان، علیحدہ علیحدہ، دافع مضمر (Repulsive Potential) شامل ہیں۔ اس مساوات کا حل  $E = \hat{H}$  دیتا ہے۔

راستہ کی مکمل طور پر تعریف صرف اسی وقت کی جاسکتی ہے، جبکہ بالکل ایک ہی وقت پر ایکٹران کا مقام اور اس کی رفتار دونوں معلوم ہوں۔ یہ ہائزنبرگ کے عدم یقینی اصول کے مطابق ممکن نہیں ہے۔ اس لئے ہائزو جن ایٹم کا بوہر ماذل نہ صرف مادے کے دھرے طرز عمل کو نظر انداز کرتا ہے، بلکہ ہائزنبرگ کے عدم یقینی اصول کی تغییریں بھی کرتا ہے۔ بوہر ماذل کی ان بنیادی خامیوں کے پیش نظر، بوہر ماذل کی توسعہ دوسرے عناصر کے لیے کرنے کی کوئی وجہ نہیں تھی۔ دراصل، ایٹم کی ساخت کے اس اور اک کی ضرورت تھی جو مادہ کے لہر ذرہ دھرے پن کو سمجھا سکے اور ہائزنبرگ کے عدم یقینی اصول سے ہم آہنگ ہو۔ یہ کو اٹم میکنیکس (Quantum Mechanics) کے ظہور سے ممکن ہو سکا۔

## 2.6 ایٹم کا کو اٹم میکنیکس ماذل (Quantum Mechanical Model of Atom)

کلاسیکل مکانک، جو نیوٹن کے حرکت کے قوانین پر مبنی ہے، تمام کالاں اشیا جیسے گرتا ہوا پتھر، مدار میں چکر لگاتے ہوئے سیارے، وغیرہ کی حرکت کو کامیابی کے ساتھ بیان کرتی ہے، جن کا طرز عمل صرف ذرات کی طرح کا ہوتا ہے، جیسا کہ پچھلے باب میں بیان کیا گیا ہے۔ لیکن کلاسیکل میکنیکس اس وقت ناکام ہو جاتی ہے، جب اس کا اطلاق خورد مبنی اشیا جیسے ایکٹران، ایٹم، سالمات وغیرہ پر کیا جاتا ہے۔ اس کی خاص وجہ یہ ہے کہ کلاسیکل مکانک، خاص طور پر ذیلی اشیا ذرات کے لیے مادہ کے دھرے طرز عمل اور عدم یقینی اصول کو نظر انداز کر دیتی ہے۔ سائنس کی وہ شاخ جو مادے کے اس دھرے طرز عمل کا لاحاظ رکھتی ہے، کو اٹم میکنیکس کہلاتی ہے۔

کو اٹم میکنیکس ایک نظریاتی سائنس ہے، جس میں ان خورد مبنی اشیا کا، جو موج اور ذرہ دونوں طرح کی خاصیتوں کا اظہار کرتی ہیں، مطالعہ کیا جاتا ہے۔ یہ حرکت کے ان قوانین کو معین کرتی ہے جو ان اشیا پر لاگو ہوتے ہیں۔ جب کو اٹم کا اطلاق کالاں اشیا پر کیا جاتا ہے۔ (جن کے لیے اہمیاتی خاصیتیں غیر اہم ہیں) تو وہی نتائج حاصل ہوتے ہیں جو کلاسیکل مکانک سے حاصل ہوتے ہیں۔

کو اٹم میکنیکس کو 1926 میں ورنز ہائزنبرگ اور ارون شرو ڈنگر نے، علیحدہ علیحدہ کام کرتے ہوئے فروغ دیا۔ لیکن یہاں ہم اس کو اٹم میکنیکس سے بحث کریں گے جو موج حرکت کے نصوصات پر مبنی ہے۔

سکشن 2.6.3 اور 2.6.4 میں)، ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسی انواع کے بخلاف، جن کی توانائیاں صرف کوئی عدد پر مختصر ہیں، کیش ایکٹرانی ایٹھوں کی توانائیاں کوئی اعداد پر مختصر ہیں۔

- ایٹھ کے کوئی میکانیکی ماڈل کی اہم خاصیتیں**
- ایٹھ کا کوئی میکانیکی ماڈل، ایٹھ کی ساخت کی وہ تصور ہے۔ جو ایٹھوں پر شرودنگر مساوات کے اطلاق سے ابھرتی ہے۔ ایٹھ کے کوئی میکانیکی ماڈل کی اہم خاصیتیں مندرجہ ذیل ہیں:
- 1- ایٹھوں میں ایکٹرانوں کی توانائی کوئی ہوتی ہے (یعنی کہ اس کی صرف کچھ مخصوص قدریں ہو سکتی ہیں)، جبکہ ایٹھ میں ایکٹران نیولیس سے بندھے ہوتے ہیں۔
  - 2- کوئی ایکٹرانی انجی لیول کی موجودگی ایکٹرانوں کی لہر جیسی خاصیتوں کا براہ راست نتیجہ ہے اور یہ شرودنگر لہر مساوات کے تسلیم شدہ حل (Allowed Solutions) ہیں۔
  - 3- ایک ایٹھ میں ایک ایکٹران کا قطعی مقام (Exact Position) اور اس کی قطعی رفتار، دونوں ہم وقت (Simultaneously) نہیں معلوم کیے جاسکتے (پائزیرگ عدم ثقینی اصول)۔ اس لیے، ایٹھ میں ایک ایکٹران کا راستہ بھی بھی درستگی صحت کے ساتھ نہیں معلوم کیا جاسکتا۔ اسی وجہ سے، جیسا کہ آپ آگے دیکھیں گے، ہم صرف ایک ایٹھ میں، اس کے مختلف نقطات پر ایکٹران کے پائے جانے کے اختلال کی بات کرتے ہیں۔
  - 4- ایک ایٹھی ارٹل، کسی ایٹھ میں ایکٹران کے لیے لہر تفاضل 77 ہے۔ جب بھی کسی ایکٹران کو ایک لہر تفاضل کے ذریعے بیان کیا جاتا ہے، تو ہم کہتے ہیں کہ ایکٹران اس ارٹل کو گھیرے ہوئے یا اس ارٹل میں ہے۔ کیونکہ ایک ایکٹران کے لیے ایسے بہت سے لہر تفاضلات ممکن ہیں، اس لیے ایک ایٹھ میں کئی ایٹھی ارٹل ہوتے ہیں۔ یہ ”ایک ایکٹران ارٹل لہر تفاضل“ یا ارٹل ایٹھوں کی ایکٹرانی ساخت کی بنیاد تفاضل دیتے ہیں۔ ہر ارٹل میں، ایکٹران کی ایک متعین توانائی ہوتی ہے۔ ایک ارٹل میں دوسرے زیادہ ایکٹران نہیں ہو سکتے۔ ایک کیش ایکٹرانی ایٹھ میں ایکٹران مختلف ارٹل میں، توانائی کی بڑھتی ہوئی ترتیب میں، بھرے ہوتے ہیں۔ اس لیے ایک کیش ایکٹرانی ایٹھ کے ہر ایکٹران کے لیے ایک ارٹل لہر۔ تفاضل ہونا چاہیے جو اس ارٹل کی خاصیت ہو جس میں ایکٹران پایا

### ہائڈروجن ایٹھ اور شرودنگر مساوات (Hydrogen Atom and the Schrodinger Equation)

جب ہائڈروجن ایٹھ کے لیے شرودنگر مساوات حل کی جاتی ہے، تو حل وہ تمام ممکنہ ارجمنی یول مہیا کرتا ہے جہاں ایکٹران پائے جاسکتے ہیں اور ہر ارجمنی یول سے منسلک ایکٹران سے مطابقت رکھنے والا لہر۔ تفاضل (Wave Function) بھی حاصل ہوتا ہے۔ یہ کوئی توانائی حالتیں اور ان کے نظریہ لہر۔ تفاضل، جن کی خاصیتیں تین کوئی اعداد کے ایک سیٹ سے بیان کی جاتی ہیں (پہلی کوئی نمبر  $n$ ، سمت راستی (Azimuthal) کوئی عدد  $\ell$  اور مغناطیسی کوئی عدد  $m$ ) جو شرودنگر مساوات کے حل میں قدرتی نتائج کے طور پر حاصل ہوتے ہیں۔ جب ایک ایکٹران کسی بھی توانائی حالت میں ہوتا ہے، تو اس توانائی حالت کے نظریہ لہر تفاضل ایکٹران کے بارے میں تمام معلومات رکھتا ہے۔ لہر تفاضل ایک ریاضیاتی تفاضل ہے، جس کی قدر ایٹھ میں ایکٹران کے کوئی ممکنہ (Coordinates) پر مبنی ہے اور اس کے کوئی طبعی معنی نہیں ہوتے۔ ہائڈروجن یا ہائڈروجن جیسی انواع (جن میں ایک ایکٹران ہوتا ہے) کے یہ لہر تفاضل ایٹھی ارٹل (Atomic Orbitals) کہلاتے ہیں۔ ایسے موج۔ تفاضلات جو ایک ایکٹران نوع سے متعلق ہوتے ہیں، ایک ایکٹران نظام کہلاتے ہیں۔ ایک ایٹھ کے اندر کسی ایک نقطے پر ایکٹران کے پائے جانے کا احتمال، اس نقطے پر  $\frac{1}{\ell+1}$  کے تناسب ہوتا ہے۔ ہائڈروجن ایٹھ کے کوئی میکانیکی نتائج، کامیابی کے ساتھ، ہائڈروجن ایٹھ طیف کے تمام پہلوؤں کی پیشین گوئی کرتے ہیں اور ساتھ ہی ان مظاہر کی وضاحت بھی کرتے ہیں جن کی وضاحت یوہر ماڈل نہیں کر سکتا۔

کیش۔ ایکٹرانی ایٹھوں پر شرودنگر مساوات کے اطلاق میں ایک دشواری پیش آتی ہے: کیش ایکٹرانی ایٹھ کے لیے شرودنگر مساوات کو بالکل درستگی کے ساتھ حل نہیں کیا جاسکتا۔ اس مشکل پر تقریبی طریقوں (Approximate Methods) کو استعمال کر کے قابو پایا جاسکتا ہے۔ جدید کمپیوٹروں کی مدد سے کی گئی ایسی تحسیبات سے ظاہر ہوتا ہے کہ ہائڈروجن کے علاوہ دوسرے ایٹھوں کے ارٹل، اوپر بیان کیے گئے ہائڈروجن ارٹل سے بنیادی طور پر مختلف نہیں ہوتے۔ خاص فرق نیوکلیئی چارج میں اضافے کے نتائج کی وجہ سے ہوتا ہے۔ اس کی وجہ سے تمام ارٹل کچھ سکڑ جاتے ہیں۔ مزید، جیسا کہ آپ آگے دیکھیں گے (ذیلی

$$n = 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ \dots\dots\dots$$

$$\text{شیل} = K \ L \ M \ N \ \dots\dots\dots$$

$n$  میں اضافہ کے ساتھ ارٹل کے سائز میں اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے لفظوں میں ایکٹران نیوکلیس سے زیادہ فاصلے پر پایا جائے گا۔ کیونکہ منقی چارج شدہ ایکٹران کو ثابت چارج شدہ نیوکلیس سے دور لے جانے میں تو انائی درکار ہو گی، اس لیے  $n$  میں اضافہ کے ساتھ، ارٹل کی تو انائی میں، اضافہ ہو گا۔

سمت راس کوئنٹی عدو 'l' (Azimuthal Quantum Number) ارٹل زاویائی معیار حرکت (Orbital Angular Number) یا ذیلی کوئنٹی عدو (Momentum Subsidiary Quantum Number) بھی کہلاتا ہے۔

یہ مدرجہ کی سہ ابعادی شکل کو معرف کرتا ہے۔  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے،  $l$  کی  $n$  قدریں ہو سکتی ہیں، جن کی وسعت 0 سے  $(n-1)$  تک ہوتی ہے۔ یعنی  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے  $l$  کی ممکنہ قدریں ہیں:  $0, 1, 2, \dots, (n-1)$

مثال کے طور پر، اگر  $n = 1$  ہے تو  $l$  کی قدر صرف 0 ہے۔  $n=2$  کے لیے،  $l$  کی ممکنہ قدریں 0 اور 1 ہیں  $n=3$  کے لیے،  $l$  کی ممکنہ قدریں 0، 1 اور 2 ہیں۔

ہر ایک شیل ایک یا اس سے زیادہ ذیلی شیل یا سب لیول (Sub Level) پر مشتمل ہوتا ہے۔ ایک پرنسپل شیل (Principal Shell) میں ذیلی شیل کی تعداد  $n$  کے مساوی ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر پہلے شیل (n=1) میں صرف ایک تحت شیل ہوتا ہے، جو  $l=1$  سے مطابقت رکھتا ہے۔ دوسرے شیل (n=2) میں دو ذیلی شیل ( $l=0, 1$ ) ہوتے ہیں، تیسرا شیل (n=3) میں 3 ذیلی شیل ( $l=0, 1, 2$ ) ہوتے ہیں، اور اسی طرح ہر ذیلی شیل کو ایک راس سمت کوئنٹی عدو ( $l$ ) دیا جاتا ہے۔  $l$  کی مختلف قدروں سے مطابقت رکھنے والے ذیلی شیل ذیل علامتوں سے ظاہر کیے جاتے ہیں۔

$$\dots\dots\dots \quad 5 \quad 4 \quad 3 \quad 2 \quad 1 \quad 0 : l \quad \text{کی قدر}$$

s p d f g h .... ذیلی شیل کی علامت

جدول 2.4 میں ایک دیے ہوئے پرنسپل کوئنٹم نمبر کے لیے  $l$  کی ممکنہ (Permissible) الگار اور نظری ذیلی شیل ترسیم دی گئی ہے۔

جائے۔ ایک ایم میں ایکٹران کے بارے میں تمام معلومات اس کے ارٹل اور تفاعل پر محفوظ ہوتی ہے اور کوئنٹم میکینکس کی مدد سے اس معلومات کو اس سے حاصل کرنا ممکن ہو جاتا ہے۔

5۔ ایک ایم کے اندر کسی ایک نقطہ پر ایکٹران کے پائے جانے کا احتمال، اس نقطہ پر ارٹل موجود تفاعل کے مرتع کے راست متناسب ہے، یعنی کہ  $|l|$  کو بے طور احتمال کثافت (Probability density) جانا جاتا ہے اور یہ ہمیشہ ثابت ہوتی ہے۔ ایک ایم میں مختلف نقاط پر  $|l|^2$  کی قدر کے ذریعے، نیوکلیس کے ارگرد اس خط کی پیشین گوئی کرنا ممکن ہے جہاں ایکٹران کے پائے جانے کا احتمال سب سے زیادہ ہے۔

