

ضمیمه کے مشمولات (SUPPLEMENTARY MATERIAL)

اکائی ۷: مادہ کی حالتیں

5.7 حرکی توانائی اور سالماقی رفتاریں

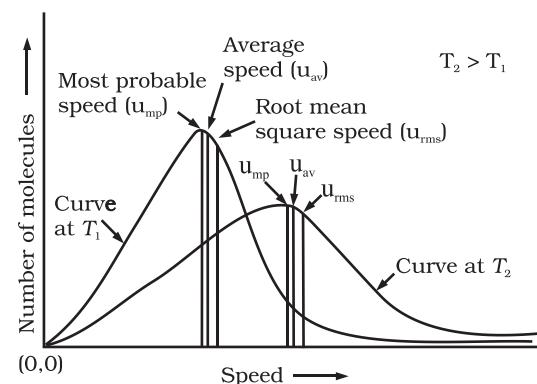
حقیقی تقسیم کا انحصار گیس کے درجہ حرارت اور سالماقی کیت پر ہوتا ہے۔ مخصوص رفتار کے حامل سالمات کی تعداد معلوم کرنے کے لیے میکس ویل نے ایک فارمولہ اخذ کیا۔ شکل A(1) میں دو مختلف درجے ہائے حرارت T_1 اور T_2 پر (T_2 کی قدر T_1 سے زیادہ ہے) سالمات کی تعداد اور سالماقی رفتار کے مابین کھینچا گیا گراف دکھایا گیا ہے۔ گراف میں دکھائی گئی رفتاروں کی تقسیم (بٹاؤ) کو رفتاروں کا میکس ویل۔ بولٹر میں بٹاؤ کہا جاتا ہے۔

جن کی رفتار بہت زیادہ ہے اور ان سالمات کی بھی جن کی چال بہت کم ہے۔ مخفی میں ازحد خنیدگی زیادہ سے زیادہ سالمات کی چال کو ظاہر کرتی ہے۔ اس چال کو اغلب ترین چال (Most probable speed) کہتے ہیں اسے u_{mp} سے ظاہر کرتے ہیں۔ یہ سالمات کی اوسط چال کے بہت زیادہ نزدیک ہے۔ درجہ حرارت میں اضافہ کے ساتھ ساتھ اغلب ترین چال میں بھی اضافہ ہو جاتا ہے۔ ساتھ ہی اونچے درجہ حرارت پر چال بٹاؤ مخفی بھی کشادہ ہو جاتا ہے۔ مخفی کا کشادہ ہونا اس بات کو ظاہر کرتا ہے کہ بہت زیادہ رفتار سے حرکت کرنے والے سالمات کی تعداد میں اضافہ ہوا ہے۔ چال بٹاؤ کا انحصار سالمات کی کمیت پر ہوتا ہے۔ اسی درجہ حرارت پر زیادہ کمیت والے گیسی سالمات کی چال کم کمیت والے سالمات کی چال سے کم ہوتی ہے۔ مثلاً ایک ہی درجہ حرارت پر ملکے ناسٹروجن سالمات بھاری کلورین سالمات کے مقابلے زیادہ تیزی سے حرکت کرتے ہیں۔ لہذا کسی بھی دی ہوئے درجہ حرارت پر ناسٹروجن سالمات کی اغلب ترین چال کی قدر کلورین سالمات کے مقابلے زیادہ ہوتی ہے۔ شکل A(2) میں دیے ہوئے کلورین اور ناسٹروجن کے سالماقی چال بٹاؤ مخفی کو دیکھیے۔ حالانکہ ایک مخصوص درجہ حرارت پر سالمات کی انفرادی چال میں تبدیلی واقع ہو رہی ہے جب کہ چالوں کا بٹاؤ ایک ہی رہتا ہے۔