## 2.6.1 ارٹل اور کوئنٹم نمبر (Orbitals and Quantum Number)

### Numbers)

ایک ایم میں ارٹل کی ایک بڑی تعداد ممکن ہے۔ کیفیت طور پر ایک ایم میں امتیاز ان کے سائز، شکل اور تشریق (Qualitatively) کے ذریعے کیا جاسکتا ہے۔ ایک مقابلاً کم سائز کے ارٹل کا مطلب ہے کہ ایکٹران کا نیوکلیس کے نزدیک پائے جانے کا امکان زیادہ ہے۔ اسی طرح سے شکل اور تشریق کا مطلب ہے کہ ایکٹران کا کسی ایک سمت میں، دوسری سمتوں کے مقابلے میں، پائے جانے کا احتمال زیادہ ہے۔ ایئٹھی ارٹل میں امتیاز، کوئنٹی اعداد کے ذریعے کیا جاتا ہے۔ ہر ارٹل کو تین کوئنٹی عدود دیے جاتے ہیں، جنہیں  $n, l$  اور  $m_l$  نام دیے جاتے ہیں۔

پرنسپل کوئنٹم نمبر  $n$ ، ایک ثابت صحیح عدد ہے اور اس کی قدریں ہیں!  $n = 1, 2, 3, \dots$  پرنسپل کوئنٹم نمبر ارٹل کا سائز اور بڑی حد تک اس کی تو انائی کا تعین کرتا ہے۔ ہانڈروجن ایم اور ہانڈروجن جیسے انواع کے لیے ( $\text{Li}^{2+}, \text{He}^+, \dots$  وغیرہ) ارٹل کی تو انائی اور اس کا سائز صرف ' $n$ ' پر مختص ہے۔

پرنسپل کوئنٹم نمبر، شیل (Shell) کی بھی شناخت کرتا ہے۔  $n$  کی قدر میں اضافہ کے ساتھ، تسلیم شدہ ارٹل کی تعداد میں اضافہ ہوتا ہے۔ اور یہ تعداد  $n^2$  سے ظاہر کی جاتی ہے۔  $n$  کی ایک دی ہوئی قدر کے تمام ارٹل ایم کا ایک واحد شیل تشکیل دیتے ہیں اور یہ مندرجہ ذیل حروف سے ظاہر کیے جاتے ہیں:

اس لیے  $l=0$  کے لیے  $m_l$  کی مبالغہ قدر صرف 0  $m_l = 0$  ہے۔  
 $m_l = -2, -1, 0, +1$  ایک ارٹل (2(0)+1=2) کے لیے:  
2 پانچ ارٹل ایونٹ کرنا چاہیے کہ  $m_l$  کی قدریں اسے  
اخذ کی جاتی ہیں اور اس کی قدر  $n$  سے اخذ کی جاتی ہے۔  
اس لیے، ایتم میں ہر ارٹل  $n, l$  اور  $m_l$  کی قدریں کے ایک سیٹ  
کے ذریعے معرف کیا جاتا ہے۔ ایک ارٹل جو:  $m_l = 1, n = 2, l = 1$ ,  
0 سے بیان کیا جاتا ہے وہ دوسرے شیل کے  $p$  ذیلی شیل میں ایک ارٹل  
ہے۔ مندرجہ ذیل چارٹ ذیلی۔ شیل اور اس سے متعلق ارٹل کی تعداد  
کے درمیان رشتہ ظاہر کرتا ہے۔

5	4	3	2	1	0	اکے لیے قدر
$h$	$g$	$f$	$d$	$p$	$s$	ذیلی شیل ترمیم
11	9	7	5	3	1	ارٹل کی تعداد

الیکٹران اپنے 's': ایک ایشی ارٹل کو لیبل کرنے والے یہ تین کوائٹی اعداد (n, l,  $m_l$ )، اس کی توائی، اور تشریق (Orientation) کی تعریف کرنے کے لیے بھی بخوبی استعمال کیے جاسکتے ہیں۔ لیکن یہ تینوں اعداد، کثیر الیکٹرانی نظاموں میں حاصل ہونے والے خطی طیف کی وضاحت کرنے کے لیے کافی نہیں ہیں، کیونکہ کچھ خطوط دراصل ڈپلیٹ (Doublet) (دو خطوط جو ایک دوسرے کے بہت قریب ہیں)، ٹریپلیٹ

#### جدول 2.4 ذیلی شیل علامتیں

ذیلی شیل ترمیم	$l$	$n$
1s	0	1
2s	0	2
2p	1	2
3s	0	3
3p	1	3
3d	2	3
4s	0	4
4p	1	4
4d	2	4
4f	3	4

مagnetیک ارٹل کوائٹم نمبر (Magnetic Orbital Quantum Number)  $m_l$  کو آڈینیٹ مجموعوں کے معیاری سیٹ (Standard Set of Orientation Coordinate Axes) کے لحاظ سے ارٹل کی مکانی تشریق (Spatial Orientation) کے بارے میں معلومات فراہم کرتا ہے۔ کسی بھی ذیلی شیل کے لیے (جو اس کے متعلق معرف کیا جاتا ہے)،  $m_l = 1 + 2l$  قدریں ممکن ہیں اور یہ دی جاتی ہیں:

$$m_l = -l, -(l-1), -(l-2) \dots 0, 1 \dots (l-2), (l-1), l$$

#### اربٹ، ارٹل اور اس کی اہمیت

اربٹ اور ارٹل ہم معنی نہیں ہیں۔ ایک اربٹ، جیسا کہ بوہر نے تجویز کیا تھا، بیکلیس کے گرد ایک دائری راستہ ہے، جس پر الیکٹران حرکت کرتا ہے۔ ہائزبرگ کے عدم تلقی قانون کے مطابق الیکٹران کے اس راستے کو بالکل درست طور پر بیان کرنا ناممکن ہے۔ بوہر کے اربٹ کا، اس لیے کوئی اصل معنی نہیں ہے اور ان کی موجودگی کا بھی بھی تجربے کے ذریعے مظاہر نہیں کیا جاسکتا۔ دوسری طرف، ایک ایشی ارٹل ایک کوائٹ میکانی تصور ہے اور ایک ایتم میں الیکٹران کے لہر تقابل سے متعلق ہے۔ اس کی خاصیتیں تین کوائٹی اعداد (n, l,  $m_l$ ) سے ظاہر کی جاتی ہیں اور اس کی قدر الیکٹران کے کوآڈی نیٹ پر منحصر ہے۔ بذات خود  $\psi$  کے کوئی طبعی معنی نہیں ہوتے۔ یہ لہر تقابل کا مرتع، یعنی کہ  $|\psi|^2$  ہے، جس کے طبعی معنی ہیں۔ ایک ایتم میں کسی بھی نقطے پر  $|\psi|^2$ ، اس نقطے پر احتمال کشافت کی قدر ہے۔ احتمال فی اکائی جم ہے اور  $|\psi|^2$  اور ایک چھوٹے جم (جو جم عضر کہلاتا ہے) کا حاصل ضرب ہے جس سے اس جم میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال حاصل ہوتا ہے (ایک چھوٹے جم عضر کو تعمین کرنے کی وجہ یہ ہے کہ اسپس (Space) میں ایک نقطے سے دوسرے خطے تک  $|\psi|^2$  تبدیل ہوتا رہتا ہے لیکن ایک چھوٹے جم عضر میں اس کی قدر کو مستقل مانا جاسکتا ہے۔) پھر دیے ہوئے جم میں الیکٹران کے پائے جانے کے کل احتمال کا حساب  $|\psi|^2$  اور اس سے مطابقت رکھنے والے جم عضر کے تمام حاصل ضرب کو جمع کر کے لگایا جاسکتا ہے۔ اس طرح سے ایک ارٹل میں الیکٹران کی احتمالی ترمیم (Probable Distribution) حاصل کرنا ممکن ہے۔

(iii)  $m_l$  اربٹل کی تشریق مقرر کرتا ہے۔ اس کی ایک دی ہوئی قدر کے لیے  $m_l = 0$  (2l + 1) قدریں ہوتی ہیں، اتنی ہی بحثی کہ اربٹل کی تعداد فی ذیلی شیل ہوتی ہے۔ اس کا مطلب ہے کہ اربٹل کی تعداد ان طریقوں کی تعداد کے مساوی ہے جتنی طرح سے ان کی تشریق کی جاسکتی ہے۔

(iv)  $m_s$  الیکٹران کی اپنی کی تشریق سے متعلق ہے۔

(Triplets) (تین خطوط جو بہت قریب قریب ہیں) وغیرہ کی شکل میں ظاہر ہوتے ہیں۔ یہ ان چند مزید انرجی لیول کی موجودگی تجویز کرتا ہے، جن کی پیشین گوئی تین کوائٹی اعداد کرتے ہیں۔

1925ء میں، جارج اوہلن بیک (George Uhlenbeck) اور سیمویل گاؤڈ اسمٹ (Samuel Goudsmit) نے ایک چوتھے کوائٹی عدد کی موجودگی تجویز کی، جو الیکٹران اپنی کوائٹی عدد ( $m_s$ ) کے طور پر جانا جاتا ہے۔ ایک الیکٹران اپنے محور پر گھومتا ہے، بالکل اسی طرح، جس طرح زمین سورج کے گرد چکر لگاتے ہوئے، اپنے محور پر گھومتی ہے۔ دوسرے لفظوں میں ایک الیکٹران کا برتنی چارج اور کمیت کے ساتھ ساتھ ذاتی اپنی زاویائی کوائٹی کوائٹی نمبر (Intrinsic Spin Angular Quantum Number) بھی ہوتا ہے۔ الیکٹران کا اپنی زاویائی معیار ایک سمیتیہ مقدار، ہے جس کی منتخب کیے گئے، محور کی نسبت سے، دو تشریقیں (Orientations) ہو سکتی ہیں۔ ان دو تشریقیوں میں امتیاز، اپنی کوائٹی عدد  $m_s$  کے ذریعے کیا جاتا ہے، جس کی دو قدریں  $+1/2$  اور  $-1/2$  ہو سکتی ہیں۔ یہ الیکٹران کی دو اپنی حالتیں (Spin States) کہلاتی ہیں اور عام طور سے دو تیروں کے ذریعے ظاہر کی جاتی ہیں:  $\uparrow$  (اپنی اوپر) اور  $\downarrow$  (اپنی نیچے)۔ ایسے دو الیکٹران جن کی  $m_s$  قدریں مختلف ہوں (ایک  $+1/2$  اور دوسرا  $-1/2$ ) مخالف اپنے Spin کے الیکٹران کہلاتے ہیں۔ ایک اربٹل میں دو سے زیادہ الیکٹران نہیں پائے جاسکتے اور ان دونوں الیکٹرانوں کی اپنی بھی ایک دوسرے کے مخالف ہونا چاہیے۔

خلاصہ کے طور پر، یہ چار کوائٹی اعداد مندرجہ ذیل اطلاعات فراہم کرتے ہیں:

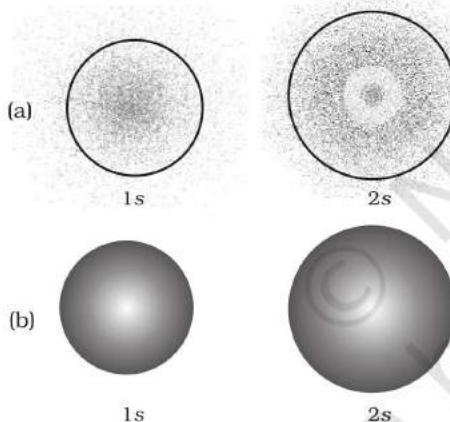
(i)  $n$  ذیل کی تعریف بیان کرتا ہے اربٹل کا سائز متعین کرتا ہے اور بڑی حد تک اربٹل کی توانائی بھی متعین کرتا ہے۔

(ii)  $n^{\text{th}}$  ذیل میں  $n$  ذیلی شیل ہوتے ہیں۔ ذیلی شیل کی شناخت کرتا ہے اور اربٹل کی شکل متعین کرتا ہے (دیکھیے سیشن 2.6.2)۔ ایک ذیلی شیل میں ہر ایک قسم کے  $(2l+1)$  اربٹل ہوتے ہیں، یعنی کہ، ایک s اربٹل ( $l=0$ )، تین p اربٹل ( $l=1$ ) اور پانچ d اربٹل ( $l=2$ )، فی ذیلی شیل کچھ حد تک ابھی، ایک کشیر الیکٹرانی ایم میں، اربٹل کی توانائی متعین کرتا ہے۔

مسئلہ 2.17																							
پرنسپل کوائٹم نمبر $= n$ سے مسلک اربٹل کی کل تعداد کیا ہوگی؟																							
حل																							
$n = 3$ کے لیے اس کی ممکنہ قدریں: 0, 1, 2, 3۔ اس لیے ایک اربٹل ( $l=0$ ) اور $n = 3$ , $l = 0$ اور $n = 3$ , $l = 1$ اور $n = 3$ , $l = 2$ اور پانچ $n = 3$ , $l = 3$ اربٹل کی تعداد $= 3^2 = 9$ اربٹل کی تعداد ہوں گے۔																							
$1 + 3 + 5 = 9$ اس لیے اربٹل کی کل تعداد: 9																							
یہی قدر مندرجہ ذیل رشتے کو استعمال کر کے بھی حاصل کی جاسکتی ہے:																							
مسئلہ 2.18																							
$s, p, d, f$ علامتوں کو استعمال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل کوائٹی اعداد کے اربٹل بیان کیجیے۔																							
(a) $n = 2, l = 1$ , (b) $n = 4, l = 0$ , (c) $n = 5, l = 3$ , (d) $n = 3, l = 2$																							
حل																							
<table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>اربٹل</th> <th><math>l</math></th> <th><math>n</math></th> <th></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>2p</td> <td>1</td> <td>2</td> <td>(a)</td> </tr> <tr> <td>4s</td> <td>0</td> <td>4</td> <td>(b)</td> </tr> <tr> <td>5f</td> <td>3</td> <td>5</td> <td>(c)</td> </tr> <tr> <td>3d</td> <td>2</td> <td>3</td> <td>(d)</td> </tr> </tbody> </table>				اربٹل	$l$	$n$		2p	1	2	(a)	4s	0	4	(b)	5f	3	5	(c)	3d	2	3	(d)
اربٹل	$l$	$n$																					
2p	1	2	(a)																				
4s	0	4	(b)																				
5f	3	5	(c)																				
3d	2	3	(d)																				

بڑھنا شروع کر دیتی ہے۔ ایک چھوٹے میکسیما (Maxima) پر پہنچنے کے بعد، اس کی قدر میں مزید اضافہ ہونے پر، یہ پھر کم ہونے لگتی ہے اور صفر کے قریب پہنچ جاتی ہے۔ وہ خط جس میں احتمال کثافت تقاضہ کم ہو کر صفر ہو جاتا ہے، تو ذلیل سطحیں (Nodal Surface) یا صرف نوڈ کہلاتا ہے۔ عمومی شکل میں، یہ معلوم ہوا ہے کہ ns-اربیٹل کے  $(n - 1)$  نوڈ ہوتے ہیں، یعنی کہ نوڈ کی تعداد میں، پرنسپل کوئنٹ نمبر  $n$  میں اضافے کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے نقطوں میں،  $2s$ -اربیٹل کے لیے نوڈ کی تعداد ایک ہوگی،  $3s$  کے لیے دو ہوگی اور اسی طرح آگے بھی۔

اس احتمال کثافت تغیر کو چارچ ۔ باول ڈائیگراموں [شکل 2.13(a)] کے ذریعے سمجھا جاسکتا ہے۔ ان ڈائیگراموں میں، ایک نقطہ میں نقطوں (Dots) کی کثافت اس نقطے میں الیکٹران احتمال کثافت کو ظاہر کرتی ہے۔



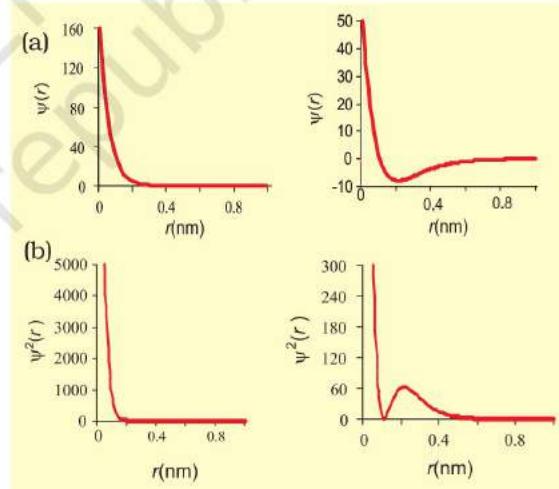
شکل 2.13 (a) اور 2s ایسی اربیٹل کے احتمال کثافت پلاٹ نقطوں کی کثافت، اس خطے میں الیکٹران کے پائی جانے کی احتمال کثافت کو ظاہر کرتی ہے (b) 2s اور 1s (a) کے بازوں تری سطح ڈائیگرام اربیٹل کے لیے بازوں تری سطح ڈائیگرام

مختلف اربیٹل کے لیے مستقل احتمال کثافت کے بازوں تری۔ سطح ڈائیگرام (Boundary Surface Diagrams) اربیٹل کی شکل کو بہتر طریقے سے ظاہر کرتے ہیں۔ اس اظہار میں ایک اربیٹل کے لیے اسیں (Space) میں ایک ایسی بازوں تری سطح یا حدود نامانget (Contour Surface) کہی جاتی ہے، جس پر احتمال کثافت  $|ψ|^2$  کی قدر مستقل ہوتی ہے۔ اصولی طور پر ایسی کئی بازوں تری سطحیں ممکن ہو سکتی ہیں۔ لیکن،

## 2.6.2 ایشی اربیٹل کی شکلیں (Shapes of Atomic Orbitals)

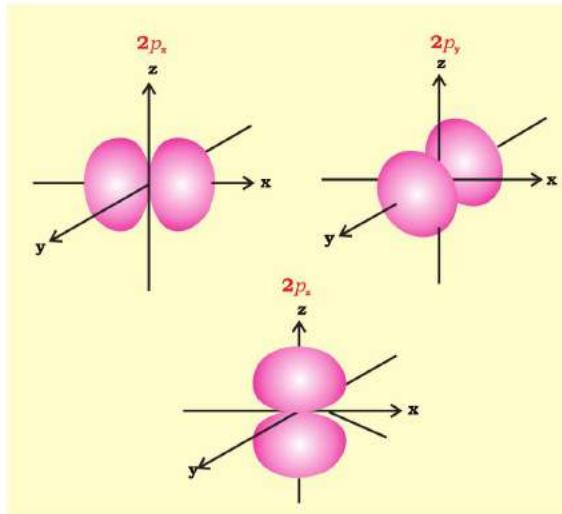
کسی ایتم میں ایک الیکٹران کے لیے اربیٹل لہر تفاضل  $\psi$  کے کوئی طبعی معنی نہیں ہیں۔ یہ صرف الیکٹران کے کوآرڈینیٹ کا ایک ریاضیاتی تفاضل ہے۔ تاہم مختلف اربیٹل کے لیے، ان سے مطابقت رکھنے والے لہر تفاضلات کے گراف  $\psi$  کے تفاضل کے طور پر (نیوکلیس سے فاصلے) مختلف ہوتے ہیں۔ [شکل (a) میں  $2s (n=2, l=0)$  اور 1s ( $n=1, l=0$ ) کے لیے ایسے گراف دیے گئے ہیں۔] اربیٹل کے لیے ایسے گراف دیے گئے ہیں۔

جرمن طبیعتیات وال، میکس بورن کے مطابق، ایک نقطہ پر لہر تفاضل کا مریخ، اس نقطہ پر الیکٹران کی احتمال کثافت دیتا ہے۔  $r^2$  میں 2s کے تفاضل کے طور پر تغیر شکل (b) 2.12 میں دکھایا گیا ہے (1s اور 2s اربیٹل کے لیے)۔ یہاں بھی آپ دیکھ سکتے ہیں کہ 1s اور 2s کے لیے مختلف (curves) ہیں۔



شکل 2.12 (a) اربیٹل لہر تفاضل  $(r)\psi$  کا گراف (b) 2s اور 1s (b) کا گراف (r) اربیٹل کے لیے الیکٹران کے نیوکلیس سے فاصلے  $r$  کے تفاضل کے طور پر، احتمال کثافت  $(r)\psi^2$  کا تغیر۔

یہ نوٹ کیا جاسکتا ہے کہ 1s اربیٹل کے لیے، احتمال کثافت نیوکلیس پر سب سے زیادہ (Maximum) ہوتی ہے اور جیسے ہم اس سے دور جاتے ہیں، یہ تیزی سے کم ہوتی جاتی ہے۔ دوسری طرف، 2s اربیٹل کے لیے، احتمال کثافت پہلے تیزی سے کم ہوتی ہوئی صفر ہو جاتی ہے اور پھر



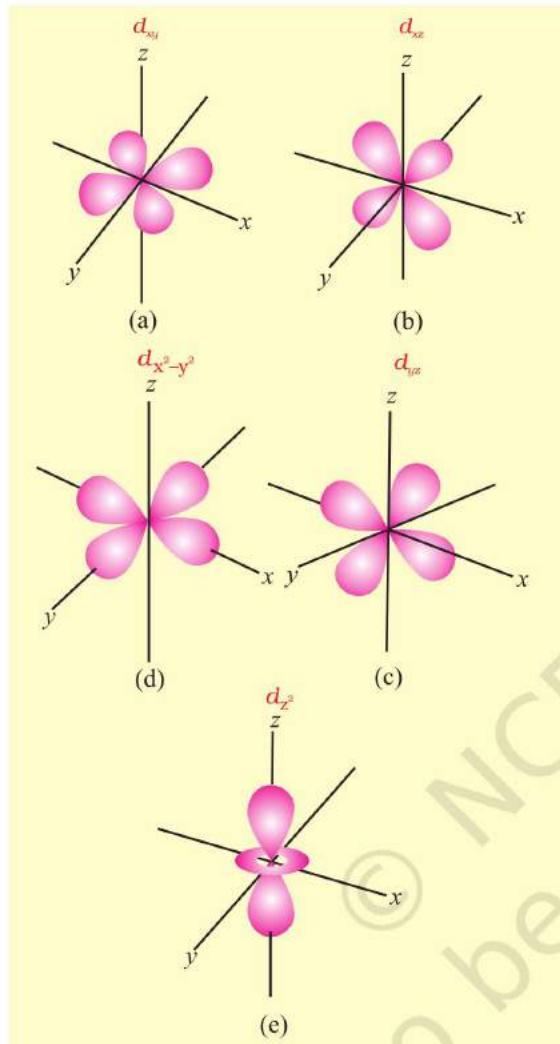
شکل 2.14. تین 2p اربٹل کے لیے باونڈری سطح ڈائیگرام

اور تو انی متماثل ہیں۔ لیکن ان کے Lobes کی تشریق مختلف ہوتی ہے۔ کیونکہ یہ مانا جاسکتا ہے کہ Lobes x, y, z اور محوروں میں سے کسی ایک محور کی سمت میں ہوں گے، اس لیے انھیں  $2p_x$ ,  $2p_y$ ,  $2p_z$  اور  $2p_{\text{radial}}$  سے نامبر کیا جاتا ہے۔ لیکن یہ سمجھ لینا چاہیے کہ  $m_l$  کی اقدار (1, -1, 0, 0) اور  $x, y, z$  سمتیوں میں کوئی سادہ رشتہ نہیں ہے۔ ہمارے لیے اتنا یاد رکھنا کافی ہے کہ، کیونکہ  $m_l$  کی تین ممکنہ قدریں ہیں، اس لیے تین 2p اربٹل ہیں، جن کے محور باہم عمود (Mutually Perpendicular) ہیں۔ اربٹل کی طرح پرنسپل کوائم نمبر میں اضافہ کے ساتھ p اربٹل کی تو انی اور ان کے سائز میں بھی، اضافہ ہوتا ہے، اس لیے مختلف p اربٹل کی تو انی اور ان کے سائز کی ترتیب اس طرح ہے:  $2p > 3p > 4p > 3s > 2s$ ۔ اربٹل کی طرح، p اربٹل کے لیے بھی احتمال کثافت تفاضل بھی، مزید، s اربٹل کی طرح، p اربٹل کے لیے بھی احتمال کثافت تفاضل بھی، صفر اور اتنا ہی فاصلے کے علاوہ بھی، نیوکلیس سے فاصلہ بڑھنے کے ساتھ، صفر قدر سے گزرتا ہے۔ نوڈ کی تعداد  $(2n - 1)$  سے دی جاتی ہے، یعنی کہ  $3p$  اربٹل کے لیے نصف قطری نوڈ (Radial Node) کی تعداد 1 ہوگی،  $4p$  کے لیے دو اور اسی طرح آگے بھی۔  $2s = 1$  کے لیے، اربٹل، d، f اربٹل کے طور پر جانا جاتا ہے۔ پرنسپل کوائم نمبر کی کم از کم قدر 3 ہو سکتی ہے، کیونکہ 1 کی قدر 1 - n سے زیادہ

ایک دیے ہوئے اربٹل کے لیے، مستقل احتمال کثافت\* کی صرف اسی باونڈری سطح ڈائیگرام کو اربٹل کی شکل کا اچھا اظہار مانا جاتا ہے جو ایسے خطے یا جسم کو گھیرتی ہے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال بہت زیادہ ہو، جیسے 90% اور  $1s$  اربٹل کے لیے باونڈری سطح ڈائیگرام شکل (b) میں دیے گئے ہیں۔ کوئی بھی یہ سوال کر سکتا ہے کہ ہم ایسی باونڈری سطح ڈائیگرام کیوں نہیں کھینچتے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال 100% ہو؟ اس سوال کا جواب یہ ہے کہ نیوکلیس سے کسی بھی متناہی (Finite) فاصلے پر احتمال کثافت<sup>2</sup> [۷] کی ہمیشہ کچھ نہ کچھ قدر ہوتی ہے، چاہے وہ کتنی ہی چھوٹی کیوں نہ ہو۔ اس لیے یہ ممکن نہیں ہے کہ ایک متناہی سائز کا ایسی باونڈری سطح ڈائیگرام کھینچا جاسکے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال 100% ہو۔ اربٹل کے لیے باونڈری سطح ڈائیگرام دراصل ایک کروہ (Sphere) ہے، جس کا مرکز نیوکلیس ہے۔ دو بعد میں یہ کروہ کی طرح معلوم ہوتا ہے۔ یہ ایسے خطے کو گھیرتا ہے، جس میں الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال تقریباً 90% ہے۔

اس لیے، ہم دیکھتے ہیں کہ  $1s$  اور  $2s$  اربٹل کی شکل کروی ہوتی ہے۔ دراصل، تمام s- اربٹل کروی طور پر متشاکل (Spherically Symmetric) ہوتے ہیں۔ یعنی کہ ایک دیے ہوئے فاصلے پر الیکٹران کے پائے جانے کا احتمال تمام سمتیوں میں مساوی ہے۔ یہ بھی مشاہدہ کیا گیا ہے کہ  $n$  میں اضافہ کے ساتھ  $s$  اربٹل کے سائز میں اضافہ ہوتا ہے، یعنی کہ  $1s > 2s > 3s > 4s$  اور جیسے جیسے پرنسپل کوائم نمبر بڑھتا ہے، الیکٹران نیوکلیس سے اتنے ہی زیادہ فاصلے پر پایا جاتا ہے۔ تین 2p اربٹل کے لیے ( $l = 1$ ) باونڈری سطح ڈائیگرام شکل 2.14 میں دکھایا گیا ہے۔ ان ڈائیگراموں میں نیوکلیس مبدہ (Origin) پر ہے۔ یہاں s اربٹل کے برخلاف، باونڈری سطح ڈائیگرام، کروی نہیں ہیں۔ اس کی جگہ ہر ایک p- اربٹل دو حصوں پر مشتمل ہوتا ہے جو Lobes کہلاتے ہیں۔ یہ نیوکلیس سے ہو کر گزر رہے مستوی کے دونوں طرف ہوتے ہیں۔ احتمال کثافت تفاضل مستوی پر وہاں صفر ہوتا ہے جہاں دونوں Lobes ایک دوسرے کو چھوٹے ہیں۔ تینوں اربٹل کے لیے، سائز شکل