گیسوں کے سالمات مسلسل طور پر حرکت میں رہتے ہیں۔ حرکت کے دوران وہ ایک دوسرے سے ٹکراتے رہتے ہیں اور ساتھ ہی برتن کی دیواروں سے بھی متصادم رہتے ہیں۔ نتیجتاً ان کی چال / رفتار اور توانائی کی باز تقسیم میں تبدیلی آجاتی ہے۔ لہذا کسی بھی لمحہ میں کیس کے سبھی سالمات کی چال اور توانائی یکسان نہیں ہوتی۔ اس طرح، ہم سالمات کی صرف اوسط چال ہی معلوم کر سکتے ہیں۔ اگر نوونے میں سالمات کی تعداد n اور ان کی انفرادی رفتاریں $u_1, u_2, u_n, \dots, u_n$ ہیں تو سالمات کی اوسط چال (رفتار) u_{av} کی تحسیب مندرجہ ذیل طریقے سے معلوم کی جاسکتی ہے۔

$$u_{av} = \frac{u_1 + u_2 + \dots + u_n}{n}$$

میکس ویل اور بولٹر میں یہ ثابت کر چکے ہیں کہ سالماقی رفتاروں کی

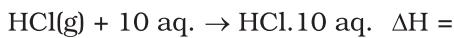


شکل A(1): رفتاروں کا میکس ویل۔ بولٹر میں بٹاؤ

اکائی VI حرر کیات (Thermodynamics)

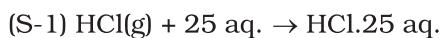
(e) ڈائی لیوشن کی اینٹھالپی 6.5

یہ مانا جاتا ہے کہ کسی محلول کی اینٹھالپی، مستقل درجہ حرارت اور دباؤ پر محل کی مخصوص مقدار میں محل کی مخصوص مقدار کے اضافے سے وابستہ اینٹھالپی تبدیلی ہے۔ اس دلیل کا اطلاق معمولی سی ترمیم کے ساتھ کہی بھی محل پر کیا جاسکتا ہے۔ گیسی ہائڈروجن کلورائٹ کے ایک مول کو پانی کے 10 مول میں حل کرنے کے لیے اینٹھالپی تبدیلی کو مندرجہ ذیل مساوات کے ذریعے ظاہر کیا جاتا ہے۔ آسانی کے لیے ہم پانی کی جگہ aq علامت کا استعمال کریں گے۔



$$-69.01 \text{ kJ / mol}$$

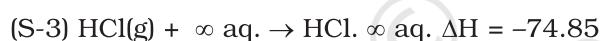
آئیے اینٹھالپی تبدیلیوں کے مندرجہ ذیل سیٹ پر غور کریں۔



$$\Delta H = -72.03 \text{ kJ / mol}$$



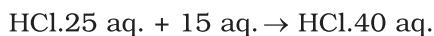
$$\Delta H = -72.79 \text{ kJ / mol}$$



$$\text{kJ / mol}$$

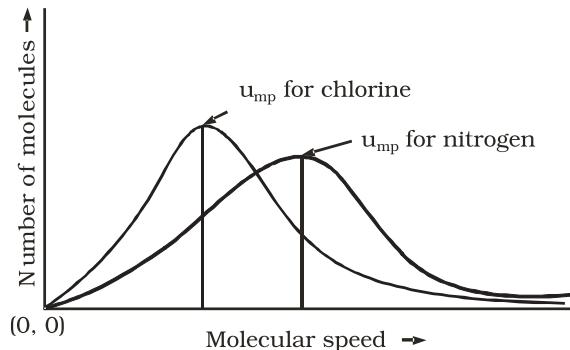
ΔH کی قدر یہ محل کی مقدار پر محلول کی اینٹھالپی کے عمومی انحصار کو ظاہر کرتی ہیں۔ استعمال ہونے والے محل کی مقدار میں جیسے جیسے اضافے ہوتا جاتا ہے محلول کی اینٹھالپی ایک تجدیدی قدر کو پہنچ جاتی ہے ہائڈروکلورک اسٹٹ کے لیے ΔH کی یہ قدر مذکورہ بالا مساوات (S-3) میں دی گئی ہے۔