\* ایک دی ہوئی سطح پر اگر احتمال کثافت<sup>2</sup> مستقل ہے تو اس سطح پر [۷] بھی مستقل ہے۔ اور [۷] اور [۷] کے لیے سرحدی سطح متماثل (Identical) ہیں۔



شکل 2.15 پانچ 3d اربٹل کی بائونڈری سطح ڈائیگرام

مستحکم حالت کے نظری ہے اور اسے گراونڈ اسٹیٹ (Ground State) کہتے ہیں، اور اس اربٹل میں پایا جانے والا ایکٹران، نیوکلیس سے سب سے زیادہ مضبوطی سے بندھا ہوتا ہے۔ ہاندروجن ایٹم میں ایک ایکٹران اگر 2s یا 2p یا 3p کی تعداد اسے زیاد کر دی جاتی ہے تو وہ مشتعل حالت (Excited State) میں ہے۔

ایک کشیر ایکٹرانی ایٹم میں ایکٹران کی توانائی، ہاندروجن ایٹم میں ایکٹران کی توانائی کے بخلاف، نہ صرف یہ کہ اس کے پرپل کوائم شیل پر منحصر ہے بلکہ اس کے سمت راس کوائمی عدد (ذیلی شیل) پر بھی منحصر ہے۔

نہیں ہو سکتی۔ 2 = 1 کے لیے پانچ قدریں ہیں (-2, -1, 0, 1, 2) اور اس لیے پانچ d-اربٹل ہوں گے۔ d-اربٹل کے لیے بائونڈری سطح ڈائیگرام شکل 2.15 میں دکھایا گیا ہے۔

پانچ d-اربٹل کو نام دیے جاتے ہیں (d<sub>xy</sub>, d<sub>xz</sub>, d<sub>yz</sub>, d<sub>x^2-y^2</sub>, d<sub>xy</sub>, d<sub>xz</sub>, d<sub>yz</sub>) اور d<sub>z^2</sub> سے منسوب کیا جاتا ہے۔ پہلے چار d-اربٹل کی شکلیں ایک جیسی ہوتی ہیں، جبکہ پانچوں d<sub>z^2</sub> کی شکل باقی سب سے مختلف ہوتی ہے، لیکن پانچوں d-اربٹل کی توانائی مساوی ہوتی ہے۔ وہ d-اربٹل جن کے لیے n کی قدر 3 سے زیادہ ہے (... 4d, 5d, ...)، ان کی شکلیں بھی اربٹل جیسی ہوتی ہیں لیکن وہ توانائی اور سائز کے لحاظ سے مختلف ہوتے ہیں۔ نصف قطری نوڈ کے علاوہ (یعنی کہ، احتمال کثافت تقاضہ صفر ہے)، اربٹل کے لیے احتمال کثافت تقاضہ، مستوی (s) پر، نیوکلیس (مبدأ) سے گزرتے ہوئے، صفر ہوتے ہیں۔ مثال کے طور پر p-اربٹل کے لیے، xy-مستوی ایک نوڈ مسٹوی ہے، d<sub>xy</sub>-اربٹل کے لیے، دو نوڈ مسٹوی ہیں جو مبدأ سے گزرتے ہیں اور z-محور والے xy-مستوی کی تنصیف کرتے ہیں۔ یہ زاویائی نوڈ (Angular Nodes) کہلاتے ہیں اور زاویائی نوڈ کی تعداد اسے دی جاتی ہے، یعنی کہ p-اربٹل کے لیے ایک زاویائی نوڈ ہوگا، d-اربٹل کے لیے دو زاویائی نوڈ ہوں گے، اور اسی طرح آگے بھی۔ نوڈ کی کل تعداد (1 - n) سے دی جاتی ہے یعنی کہ 1زادیائی نوڈ اور (1 - 1 - n) نصف قطری نوڈ کی حاصل جمع۔

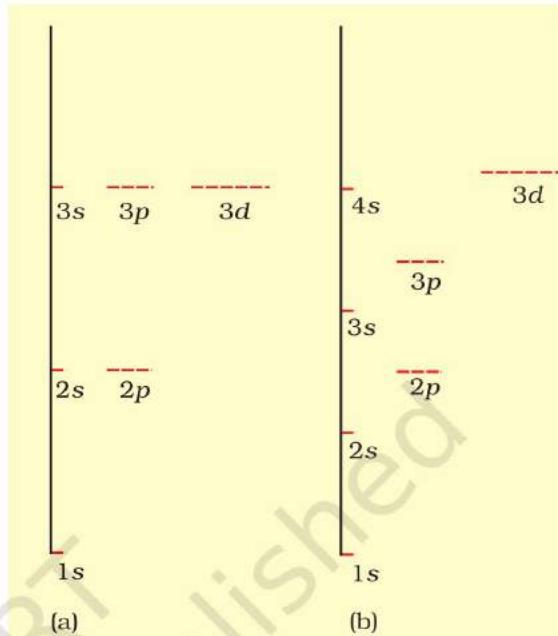
### 2.6.3 اربٹل کی توانائیاں (Energies of Orbitals)

ہاندروجن ایٹم میں ایک ایکٹران کی توانائی کامل طور پر صرف پرپل کوائم نمبر سے متعین ہوتی ہے۔ اس لیے اربٹل کی توانائی مسدرجه ذیل طور پر بڑھتی ہے:

$$1s < 2s = 2p < 3s = 3p = 3d < 4s = 4p = 4d = 4f < \dots \quad (2.23)$$

اور شکل 2.16 میں دکھائی گئی ہے۔ حالانکہ 2s اور 2p اربٹل کی شکلیں مختلف ہیں، لیکن ایک ایکٹران جب 2s اربٹل میں ہوتا ہے تو اس کی توانائی اتنی ہی ہوتی ہے جتنی کہ 2p اربٹل میں ہوتی ہے۔ ایسے اربٹل جن کی توانائی کیساں ہوتی ہے، فاسد (Degenerate) کہلاتے ہیں۔ ایک ہاندروجن ایٹم میں 1s جیسا کہ پہلے بتایا جاچکا ہے، سب سے زیادہ

بیں۔ عمومی طور پر، باہری شیل کے الیکٹرانوں کے، اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ساتھ دافع یا ہمی عمل زیادہ اہم ہیں۔ دوسری طرف، ایک الیکٹران کے کششی باہمی علاوں میں، نیوکلیس پر پائے جانے والے ثابت چارج ( $Z_e$ ) میں اضافہ کے ساتھ، اضافہ ہوتا ہے۔ اندروںی شیل میں الیکٹرانوں کی موجودگی کی وجہ سے، باہری شیل کا الیکٹران، نیوکلیس کے پورے ثبت چارج ( $Z_e$ ) کو محسوس نہیں کرتا بلکہ، نیوکلیس پر موجود ثابت چارج کی اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کئے گئے جزوی جواب (Screening) کی وجہ سے، اس میں کمی آ جاتی ہے۔ اسے اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کیا گیا باہری شیل کے الیکٹرانوں کا نیوکلیس سے جواب کہتے ہیں نیوکلیس کا الیکٹران کے ذریعے محسوس کیا گیا نہیں (ثابت چارج موثر نیوکلیائی چارج (Effective Nuclear Charge)  $Z_{\text{eff}}$   $e$ ) نیوکلیس سے اندروںی شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے کیے گئے باہری الیکٹرانوں کے جواب کے باوجود، باہری شیل کے الیکٹرانوں کے ذریعے محسوس کی جانے والی قوت کشش میں، نیوکلیائی چارج میں اضافہ کے ساتھ اضافہ ہوتا ہے۔ دوسرے لفظوں میں نیوکلیس اور الیکٹران کے ما بین باہمی عمل کی توانائی (یعنی کہ اربٹل کی توانائی) میں ایمی عدد ( $Z$ ) میں اضافہ کے ساتھ، کمی آتی ہے (یعنی کہ زیادہ منفی ہو جاتی ہے)۔ کششی اور دافع، دونوں باہمی عمل، شیل اور اربٹل کی شکل پر منحصر ہیں، جس میں الیکٹران پایا جاتا ہے۔ مثال کے طور پر، شکل میں کروی ہونے کی وجہ سے، اربٹل الیکٹرانوں کا نیوکلیس سے جواب، p اربٹل کے مقابلے میں، زیادہ موثر طور پر کرتا ہے۔ اسی طرح، دونوں کی شکلیں مختلف ہونے کی وجہ سے، p اربٹل نیوکلیس سے الیکٹرانوں کا جواب، d اربٹل کے مقابلے میں زیادہ موثر طور پر کرتے ہیں، حالانکہ یہ سب اربٹل ایک ہی شیل میں پائے جاتے ہیں۔ مزید، کروی شکل کی وجہ سے، s اربٹل کے الیکٹران، p اربٹل کے مقابلے میں، نیوکلیس کے قریب زیادہ وقت گزارتے ہیں اور p اربٹل کے الیکٹران، d اربٹل کے مقابلے میں، نیوکلیس کے قریب زیادہ وقت گزارتے ہیں اور  $Z_{\text{eff}}$ ، راس سمت کا ٹھنڈی عدد (I) میں اضافہ کے ساتھ، کم ہوتا ہے۔ یعنی کہ s اربٹل، p اربٹل کے مقابلے میں زیادہ سختی سے نیوکلیس سے بندھا ہو گا اور p اربٹل، d اربٹل کے مقابلے میں



شکل 2.16 انجھی لیول ڈائیگرام (a) ہائڈروجن ایم کے کچھ الیکٹرانی شیل کے لیے (b) کثیر الیکٹرانی ایمون کے کچھ الیکٹرانی شیل کے لیے۔ نوٹ کیجیے کہ ہائڈروجن ایم کے لیے مختلف سمت۔ راس کو انشمی عدودوں کے لیے بھی، یکساد پرنسل کو انشم نمبر کی قدر والے اربٹل کی توانائیاں یکساں ہیں۔ لیکن کثیر الیکٹران ایمون کے لیے یکساں پرنسل کو انشم نمبر والے اربٹل کی توانائیاں، مختلف سمت راسی کو انشمی عدودوں کے لیے مختلف ہیں۔

یعنی کہ ایک دیے ہوئے پرنسپل کو انشم عدد کے لیے f, d, p, s سب کی توانائیاں مختلف ہوں گی۔ ایک کثیر الیکٹرانی ایم میں مختلف ڈیلی شیل کی توانائیاں مختلف ہونے کی اصل وجہ الیکٹرانوں کے درمیان باہم بھی برقی باہم گر عمل ہوتا ہے جو منفی چارج شدہ الیکٹران اور مثبت چارج شدہ نیوکلیس کے ما بین ہوتا ہے۔ کثیر الیکٹرانی ایمتوں میں، الیکٹران اور نیوکلیس کے درمیان کشش کی موجودگی کے ساتھ ساتھ ہر ایک الیکٹران کے ایم میں موجود دوسرے تمام الیکٹرانوں کے ساتھ دافع ارکان بھی ہوتے ہیں۔ اس لیے اس کثیر الیکٹرانی ایم میں ایک الیکٹران کے استکام کی وجہ یہ ہے کہ کل کششی باہم عمل، دافع علاوں کے مقابلے میں زیادہ

اصول کا بیان ہے: ایم کی گراؤنڈ اسٹیٹ (Ground State) میں، اربل بڑھتی ہوئی تو انائی کی ترتیب میں بھرے جاتے ہیں۔ دوسرا لفظوں میں، الیکٹران سب سے پہلے اس اربل میں جاتے ہیں جس کی تو انائی، دستیاب اربل میں سب سے کم ہوتی ہے اور مقابلاً زیادہ تو انائی کے اربل میں صرف اسی وقت داخل ہوتے ہیں جب مقابلاً کم تو انائی

اربیل کی توانائیوں کے بڑھنے کی ترتیب اور اس لیے وہ ترتیب جس میں اربیل بھرے جاتے ہیں، مندرجہ ذیل ہے:

$\cdot 5p \cdot 4d \cdot 5s \cdot 4p \cdot 3d \cdot 4s \cdot 3p \cdot 3s \cdot 2p \cdot 2s \cdot 1s$   
 $\dots \cdot 7s \cdot 6p \cdot 5d \cdot 4f$

یہ ترتیب شکل 2.17 میں دیے گئے طریقے سے یاد کی جاسکتی ہے۔ اور پری سرے سے شروع کرتے ہوئے، تیروں کی سمت، ارٹل کے بھرے جانے کی ترتیب بتائی ہے، یعنی کہ اور پری دائیں سرے سے نچلے بائیں سرے تک۔

**جدول 2.5:** بڑھتی ہوئی تووانائی کے ساتھ اربٹل کی ترتیب،  $(n + 1)$   
قاعدے کی بنیاد پر

	$n$ کی قدر	$l$ کی قدر	$m_l$ کی قدر	ارٹل
$2p$ کی تو تانی کم ہے بمطابق	$2 + 0 = 2$	0	2	<b>2s</b>
$3s$ کی تو تانی کم ہے بمطابق	$3 + 0 = 3$	0	3	<b>3s</b>
$3p$ کی تو تانی کم ہے بمطابق	$3 + 1 = 4$	1	3	<b>3p</b>
$4s$ کی تو تانی کم ہے بمطابق	$4 + 0 = 4$	0	4	<b>4s</b>
$3d$ کی تو تانی کم ہے بمطابق	$3 + 2 = 5$	2	3	<b>3d</b>
$4p$ کی تو تانی کم ہے بمطابق	$4 + 1 = 5$	1	4	<b>4p</b>

(Pauli Exclusion Principle) اصول کا استثنی

مختلف اربیل میں بھرے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد، آسٹرین سائنس داں وولف گانگ یاپی (Wolfgang Pauli) (1926) میں بھرے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد، آسٹرین

نیو کلیس سے زیادہ بہتر بندھا ہو گا۔ اربٹل کی توانائی  $p$  اربٹل کی توانائی کے مقابلے میں کم ہو گی (زیادہ منفی ہو گی) اور اربٹل کی توانائی  $d$  اربٹل کی توانائی کے مقابلے میں کم ہو گی اور اسی طرح یونکہ نیوکلیس کے جا ب کی حد مختلف اربٹل کے لیے مختلف ہو گی، یہ ایک ہی شیل کے اندر (یا نیکس پر پل کو ٹم نمبر) مختلف اربٹل کی توانائی کی علیحدگی (Splitting) کی صفت لے جاتا ہے۔ یعنی کہ اربٹل کی توانائی، جیسا کہ پہلے بیان کیا جا چکا ہے،  $n$  اور  $l$  کی قدروں پر مختص ہے۔ ریاضیتی اعتبار سے اربٹل کی توانائیوں کا  $n$  اور اپنے حکما کافی پیچیدہ ہے لیکن ایک سادہ قاعدہ  $n$  اور  $l$  کی مجموعی قدر کا ہے۔ جس اربٹل کے لئے  $(n+l)$  کی قدر مقابلتناً کم ہو گی، اس کی توانائی بھی مقابلناً کم ہو گی۔ اگر دو اربٹل کی  $(n+l)$  قدر یکسان ہے تو جس اربٹل کی  $n$  قدر مقابلناً کم ہے اس کی توانائی بھی مقابلناً کم ہو گی۔ جدول 2.5، (2.5) قاعدے کو ظاہر کرتا ہے اور شکل 2.16 میں کثیر الکٹریٹنی ایٹم کے انرجی لیولوں کا دکھائے گئے ہیں۔ یہ نوٹ کیا جاسکتا ہے کہ کثیر الکٹریٹنی ایٹم کے لیے، ایک خاص شیل کے مختلف ذیلی شیل کی توانائیاں مختلف ہوتی ہیں۔ لیکن، ہاندروجن ایٹم میں ان کی توانائیاں یکساں ہوتی ہیں۔ آخر میں یہ ذکر بھی کیا جاسکتا ہے کہ یکساں ذیلی شیل میں اربٹل کی توانائیاں ایٹمی عدد ( $Z_{\text{eff}}$ ) میں اضافہ کی ساتھ کم ہوتی ہیں۔ مثال کے طور پر ہاندروجن ایٹم کے  $2s$  اربٹل کی توانائی، یہی  $2s$  اربٹل کی توانائی سے زیادہ ہے اور یہی  $2s$  کی توانائی سوڈیم سے زیادہ ہے اور اسی طرح آگے بھی یعنی کہ:  $E_{2s}(\text{H}) > E_{2s}(\text{Na}) > E_{2s}(\text{K})$

**2.6.4 ایک ایمیں اربٹل کا بھرنا** (Filling of Orbitals in Atom)

مختلف ایٹموں کے ارٹل میں ایکسرانوں کا بھرنا آف باؤ اصول کے مطابق (Exclusion Principle) کے اتنی اصول (Pauli Principle) کے انجام پاتا ہے، جو کہ پالی (Pauli) کے ازحد تقاضع (Hund's Principle) کے ازحد تقاضع (Maximum Principle) اور ارٹل کی شبکی قوانین (Relative Multiplicity) کے قاعدے پر یعنی ہے۔ Energies

### آف باو اصول (Aufbau Principle)

جرمن زبان میں لفظ آف باو (Aufbau) کا مطلب ہے "تعمیر کرنا"۔ ارباب کے تعمیر کرنے سے مطلب ہے ان میں الکٹرانوں کا بھرنا۔ اس

ہو سکتی ہے، اسی طرح آگے بھی۔ اس کا خلاصہ ایسے کیا جاسکتا ہے: پرپل کو اتم نمبر  $n$  کے شیل میں الیکٹرانوں کی زیادہ سے زیادہ تعداد  $2n^2$  ہو سکتی ہے۔

#### ازحد تضاعف کا ہند کا قاعدہ (Hund's Rule of Azimuthal Multiplicity)

#### Maximum Multiplicity

یہ قاعدہ ان اربیل میں الیکٹران بھرنے کے لیے ہے جو ایک ہی ذیلی شیل سے تعلق رکھتے ہیں (یعنی کہ مساوی تووانائی کے اربیل، جو کہ فاسد اربیل کہلاتے ہیں)۔ اس کا بیان ہے: یکساں ذیلی شیل (یا یہ  $d, p$  یا  $s$ ) سے تعلق رکھنے والے اربیل میں الیکٹرانوں کے جوڑے اس وقت تک نہیں بننے جب تک کہ اس ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے ہر ایک اربیل میں ایک ایک الیکٹران نہ آجائے، یعنی کہ وہ واحد الیکٹران سے بھرا ہوا نہ ہو۔

کیونکہ تین  $p$ ، پانچ  $d$  اور سات  $s$  اربیل ہوتے ہیں، اس لیے  $d, p$  اور  $s$  اربیل میں الیکٹرانوں کے جوڑے بننا، بالترتیب، چوتھے، چھٹے اور آٹھویں الیکٹران کے داخلے کے ساتھ شروع ہوں گے۔ یہ دیکھا گیا ہے کہ آٹھے بھرے ہوئے اور پورے بھرے ہوئے اربیل کے فاسدیت، اپنے تسلیک (Symmetry) کی وجہ سے، مزید استحکام حاصل کر لیتے ہیں (دیکھیے سیشن 2.6.7)۔

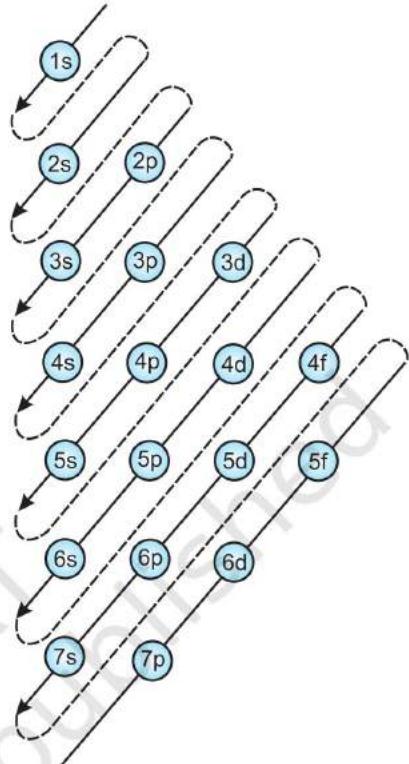
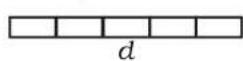
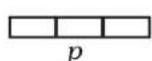
#### 2.6.5 ایٹموں کا الیکٹرانی تسلیک (Electronic Configuration of Atoms)

ایک ایئم کے اربیل میں الیکٹرانوں کی تقسیم، الیکٹرانی تسلیک (Electronic Configuration) کہلاتی ہے۔ اگر ہم ان بنیادی قاعدوں کو اپنے ذہن میں رکھیں، جن کے مطابق مختلف ایئمیں اربیل بھرے جاتے ہیں، تو مختلف ایٹموں کے الیکٹرانی تسلیک بہ آسانی لکھے جاسکتے ہے۔

مختلف ایٹموں کے الیکٹرانی تسلیک کا اظہار دو طریقوں سے کیا جاسکتا ہے۔ مثال کے طور پر:

(i)  $s^a p^b d^c \dots \dots \dots$  ترتیم

(ii) اربیل ڈائیگرام



شکل 2.17 اربیل کے بھرنے کی ترتیب

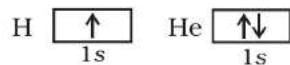
کے دیے ہوئے اتنی اصول سے محدود ہو جاتی ہے۔ اس اصول کے مطابق: ایک ایئم میں کوئی بھی دو الیکٹرانوں کا چار کوٹھی اعداد کا سیٹ یکساں نہیں ہو سکتا۔ پالی کے اتنی اصول کو ایسے بھی بیان کیا جاسکتا ہے: ”ایک ہی اربیل میں صرف 2 الیکٹران ہی رہ سکتے ہیں اور ان الیکٹرانوں کی اسپن بھی ایک دوسرے کے مخالف ہونا لازمی ہے۔“ اس کا مطلب ہے کہ ان دو الیکٹرانوں کے، تین کو اتم نمبر:  $a, b$  اور  $c$  کی قدریں یکساں ہو سکتی ہیں لیکن اسپن کو اتم نمبر کی قدر کا مخالف ہونا لازمی ہے۔ ایک اربیل میں رہ سکنے والے الیکٹرانوں کی تعداد پر پالی کی لگائی گئی یہ حد، ایک ذیلی شیل کی الیکٹران رکھ سکنے کی گنجائش کا حساب لگانے میں مددگار ثابت ہوتی ہے۔ مثال کے طور پر ذیلی شیل 1s ایک اربیل پر مشتمل ہے، اس لیے 1s ذیلی شیل میں پائے جاسکنے والے الیکٹرانوں کی زیادہ سے زیادہ تعداد 2 ہو سکتی ہے، اور  $d$  ذیلی شیل میں الیکٹرانوں کی زیادہ سے زیادہ تعداد 10 اور 16 (بالترتیب)

Li	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow$			
Be	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$			
B	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow$		
C	$\uparrow\downarrow$	$\downarrow\uparrow$	$\uparrow$	$\uparrow$	
N	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow$	$\uparrow$	$\uparrow$
O	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow$	$\uparrow$
F	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow$
Ne	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$	$\uparrow\downarrow$
	1s	2s	2p		

عناصر سوڈیم (Na,  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^1$ ) سے آرگن (Ar,  $1s^2 2s^2 2p^6 3s^1 3p^6$ ) تک الیکٹرانی تشكیل اسی نمونے پر ہوتے ہیں جو یتھیم سے نیون تک ہے، صرف اس فرق کے ساتھ کہ اب 3s اور 3p اربٹل بھرے جا رہے ہیں۔ اس عمل کو سادہ نایا جاسکتا ہے اگر ہم پہلے دو خالوں میں بھرے جانے والے الیکٹرانوں کی کل تعداد کو عنصر نیون (Ne) کے نام سے ظاہر کریں۔ عناصر سوڈیم سے آرگن تک کا الیکٹرانی تشكیل اس طرح لکھا جاسکتا ہے: (Na, [Ne]3s<sup>1</sup>) سے (Ar, [Ne]3s<sup>2</sup>3p<sup>6</sup>) تک۔ وہ الیکٹران جو مکمل طور پر بھرے ہوئے شیل میں ہوتے ہیں، کور (Core) الیکٹران کہلاتے ہیں اور وہ الیکٹران جو سب سے بڑے، پہلے کوائم نمبر والے الیکٹرانی شیل میں شامل کیے جاتے ہیں، گرفت الیکٹران (Valence Electron) کہلاتے ہیں۔ مثال کے طور پر وہ الیکٹران جو Ne میں ہیں، کور الیکٹران ہیں اور Na سے Ar تک میں جو الیکٹران ہیں، گرفت الیکٹران ہیں۔ پوناٹیم (K) اور کلیم (Ca) میں، کیونکہ 4s اربٹل کی تو妄ائی میں 3d اربٹل سے کم ہے، اس لیے اس میں، باترتیب ایک اور دو الیکٹران ہوتے ہیں۔ اسکینڈیم (Sc) سے ایک نیا نمونہ شروع ہوتا ہے۔ 3d اربٹل، جس کی تو妄ائی 4p اربٹل سے کم ہے، پہلے بھرنا شروع ہوتا ہے۔ اس لیے اگلے دس عناصر: اسکانڈیم (Sc)، تانٹیم (Ti)، وینیڈیم (V)، کرومیم (Cr) میں بھی یہیں، آرزن (Fe)، کوبالت (Co)، نیکل (Ni) کا پر (Cu) اور زک (Zn) میں پائی جائیں۔ ایک ایک کر کے بھرتے جاتے ہیں۔ یہیں چیرت ہو سکتی ہے کہ کرومیم اور کاپر میں 3d اربٹل میں 5 اور 10 ایکٹران ہیں، جب کہ ان کے مقام کے مطابق، 12 ایکٹران 4s اربٹل میں اور 3d اربٹل میں اور

پہلی ترسیم میں ذیلی شیل متعلقہ حرفي علامت سے ظاہر کیا جاتا ہے اور اس ذیلی شیل میں پائے جانے والے الیکٹرانوں کی تعداد اور پری دا تین کونے پر لکھی جاتی ہے، جیسے a, b, c۔ مختلف شیل کے لیے یہ کیسا ذیلی شیل میں فرق کرنے کے لیے متعلقہ ذیلی شیل سے پہلے پہل کوائم نمبر لکھا جاتا ہے۔ دوسرا ترسیم میں، ذیلی شیل ایک بکس کے ذریعے ظاہر کیا جاتا ہے اور مثبت اپن کا الیکٹران ایک سیدھے تیر (↑) کے ذریعے اور منفی اپن کا الیکٹران ایک الٹے تیر (↓) کے ذریعے ظاہر کیا جاتا ہے۔ دوسرا ترسیم کا پہلی ترسیم کے مقابلے میں فائدہ یہ ہے کہ اس کے ذریعے چاروں کوائم نمبر کا اظہار ہو جاتا ہے۔

ہاندروجن ایٹم میں صرف ایک ہی الیکٹران ہوتا ہے، جو اس اربٹل میں جاتا ہے، جس کی تو妄ائی سب سے کم ہوتی ہے، یعنی کہ 1s۔ ہاندروجن ایٹم کا الیکٹرانی تشكیل ہے 1s<sup>1</sup> جس کا مطلب ہے کہ اس کے 1s اربٹل میں ایک الیکٹران ہے۔ ہیلیم (He) کا دوسرا الیکٹران بھی 1s اربٹل کو گھیر سکتا ہے۔ اس کا تشكیل ہے: 1s<sup>2</sup> جیسا کہ اوپر بیان کیا جا پکا ہے کہ دونوں الیکٹران ایک دوسرے سے مخالف اپن کی وجہ سے مختلف ہوتے ہیں، جیسا کہ اربٹل ڈائیگرام سے دیکھا جاسکتا ہے۔



یتھیم (Li) کے تیرے الیکٹران کو، پالی اسٹنی اصول کی وجہ سے 1s اربٹل میں جانے کی اجازت نہیں ہے، اس لیے یہ اس کے بعد دستیاب اربٹل، یعنی کہ 2s اربٹل میں جاتا ہے۔ Li کا الیکٹرانی تشكیل ہے: 1s<sup>2</sup> 2s<sup>1</sup>۔ 2s اربٹل میں ایک اور ایکٹران کے لیے جگہ ہے۔ اس لیے یہ یتھیم (Be) ایٹم کا تشكیل ہے: 1s<sup>2</sup> 2s<sup>2</sup> (عناصر کے الیکٹرانی تشكیل کے لیے دیکھیے جدول 2.6)۔

اگلے چھ عناصر بوران (B, 1s<sup>2</sup> 2s<sup>2</sup> 2p<sup>1</sup>) کاربن (C, 1s<sup>2</sup> 2s<sup>2</sup> 2p<sup>2</sup>)، نائروجن (N, 1s<sup>2</sup> 2s<sup>2</sup> 2p<sup>3</sup>)، آئججن (O, 1s<sup>2</sup> 2s<sup>2</sup> 2p<sup>4</sup>) فلورین (F, 1s<sup>2</sup> 2s<sup>2</sup> 2p<sup>5</sup>) اور نیون (Ne, 1s<sup>2</sup> 2s<sup>2</sup> 2p<sup>6</sup>) میں 2p اربٹل بتدریج بھرتا جاتا ہے۔ یہ عمل نیون ایٹم کے ساتھ مکمل ہو جاتا ہے۔ ان عناصر کی اربٹل تصویر مندرجہ ذیل طور پر ظاہر کی جاسکتی ہے۔

سامات کیوں تشکیل دیتے ہیں؟، کچھ عناصر "دھاتیں" کیوں ہیں جب کہ دیگر غیر دھاتیں ہیں؟، ہلیم اور آرگن جیسے عناصر متعال (Reactive) کیوں نہیں ہیں جبکہ ہیلوجن (Halogens) جیسے عناصر متعال ہیں؟ ان سوالوں کے جواب الیکٹرانی تشکل کے ذریعے بآسانی واضح ہو جاتے ہیں۔ اللہ کا ایسی ماؤں ان سوالوں کا کوئی جواب نہیں فراہم کرتا۔ اس لیے جدید کیمیائی معلومات کے مختلف پہلوؤں میں درک حاصل کرنے کے لیے، ایم کی الیکٹرانی ساخت کو تفصیل کے ساتھ سمجھنا بہت ضروری ہے۔

### 2.6.6 مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کا (Stability of Completely Filled and Half Filled Subshell)

ایم کا گروہ نڈا ایٹھ ایکٹرانی تشکل بیشکم ترین کل الیکٹرانی تووانائی سے مطابقت رکھتا ہے۔ زیادہ تر ایٹھوں کے الیکٹرانی تشکل سیکشن 2.6.5 میں دے گئے بنیادی قاعدوں کے مطابق ہوتے ہیں۔ لیکن کچھ خاص عناصر میں، جیسے Cr یا Cu کی 3d<sup>10</sup> اور 4s<sup>1</sup> کی تووانائیوں میں معمولی سفارق ہوتا ہے، ایک الیکٹران مقابلہ کم تووانائی کے ذیلی شیل (4s<sup>1</sup>) سے مقابلہ زیادہ تووانائی کے ذیلی شیل میں چلا جاتا ہے، بشرطیکہ اس کے نتیجے میں، مقابلہ زیادہ تووانائی کے ذیلی شیل کے تمام اربیل مکمل یا نصف بھر جائیں۔ اس لیے Cr یا Cu کے گرفت الیکٹرانی تشکل، بالترتیب، 3d<sup>5</sup> 4s<sup>1</sup> اور 3d<sup>10</sup> 4s<sup>1</sup> ہیں، 3d<sup>4</sup> 4s<sup>2</sup>، 3d<sup>9</sup> 4s<sup>2</sup> نہیں۔ یہ معلوم ہوا ہے کہ ان الیکٹرانی تشکل سے مزید استحکام وابستہ ہے۔

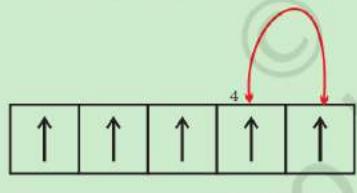
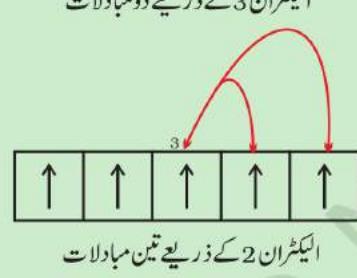
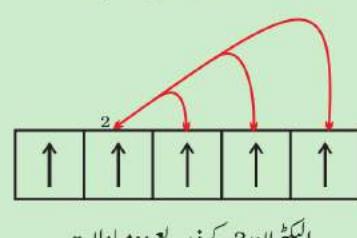
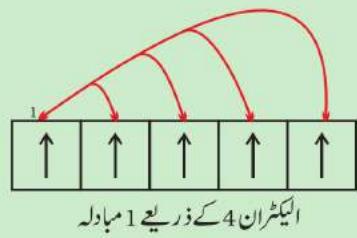
اربیل میں 4 اور 9 الیکٹران ہونے چاہیے تھے۔ وجہ یہ ہے کہ مکمل طور پر بھرے ہوئے اور آدھے بھرے ہوئے اربیل میں مزید استحکام ہوتا ہے (یعنی کہ مقابلہ کم تووانائی)۔ اس لیے  $f^{14}$ ,  $f^7$ ,  $d^{10}$ ,  $d^5$ ,  $p^6$ ,  $p^3$  غیرہ تشکل، جو یا تو آدھی بھری ہیں یا مکمل بھری ہیں، مقابلہ زیادہ مستحکم ہیں۔ کرومیم اور کاپر، اس لیے،  $d^{10}$  تشکل اختیار کرتے ہیں۔ (سیکشن 2.6.7) [اعتباہ: اسٹشی بھی پائے جاتے ہیں۔]

3d اربیل کے سیر شدہ (Saturation) ہو جانے کے بعد، گلیم (Ga) سے اربیل کا بھرنا شروع ہوتا ہے، جو کرپلان (Kr) پر مکمل ہوتا ہے۔ رو بیڈیم (Rb) سے لے کر زینان (Xe) تک، یعنی کہ، اگلے 18 عناصر میں 5s, 5s, 4d, 4d, 5p, 5p اور اربیل اسی نمونے کے مطابق بھرے جاتے ہیں، جو اوپر بیان کیے گئے، اور 4p, 3d, 4s, 4p اربیل میں تھا۔ پھر 6s اربیل کی باری آتی ہے۔ سیزیم (Cs) اور بیریم (Ba) میں اس اربیل میں، بالترتیب ایک اور دو الیکٹران ہوتے ہیں۔ پھر یونیم (La) سے مرکری (Hg) تک، 5d<sup>1</sup> اور 5f<sup>7</sup> میں الیکٹران بھرے جاتے ہیں۔ یورپیم (U) کے بعد تمام عناصر منحصر دورِ حیات (Life Period) والے ہیں اور مصنوعی طریقوں سے تیار کیے جاتے ہیں۔ معلوم عناصر کے الیکٹرانی تشکل (جبیسا کہ اپیکٹر وا سکوپ طریقوں سے معلوم کئے گئے ہیں)، جدول 2.6 میں دیے گئے ہیں۔

ہم پوچھ سکتے ہیں کہ آخر الیکٹرانی تشکل جانے کا فائدہ یا استعمال کیا ہے؟ کیمسٹری کو مجھے کی جدید طرز رسائی دراصل، کیمیائی طرز عمل کو مجھے اور اس کی وضاحت کرنے کے لیے، تقریباً پوری طرح سے الیکٹرانی تقسیم پر منحصر ہے۔ مثال کے طور پر ایسے سوالات کہ دو یادو سے زیادہ ایم کل کر

### مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کے استحکام کی وجوہات

مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل، مندرجہ ذیل وجوہات کی بناء پر مبنی ہوتے ہیں:



شکل 2.18  $d^5$  تشكل کے لیے ممکنہ مبادله

**1.** الیکٹرانوں کی متشاکل تقسیم: یہ اچھی طرح معلوم ہے کہ تشاکل، استحکام کی طرف لے جاتا ہے۔ نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل، مندرجہ ذیل وجوہات کی سیکان ذیلی شیل (یہاں 3d) میں الیکٹرانوں کی توانائی مساوی ہوتی ہے اور مکانی قسم (Saptial Distribution) مختلف ہوتی ہے، تینجا ایک دوسرے کے لیے ان کی شیلڈنگ مقابلتاً کم ہوتی ہے اور ایکٹران نیوکلیس کی طرف زیادہ قوت سے کشش کا اظہار کرتے ہیں۔

**2.** مبادلہ توانائی: جب بھی دو یا دو سے زیادہ کیسان اپنے والے ایکٹران، ایک ذیلی شیل کے فاسدار بھل میں موجود ہوتے ہیں تو استحکامی اثر پیدا ہوتا ہے۔ یہ ایکٹران اپنا مقام آپس میں تبدیل کرنے کی طرف مائل ہوتے ہیں اور اس مبادلے کی وجہ سے خارج ہونے والی توانائی مبادلہ توانائی (Exchange Energy) کہلاتی ہے۔ مکانہ مبادلوں کی تعداد اس وقت سب سے زیادہ ہوتی ہے، جب کہ ذیلی شیل نصف بھرا ہو یا مکمل بھرا ہو (شکل 2.18)۔ اس کے نتیجے میں مبادلہ توانائی سب سے زیادہ ہوتی ہے اور اس لیے استحکام بھی۔

آپ نوٹ کر سکتے ہیں کہ مبادلہ توانائی ہی ہندز قاعدے کی بنیاد ہے، جس کے مطابق وہ ایکٹران جو مساوی توانائی کے ارٹھ میں داخل ہوتے ہیں، جہاں تک ممکن ہو، ان کی اپنے متوازی ہوتی ہیں۔ دوسرے لفظوں میں، مکمل بھرے ہوئے اور نصف بھرے ہوئے ذیلی شیل کی مزید استحکام کی وجوہات ہیں:

- (i) مقابلتاً کم شیلڈنگ (ii) مقابلتاً کم کو لمب دفع توانائی (iii) مقابلتاً زیادہ مبادلہ توانائی۔ مبادلہ توانائی کے بارے میں تفصیلات آپ آئندہ درجات میں پڑھیں گے۔

### جدول 2.6 عناصر کے ایکٹرانی تسلی

\* استثنائی ایکٹرانی تسلی والے عناصر

\*\* ایٹھی عدد 211 اور اس سے زیادہ ایٹھی عدود والے عناصر کے بارے میں رپورٹیں تو حاصل ہوئی ہیں لیکن ان کی نتائج تصدیق ہو گئی ہے اور نہ ہی انھیں نام دیے گئے ہیں۔

## خلاصہ

ایم عناصر کے بلڈنگ بلاک ہیں۔ یہ غضر کے وہ سب سے چھوٹے اجزاء ہیں جو کیمیائی طور پر تعامل کرتے ہیں۔ 1808 میں ڈالن کے ذریعے تجویز کیے گئے سلسلے ایم نظریہ کے مطابق ایم کو مادہ کا بنیادی ناقابل تقسیم ذرہ مانا گیا۔ انسویں صدی کے اختتام کے قریب، تجربات سے یہ ثابت ہوا کہ ایم قابل تقسیم ہیں اور تین بنیادی ذرات الکٹران، پروٹان اور نیوٹر ان پر مشتمل ہیں: ذیلی ایمی ذرات کی دریافت نے، ایم کی ساخت کی وضاحت کرنے کے لیے مختلف ایمی ماڈلوں کی تجویز پیش کرنے کی راہ دکھائی۔

تحمسن نے 1898 میں تجویز پیش کی کہ ایم ثابت بر ق کے یکساں کردہ پر مشتمل ہے، جس میں الکٹران بیوست ہوتے ہیں۔ اس ماڈل کو جس میں سمجھا جاتا ہے کہ ایم کی کمیت پورے ایم میں یکساں طور پر پھیلی ہوئی ہے، 1909 میں رورفروڈ کے الفاڈرہ انتشار تجربہ نے غالط ثابت کر دیا۔ رورفروڈ نے نتیجہ اخذ کیا کہ ایم میں اس کے مرکز پر ایک بہت چھوٹا شبت چارج شدہ یونیکلیس ہے، جس کے ارد گرد الکٹران مدور اربٹ میں گھوم رہے ہیں۔ رورفروڈ کا ماڈل، جو شمشی نظام سے مشابہت رکھتا ہے، یقیناً ٹھامسن ماڈل سے بہتر تھا لیکن یہ ایم کے استحکام کی وضاحت نہیں کر سکا، یعنی کہ، الکٹران یونیکلیس میں گر کیوں نہیں جاتے۔ اس کے علاوہ یہ ایم کی الکٹرانی ساخت کے بارے میں بھی کچھ نہیں بتاسکا، یعنی کہ الکٹران یونیکلیس کے ارد گرد کس طرح تقسیم ہوتے ہیں اور ان کی کیا تو ان کیا ہوتی ہیں۔ رورفروڈ ماڈل کی ان خامیوں کو 1913 میں، نیلس بوہر نے اپنے ہائزر و جن ماڈل کو پیش کر کے دور کیا۔ بوہر ماڈل کا بنیادی مفروضہ تھا کہ الکٹران یونیکلیس کے گرد مدور اربٹ میں گھومتے ہیں۔ کچھ خاص اربٹ ہی پائے جاتے ہیں اور ہر ایک اربٹ ایک مخصوص تو انکی سے مطابقت رکھتا ہے۔ بوہر نے مختلف اربٹ میں الکٹران کی تو انکی کا حساب لگایا اور ہر اربٹ کے لیے الکٹرانی اور یونیکلیس کے درمیانی فاصلے کی پیشین گوئی کی۔ حالانکہ بوہر ماڈل ہائزر و جن ایم کے طبق کی طہیں بخش وضاحت کر سکا لیکن کثیر الکٹران ایٹموں کے طیف کی وضاحت کرنے میں ناکام رہا۔ اس کی وجہ جلد ہی دریافت ہو گئی۔ بوہر ماڈل میں الکٹران کو ایک چارج شدہ ذرہ مانا جاتا ہے، جو یونیکلیس کے گرد، پہ خوبی معروف مدور اربٹ میں حرکت کر رہا ہے۔ بوہر کے نظریہ میں الکٹران کی لہر فطرت کو نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔ ایک اربٹ واضح طور پر معروف راستہ ہے اور اس راستہ کی مکمل تعریف صرف اسی وقت کی جاسکتی ہے جب ایک الکٹران کی رفتار اور اس کا مقام بالکل، ہمہ وقت، معلوم ہو۔ یہ ہائز نبرگ عدم یقینی اصول کے مطابق ممکن نہیں ہے۔ اس لیے بوہر کا ہائزر و جن ایم کا ماڈل نہ صرف الکٹران کی دو ہری فطرت کو نظر انداز کرتا ہے بلکہ ہائز نبرگ عدم یقینی اصول کی بھی تردید کرتا ہے۔