اگر ہم مذکورہ بالا مساوات کے سیٹ میں پہلی مساوات (S-1) کو دوسری مساوات میں سے گھٹاتے ہیں تو مندرجہ ذیل نتیجہ حاصل ہوتا ہے۔



$$\Delta H = [-72.79 - (-72.03)] \text{ kJ/mol} = -0.76 \text{ kJ/mol}$$

کی یہ قدر (0.76 kJ/mol) ڈائی لیوشن کی اینٹھالپی ہے۔



شکل (2) A: 300K پر کلورین اور نائٹروجن کے لیے سالماتی چالوں کا بثائقو

ہم جانتے ہیں کہ کسی ذرہ کی توانائی کو مندرجہ ذیل عبارت کے ذریعے ظاہر کیا جاتا ہے۔

$$\text{Kinetic Energy} = \frac{1}{2} mu^2$$

لہذا، اگر ہم خط مستقیم میں کسی گیسی ذرہ کی حرکت کے لیے اوسط تغیر پذیر حرکی توانائی $\frac{1}{2} mu^2$ معلوم کرنا چاہتے ہیں تو ہمیں تمام سالمات کی چالوں کے مربع کی اوسط قدر $\overline{u^2}$ درکار ہوگی۔ اسے مندرجہ ذیل طریقے سے ظاہر کیا جاتا ہے:

$$\overline{u^2} = \frac{u_1^2 + u_2^2 + \dots + u_n^2}{n}$$

اوسط مربع چال گیسی سالمات کی اوسط حرکی توانائی کی براہ راست پیاوش ہے۔ اگر ہم چالوں کے مربع کے اوسط کا جذر اوسط مربع لیتے ہیں تو ہمیں چال کی ایک ایسی قدر حاصل ہوتی ہے جو اغلب ترین چال اور اوسط چال سے مختلف ہوتی ہے۔ اس چال کو جذر اوسط مربع (Root mean square) چال کہتے ہیں اور اسے مندرجہ ذیل عبارت کی شکل میں ظاہر کیا جاتا ہے:

$$u_{\text{rms}} = \sqrt{\overline{u^2}}$$

جذر اوسط مربع چال، اوسط چال اور اغلب ترین چال کا ایک دوسرے سے مندرجہ ذیل رشتہ ہے۔

$$u_{\text{rms}} > u_{\text{av}} > u_{\text{mp}}$$

تنیوں چالوں کے درمیان نسبت ذیل میں دی گئی ہے:

$$u_{\text{mp}} : u_{\text{av}} : u_{\text{rms}} :: 1 : 1.128 : 1.224$$

پوشیدہ ہے کہ اس کے ذریعے صرف حرارتی اعداد و شمار سے خالص شے کی اینٹرپی کی مطلق قدریوں کا حساب لگایا جاسکتا ہے۔ معیاری اینٹرپی کا استعمال بیس (Hess) کے کلیہ کی قسم کی تحسیبات کے ذریعے معیاری اینٹرپی تبدیلی کی پیمائش کے لیے کیا جاتا ہے۔

یہ حرارت کی وہ مقدار ہے جو اطراف سے اس وقت حاصل کی جاتی ہے جب محلول میں اضافی محلل ملا کیا جاتا ہے۔ محلول کی ڈائی لیوشن کی اینٹرپی کا انحصار محلول کے اصل ارتکاز اور ملائے جانے والے محلل کی مقدار پر ہوتا ہے۔

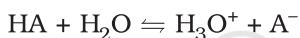
اکائی VII توازن

7.12.1 بفر محلول کی تیاری

pK_a اور توازن مستقلہ کی معلومات ہمیں معلوم pH کا بفر محلول تیار کرنے میں مدد گار ثابت ہوتی ہے۔

تیزابی بفر محلول کی تیاری

تیزابی pH کا بفر محلول تیار کرنے کے لیے ہم کمزور تیزاب اور قوی اساس میں بنائے گئے اس کے نمک کا استعمال کرتے ہیں۔ ہم pH , کمزور تیزاب کے توازن مستقلہ K_a نیز کمزور تیزاب اور اس کے جفتہ اساس کے ارتکاز کی نسبت کے مابین رشتہ قائم کرتے ہوئے ایک مساوات کی تفہیم کرتے ہیں۔ ایک عام معاملے میں جہاں کمزور تیزاب HA پانی میں آیونائز ہو جاتا ہے:



جس کے لیے ہم مندرجہ ذیل عبارت لکھ سکتے ہیں:

$$K_a = \frac{[H_3O^+] [A^-]}{[HA]}$$

عبارت کو از سرنو مرتب کرنے پر

$$[H_3O^+] = K_a \frac{[HA]}{[A^-]}$$

دونوں طرف لوگارتم یعنی اور اکان کو از سرنو ترتیب دینے پر

$$pK_a = pH - \log \frac{[A^-]}{[HA]}$$

$$pH = pK_a + \log \frac{[A^-]}{[HA]} \quad (A-1)$$

$$pH = pK_a + \log \frac{[\text{Conjugate base, } A^-]}{[\text{Acid, HA}]} \quad (A-2)$$

عبارت (A-2) ہینڈرسن-ہیسل باخ

(Henderson-Hasselbalch) مساوات کہلاتی ہے۔

(c) اینٹرپی اور حرکیات کا دوسرا اکلیہ

ہم جانتے ہیں کہ آئسو لیپید نظام کے لیے تو انائی کی تبدیلی مستقل رہتی ہے۔ لہذا اس قسم کے نظام میں، اینٹرپی میں ہونے والا اضافہ خود بخود ہونے والی تبدیلی کی فطری سمت ہے۔ درحقیقت، یہ حرکیات کا دوسرا قانون (کلیہ) ہے۔ حرکیات کے پہلے قانون کی ہی طرح دوسرے قانون کو بھی کئی طریقوں سے بیان کیا جاسکتا ہے۔ حرکیات کا دوسرا قانون کو بھی کئی طریقوں سے بیان کیا جاسکتا ہے۔ حرکیات کا دوسرا قانون اس بات کی وضاحت کرتا ہے کہ از خود حرارت زا تعاملات اتنے عام کیوں ہیں۔ حرارت زا تعاملات میں تعامل کے ذریعے خارج ہونے والی حرارت اطراف کی بے ترتیبی میں اضافہ کر دیتی ہے اور مجموعی اینٹرپی تبدیلی ثابت ہوتی ہے جو تعامل کو خود بخود واقع ہونے والا بنا دیتی ہے۔

(d) مطلق اینٹرپی اور حرکیات کا تیسرا قانون

کسی شے کے سالمات یا تو خط مستقیم میں یا پھر کسی بھی سمت میں حرکت کر سکتے ہیں۔ یہ ایک لٹو کی طرح حرکت کرتے ہیں اور سالمات کے باہم میں کھنقاو اور دباو پیدا ہوتا ہے۔ سالمہ کی یہ حرکات بالترتیب تغیر پذیر (Translational)، گردشی (Rotational) اور انترازی حرکات کہلاتی ہیں۔ جب نظام کے درجہ حرارت میں اضافہ ہوتا ہے تو یہ حرکات شدت اختیار کر لیتی ہیں اور اینٹرپی میں اضافہ ہو جاتا ہے۔ دوسری طرف جب درجہ حرارت میں کمی آتی ہے تو اینٹرپی کھنچنے لگتی ہے۔ کسی بھی خالص کرستلی شے کی اینٹرپی اس وقت صفر ہو جاتی ہے جب اس کا درجہ حرارت مطلق صفر کو پہنچ جاتا ہے۔ یہ حرکیات کا تیسرا قانون ہے۔ اس کی وجہ یہ ہے کہ مطلق صفر پر کرستل میں مکمل ترتیب پائی جاتی ہے۔ یہ بیان صرف خالص کرستلی ٹھوسوں تک ہی محدود ہے کیونکہ نظریاتی دلائل اور عملی ثبوت یہ ظاہر کرتے ہیں کہ محلولوں اور انتہائی ٹھنڈی (Super Coled) (Ricin اشیا کی اینٹرپی OK پر صرف نہیں ہوتی۔ تیسرا قانون کی اہمیت اس حقیقت میں

کیا

$$(A-3) pOH = pK_b + \log \frac{[\text{Conjugate acid, } BH^+]}{[\text{Base, B}]}$$

بفرمحلوں کی pH قدر کو مساوات $pH + pOH = 14$ کا استعمال کر کے معلوم کیا جاسکتا ہے۔