ارون شروڈنگر نے 1926 میں، اپسیں (Space) میں الکٹرانوں کی تقسیم اور ایم میں منظور شدہ انرجنی یولو (Allowed Energy Levels) بیان کرنے کے لیے ایک مساوات تجویز کی جو شروڈنگر مساوات کہلاتی ہے۔ یہ مساوات ذی بر الگی کے لہر۔ ہر ہر فطرت کے تصور کو اپنے اندر سوئے ہوئے ہے اور ہائز نبرگ عدم یقینی اصول سے بھی ہم آہنگ (consistent) ہے۔ جب، ہائزر و جن ایم میں الکٹران کے لیے شروڈنگر مساوات حل کی جاتی ہے تو ہمیں وہ ممکنہ تو انکی حالتیں حاصل ہوتی ہیں، جن میں الکٹران رہ سکتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ ان تو انکی حالتیں سے مطابقت رکھنے والے لہر تفااعلات ہیں۔ (جو دراصل ریاضیاتی تفااعلات ہیں)

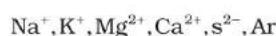
ہمیں دراصل ہر الکٹران کے لیے ہر ایک تو انکی حالت سے نسلک لہر تفااعلات حاصل ہوتے ہیں۔ یہ کوئی تو انکی حالتیں اور ان سے مطابقت رکھنے والے موچ۔ تفااعلات، جن کی خاصیتیں تین کوئی اعداد (پر چل کو اتم نمبر، n، سمت راس کوئی عدد اور متناطیسی کوئی عدد m) سے ظاہر کی جاتی ہیں، شروڈنگر مساوات کے حل کے قدرتی متانج کی شکل میں سامنے آتے ہیں۔ ان تین کوئی اعداد کی قدر رون پر لگنے والی پابندیاں بھی اسی حل کا قدرتی نتیجہ ہیں۔ ہائزر و جن ایم کا کو اتم میکانیکی ماڈل ہائزر و جن ایم طیف کے تمام پہلوؤں کی کامیابی کے ساتھ پیشین گوئی کرتا ہے اور ساتھ ہی ساتھ کچھ ایسے مظاہر کی وضاحت بھی کرتا ہے، جن کی وضاحت بوہر ماڈل نہیں کر سکتا۔

ایئم کے کوائم میکانیکی ماؤل کے مطابق، وہ ایئم جس میں الیٹرانوں کی ایک تعداد ہو، الیٹرانوں کی تقسیم اس طرح ہوتی ہے کہ الیٹران شیل میں ہوتے ہیں، یہ سمجھا جاتا ہے کہ یہ شیل خود، ایک یا اس سے زیادہ ذیلی شیل پر مشتمل ہوتے ہیں اور ہر ایک ذیلی شیل، ایک یا اس سے زیادہ ارٹل پر مشتمل ہوتا ہے اور ان ارٹل میں الیٹران پائے جاتے ہیں۔ جبکہ ہاندروجن یا ہاندروجن میں نظاموں میں (مثلاً  $\text{He}^{2+}$ ,  $\text{Li}^+$  وغیرہ) ایک دیے ہوئے شیل کے تمام ارٹل کی تو انائی یکساں ہوتی ہے، ایک کشرا الیٹرانی ایئم میں ارٹل کی تو انائی اور ان کی قدروں پر محصر ہے۔ ایک ارٹل کے لیے  $(n + l)$  کی اگر مقابلاً کم ہوگی تو اس کی تو انائی بھی مقابلاً کم ہوگی۔ اگر دو ارٹل کی  $(n + l)$  قدر یکساں ہے، تو جس ارٹل کی  $n$  قدر مقابلاً کم ہوگی، اس کی تو انائی بھی کم ہوگی۔ ایک ایئم میں ایسے کئی ارٹل ممکن ہیں اور ان ارٹل میں الیٹران، تو انائی کی بڑھتی ہوئی ترتیب کے ساتھ، پالی کے اصول اتنی (ایک ایئم میں کن ہی دو الیٹرانوں کا چاروں کوئی اعداد کا سیٹ یکساں نہیں ہو سکتا) اور ہند کے ازحد تضاعف کے قاعدے (یکساں ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے ارٹل میں الیٹرانوں کے جوڑے اس وقت تک نہیں بننے جب تک کہ اس ذیلی شیل سے تعلق رکھنے والے ہر ایک ارٹل میں ایک ایک الیٹران نہ آجائے) کے مطابق بھرے جاتے ہیں۔ یہ ایئم کی الیٹرانی ساخت کی بنیاد تشكیل دیتا ہے۔

## مشقین

- (i) کتنے الیٹرانوں کا مجموعی وزن 1 کلوگرام ہوگا؟ حساب لگائیے۔ 2.1  
(ii) الیٹرانوں کے 1 مول کی کمیت اور ان کے برتنی چارج کا حساب لگائیے۔
- (i) میتھین کے 1 مول میں پائے جانے والے الیٹرانوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔ 2.2  
(ii)  $^{14}\text{C}$  کے 7mg میں نیوٹرانوں (a) کی کل تعداد (b) کل کمیت معلوم کیجیے۔ (فرض کیجیے  $1.675 \times 10^{-27} \text{ kg} =$  ایک نیوٹران کی کمیت۔)
- (iii) معلوم کیجیے:  $\text{NH}_3$  STP پر کے 34 گرام میں (a) پروٹانوں کی کل تعداد (b) پروٹانوں کی کل کمیت۔ کیا درجہ حرارت اور دباؤ کو تبدیل کرنے سے جواب تبدیل ہو جائے گا؟
- مندرجہ ذیل نیکلیس میں کتنے نیوٹران اور کتنے پروٹان ہوں گے: 2.3
- $^{13}\text{C}$ ,  $^{16}\text{O}$ ,  $^{24}\text{Mg}$ ,  $^{56}\text{Fe}$ ,  $^{88}\text{Sr}$
- دیے ہوئے ایٹمی عدد (Z) اور ایٹمی کمیت (A) کے لیے ایئم کی مکمل علامت لکھئے: 2.4
- A = 35, Z = 17 (i)  
A = 233, Z = 92 (ii)  
A = 9, Z = 4 (iii)
- سوڈم لیپ سے خارج ہو رہی پیلی روشنی کا طولی موج ( $\lambda$ ) 580 nm ہے۔ اس پیلی روشنی کی فریکوننسی (v) معلوم کیجیے۔ 2.5  
اس ہر ایک فوٹون کی تو انائی معلوم کیجیے جو
- (i)  $3 \times 10^{15} \text{ Hz}$   
(ii) جس کا طولی موج  $0.50 \text{ \AA}$  ہے۔
- اس روشنی کی موج کی فریکوننسی، طولی موج اور موج عدد معلوم کیجیے، جس کا دوری وقت  $2.0 \times 10^{-10} \text{ s}$  ہے۔ 2.7

- اس روشنی کے فوٹانوں کی تعداد کیا ہوگی، جس کا طولی موج  $4000 \text{ pm}$  ہے اور جو  $1 \text{ توانائی}$  مہیا کرتی ہے۔ 2.8
- $4 \times 10^{-7} \text{ m}$  طولی موج کا ایک فوٹان دھاتی سطح سے نکلاتا ہے۔ دھات کا کام قابل  $2.13 \text{ eV}$  ہے۔ 2.9
- حساب لگائیے: (i) فوٹان کی توانائی (eV) (ii) اخراج کی حرکی توانائی (iii) فوٹو الکٹران کی رفتار ( $J = 1.6020 \times 10^{-19} \text{ A}$ ) (1 eV =  $1.6020 \times 10^{-19} \text{ J}$ ) 2.10
- 242 nm طولی موج کا برق مقناتی اشعاع، سوڈیم ایم کی آین کاری کے لیے کافی ہے۔ سوڈیم کی آین کاری توانائی کا حساب لگائیے۔
- ایک 25 واط کا بلب  $lm$  کے طولی موج کی یک رنگ پہلی روشنی خارج کرتا ہے۔ کوئی انیکٹن کے اخراج کی شرح کا حساب لگائیے۔ 2.11
- جب ایک دھاتی سطح پر  $6800 \text{ \AA}$  طولی موج کا اشعاع پڑتا ہے تو دھاتی سطح سے صفر رفتار کے الکٹران خارج ہوتے ہیں۔ دھات کی دلیلی فریکوئنسی ( $f_0$ ) اور کام قابل ( $W_0$ ) کا حساب لگائیے۔ 2.12
- خارج ہونے والی اس روشنی کا طولی موج کیا ہوگا جسے ہائڈروجن ایم میں ایک الکٹران، انرجی یول  $4 = n$  سے انرجی یول  $2 = n$  کے عبور (Transition) کرنے کے دوران خارج کرتا ہے۔ 2.13
- ایک  $H$  ایم کی آین کاری کے لیے کتنی توانائی درکار ہے، اگر الکٹران  $5 = n$  اربٹ میں ہے۔ اپنے جواب کا مقابلہ  $H$  ایم کی آیونائزیشن اسٹھاپی سے کیجیے۔ ( $1 = n$  مدار سے الکٹران خارج کرنے کے لیے درکار توانائی)
- اخراجی خطوط (Emission Lines) کی زیادہ سے زیادہ تعداد کیا ہوگی، جبکہ ایک  $H$  ایم کا مشتعل الکٹران  $6 = n$  سے گراوڈ اسٹیٹ میں آتا ہے۔ 2.14
- (i) ہائڈروجن ایم میں پہلے اربٹ سے نسلک توانائی  $-2.18 \times 10^{-16} \text{ J atom}^{-1}$  ہے۔ پانچویں اربٹ سے نسلک توانائی کیا ہوگی؟ 2.15
- (ii) ہائڈروجن ایم کے لیے بوہر کے پانچویں اربٹ کے نصف قطر کا حساب لگائیے۔ 2.16
- ایسی ہائڈروجن کے بالمرسلے میں سب سے زیادہ طولی موج والے ٹرانزیشن کے موج عدد کا حساب لگائیے۔ 2.17
- ہائڈروجن کے الکٹران کو پہلے بوہر اربٹ سے پانچویں بوہر اربٹ میں منتقل کرنے کے لیے درکار توانائی، جو میں کیا ہوگی؟ اور جب الکٹران گراوڈ اسٹیٹ میں واپس آتا ہے تو خارج ہونے والی روشنی کا طولی موج کیا ہوگا؟ گراوڈ اسٹیٹ الکٹران توانائی  $-2.18 \times 10^{-16} \text{ ergs}$  ہے۔ 2.18
- ہائڈروجن ایم میں الکٹران توانائی  $-J/n^2$  (  $J = -2.18 \times 10^{-18} \text{ J}$  ) سے ظاہر کی جاتی ہے۔ ایک الکٹران کو  $n=2$  اربٹ سے مکمل طور پر خارج کرنے کے لیے درکار توانائی کا حساب لگائیے۔ اس ٹرانزیشن کو عمل میں لانے کے لیے روشنی کا طولی موج، پیشی میٹر میں، زیادہ سے زیادہ کتنا ہو سکتا ہے؟ 2.19
- اس الکٹران کے طولی موج کا حساب لگائیے جو  $2.05 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے حرکت کر رہا ہے۔ 2.20
- ایک الکٹران کی کیمیت  $9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$  ہے۔ اگر اس کی حرکی توانائی  $J = 3.0 \times 10^{-25}$  ہے تو اس کے طولی موج کا حساب لگائیے۔ 2.21
- مندرجہ ذیل میں کوئی انواع، ہم الکٹرانی (Isoelectronic) ہیں (یعنی جن میں الکٹرانوں کی تعداد یکساں ہے)؟ 2.22



- (i) مندرجہ ذیل آئینوں کا ایکٹرانی تشکل لکھیے: (a)  $H^-$  (b)  $Na^+$  (c)  $O^{2-}$  (d)  $F^-$  2.23  
 (ii) ان عناصر کے ایئمی اعداد کیا ہیں جن کے سب سے باہری ایکٹران ظاہر کیے جاتے ہیں: (a)  $3p^5$  (b)  $3s^1$  (c)  $2p^5$  اور (d)  $4s^2$  2.24  
 (iii) مندرجہ ذیل تشکل سے کون سے ایئم ظاہر کیے جاتے ہیں: (a) [Ar]  $4s^2 3d^1$ , (b) [Ne]  $3s^2 3p^3$ , (c) [He]  $2s^1$  (d) پروٹانوں کی تعداد 2.25  
 کی وجہ ترین قدر کیا ہے جس کے لیے اربٹل پایا جاتا ہے۔ 2.26  
 ایک ایکٹران  $3d$  کے کسی ایک اربٹل میں ہے۔ اس ایکٹران کے لیے  $n$  اور  $m_l$  کی ممکنہ قدریں بتائیے۔ 2.27  
 کسی عصر کے ایک ایئم میں 29 ایکٹران اور 35 نیوتراں ہیں، معلوم کیجیے (i) پروٹانوں کی تعداد (ii) عصر کا ایکٹران تشکل 2.28  
 انواع:  $H_2^-$ ,  $H_2$ ,  $O_2^+$  اور  $H_2$  میں ایکٹرانوں کی تعداد بتائیے۔ 2.29  
 (i) ایک ایئمی اربٹل کے لیے  $n = 3$  ہے۔ اور  $m_l$  کی ممکنہ قدریں کیا ہیں۔ 2.30  
 (ii)  $3d$  اربٹل کے ایکٹران کے لیے کوئی اعداد (a) اور (b) کی فہرست تیار کیجیے۔  
 (iii) مندرجہ ذیل میں سے کون سے اربٹل ممکن ہیں:  $2s$ ,  $1p$ ,  $3f$ ,  $2p$  اور  $1s$  2.31  
 ترسیم کا استعمال کرتے ہوئے مندرجہ ذیل کوئی اعداد والے اربٹل بیان کیجیے:  
 $l=3$ ,  $n=4$  (d);  $n=4$ ,  $l=2$  (c);  $l=1$ ,  $n=3$  (b);  $n=1$ ,  $l=0$  (a)  
 وجہ بتاتے ہوئے وضاحت کیجیے کہ مندرجہ ذیل میں سے کوئی اعداد کے کون سے سیٹ ممکن نہیں ہیں۔  
 (a)  $n=0$ ,  $l=0$ ,  $m_l = 0$ ,  $m_s = +\frac{1}{2}$   
 (b)  $n=1$ ,  $l=0$ ,  $m_l = 0$ ,  $m_s = -\frac{1}{2}$   
 (c)  $n=1$ ,  $l=1$ ,  $m_l = 0$ ,  $m_s = +\frac{1}{2}$   
 (d)  $n=2$ ,  $l=1$ ,  $m_l = 0$ ,  $m_s = -\frac{1}{2}$   
 (e)  $n=3$ ,  $l=3$ ,  $m_l = -3$ ,  $m_s = +\frac{1}{2}$   
 (f)  $n=3$ ,  $l=1$ ,  $m_l = 0$ ,  $m_s = +\frac{1}{2}$   
 کسی ایئم میں کتنے ایکٹرانوں کے مندرجہ ذیل کوئی اعداد ہو سکتے ہیں: 2.32  
 (a)  $n=4$ ,  $m_s = -\frac{1}{2}$  (b)  $n=3$ ,  $l=0$   
 دکھائیے کہ ہائڈروجن ایئم کے لیے بوہر اربٹ کا محیط (Circumfrance), اربٹ میں گھومتے ہوئے ایکٹران سے نسلک ڈی ہر اگلی طولی موج کا ایک صحیح عددی ضعف (Integral Multiple) ہے۔ 2.33  
 ہائڈروجن طیف میں کس مرانیزین کا طولی موج  $H_e^+$  طیف کے  $n=4$  سے  $n=2$  تک بالمرانیزین کے طولی موج کے مساوی ہو گا۔  
 عمل:  $H_e^+(g) \rightarrow He^{2+}(g)$  کے لیے درکار توatalی کا حساب لگائیے۔ گراوڈ اسٹیٹ میں ہائڈروجن ایئم کے لیے آئین کاری توatalی  $2.18 \times 10^{-18} J atm^{-1}$  ہے۔ 2.34  
 اگر کاربن ایئم کا قطر  $0.15 nm$  ہے، تو ان کاربن ایٹموں کی تعداد معلوم کیجیے جو  $20 cm$  لمبائی کے اسکیل کے ساتھ ایک سیدھے خط میں ایک کر کے رکھے جاسکتے ہیں۔ 2.35  
 کاربن کے  $2 \times 10^8$  ایٹم کے پہلو بہ پہلو ترتیب دیے گئے ہیں۔ اگر پوری ترتیب کی لمبائی  $2.4 cm$  ہے تو کاربن ایئم کا نصف قطر معلوم کیجیے۔ 2.36

- زکٹ ایٹم کا قطر  $2.6\text{ \AA}$  ہے۔ حساب لگائیں (a) pm میں زکٹ ایٹم کا نصف قطر (b) اگر زکٹ ایٹم کو ایک ایک کر کے لمبائی میں ترتیب دیا جائے تو  $1.6\text{ cm}$  لمبائی میں پائے جانے والے زکٹ ایٹم کی تعداد۔ 2.37
- کسی ذرہ کا ساکن بر قی چارج  $C = 2.5 \times 10^{-16}$  ہے۔ اس میں موجود ایکٹرانوں کی تعداد معلوم کیجیے۔ 2.38
- ملیکن کے تجربے میں، تیل کے قطروں پر موجود ساکن بر قی چارج  $C = 1.282 \times 10^{-18}$  ہے تو اس میں موجود ایکٹرانوں کی تعداد کا حساب لگائیے۔ 2.39
- ردفورڈ کے تجربے میں عام طور سے  $\alpha$ -ذرات کی بماری کے لیے، سونا، پیٹینم وغیرہ جیسے بھاری ایٹم کے پتے ورق استعمال کی جاتے ہیں۔ اگر ایلوٹینم وغیرہ جیسے ہلکے ایٹم کے پتے ورق استعمال کیے جائیں تو تیجوں میں کیا فرق دیکھنے میں آئے گا؟ 2.40
- علامتیں  $^{79}_{35}\text{Br}$  اور  $^{79}_{35}\text{Br}$  کا حصہ عالمتیں  $^{35}_{79}\text{Br}$  قابل قبول نہیں ہیں۔ مختصر آجواب دیجیے۔ 2.41
- ایک عنصر کا کمیتی عدد 81 ہے، اس میں پروٹانوں کے مقابلے میں 31.7% زیادہ نیوٹران ہیں۔ اسے ایٹمی علامت عطا کیجیے۔ 2.42
- ایک آئین، جس کا کمیتی عدد 37 ہے، اس میں ایک اکائی چارج ہے۔ اگر آئین میں ایکٹرانوں کے مقابلے میں 11.1% زیادہ نیوٹران ہیں تو آئین کی علامت معلوم کیجیے۔ 2.43
- کمیتی عدد 56 والے ایک آئین، پر 3 اکائی ثبت چارج پایا جاتا ہے اور اس میں ایکٹرانوں کے مقابلے میں نیوٹرانوں کی تعداد زیادہ ہے۔ اس آئین کی علامت بتائیں۔ 2.44
- مندرجہ ذیل قسم کے اشعاع کو فریکوئنسی کی صعودی ترتیب (Increasing order) میں لکھیں: (a) ماٹکروڈیو اودن سے خارج ہو رہا اشاعع (b) ٹریفک گلشن کی عبر و درشی (c) FM ریڈیو کا اشاعع (d) یورونی اپسیس سے آنے والی کامک شعاعیں (e) X-شعاعیں۔ 2.45
- ناٹروجن لیزر  $337.1\text{ nm}$  طولی موج کا اشاعع پیدا کرتا ہے۔ اگر خارج ہونے والے فوتانوں کی تعداد  $5.6 \times 10^{24}$  ہے تو اس لیزر کی پاور کا حساب لگائیے۔ 2.46
- سامن بورڈوں میں عام طور سے نیون گیس استعمال کی جاتی ہے۔ اگر یہ  $616\text{ nm}$  پر تیزی سے اخراج کرتی ہے تو حساب لگائیں: (a) اخراج کی فریکوئنسی (b) اس اشاعع کے ذریعے  $30\text{ s}$  میں طے کیا گیا فاصلہ (c) کوٹم کی توانائی (d) موجود کوٹم کی تعداد جبکہ یہ  $2\text{ J}$  توانائی پیدا کرتی ہے۔ 2.47
- فلکیاتی مشاہدوں میں بہت دور کے ستاروں سے آنے والے ملکن عام طور پر کمزور ہوتے ہیں۔ اگر ایک فوتان شناس،  $600\text{ nm}$  کے اشاعع سے کل  $J = 3.15 \times 10^{-18}$  توانائی موصول کرتا ہے تو شناس کے ذریعے موصول کیے جانے والے فوتانوں کی تعداد کا حساب لگا ہے۔ 2.48
- جو سالمات اشتعالی حالت میں ہوتے ہیں، ان کے دور حیات، اکٹرپلس شدہ اشاعع ماغذہ کو، جن کا وقفہ نیوٹرینوں کی ریخ میں ہوتا ہے، استعمال کر کے معلوم کیے جاتے ہیں۔ اگر اشاعع ماغذہ کا وقفہ  $2\text{ ns}$  ہے اور اس وقفہ میں پلس ماغذہ سے خارج ہونے والے فوتانوں کی تعداد  $2.5 \times 10^{15}$ ، تو ماغذہ کی توانائی کا حساب لگائیے۔ 2.49
- سب سے زیادہ بھی طولی موج کا ڈبلیٹ انجدی ٹرائزیشن 589 اور  $589.6\text{ nm}$  نیوٹرینو پر دیکھا گیا ہے۔ ایک ٹرائزیشن کی فریکوئنسی اور دونوں مشتعل حالتوں کے درمیان توانائی فرق کے حساب لگائیے۔ 2.50
- سینیم ایٹم کا کام تفاضل  $1.9\text{ eV}$  ہے۔ حساب لگائیں (a) دبلیٹ طولی موج (b) اشاعع کی دبلیٹ فریکوئنسی اگر سینیم ایٹم پر  $500\text{ nm}$  طولی موج کی اشاعع ریزی کی جائے تو خارج ہونے والے فوتانوں ایکٹران کی حرکی توانائی اور رفتار کا حساب لگائیے۔ 2.51

سوڈیم دھات پر مختلف طولی موج کی اشعاع ریزی کی جاتی ہے تو مندرجہ ذیل نتائج حاصل ہوتے ہیں: حساب لگائیے (a) دلیز طولی موج اور (b) پلانک مستقلہ 2.52

$$\lambda \text{ (nm)} \quad 500 \quad 450 \quad 400 \\ v \times 10^{-5} \text{(cms}^{-1}\text{)} \quad 2.55 \quad 4.35 \quad 5.35$$

چاندی دھات سے، خیا برقی اثر تحریر کے دوران، فوٹو الیکٹرانوں کا اخراج  $v = 0.35 \text{ nm}^{-1}$  کا ویٹ لگا کر رکھا جاسکتا ہے۔ جب کہ استعمال کیے جانے والے اشعاع کا طولی موج  $256.7 \text{ nm}$  ہے۔ چاندی دھات کے لیے کام مقام کا حساب لگائیے۔ 2.53

اگر  $150 \text{ pm}$  طولی موج کا ایک فوٹان ایک ایتم سے مکررا ہے اور اس ایتم کا ایک اندر وی بندھا ہوا الیکٹران  $1.5 \times 10^7 \text{ ms}^{-1}$  کی رفتار سے خارج ہوتا ہے، تو اس تو ناتائی کا حساب لگائیے، جس سے وہ الیکٹران نوکلیس سے بندھا ہوا تھا۔ 2.54

پاچھن سلسلہ میں اخراج عبور اربٹ  $n=3$  پر رک جاتے ہیں اور اربٹ  $n$  سے شروع ہوتے ہیں اور انھیں ظاہر کیا جاسکتا ہے: 2.55

$$v = 3.29 \times 10^{15} \text{ (Hz)} [1/3^2 - 1/n^2]$$

اگر عبور  $1285 \text{ nm}$  پر دیکھنے میں آتا ہے تو  $n$  کی قدر کا حساب لگائیے۔ طیف کا خط معلوم کیجیے۔

اس اخراجی ٹرانزیشن کا طولی موج معلوم کیجیے جو اس اربٹ سے شروع ہوتا ہے، جس کا نصف قطر  $211.6 \text{ nm}$  ہے اور  $1.3225 \text{ pm}$  ہے۔ اس سلسلے کا نام بتائیے، جس سے یہ ٹرانزیشن تعلق رکھتا ہے اور طیف کا خط بتائیے۔ 2.56

ذی گبرالگی کے ذریعے تجویز کئے گئے مادہ کے دہرے برداونے نے الیکٹران مائیکروسکوپ کی دریافت کی راہ دکھائی۔ یہ مائیکروسکوپ اکثر حیاتیاتی سالمات اور دوسرے قسم کے مادوں کے بہت زیادہ تکبیر شدہ عکس حاصل کرنے کے لیے استعمال ہوتا ہے۔ اگر اس مائیکروسکوپ میں الیکٹران کی رفتار  $1.6 \times 10^6 \text{ ms}^{-1}$  ہے، تو اس الیکٹران سے مسلک ذی برالگی طولی موج کا حساب لگائیے۔ 2.57

الیکٹران انصراف مائیکروسکوپ کی طرح نیوٹران انصراف مائیکروسکوپ کا استعمال بھی سالمات کی ساخت معلوم کرنے کے لیے ہوتا ہے۔ اگر یہاں استعمال ہونے والی طولی موج  $800 \text{ pm}$  ہے تو نیوٹران سے مسلک مخصوص رفتار کا حساب لگائیے۔ 2.58

اگر بوہر کے پہلے اربٹ میں الیکٹران کی رفتار  $2.19 \times 10^6 \text{ ms}^{-1}$  ہے تو اس سے مسلک ذی برالگی طولی موج کا حساب لگائیے۔ 2.59

$V = 1000 \text{ V}$  کے برقی مضمون فرق میں حرکت کرتے ہوئے پروٹان سے مسلک رفتار  $4.37 \times 10^5 \text{ ms}^{-1}$  ہے۔ اگر  $0.1 \text{ kg}$  کی میت کی ہائی کی گینداشی رفتار سے حرکت کر رہی ہو تو اس رفتار سے مسلک طولی موج کا حساب لگائیے۔ 2.60

اگر ایک الیکٹران کا مقام  $0.002 \text{ nm} \pm$  کی درستگی صحت کے ساتھ ناپا جاتا ہے تو الیکٹران کے معیار حرکت میں عدم یقینی کا حساب لگائیے۔ فرض کیجیے الیکٹران کا معیار حرکت  $h/4\pi_m \times 0.05 \text{ nm}$  ہے۔ اس قدر کی تعریف کرنے میں کیا کوئی مسئلہ ہے؟ 2.61

چھ الیکٹرانوں کے کوئی نمبر ذیل میں دیے گئے ہیں۔ انھیں بڑھتی ہوئی تو ناتائی کی ترتیب میں رکھئے۔ کیا ان میں سے کسی مجموعے (مجموعوں) کی تو ناتائی یکساں ہے۔ 2.62

1.  $n = 4, l = 2, m_l = -2, m_s = -1/2$
2.  $n = 3, l = 2, m_l = 1, m_s = +1/2$
3.  $n = 4, l = 1, m_l = 0, m_s = +1/2$
4.  $n = 3, l = 2, m_l = -2, m_s = -1/2$
5.  $n = 3, l = 1, m_l = -1, m_s = +1/2$
6.  $n = 4, l = 1, m_l = 0, m_s = +1/2$

برو میں انہم میں 35 ایکٹران ہوتے ہیں۔ اس میں سے 6، ایکٹران  $2p$  ارٹل میں، 6 ایکٹران  $3p$  ارٹل میں اور 5 ایکٹران  $4p$  ارٹل میں ہوتے ہیں۔ ان میں سے کون سے ایکٹران سب سے کم موثر نیوکلیائی چارج محسوس کرتے ہیں۔  
مندرجہ ذیل کے جوڑوں میں کون سا ارٹل مقابلاً زیادہ نیوکلیائی چارج محسوس کرے گا؟

3p اور 3d (iii) ، 4f اور 4d (ii) ، 3s اور 2s (i)

Al اور Si میں غیر جھنگی ایکٹران  $3p$  ارٹل میں ہوتے ہیں۔ کون سے ایکٹران نیوکلیس سے مقابلاً زیادہ موثر نیوکلیائی چارج محسوس کریں گے۔  
مندرجہ ذیل میں غیر جھنگی ایکٹرانوں کی نشاندہی کیجئے:

(a)p (b)si (c) Cr (d) Fe (e) Kr  
لے ان ذیلی شیل مسلک ہیں۔ (b) کے لئے ان ذیلی شیل میں کتنے ایکٹران ہوں گے، جن کی قدر ( $-\frac{1}{2}$ ) ہے۔  
 $n=4$  (a) سے کتنے ذیلی شیل مسلک ہیں۔