ہم جانتے ہیں کہ $pK_a + pK_b = pH + pOH = pK_w$ اور $pK_w - pK_a - pK_b$ ان قدروں کو مساوات (A-3) میں رکھنے پر مندرجہ ذیل مساوات حاصل ہوگی:

$$pK_w - pH = pK_w - pK_a + \log \frac{[\text{Conjugate acid, } BH^+]}{[\text{Base, B}]}$$

$$pH = pK_a + \log \frac{[\text{Conjugate acid, } BH^+]}{[\text{Base, B}]} \quad (A-4)$$

اگر اس اور اس کے جفتہ تیزاب (کیٹ آئین) کا مولار ارٹکاز یکساں ہے تو بفرمحلوں کی pH قدر اس کی pK_a قدر کے مساوی ہوگی۔ امونیا کی pK_a قدر 9.25 ہوتی ہے، لہذا ایسا م محلوں تیار کرنے کے لیے، جس کی pH قدر 9.25 ہے، یکساں مولار ارٹکاز والے امونیا اور امونیم کلورائڈ محلوں کا استعمال کیا جاسکتا ہے۔ امونیم کلورائڈ اور امونیم ہائڈر اسائیڈ سے بنائے گئے بفرمحلوں کے لیے مساوات (A-4) مندرجہ ذیل ہو جائے گی۔

$$pH = 9.25 + \log \frac{[\text{Conjugate acid, } BH^+]}{[\text{Base, B}]}$$

بفرمحلوں کی pH قدر ڈائی لیوشن سے متاثر نہیں ہوتی ہے کیونکہ لوگا رتی کرن کی تحت نسبت میں کوئی تبدیلی نہیں آتی۔

مقدار $\frac{[A^-]}{[HA]}$ تیزاب کے جفتہ اساس (این آئین) اور آمیزہ میں موجود تیزاب کے ارٹکاز کی نسبت ہے۔ چونکہ تیزاب ایک کمزور قسم کا تیزاب ہے لہذا اس کا آیونائزیشن بہت ہی کم ہوتا ہے اور $[HA]$ کا ارٹکاز بفرمحلوں کی غرض سے لیے گئے تیزاب کے ارٹکاز کا فرق اتنا کم ہوتا ہے کہ اسے نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔ علاوہ ازیں زیادہ تر جفتہ اساس، $[A^-]$ تیزاب کے نمک کے آیونائزیشن سے حاصل ہوتے ہیں۔ لہذا جفتہ اساس کے ارٹکاز اور نمک کے ارٹکاز میں اتنا کم فرق ہوتا ہے کہ اسے نظر انداز کیا جاسکتا ہے۔ اس طرح تعامل (A^{-2}) مندرجہ ذیل شکل کا ہوگا۔

$$pH = pK_a + \log \frac{[\text{Salt}]}{[\text{Acid}]}$$

مساوات (A-1) میں، اگر $[A^-]$ کا ارٹکاز $[HA]$ کے ارٹکاز کے مساوی ہے تو $pH = pK_a$ کی تدر صفر ہوتی ہے۔ اس طرح، اگر ہم تیزاب اور نمک (جفتہ اساس) کا مولار ارٹکاز ایک ہی لیتے ہیں تو بفرمحلوں کا pH تیزاب کے pK_a کے مساوی ہوگا۔ لہذا مطلوبہ pH کا بفرمحلوں تیار کرنے کے لیے ہم ایسے تیزاب کا انتخاب کرتے ہیں جس کا مطلوبہ pH کے قریب ترین ہو۔ ایسکے ایسٹ کی pK_a قدر 4.76 ہے، اس لیے ایسکے ایسٹ اور سوڈم ایسٹ کا مساوی مولار ارٹکاز لے کر بنائے گئے بفرمحلوں کی pH قدر تقریباً 4.76 ہوگی۔

کمزور اس اس اور اس کے جفتہ تیزاب سے بنائے گئے بفرمحلوں کا اسی طرح تجزیہ کرنے پر مندرجہ ذیل نتیجہ حاصل ہوگا: